1-layer perceptron의 구현 (n-input AND gate)

컴퓨터과학부 2018920031 유승리 | 인공지능 | 과제 #1

1. 프로그램 실행 방법

① input의 개수를 입력하여 설정한다. 예시로 input의 개수로 2를 입력하여 input이 2개인 1-layer perceptron을 구현해본다.

② input의 개수로 2를 입력했으므로 RESULT 표에 input x_1 과 x_2 의 조합인 (0,0), (0,1), (1,0), (1,1)이 출력되며, 정해진 범위 내에서 랜덤으로 설정된 w_1 , w_2 , theta의 초기 값을 통해 output이 출력된다.

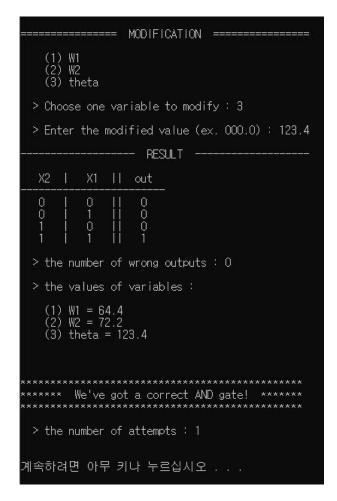
[초기 값 범위]

w_1 , w_2	$0.0 \le w_1$, w_2 , \cdots , $w_n < 100.0$
theta	$10.0 \leq theta < 50.0$



이 경우, output의 값이 차례로 0111이므로 AND gate의 output인 0001과 비교했을 때 틀린 output의 개수가 2이라는 것이 출력되며, 현재의 w_1 , w_2 , theta 값 또한 소수점 아래 첫째 자리까지 출력된다.

③ 틀린 output의 개수가 0이 아니기 때문에 아직 AND gate와 일치하지 않으므로 어떤 변수를 무슨 값으로 수정할지 사용자로부터 숫자를 입력 받는다. 이때, 수정을 원하는 값은 실수 값으로도 입력이 가능하다.



이 경우, theta 값을 기존의 41.9에서 123.4로 변경하기 위해 위와 같이 숫자를 입력했다. 수정된 theta 값에 의해 output의 값이 차례로 0001이 나와 틀린 output의 개수가 0이기 때문에, 현재의 w_1 , w_2 , theta 값이 출력된 이후에 AND gate와 일치하는 output을 얻었다는 메시지가 총 시도 횟수와 함께 출력된다. 그리고 프로그램이 종료된다. 만약 값을 수정해도 틀린 output의 개수가 0이 아니라면, 그것이 0이 될 때까지 무한히 반복하여 사용자의 새로운 수정 값을 입력 받는다.

2. 프로그램을 빨리 종료하는 방법

> 기본 원리

AND gate를 구현하기 위해서는 다음 조건을 모두 따라야 한다.

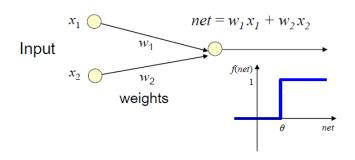


그림 출처 | 인공지능 1주차 강의자료

① 모든 input 값이 $x_1 = x_2 = \cdots = x_n = 1$ 일 때만 output = 1 이어야 한다.

$$\Rightarrow w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n = w_1 \cdot 1 + w_2 \cdot 1 + \dots + w_n \cdot 1 = w_1 + w_2 + \dots + w_n > theta$$

② 하나 이상의 input 값이 0일 때는 output = 0 이어야 한다.

$$\Rightarrow$$
 $(w_1 \sim w_n 중에서 0 \sim n-1$ 개 값의 모든 조합의 합) $\leq theta$

따라서 위 두 조건을 최대한 단순한 단계를 통해 만족시킬 수 있도록 w_1, w_2, \cdots, w_n , theta 값들을 사용자가 판단했을 때 제일 유리한 방법으로 수정해야한다.

> 예시

다음 프로그램 실행 결과들은 input의 개수가 2인 상황에서 프로그램 실행을 24회 반복한 결과이다. 첫 실행에서 프로그램이 종료되는 경우는 제외하였다. 또한 수정 값은 모두 연산 결과를 소수점 아래 둘째자리에서 반올림하여 소수점 아래 첫째자리까지 입력하였다.

① w 값을 수정하는 경우

- w 값들 중 가장 큰 값을 매 수정마다 2로 나누어 간다.
- 모든 output이 0이 되는 경우, w 값들 중 가장 작은 값을 1.5배 해가며 틀린 output의 개수가 0이 될 때까지 프로그램을 실행한다. (w 값에 연산하는 숫자는 임의로 정한 것이다.)

	RESULT	RESULT
X2 X1 out	X2 X1 out	X2 X1 out
> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0
> the values of variables :	> the values of variables :	> the values of variables :
(1) W1 = 11.6 (2) W2 = 9.7 (3) theta = 14.9	(1) W1 = 39.7 (2) W2 = 29.3 (3) theta = 45.3	(1) W1 = 7.9 (2) W2 = 7.8 (3) theta = 10.7
OSAN SAMANAN INDIAN	NESS CALLES	
*************	************	******************************
****** We've got a correct AND gate! ****** ******************************	****** We've got a correct AND gate! ****** ******************************	****** We've got a correct AND gate! ****** ******************************
> the number of attempts : 3	> the number of attempts : 2	> the number of attempts : 5
RESULT	RESULT	RESULT
X2 X1 out	X2 X1 out	X2 X1 out
		0 0 0
> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0
> the values of variables :	> the values of variables :	> the values of variables :
(1) W1 = 24.7 (2) W2 = 21.4	(1) W1 = 35.1	
(2) W2 = 21.4 (3) theta = 28.8	(1) W1 = 35.1 (2) W2 = 17.7 (3) theta = 49.8	(1) W1 = 19.2 (2) W2 = 19.5 (3) theta = 33.9
		× ·
******* We've got a correct AND gate! ******	******* We've got a correct AND gate! ******	**************
**************	TIE VE GOL A COLLECT WAS AREXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX	****** We've got a correct AND gate! ******
> the number of attempts : 2	> the number of attempts : 1	> the number of attempts : 5
RESULT	RESULT	RESULT
X2 X1 out	X2 X1 out	X2 X1 out
0 0 0 0 1 0		
1	1 0 0 1 1 1 1 1	1 0 0 1 1 1 1 1
> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0
> the values of variables :	> the values of variables :	> the values of variables :
(1) W1 = 17.9 (2) W2 = 20.6	(1) W1 = 13.3 (2) W2 = 13.0	(1) W1 = 10.9 (2) W2 = 6.8
(3) theta = 26.2	(3) theta = 24.1	(3) theta = 12.0
******	*************	********
******* We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! ******
> the number of attempts : 4	> the number of attempts : 2	> the number of attempts : 3
	RESULT	RESULT
X2 X1 out	X2 X1 out	X2 X1 out
 0 0 0	 0 0 0	 0 0 0
0 1 0 1 0 0	0 1 0 1 0 1 1 1	0 1 0 0 1 0 1 0 1 0
A the number of	> the number of unergonal strate : 0	> the number of weeks subsubs : 0
> the number of wrong outputs : 0 > the values of variables :	> the number of wrong outputs : 0 > the values of variables :	> the number of wrong outputs : 0 > the values of variables :
<pre>> the values of variables : (1) W1 = 24.6</pre>	(1) W1 = 12.0	(1) W1 = 33.9
(2) W2 = 38.3 (2) W2 = 38.3 (3) theta = 46.9	(2) W2 = 11.0 (3) theta = 18.4	(2) W2 = 21.7 (3) theta = 34.5
**************************************	**************************************	******* Wo'vo act a correct AND actal ******
****** We've got a correct AND gate! ****** ******************************	****** We've got a correct AND gate! ****** ******************************	****** We've got a correct AND gate! ******
> the number of attempts : 3	> the number of attempts : 5	> the number of attempts : 3

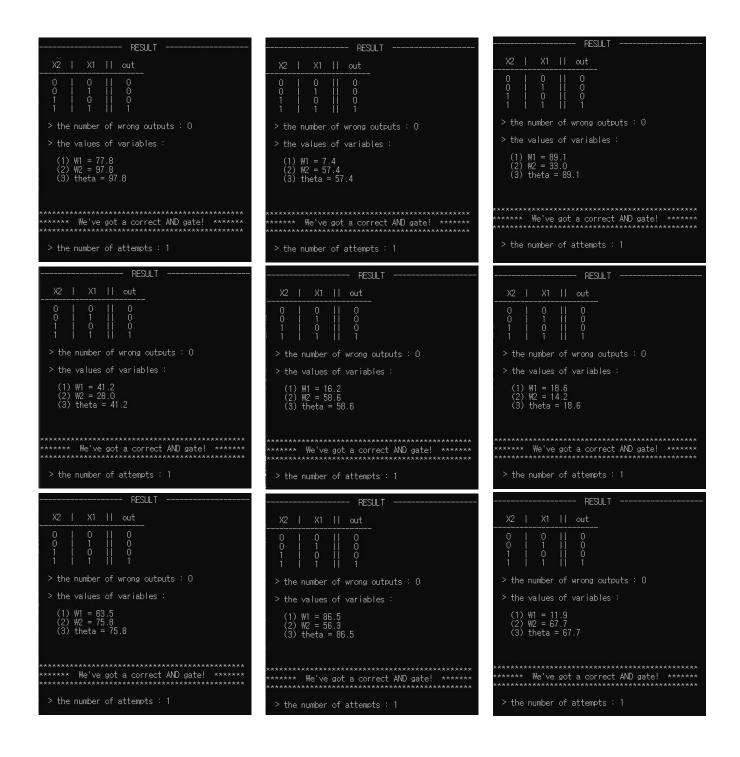
RESULT	RESULT	RESULT
X2 X1 out 0 0 0 0 1 0 1 0 0	X2 X1 out 0 0 0 0 1 0 1 0 0	X2 X1 out 0 0 0 0 1 0 1 0 0
1 1 1	1 1 1 11 1	
> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0 > the values of variables :
> the values of variables : (1) W1 = 24.7	> the values of variables :	
(2) W2 = 18.8 (3) theta = 38.0	(1) W1 = 21.0 (2) W2 = 24.6 (3) theta = 30.6	(1) W1 = 27.4 (2) W2 = 30.9 (3) theta = 43.2
****** We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! ******	******* We've got a correct AND gate! ******
> the number of attempts : 2	**************************************	> the number of attempts : 2
RESULT	> the number of attempts : 3	
X2 X1 out	RESULT	RESULT
0 0 0 0 1 0 1 0 0 1 0 0 1 1 1	X2 X1 out 0 0 0 0 1 0 1 0 0 1 1 1	0 0 0 0 1 0 1 0 0 1 0 0 1 1 1
> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0
> the values of variables :	> the values of variables :	> the values of variables :
(1) W1 = 9.9 (2) W2 = 9.1 (3) theta = 14.8	(1) W1 = 16.5 (2) W2 = 18.1 (3) theta = 23.6	(1) W1 = 23.2 (2) W2 = 28.8 (3) theta = 37.8
****** We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! ******
**************************************	**************************************	***************
> the number of attempts : 6	*	> the number of attempts : 2
	RESULT	RESULT
0 0 0 0 1 0 1 0 0		X2 X1 out 0 0 0 0 1 0 1 0 0
i i i ii i	i i ĭ ii ĭ	i i ĭ ii ĭ
> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0
> the values of variables :	> the values of variables :	> the values of variables :
(1) W1 = 20.6 (2) W2 = 28.5 (3) theta = 43.8	(1) W1 = 8.0 (2) W2 = 10.4 (3) theta = 10.4	(1) ₩1 = 26.3 (2) ₩2 = 28.0 (3) theta = 30.1
******* We've got a correct AND gate! ******	***************************************	*************
**************************************	****** We've got a correct AND gate! *******	***** We've got a correct AND gate! ******
> the number of attempts : 1	> the number of attempts : 5	> the number of attempts : 2
RESULT	RESULT	RESULT
X2 X1 out 	X2 X1 out 0 0 0	X2 X1 out
	0 1 1 0 1 0 0 1 1 1	0 1 0 1 0 0 1 1 1
> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0
> the values of variables :	> the values of variables :	> the values of variables :
(1) W1 = 21.8 (2) W2 = 4.9 (3) theta = 26.6	(1) W1 = 16.3 (2) W2 = 22.7	(1) W1 = 31.0 (2) W2 = 36.0
(3) theta = 26.6	(2) WZ = 22.1 (3) theta = 30.8	(2) W2 = 36.0 (3) theta = 39.6
****** We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! ******
***************	************	******************
> the number of attempts : 1	> the number of attempts : 3	> the number of attempts : 2

② theta 값을 수정하는 경우

- 다음 조건을 만족시켜야 하므로 w 값들 중 가장 큰 값으로 theta 값을 수정한다.

w 값들 중 가장 큰 값 \leq theta < w 값들의 합

- input의 개수가 2인 경우, 두 w 값이 같거나 적어도 하나의 w 값이 0이 아닌 이상 1회 실행만으로 프로그램 종료가 가능하다. 만약 두 w 값이 같거나 적어도 하나의 w 값이 0이라면 그 w 값을 임의의 수만큼 증가시킨 후 theta 값을 다시 위와 같이 수정하면 된다.



RESULT	RESULT	RESULT
X2 X1 out	X2 X1 out	X2 X1 out
0 0 0	0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 1 0
	1 0 0 1 1 1	
> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0
> the values of variables :	> the values of variables :	> the values of variables :
(1) W1 = 56.8 (2) W2 = 30.9	(1) W1 = 73.7 (2) W2 = 79.7	(1) W1 = 57.5 (2) W2 = 40.3 (3) theta = 57.5
(2) W2 = 30.9 (3) theta = 56.8	(2) W2 = 79.7 (3) theta = 79.7	(3) theta = 57.5
	********	***********
******* We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! ******
> the number of attempts : 1	> the number of attempts : 1	> the number of attempts : 1
RESULT	RESULT	RESULT
X2 X1 out	X2 X1 out	X2 X1 out
 0 0 0	0 0 0	0 0 0
> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0
> the values of variables :	> the values of variables :	> the values of variables :
(1) W1 = 87.0 (2) W2 = 21.6	(1) W1 = 47.7 (2) W2 = 30.3 (3) theta = 47.7	(1) W1 = 20.4 (2) W2 = 5.3
(2) W2 = 21.6 (3) theta = 87.0	(3) theta = 47.7	(3) theta = 20.4
************	*********	************
******* We've got a correct AND gate! *******	****** We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! ******
> the number of attempts : 1	> the number of attempts : 1	> the number of attempts : 1
RESULT	RESULT	RESULT
X2 X1 out	X2 X1 out	X2 X1 out
0	0 0 0 0 1 0 1 0 0	0 0 0 0 1 0 1 0 0
> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0
> the values of variables:	> the values of variables :	> the values of variables:
(1) W1 = 87.3 (2) W2 = 15.4	(1) W1 = 77.6	(1) W1 = 50.3
(3) theta = 87.3	(1) W1 = 77.6 (2) W2 = 78.8 (3) theta = 77.6	(1) W1 = 50.3 (2) W2 = 30.1 (3) theta = 50.3

****** We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! ******	****** We've got a correct AND gate! *****
> the number of attempts : 1	> the number of attempts : 1	> the number of attempts : 1
1 	: "	RESULT
X2 X1 out	X2 X1 out	X2 X1 out
		0 0 0 0 1 0
	' ĭ i o ii o 1 l 1 ll 1	
> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0	> the number of wrong outputs : 0
> the values of variables :	> the values of variables :	> the values of variables :
(1) W1 = 23.0 (2) W2 = 81.9 (3) theta = 81.9	(1) W1 = 47.9 (2) W2 = 51.3 (3) theta = 51.3	(1) W1 = 44.0 (2) W2 = 48.8 (3) theta = 48.8
(3) theta = 81.8	(3) theta = 51.3	(3) theta = 48.8
**********	**********	***********
******* We've got a correct AND gate! *******	****** We've got a correct AND gate! *******	****** We've got a correct AND gate! ****** ******************************
> the number of attempts : 1	> the number of attempts : 1	> the number of attempts : 1

```
RESULT

X2 | X1 || out

0 | 0 || 0

0 | 1 || 0

1 | 0 || 0

1 | 1 | 1 || 1

> the number of wrong outputs: 0

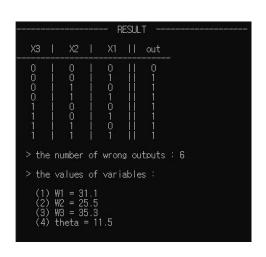
> the values of variables:

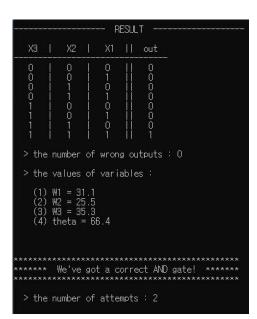
(1) W1 = 52.0
(2) W2 = 98.0
(3) theta = 98.0

******** We've got a correct AND gate! *******

******* We've fattempts: 1
```

- ⇒ theta 값을 수정하는 방법으로 프로그램을 24회 실행시킨 결과, 모두 1회의 시도만에 프로그램이 종료되었다.
 - 하지만 input의 개수가 2보다 큰 경우부터는 w 값들 중 가장 큰 값으로 theta 값을 변경한 이후, 그 다음으로 큰 w 값을 theta에 더해가며 프로그램이 종료될 때까지 반복한다.





⇒ 따라서 input이 2개일 때 가장 빨리 프로그램을 빨리 종료하는 방법은 대체적으로 위와 같이 theta 값을 수정하는 것이다. 또한 input이 2개보다 많을 경우에 첫 시도에서 w 값을 수정하는 방법을 시행한다면, 1회만에 프로그램이 끝나지 않을 때 그 다음 시도에서는 theta 값을 수정하는 것이 프로그램을 빨리 종료할 수 있는 방법이다.

3. 소스코드

```
#define _CRT_SECURE_NO_WARNINGS
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
/**
* input 차원이 n인 1-layer perceptron을 구현하는 프로그램
* 컴퓨터과학부 2018920031 유승리
* x[n]: int
* w[n]: float (초기 값: 0.0 <= w[n] < 100.0)
* theta: float (초기 값: 10.0 <= theta < 50.0)
*/
void calculation(int xRow, int xCol, float * w, int ** x, int * out, float theta);
void showResult(int xRow, int xCol, float * w, int ** x, int * out, float theta, int * pw);
void modifyValue(int xCol, float * w, float * pt);
int main()
£
       int input; // input의 개수 (n)
       printf("****** n-input AND gate (1-layer perceptron) ******\n");
       printf("\n\n > the number of inputs : ");
       scanf("%d", &input); // 사용자로부터 input의 개수 입력 받아 저장
       printf("\n");
       int i, j;
       int xRow = 1 << input; // == 2^n</pre>
       int xCol = input; // == n
       int ** x; // input인 x[2^n][n], int형 2차원 배열
       float * w; // weight인 w[n], float형 1차원 배열
       int * out; // output인 out[2^n], int형 1차원 배열
       int num;
       int wrong = 0; // 틀린 output의 개수
       int * pw = &wrong;
       int cnt = 0; // 맞는 output을 얻을 때까지 값을 수정한 횟수
       srand(time(NULL)); // 중복 없는 난수 생성을 위해 현재 시간을 seed로 설정
       float theta = (float)(rand() % 400) / 10 + 10; // 랜덤으로 생성되는 초기 값: 10.0 <= theta < 50.0
       float * pt = θ
       w = (float *)calloc(input, sizeof(float)); // w[n]을 생성하기 위한 동적 할당 (calloc)
       for (i = 0; i < input; i++)</pre>
       {
              w[i] = (float)(rand() % 1000) / 10; // 랜덤으로 생성되는 초기 값: 0.0 <= w[n] < 100.0
       out = (int *)calloc(xRow, sizeof(int)); // out[2^n]을 생성하기 위한 동적 할당 (calloc)
       x = (int **)calloc(xRow, sizeof(int*)); // x[2^n][n]을 생성하기 위한 동적 할당 (calloc)
       for (i = 0; i < xRow; ++i)
       ₹
              x[i] = (int *)calloc(xCol, sizeof(int));
       3
```

```
// 10진수 -> 2진수 변환을 이용하여 x[2^n][n]에 input 값을 설정
       for (i = 0; i < xRow; i++)</pre>
              num = i;
              for (j = 0; j < xCol; j++)</pre>
                     x[i][j] = num % 2;
                     num = num / 2;
                     if (num == 0)
                            break;
              3
       3
       // 맞는 output을 얻을 때까지 프로그램 기능 무한 반복
       while (1)
       £
              calculation(xRow, xCol, w, x, out, theta);
              showResult(xRow, xCol, w, x, out, theta, pw);
              if (wrong == 0) // 각 input 별 output이 모두 맞으면 프로그램 종료, 총 시도 횟수 출력
                     printf("****** We've got a correct AND gate! ******\n");
                     printf("\n > the number of attempts : %d\n\n\n", cnt);
                     break;
              else
                     modifyValue(xCol, w, pt); // w[n], theta 값 수정
              cnt++; // 맞는 output을 얻을 때까지 값을 수정한 횟수 1 증가
              wrong = 0; // 틀린 output의 개수 초기화
       // 동적 할당한 메모리 반환
       for (i = 0; i < xRow; i++)</pre>
              free(x[i]);
       free(x);
       free(w);
       free(out);
       return 0;
3
// output = f(net)을 구하는 함수
void calculation(int xRow, int xCol, float * w, int ** x, int * out, float theta)
{
       int i, j;
       float mul, sum = 0; // sum == net
       for (i = 0; i < xRow; i++)</pre>
              // net 값 연산, index가 같은 x와 w를 곱한 값들의 총합
              for (j = 0; j < xCol; j++)</pre>
              ₹
                     mul = w[j] * x[i][j];
                     sum += mul;
              // net 값과 theta 값과의 비교에 따른 f(net) 연산
              if (sum > theta)
                     out[i] = 1;
              else
                     out[i] = 0;
```

```
sum = 0;
       3
3
// 연산 결과 표, 틀린 output 개수, 현재 w[n], theta의 값을 보여주는 함수
void showResult(int xRow, int xCol, float * w, int ** x, int * out, float theta, int * pw)
       int i, j;
       // 결과를 표 형식으로 출력
       printf("\n----\n\n");
       for (i = xCol; i > 0; i--)
              printf(" X%d |", i);
       printf("| out\n");
       for (i = 0; i < xCol + 1; i++)</pre>
              printf("----");
       printf("\n");
       for (i = 0; i < xRow; ++i)
              for (j = xCol - 1; j >= 0; j--)
                     printf(" %d |", x[i][j]);
              printf("| %d\n", out[i]);
       3
       // out[xRow-1]을 제외한 output이 0이 아닐 때마다 틀린 output의 개수 1 증가
       for (i = 0; i < xRow-1; i++)</pre>
              if (out[i] != 0)
                     (*pw)++;
       // out[xRow-1]이 1이 아닐 때 틀린 output의 개수 1 증가
       if (out[xRow - 1] != 1)
              (*pw)++;
       printf("\n > the number of wrong outputs : %d\n", *pw); // 이번 attempt에서 틀린 output의 개수 출력
       // 현재 w[n], theta의 값을 소수점 아래 첫째 자리까지 출력
       printf("\n > the values of variables : \n\n");
       for (i = 0; i < xCol; i++)</pre>
              printf(" (%d) W%d = \%.1f\n", i + 1, i + 1, w[i]);
       printf(" (%d) theta = %.1f\n", i + 1, theta);
}
// 실수 값을 사용자로부터 입력 받아 w[n], theta 값을 수정하는 함수
void modifyValue(int xCol, float * w, float * pt)
£
       int i;
       int num;
       float mod; // 사용자로부터 수정할 값을 입력 받는 float형 변수
       printf("\n\n\n=======\n\n");
       for (i = 0; i < xCol; i++)</pre>
              printf(" (%d) W%d n", i + 1, i + 1);
       printf(" (%d) theta\n", i + 1);
       // w[n], theta 중 어떤 변수를 무슨 값으로 수정할지 사용자로부터 입력 받는 동작
       printf("\n > Choose one variable to modify : ");
       scanf("%d", &num);
       printf("\n > Enter the modified value (ex. 000.0) : "); // float형 변수이므로 정수가 아닌 실수도 입력
                                                              가능
       scanf("%f", &mod);
```

}