

# 8/19 - 1

최백준 [choi@startlink.io](mailto:choi@startlink.io)

---

# 브루트 포스

---

# 브루트 포스

Brute Force

- 브루트 포스는 모든 경우의 수를 다 해보는 것이다.



# 브루트 포스

## Brute Force

- 예를 들어, 비밀번호가 4자리이고, 숫자로만 이루어져 있다고 한다면
- 0000부터 9999까지 다 입력해보면 된다.
- 경우의 수가 10,000까지 이다.

12

# 브루트 포스

Brute Force

5

- 예를 들어, 비밀번호가 4자리이고, 숫자로만 이루어져 있다고 한다면
- 0000부터 9999까지 다 입력해보면 된다.
- 경우의 수가 10,000가지 이다.
- 사람이 직접 비밀번호를 입력하는데 1초가 걸린다면  $10,000\text{초} = 2.7\text{시간}$  정도 걸린다.

# 브루트 포스

Brute Force

- 예를 들어, 비밀번호가 12자리이고, 숫자로만 이루어져 있다고 한다면
- 000000000000부터 999999999999까지 다 입력해보면 된다.
- 경우의 수가 1,000,000,000,000가지 이다.

12

이런의 경우

N 제한

$O(N^2)$

$O(N \lg N)$

# 브루트 포스

Brute Force

(12, 23)

103

7

- 예를 들어, 비밀번호가 12자리이고, 숫자로만 이루어져 있다고 한다면
- 000000000000부터 999999999999까지 다 입력해보면 된다.
- 경우의 수가 1,000,000,000,000가지 이다.
- 사람이 직접 비밀번호를 입력하는데 1초가 걸린다면 1,000,000,000,000초 = 약 31688년이 걸린다.

# 브루트 포스

Brute Force

(보력)

- 브루트 포스는 모든 경우의 수를 다 해보는 것이다.
- 이 때, 경우의 수를 다 해보는데 걸리는 시간이 문제의 시간 제한을 넘지 않아야 한다.

O(경우의 수  $\times$  (보력 시간))



# 브루트 포스

## Brute Force

- 브루트 포스로 문제를 풀기 위해서는 다음과 같은 3가지 단계를 생각해볼 수 있다.

1. 문제의 가능한 경우의 수를 계산해본다.

2. 가능한 모든 방법을 다 만들어본다. 재귀함수

3. ~~각각의 방법을~~ 이용해 답을 구해본다.

# 브루트 포스

## Brute Force

- 브루트 포스로 문제를 풀기 위해서는 다음과 같은 3가지 단계를 생각해볼 수 있다.
  1. 문제의 가능한 경우의 수를 계산해본다.
    - 직접 계산을 통해서 구한다. 대부분 손으로 계산해볼 수 있다.
  2. 가능한 모든 방법을 다 만들어본다.
  3. 각각의 방법을 이용해 답을 구해본다.

# 브루트 포스

## Brute Force

- 브루트 포스로 문제를 풀기 위해서는 다음과 같은 3가지 단계를 생각해볼 수 있다.
  1. 문제의 가능한 경우의 수를 계산해본다.
    - 직접 계산을 통해서 구한다. 대부분 손으로 계산해볼 수 있다.
  2. 가능한 모든 방법을 다 만들어본다.
    - 하나도 빠짐 없이 만들어야 한다.
    - 대표적으로 그냥 다 해보는 방법, for문 사용, 순열 사용, 재귀 호출 사용, 비트마스크 사용이 있다.
  3. 각각의 방법을 이용해 답을 구해본다.

# 브루트 포스

## Brute Force

- 브루트 포스로 문제를 풀기 위해서는 다음과 같은 3가지 단계를 생각해볼 수 있다.
  1. 문제의 가능한 경우의 수를 계산해본다.
    - 직접 계산을 통해서 구한다. 대부분 손으로 계산해볼 수 있다.
  2. 가능한 모든 방법을 다 만들어본다.
    - 하나도 빠짐 없이 만들어야 한다.
    - 대표적으로 그냥 다 해보는 방법, for문 사용, 순열 사용, 재귀 호출 사용, 비트마스크 사용이 있다.
  3. 각각의 방법을 이용해 답을 구해본다.
    - 이 단계는 보통은 어렵지 않다. 문제에 나와있는 대로 답을 계산해본다.

# 브루트 포스

## Brute Force

- 브루트 포스로 문제를 풀기 위해서는 다음과 같은 3가지 단계를 생각해볼 수 있다.
  1. 문제의 가능한 경우의 수를 계산해본다.
    - 직접 계산을 통해서 구한다. 대부분 손으로 계산해볼 수 있다.
  2. 가능한 모든 방법을 다 만들어본다.
    - 하나도 빠짐 없이 만들어야 한다.
    - 대표적으로 그냥 다 해보는 방법, for문 사용, 순열 사용, 재귀 호출 사용, 비트마스크 사용이 있다.
  3. 각각의 방법을 이용해 답을 구해본다.
    - 이 단계는 보통은 어렵지 않다. 문제에 나와있는 대로 답을 계산해본다.
- 브루트 포스 문제의 시간 복잡도는 대부분  $O(\text{경우의 수} * \text{방법 1개를 시도해보는데 걸리는 시간 복잡도})$ 가 걸린다.

# 경우의 수

---

# 경우의 수

Brute Force

15

- 문제의 가능한 경우의 수를 계산하기 위해 몇 가지 경우의 수를 계산하는 방법을 연습해보자

# 경우의 수

Brute Force

16

$$\frac{N}{1} \times \frac{N-1}{2} \times \frac{N-2}{3} \times \dots \times \frac{1}{N} = \frac{0!}{N!} \quad N \leq 15$$

• N명의 사람이 한 줄로 서는 경우의 수 →

$$N!$$

• N명의 사람 중에서 대표 두 명을 뽑는 경우의 수 →

$$N C_2 = \frac{N(N-1)}{2} = N^2$$

• N명의 사람 중에서 대표 세 명을 뽑는 경우의 수 →

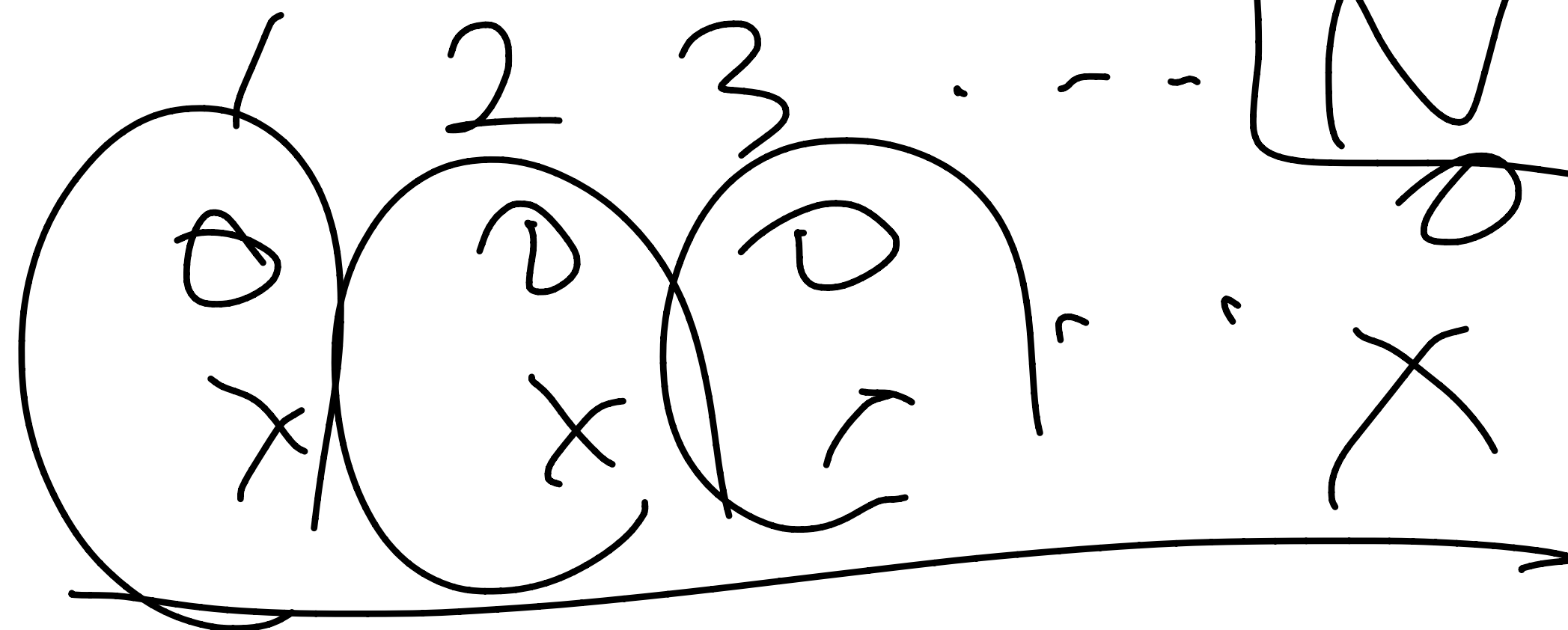
$$N C_3 = \frac{N(N-1)(N-2)}{6} \quad N \leq 500$$

• N명의 사람 중에서 반장 1명과 부반장 1명을 뽑는 경우의 수 →

$$N^2$$

• N명의 사람이 있을 때, 각 사람이 영화를 볼지, 보지 않을지 결정한다. 가능한 조합의 수 →

$$2^N$$



$$N \leq 20$$



# 경우의 수

## Brute Force

- N명의 사람이 한 줄로 서는 경우의 수  $\rightarrow N \times (N-1) \times \dots \times 1 = N!$
- N명의 사람 중에서 대표 두 명을 뽑는 경우의 수  $\rightarrow N \times (N-1) / 2$
- N명의 사람 중에서 대표 세 명을 뽑는 경우의 수  $\rightarrow N \times (N-1) \times (N-2) / 3!$
- N명의 사람 중에서 반장 1명과 부반장 1명을 뽑는 경우의 수  $\rightarrow N \times (N-1)$
- N명의 사람이 있을 때, 각 사람이 영화를 볼지, 보지 않을지 결정한다. 가능한 조합의 수  $\rightarrow 2^N$

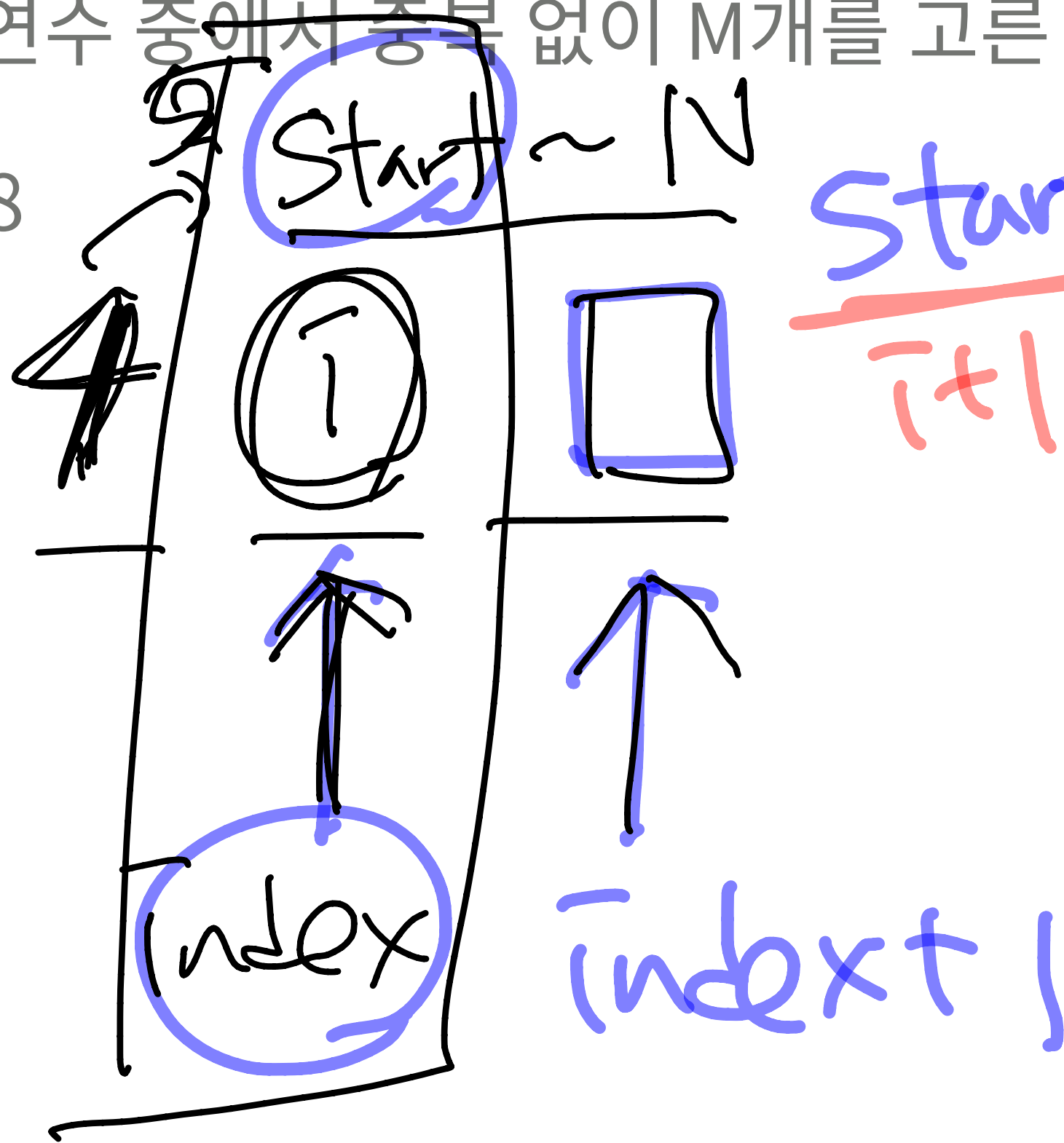
# N과 M (2)

<https://www.acmicpc.net/problem/15650>

$N=5, K=3$

1부터 N까지 자연수 중에서 중복 없이 M개를 고른 수열을 모두 구하는 문제 (오름차순)

$1 \leq M \leq N \leq 8$



- ~~1 2 3~~
- 2 3 4
- 2 3 5
- 2 4 5
- 3 4 5
- 1 2 3
- 1 2 4
- 1 2 5
- 1 3 4
- 1 3 5
- 1 4 5

# N과 M (2)

N!

19

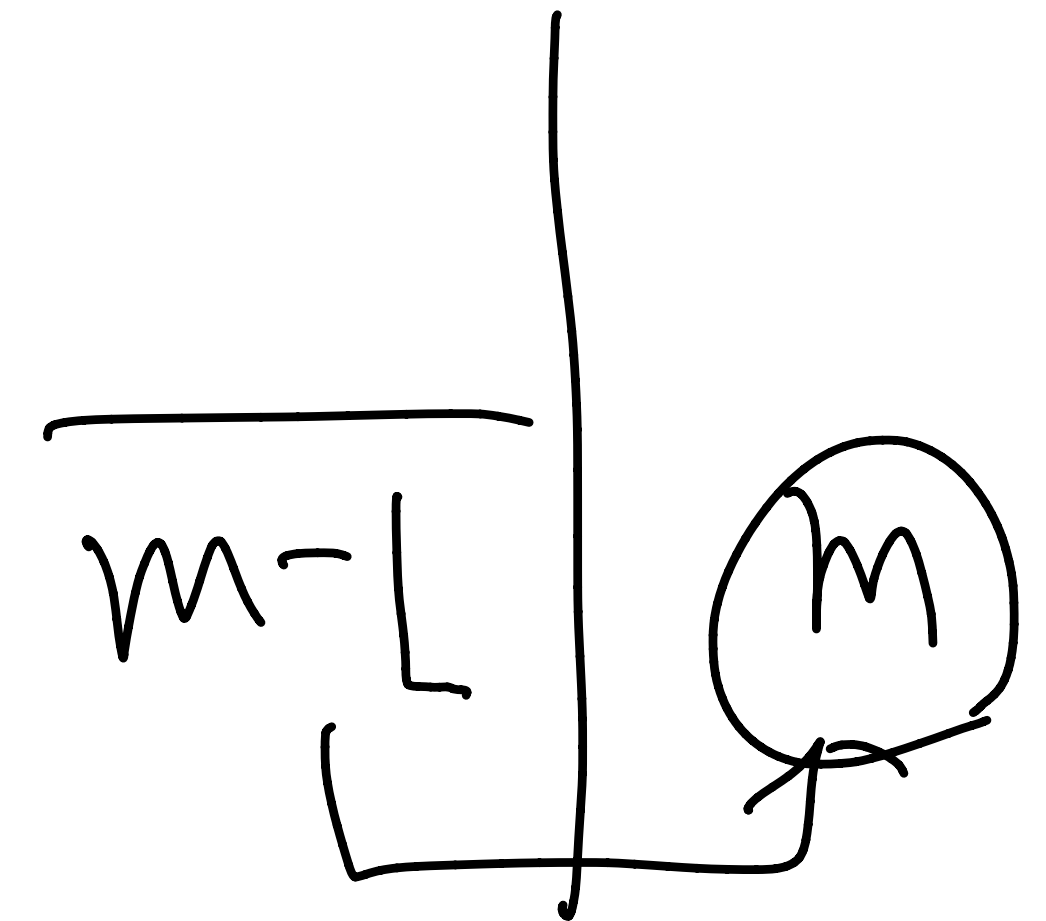
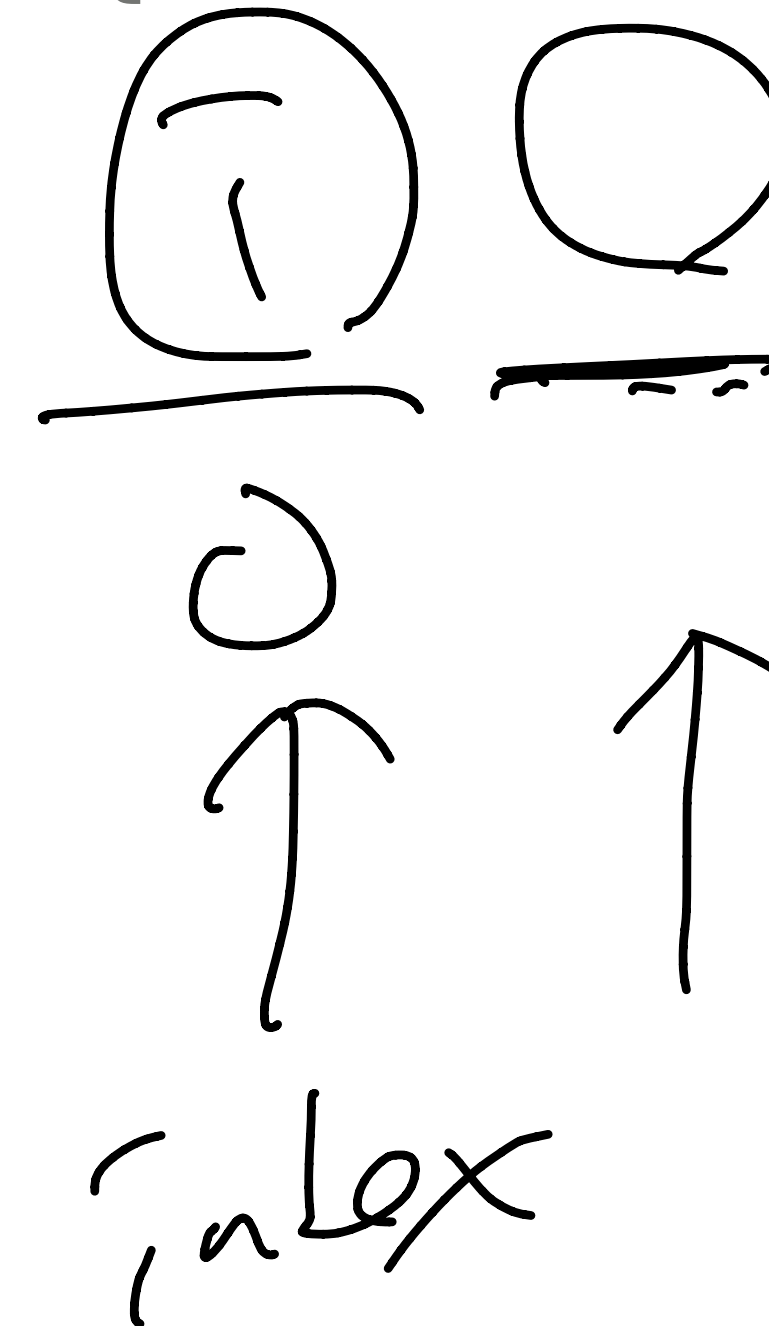
<https://www.acmicpc.net/problem/15650>

```
bool c[10]; int a[10];  
void go(int index, int start, int n, int m) {
```

무(지) → 높은 수 일수록 가장 작음

```
    if (index == m) {  
        // 수열을 출력  
        return;
```

```
    }  
    for (int i=start; i<=n; i++) {  
        if (c[i]) continue;  
        c[i] = true; a[index] = i;  
        go(index+1, i+1, n, m);  
        c[i] = false;  
    }
```



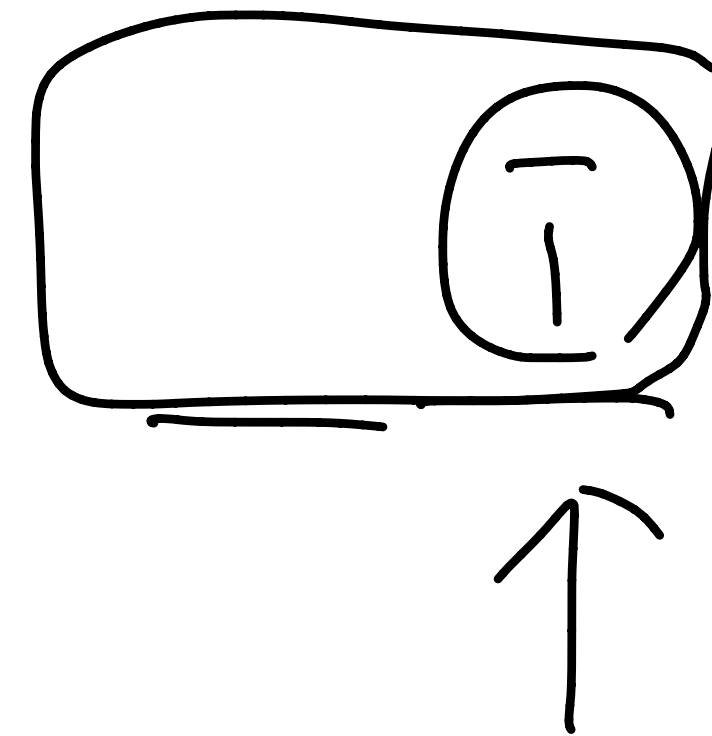
```
// go(0, 1, n, m);
```

# N과 M (2)

<https://www.acmicpc.net/problem/15650>

```
bool c[10]; int a[10];
void go(int index, int start, int n, int m) {
    if (index == m) {
        // 수열을 출력
        return;
    }
    for (int i = start; i <= n; i++) {
        if (c[i]) continue;
        c[i] = true; a[index] = i;
        go(index+1, i, n, m);
        c[i] = false;
    }
}
// go(0, 1, n, m);
```

$N=5, k=3$   
 $C[i] = \text{true}$



$1 \sim N$

1 2 3  
1 2 4  
1 2 5  
1 3 2  
1 3 4  
1 3 5  
1 4 2  
1 4 3

# N과 M (2)

$N=5, K=3$

4, 2, 7

20

<https://www.acmicpc.net/problem/15650>

- 소스: <http://codeplus.codes/987fdf7e666f490a860e5b755cc1b885>

2, 4, 7

$10! = 3628800$

$2^{10} = 1024$

1	2	3	4	5
0	X	0	0	X
X	0	0	X	0

1 3 4

→ 2 3 5

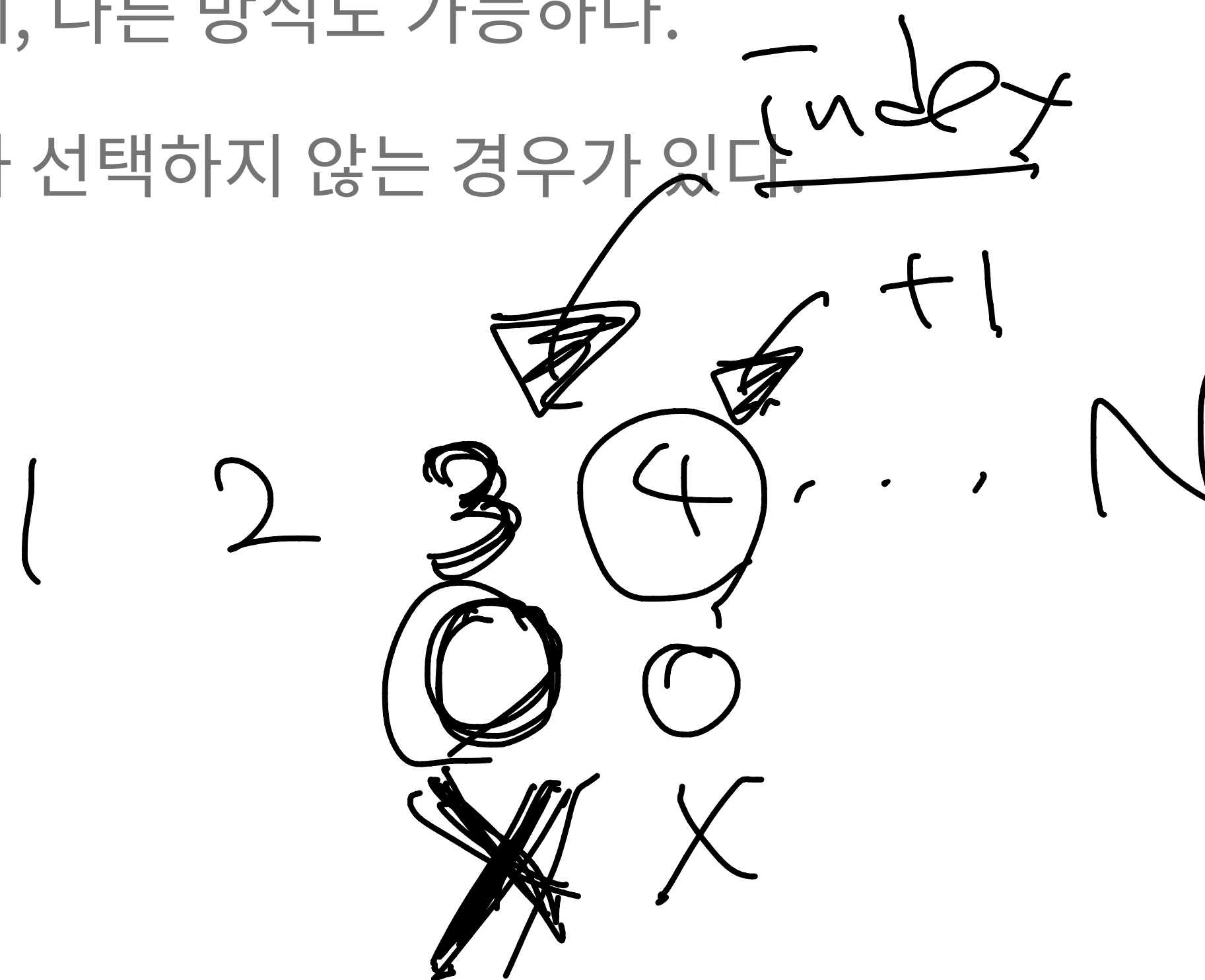
$2^N$

# N과 M (2)

21

<https://www.acmicpc.net/problem/15650>

- 1부터 N까지 자연수 중에서 중복 없이 M개를 고른 수열을 모두 구하는 문제 (오름차순)
- $1 \leq M \leq N \leq 8$
- 오름차순만 고르는 것이기 때문에, 다른 방식도 가능하다.
- 각각의 자연수를 선택하는 경우와 선택하지 않는 경우가 있다.



Selected

# N과 M (2)

<https://www.acmicpc.net/problem/15650>

22

현재 2<sup>수</sup> 지를까지 선택한 수의 개수

```
int a[10];
```

```
void go(int index, int selected, int n, int m) {
```

```
    if (selected == m) {
```

```
        // 수열 출력
```

```
        return;
```

```
    }
```

```
    if (index > n) return;
```

```
    a[selected] = index;
```

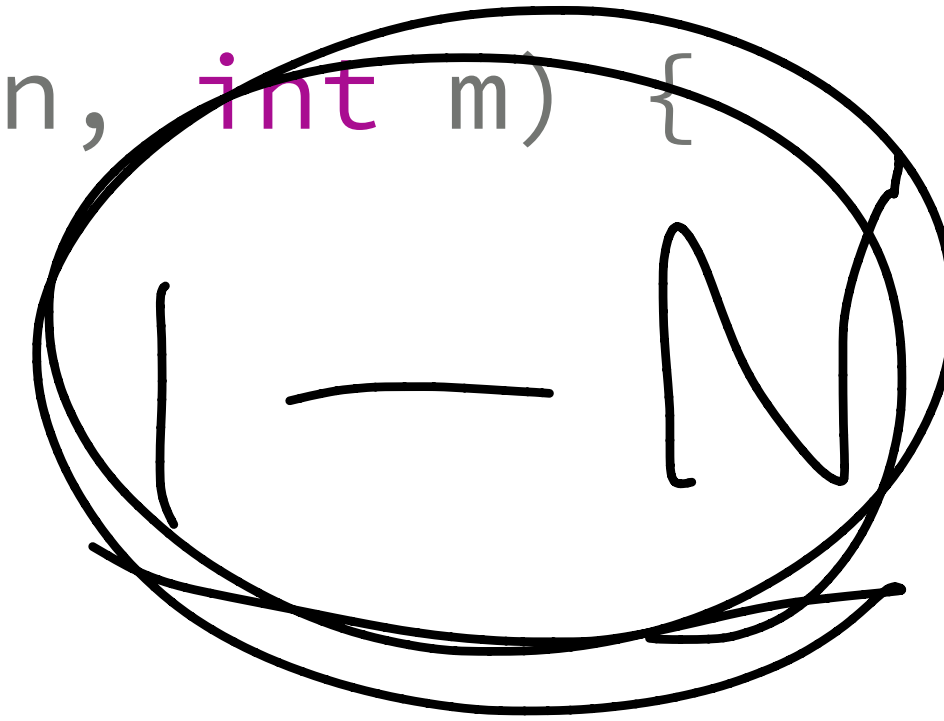
```
    go(index+1, selected+1, n, m);
```

```
    a[selected] = 0;
```

```
    go(index+1, selected, n, m);
```

```
}
```

```
// go(1, 0, n, m);
```



1 2 3

1 2 3 X



# N과 M (2)

<https://www.acmicpc.net/problem/15650>

- 소스: <http://codeplus.codes/e9ea6b4227da44c382f2abc3ae4ae1fb>



# 퇴사

Brute Force

하루씩 (21)

24

<https://www.acmicpc.net/problem/14501>

- N+1일이 되는 날 퇴사를 하려고 한다 ( $1 \leq N \leq 15$ )
- 남은 N일 동안 최대한 많은 상담을 하려고 한다
- 하루에 하나의 상담을 할 수 있고
- i일에 상담을 하면, T[i]일이 걸리고 P[i]원을 번다

day 2

수익  
17

25 = 3 2 6 8

# 퇴사

<https://www.acmicpc.net/problem/14501>

25

① 정답을 찾는 경우

$day == n+1$

② 불가능한 경우

$day > n+1$

• go(day, sum)

- day일이 되었다. day일에 있는 상담을 할지 말지 결정해야 한다
- 지금까지 얻은 수익은 sum이다

③ 다음 경우 흐름

① 상담을 함 ;

$go(day + T[day],$   
 $sum + p[day])$

② 상담을 하지 않 ;  $go(day + 1, sum)$

# 퇴사

<https://www.acmicpc.net/problem/14501>

- go(day, sum)
  - day일이 되었다. day일에 있는 상담을 할지 말지 결정해야 한다.
  - 지금까지 얻은 수익은 sum이다
- 정답을 찾은 경우
  - day == n
- 불가능한 경우
  - day > n
- 다음 경우
  - 상담을 한다: go(day+t[day], sum+p[day])
  - 상담을 하지 않는다: go(day+1, sum)

# 퇴사

<https://www.acmicpc.net/problem/14501>

- 소스: <http://codeplus.codes/8a59441ae65f43c7ba91ca2ef2c84fd5>