# 8/23 - 1

최백준 choi@startlink.io

### 나3곱2

- 정수 x로 시작해서, 연산을 N-1번 사용해 수열 A를 만든다.
- 나3: x를 3으로 나눈다. x는 3으로 나누어 떨어져야 한다.
- 곱2: x에 2를 곱한다.
- 수열 A의 순서를 섞은 수열 B가 주어졌을 때, A를 구하는 문제
- A = [4, 8, 6, 3, 12, 9]인 경우 B = [9, 3, 6, 12, 4, 8]

#### 나3곱2

- 항상 가능한 입력만 주어진다.
- 각각의 수가 3으로 몇 번 나누어 질 수 있는지 기록을 한다. i번째 수가 3으로 나누어지는 횟수를 D[i]라고 하자.
- 정답 수열 A에서 D[A[i]] ≥ D[A[i+1]] 을 만족해야 한다.
- 같은 값을 갖는다면, A[i]\*2 = A[i+1]을 만족해야 한다.

# 나3곱2

https://www.acmicpc.net/problem/16936

• 소스: http://codeplus.codes/eaf48f7f31c84ec9b6a48cde198af3f9

- 총 페이지 수가 N인 책이 있다
- 첫 페이지 1
- 마지막 페이지 N
- 0부터 9까지 각 숫자가 몇 번씩 나오는지 구하는 문제
- $N \le 1,000,000,000$

# 책페이지

- 11의 경우
- 1234567891011
- 0: 1개
- · 1: 4개
- · 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9: 1개

- 정답
- 1411111111

- 1부터 N까지 모든 페이지에 대해서, 각 숫자가 몇 번씩 나오는지 세보는 방법
- 시간 복잡도: O(N)
- $N \le 1,000,000,000$
- 보통 1억번 정도가 1초인데, 10억이기 때문에 시간초과를 받게 된다

- 1부터 N까지가 아닌 A부터 B까지 각 숫자가 모두 몇 번 나오는지 구하는 문제로 변형해서 해결해보자
- A는 일의 자리가 0이 되어야 하고, B는 일의 자리가 9가 되어야 한다
- 아니면, A++ 또는 B-- 를 통해서 맞추어 준다.

- A = 1345
- B = 8742

- 일단 A의 일의 자리가 0이 아니고, B의 일의 자리가 9가 아니다.
- 이 때, A++, B--를 하면서 각 수에 들어있는 자리수를 계산한다.
- 이렇게 되면 A = 1350, B = 8739로 변한다.

https://www.acmicpc.net/problem/1019

- A = 1350
- B = 8739

• A부터 B까지 일의 자리에 0~9는 총 (873-135+1)번 등장한다

- A = 10
- B = 39
- 인경우에

- 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19
- 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29
- 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39

- A = 1350
- B = 8739

- A부터 B까지 일의 자리에 0~9는 총 (873-135+1)번 등장한다
- 이렇게 해서 ans[0]~ans[9]에 (873-135+1)를 더할 수 있다

- 이제 일의 자리는 모두 계산이 끝났기 때문에, 십의 자리를 계산해야 한다
- A = A/10, B = B/10을 하자

- A = 135
- B = 873

- A가 0으로, B가 9로 끝나지 않기 때문에, 일단 두 수를 ++, --시킨다.
- 135 -> 136이 될 때
- 사실은 135? -> 136? 이 되는 것이다.
- 즉, 136이 되려면 1이 10번, 3이 10번, 5가 10번 등장하는 것이다

- A = 140
- B = 869

- 그럼 이제, 0~9는 총 (86-14+1) 번 등장한다?
- 아니다
- 여기는 십의 자리이기 때문에, 총 (86-14+1)\*10 번 등장한다

- A = 10
- B = 39
- 인경우에

- 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19
- 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29
- 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39
- 저렇게 저 숫자들 뒤에 전부 0~9까지가 붙은 수가 등장하는 것
- 즉, 10은 사실 100, 101, 102, …, 109가 하나로 뭉쳐져 있는 것

- A = 140
- B = 869

- 그럼 이제, 0~9는 총 (86-14+1) 번 등장한다?
- 아니다
- 여기는 십의 자리이기 때문에, 총 (86-14+1)\*10 번 등장한다
- A = A/10, B = B/10을 하고 백의 자리를 살펴보자

https://www.acmicpc.net/problem/1019

• 이런식으로 계속 진행한다.

https://www.acmicpc.net/problem/1019

• 소스: <a href="http://codeplus.codes/f96d47a6d92446b8a7f78b4c392c8048">http://codeplus.codes/f96d47a6d92446b8a7f78b4c392c8048</a>

- 조세퍼스 문제에서 M번 사람이 몇 번째 단계에서 제거되는지 구하는 문제
- N = 7, K = 3이면, M = 5번 사람은 5번째에 퇴장 당한다.

- N = 7, K = 3인 경우 다음과 같이 게임이 진행된다.
- 1, 2, 3, 4, **5**, 6, 7
- 1, 2, X, 4, 5, 6, 7
- 1, 2, X, 4, 5, X, 7
- 1, X, X, 4, 5, X, 7
- 1, X, X, 4, 5, X, X
- 1, X, X, 4, X, X, X
- X, X, X, 4, X, X, X

- N = 7, K = 3인 경우 다음과 같이 게임이 진행된다.
- 1, 2, 3, 4, 5, 6,  $7 \rightarrow 1$ , 2, 3, 4, 5, 6, 7
- 1, 2, X, 4, 5, 6,  $7 \rightarrow 1$ , 2, X, 3, 4, 5, 6
- 1, 2, X, 4, 5, X,  $7 \rightarrow 1$ , 2, X, 3, 4, X, 5
- 1, X, X, 4, 5, X,  $7 \rightarrow 1$ , X, X, 2, 3, X, 4
- 1, X, X, 4, 5, X,  $X \rightarrow 1$ , X, X, 2, 3, X, X
- 1, X, X, 4, X, X,  $X \rightarrow 1$ , X, X, 2, X, X, X
- X, X, X, 4, X, X, X

- N = 7, K = 3인 경우 다음과 같이 게임이 진행된다.
- 동호의 앞에서 사람이 제거되었으면, 인덱스가 1 감소한다.
- 그 외의 경우에는 동호의 인덱스는 유지된다.

```
int ans = 1;
while (true) {
    int cur = k % n;
    if (cur == 0) cur = n;
    if (cur == m) {
        cout << ans << '\n';
        break;
    m -= cur;
    if (m < 1) m += n;
    n = 1;
    ans += 1;
```

https://www.acmicpc.net/problem/1242

• 소스: http://codeplus.codes/151db1b272f04572ab6cefe1d232c081