

GÉNÉRATEUR D'EXERCICES

Résistance des Matériaux

Spécification Fonctionnelle et Technique

| | |
|---------------------|---|
| Contexte | Université de Bordeaux |
| Domaine | Résistance des matériaux, PFS, Poutres isostatiques |
| Utilisateurs | 1 professeur, ~30 étudiants |
| Budget | Gratuit (stack open source) |

TABLE DES MATIÈRES

1. Vue d'ensemble du projet
2. Architecture technique
3. Concepts clés : Types et Modèles
4. Cycle de vie d'un exercice
5. Workflow utilisateur
6. Structure des données
7. Interfaces utilisateur
8. Fonctionnalités détaillées
9. Stack technique

1. VUE D'ENSEMBLE DU PROJET

Objectif

Créer une plateforme web permettant à un professeur de générer des exercices de résistance des matériaux via l'intelligence artificielle, de les publier à ses étudiants avec des variantes personnalisées (anti-triche), et d'obtenir une correction automatique avec suivi statistique.

Problématique résolue

| Problème | Solution apportée |
|--------------------------------------|---|
| Exercices identiques = triche facile | Variantes automatiques par étudiant (valeurs différentes) |
| Correction manuelle chronophage | Correction automatique avec tolérance paramétrable |
| Pas de suivi individuel | Tableau de bord avec stats par étudiant et par exercice |
| Création d'exercices longue | Génération IA + bibliothèque de modèles réutilisables |

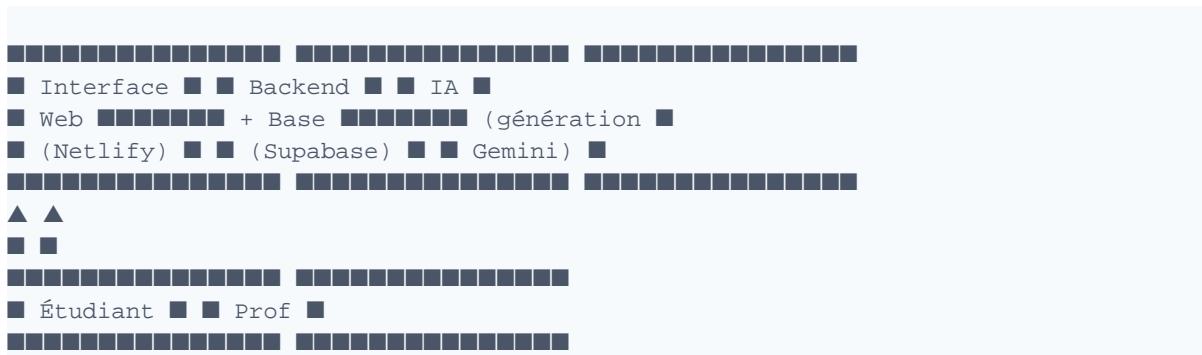
Acteurs

| Acteur | Rôle | Actions principales |
|------------|----------------|---|
| Professeur | Administrateur | Génère, valide, publie exercices. Gère étudiants. Consulte stats. |
| Étudiant | Utilisateur | Consulte exercices, soumet réponses, voit feedback. |
| Système IA | Générateur | Génère énoncés, plages de valeurs, résolutions détaillées. |

2. ARCHITECTURE TECHNIQUE

Vue d'ensemble

L'architecture suit un modèle classique frontend/backend avec une couche IA pour la génération de contenu.



Composants

| Composant | Technologie | Rôle |
|-------------------|-----------------------------|--|
| Frontend | Next.js / React | Interface utilisateur responsive |
| Hébergement | Netlify (gratuit) | Déploiement automatique, CDN |
| Backend + Auth | Supabase (gratuit) | API, authentification, base PostgreSQL |
| Base de données | PostgreSQL (Supabase) | Stockage exercices, users, stats |
| Stockage fichiers | Supabase Storage | Images des exercices |
| IA Génération | Google Gemini API (gratuit) | Génération énoncés et résolutions |

3. CONCEPTS CLÉS : TYPES ET MODÈLES

Deux niveaux de réutilisation

Le système distingue deux concepts fondamentaux pour organiser les exercices :

TYPE (Squelette mathématique)

Un TYPE définit la structure mathématique d'un exercice. Il contient les formules, les variables impliquées et l'unité de la réponse. Les types sont soit pré-remplis (bibliothèque de base), soit créés par le professeur.

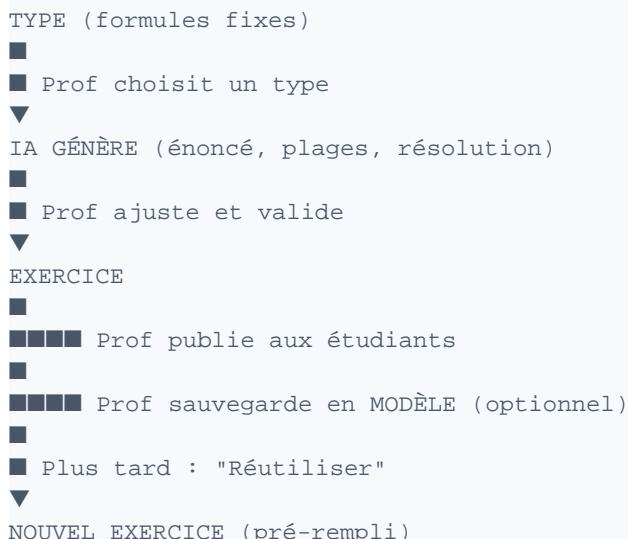
| | |
|----------------------|--|
| Élément | Exemple : Flexion poutre bi-appuyée |
| Formules | $M_f = (P \times L)/4$, $I = (b \times h^3)/12$, $\sigma = (M_f \times y)/I$ |
| Variables | L (longueur), b (largeur), h (hauteur), P (charge) |
| Unité réponse | MPa |

MODÈLE (Exercice sauvegardé)

Un MODÈLE est un exercice complet personnalisé que le professeur sauvegarde pour le réutiliser ultérieurement. Il contient tout du TYPE plus l'énoncé, les plages de valeurs, l'image optionnelle, la tolérance, etc.

| | |
|------------------|--|
| Élément | Exemple : Modèle 'Flexion passerelle bois' |
| Basé sur | TYPE flexion bi-appuyée |
| Énoncé | Une passerelle en bois de longueur {L} m... |
| Plages | L [3-6m], b [15-25cm], h [30-50cm], P [5-20kN] |
| Image | passerelle.png |
| Tolérance | ±3% |

Flux de création

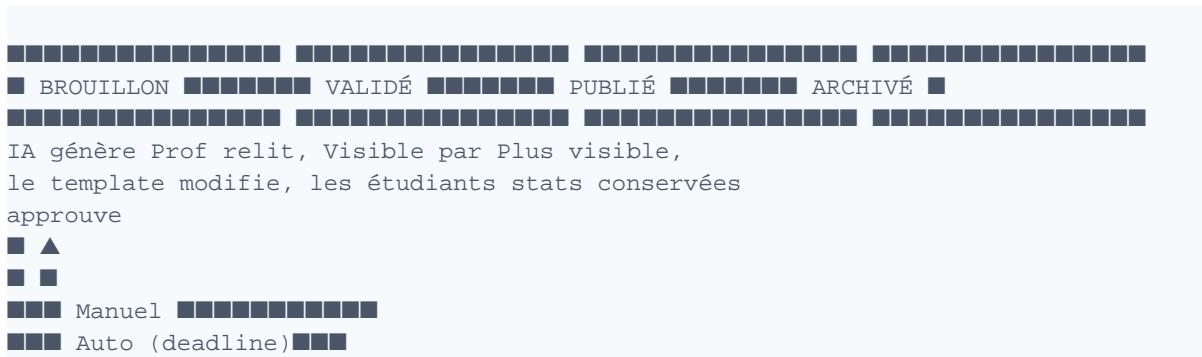


Ce que l'IA génère vs ce qui est fixe

| Élément | Fixe ou Généré ? | Détail |
|----------------------|------------------|---|
| Formules | FIXE | Définies par le TYPE choisi |
| Variables | FIXE | Découlent des formules |
| Unité réponse | FIXE | Définie par le TYPE |
| Énoncé contextualisé | GÉNÉRÉ | Mise en situation réaliste |
| Plages min/max | GÉNÉRÉ | Valeurs cohérentes proposées |
| Résolution détaillée | GÉNÉRÉ | Explication pédagogique étape par étape |

4. CYCLE DE VIE D'UN EXERCICE

États possibles



Détail des états

| État | Description | Actions possibles |
|-----------|--|--------------------------------------|
| BROUILLON | Exercice généré par l'IA, en attente de validation | Modifier, Supprimer, Valider |
| VALIDÉ | Approuvé par le prof, prêt à publier | Modifier, Publier, Supprimer |
| PUBLIÉ | Visible et accessible aux étudiants | Archiver (manuel ou auto) |
| ARCHIVÉ | Terminé, plus accessible aux étudiants | Consulter stats, Afficher correction |

Règles de transition

- Modifier un exercice PUBLIÉ = création d'un NOUVEL exercice (l'ancien reste intact)
- Archivage automatique si une date limite est définie et dépassée
- Archivage manuel possible à tout moment par le professeur
- Option d'afficher la correction aux étudiants après archivage

5. WORKFLOW UTILISATEUR

Workflow Professeur

Étape 1 : Génération d'exercices

1. Le prof choisit un TYPE dans la bibliothèque (ex: Flexion poutre bi-appuyée)
2. Il clique sur 'Générer avec l'IA'
3. L'IA génère : énoncé contextualisé, plages de valeurs, résolution détaillée
4. L'exercice est créé en statut BROUILLON

Étape 2 : Validation

Le prof visualise et peut modifier :

- L'énoncé (texte libre)
- Les plages de variables : min, max, mode (libre avec arrondi OU paliers fixes)
- La tolérance de réponse (ex: ±2%)

Il peut consulter (lecture seule) : formules utilisées, résolution détaillée

Étape 3 : Publication

Lors de la publication, le prof définit :

- Titre affiché aux étudiants
- Image optionnelle (upload)
- Date limite (optionnelle) avec archivage automatique
- Affichage de la correction après archivage (oui/non)

→ Le système génère automatiquement une VARIANTE unique par étudiant (valeurs différentes calculées selon les plages)

Étape 4 : Suivi et archivage

- Consultation des statistiques en temps réel
- Archivage manuel ou automatique (deadline)
- Optionnel : sauvegarde de l'exercice en MODÈLE pour réutilisation

Workflow Étudiant

1. Connexion avec le compte créé par le professeur
2. Visualisation de la liste des exercices disponibles (avec deadlines)
3. Ouverture d'un exercice : affichage de SA variante (valeurs uniques)
4. Saisie de la réponse (champ numérique + unité)
5. Soumission → feedback immédiat : correct/incorrect
6. Possibilité de réessayer (nombre illimité de tentatives)
7. Après archivage : accès à la correction si activée par le prof

6. STRUCTURE DES DONNÉES

Schéma relationnel

| Table | Description | Champs principaux |
|--------------------|------------------------------------|---|
| users | Professeurs et étudiants | id, email, nom, role (prof/étudiant), créé_par |
| types | Types d'exercices (squelettes) | id, nom, catégorie, formules, variables, unité, créé_par |
| templates | Modèles sauvegardés (bibliothèque) | id, type_id, titre, énoncé, plages_json, image_url, tolérance, créé_par |
| exercises | Exercices créés | id, type_id, template_id (nullable), titre, énoncé, plages_json, statut, image_url, tolérance |
| exercise_instances | Variante par étudiant | id, exercise_id, student_id, valeurs_json, réponse_attendue |
| attempts | Tentatives de réponse | id, instance_id, réponse_donnée, correct (bool), timestamp |

Relations entre tables

```
types ——— exercises ——— exercise_instances ——— attempts
■ ■
■ ■
templates users
(bibliothèque) (étudiants)
```

Exemple de données JSON

plages_json (dans exercices) :

```
{
  "L": {"min": 2, "max": 8, "mode": "palier", "pas": 0.5, "unite": "m"}, 
  "b": {"min": 10, "max": 30, "mode": "libre", "decimales": 0, "unite": "cm"}, 
  "h": {"min": 20, "max": 50, "mode": "libre", "decimales": 0, "unite": "cm"}, 
  "P": {"min": 5, "max": 50, "mode": "palier", "pas": 5, "unite": "kN"}}
```

valeurs_json (dans exercise_instances) :

```
{
  "L": 4.5,
  "b": 15,
  "h": 35,
  "P": 25}
```

7. INTERFACES UTILISATEUR

Interface Professeur

Écran : Édition d'exercice

L'écran d'édition présente toutes les informations générées par l'IA de manière claire :

- Section ÉNONCÉ : texte modifiable avec variables entre accolades {L}, {b}...
- Section FORMULES UTILISÉES : liste des formules (lecture seule)
- Section RÉSOLUTION DÉTAILLÉE : étapes de calcul (lecture seule, repliable)
- Section VARIABLES : pour chaque variable, champs min/max et choix du mode
- Section FORMULE FINALE : formule de calcul et tolérance
- APERÇU : prévisualisation avec valeurs aléatoires + réponse calculée

Mode de génération des valeurs

| Mode | Description | Exemple |
|----------------|---|--|
| Valeurs libres | N'importe quelle valeur entre min et max, | alren nd m (arrondi 1 décimale) |
| Paliers | Valeurs par incrément fixe | L = 2, 2.5, 3, 3.5... (pas de 0.5) |

Écran : Publication

- Titre affiché
- Upload image (optionnel, drag & drop)
- Date limite : aucune OU date/heure précise
- Checkbox : archivage automatique après deadline
- Checkbox : afficher correction après archivage

Écran : Bibliothèque de modèles

- Liste des modèles sauvegardés avec recherche et filtres
- Pour chaque modèle : titre, variables, date création, nombre d'utilisations
- Actions : Utiliser, Modifier, Supprimer

Écran : Statistiques

- Par exercice : taux de réussite, nombre tentatives moyen, distribution des réponses
- Par étudiant : exercices complétés, score global, progression

Interface Étudiant

Écran : Liste des exercices

- Exercices disponibles avec statut (à faire, réussi, échoué)
- Deadline affichée si définie ('dans 3 jours', 'demain'...)
- Notification visuelle pour deadlines proches

Écran : Exercice

- Image (si uploadée par le prof)
- Énoncé avec les valeurs spécifiques à l'étudiant
- Champ de saisie numérique + unité
- Bouton Soumettre
- Feedback immédiat après soumission
- Possibilité de réessayer si incorrect

8. FONCTIONNALITÉS DÉTAILLÉES

Système anti-triche

Chaque étudiant reçoit une variante unique de l'exercice. Les valeurs numériques sont générées aléatoirement dans les plages définies par le professeur. Ainsi, même si deux étudiants échangent leurs réponses, celles-ci seront incorrectes car les valeurs diffèrent.

Correction automatique

- La réponse attendue est calculée automatiquement pour chaque variante
- Tolérance paramétrable (ex: $\pm 2\%$) pour accepter les arrondis
- Comparaison numérique avec la réponse de l'étudiant
- Feedback immédiat : correct/incorrect

Gestion des deadlines

- Date limite optionnelle pour chaque exercice
- Affichage du temps restant côté étudiant
- Notification visuelle à l'approche de la deadline
- Archivage automatique une fois la deadline passée
- Archivage manuel possible à tout moment

Gestion des comptes

- Le professeur crée les comptes étudiants
- Authentification via Supabase Auth (email/mot de passe)
- Rôles distincts : professeur et étudiant

Bibliothèque de types

Le système est livré avec une bibliothèque de types pré-remplis couvrant les cas classiques en résistance des matériaux. Le professeur peut également créer ses propres types.

| Catégorie | Types inclus |
|------------------------|---|
| Flexion | Poutre bi-appuyée (charge ponctuelle, répartie), Poutre encastrée-libre |
| Torsion | Arbre cylindrique plein, Arbre cylindrique creux |
| Traction/Compression | Barre simple, Système hyperstatique |
| Contraintes thermiques | Barre encastrée, Assemblage bi-matériau |
| PFS | Systèmes isostatiques divers |

9. STACK TECHNIQUE

Choix technologiques (100% gratuit)

| Besoin | Solution | Tier gratuit |
|----------------------|-----------------------|------------------------------|
| Frontend | Next.js + React | Open source |
| Hébergement frontend | Netlify | 100 GB bande passante/mois |
| Backend + API | Supabase | 50k requêtes/mois |
| Base de données | PostgreSQL (Supabase) | 500 MB |
| Authentification | Supabase Auth | 50k utilisateurs actifs/mois |
| Stockage fichiers | Supabase Storage | 1 GB |
| Génération IA | Google Gemini API | 1500 requêtes/jour |

Configuration Google Gemini

L'IA de génération utilise l'API Gemini de Google. La configuration est simple et gratuite :

1. Avoir un compte Google (Gmail personnel ou universitaire)
2. Aller sur Google AI Studio : <https://aistudio.google.com>
3. Cliquer sur 'Get API Key' → 'Create API Key'
4. Copier la clé et la configurer dans l'application

Aucune carte bancaire n'est requise. Le tier gratuit offre 1500 requêtes/jour, largement suffisant puisque l'API n'est appelée que lors de la génération d'exercices (pas lors des réponses des étudiants).

Limites des tiers gratuits

| Service | Limite | Usage estimé (30 étudiants) |
|--------------------------|-----------------------|-----------------------------|
| Supabase - BDD | 500 MB | ~10 MB |
| Supabase - Auth | 50k utilisateurs/mois | 31 utilisateurs |
| Supabase - Storage | 1 GB | ~100 MB (images) |
| Netlify - Bande passante | 100 GB/mois | ~2 GB/mois |
| Netlify - Build | 300 min/mois | ~10 min/mois |
| Gemini - Requêtes | 1500/jour | ~10-20/jour max |

Dimensionnement

Pour 30 étudiants avec une utilisation régulière (quelques exercices par semaine), les tiers gratuits sont largement suffisants. Toutes les limites sont au moins 10x supérieures aux besoins réels du projet.

Évolutivité

Si le projet grandit (plus d'étudiants, plus de professeurs), les solutions choisies permettent une montée en charge facile avec des plans payants abordables (~19\$/mois pour Netlify Pro, ~25\$/mois pour Supabase

Pro).

RÉCAPITULATIF

| Fonctionnalité | Inclus |
|--|--------|
| Génération d'exercices par IA | ✓ |
| Variantes uniques par étudiant (anti-triche) | ✓ |
| Correction automatique avec tolérance | ✓ |
| Bibliothèque de types pré-remplis | ✓ |
| Bibliothèque de modèles personnels | ✓ |
| Validation par le professeur avant publication | ✓ |
| Deadlines avec archivage automatique | ✓ |
| Upload d'images par exercice | ✓ |
| Statistiques par étudiant et par exercice | ✓ |
| Gestion des comptes étudiants par le prof | ✓ |
| Affichage correction après archivage | ✓ |
| Tentatives multiples autorisées | ✓ |
| 100% gratuit | ✓ |