

Лабораторная работа 4.03V

Кольца Ньютона

Выполнил: Коняхин Всеволод Владимирович, М32051,
Вариант №10

Краткие теоретические сведения

В этой работе рассматривается интерференционная картина колец Ньютона, получаемая методом деления амплитуд, когда возникает оптическая разность хода.

Цель работы

Изучение интерференционной картины колец Ньютона. Определение радиуса кривизны плоско-выпуклой линзы с помощью интерференционной картины колец Ньютона.

In [229]:

```
import sympy
import scipy
import numpy as np
import pandas as pd
from scipy.signal import argrelextrema
import matplotlib.pyplot as plt
plt.rcParams["figure.figsize"] = (10,5)
%matplotlib inline
```

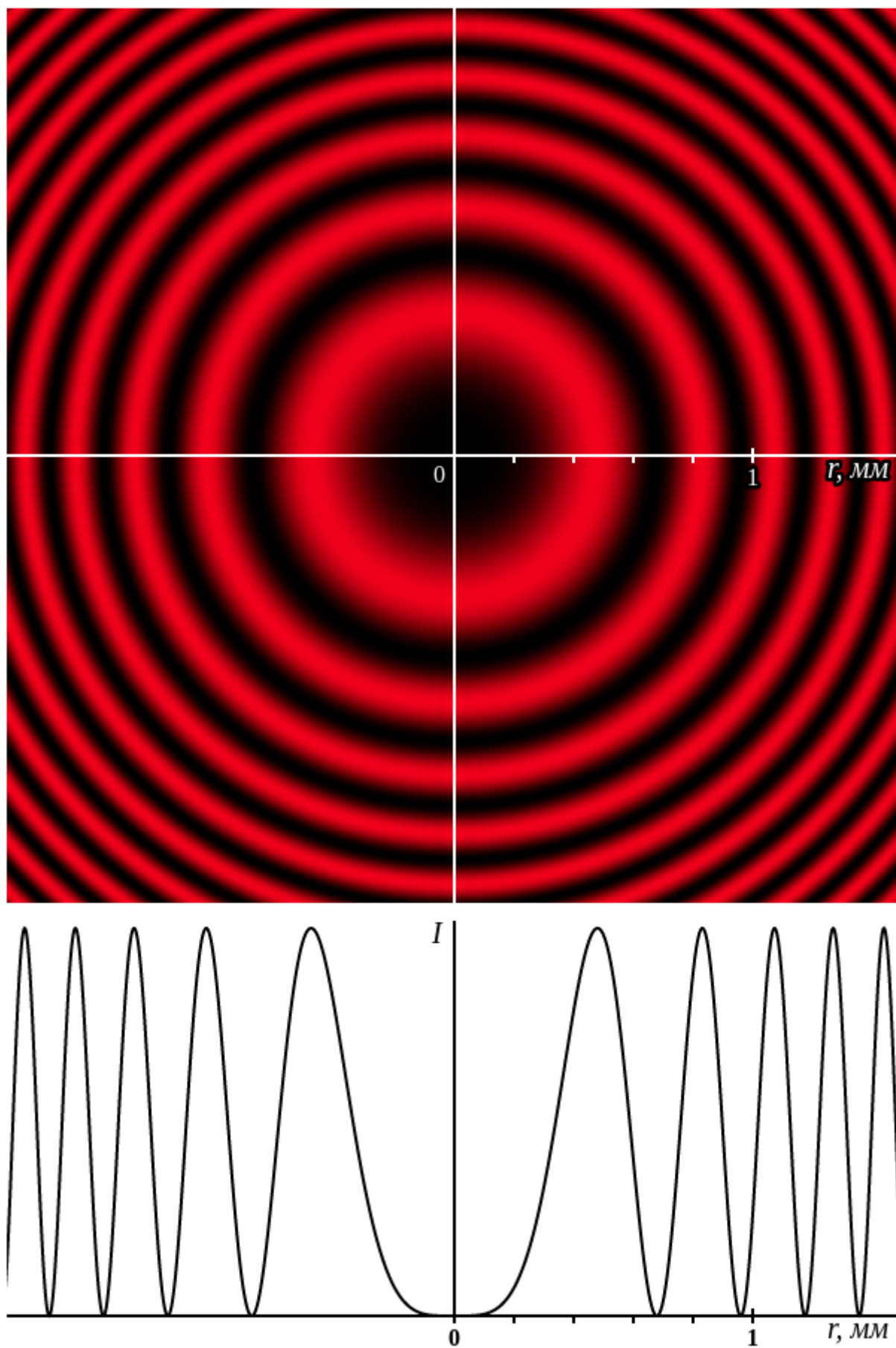
Монохроматический источник, показатель преломления среды n_1

Длина волны $\lambda_1 = 645$ нм, показатель преломления среды $n_1 = 1.4$

In [191]:

```
lambd = 645 * 10 ** (-9)
n_1 = 1.4
```

Виртуальная установка:



Интенсивность от радиальной координаты $I_1(r)$

In [192]:

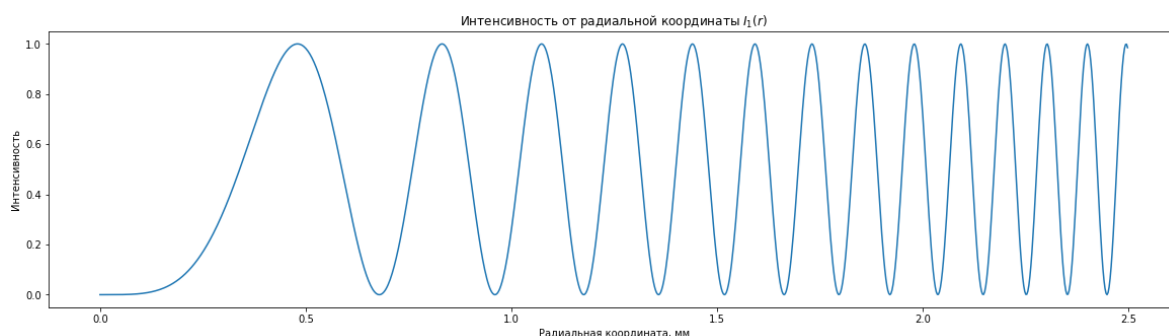
```
file_n1 = 'data/intensity_n1.csv'
n1_df = pd.read_csv(file_n1, sep=';', index_col=False)
```

In [193]:

```
I = np.array([float(element.replace(',', '.')) for element in np.array(n1_df['I'])])
r = np.array([float(element.replace(',', '.')) for element in np.array(n1_df['r, mm'])])
```

In [194]:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 5))
ax.set_title('Интенсивность от радиальной координаты  $I_1(r)$ ')
ax.set_ylabel('Интенсивность')
ax.set_xlabel('Радиальная координата, мм')
ax.plot(r, I)
plt.show()
```



Определим радиусы светлых и темных колец:

In [195]:

```
# найдем локальные минимумы и максимумы
maxm = argrelextrema(I, np.greater)
minm = argrelextrema(I, np.less)
```

In [196]:

```
dark_rings_radiuses = r[minm]
light_rings_radiuses = r[maxm]
```

Радиусы светлых колец:

In [197]:

```
for r in light_rings_radiuses:
    print(str(r) + ' мм', end=', ')
```

0.48 мм, 0.8325 мм, 1.0725 мм, 1.27 мм, 1.44 мм, 1.5925 мм, 1.73 мм,
1.86 мм, 1.98 мм, 2.0925 мм, 2.2 мм, 2.3025 мм, 2.4 мм, 2.495 мм,

Радиусы темных колец:

In [198]:

```
for r in dark_rings_radiuses:
    print(str(r) + ' мм', end=' ', '')
```

0.68 мм, 0.96 мм, 1.175 мм, 1.3575 мм, 1.5175 мм, 1.6625 мм, 1.795 мм,
1.92 мм, 2.0375 мм, 2.1475 мм, 2.25 мм, 2.3525 мм, 2.4475 мм,

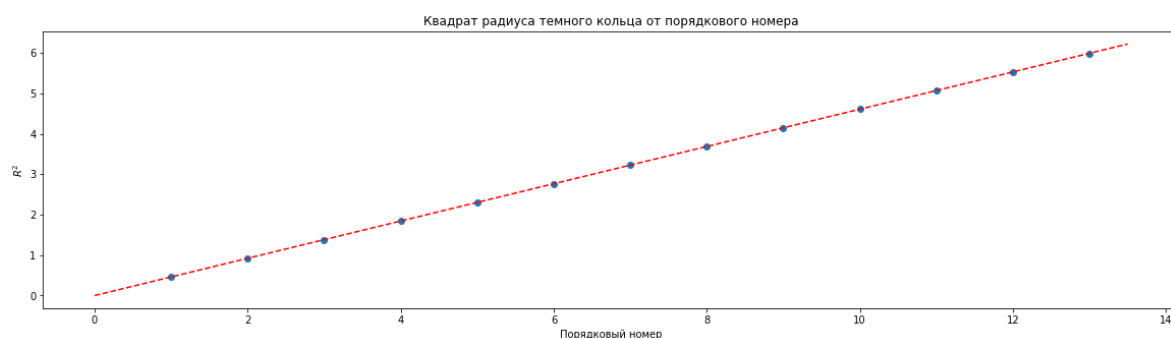
Построение графиков зависимостей квадратов радиусов колец от порядкового номера:

In [199]:

```
dark_rings_radiuses_squared = dark_rings_radiuses ** 2
light_rings_radiuses_squared = light_rings_radiuses ** 2
```

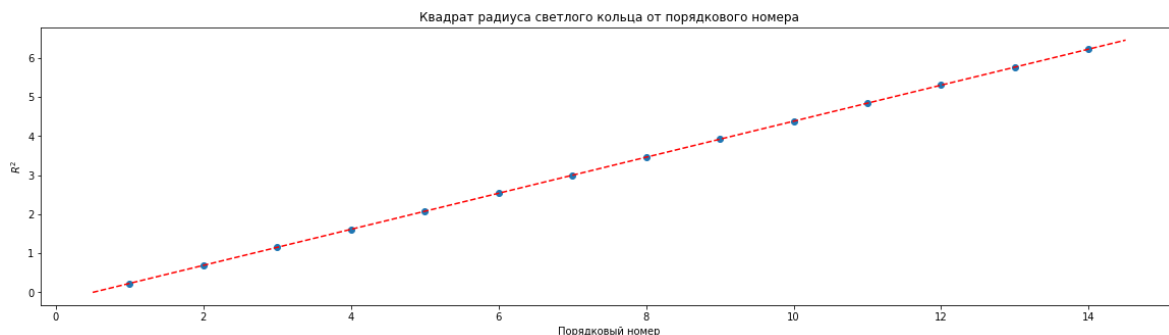
In [200]:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 5))
ax.set_title('Квадрат радиуса темного кольца от порядкового номера')
ax.set_ylabel('$R^2$')
ax.set_xlabel('Порядковый номер')
k, b = np.polyfit([i for i in range(1, len(dark_rings_radiuses_squared) + 1)], dark_rings_radiuses_squared, 1)
x = np.linspace(-b/k, 13.5, 6)
ax.scatter([i for i in range(1, len(dark_rings_radiuses_squared) + 1)], dark_rings_radiuses_squared)
ax.plot(x, np.polyval([k, b], x), 'r--')
plt.show()
```



In [204]:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 5))
ax.set_title('Квадрат радиуса светлого кольца от порядкового номера')
ax.set_ylabel('$R^2$')
ax.set_xlabel('Порядковый номер')
k, b = np.polyfit([i for i in range(1, len(light_rings_radiuses_squared) + 1)], light_rings_radiuses_squared, 1)
x = np.linspace(-b/k, 14.5, 6)
ax.scatter([i for i in range(1, len(light_rings_radiuses_squared) + 1)], light_rings_radiuses_squared)
ax.plot(x, np.polyval([k, b], x), 'r--')
plt.show()
```



Как видно из графиков, получилась линейная зависимость!

Расчет радиуса кривизны линзы:

Формула: $R = \frac{r_m^2 - r_n^2}{(m - n) \lambda}$, где m и n различные порядки интерференции для темных колец

In [205]:

```
def calculate_curvature_radius(r_m, r_n, m, n, lambd):
    radius = (r_m ** 2 - r_n ** 2) / ((m - n) * lambd)
    return radius

def calculate_curvature_radius_range(dark_rings_radiuses, lambd):
    n_rings = len(dark_rings_radiuses)
    radiuses = []

    for start in range(n_rings):
        for end in range(start + 1, n_rings):
            rad = calculate_curvature_radius(
                dark_rings_radiuses[start] * 10 ** (-3),
                dark_rings_radiuses[end] * 10 ** (-3),
                start, end, lambd)
            radiuses.append(rad)

    return np.mean(radiuses), np.std(radiuses)
```

In [206]:

```
curvature_radius_mean, curvature_radius_std = calculate_curvature_radius_range(dark  
print('Радиус кривизны линзы: {:.3f} +- {:.3f} м'.format(curvature_radius_mean, cur
```

Радиус кривизны линзы: 0.715 +- 0.003 м

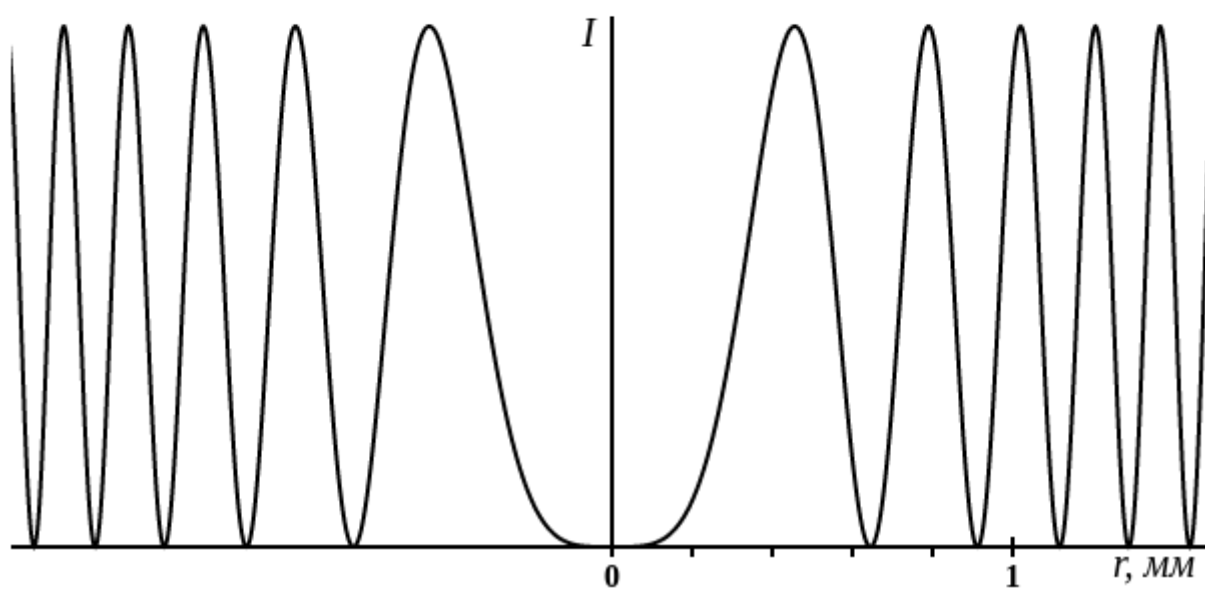
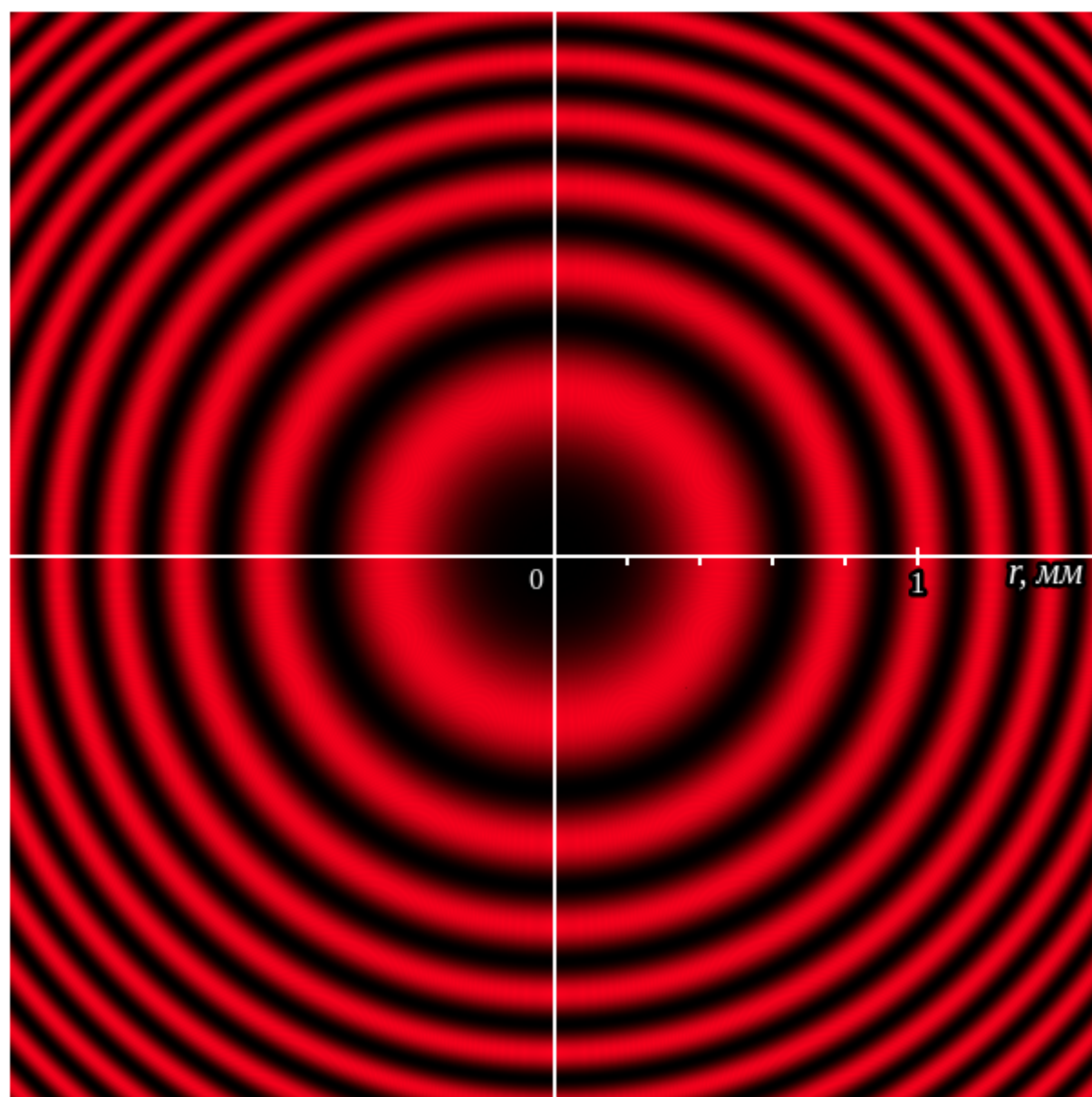
Монохроматический источник, показатель преломления среды n_2

Длина волны $\lambda_1 = 645$ нм, показатель преломления среды $n_2 = 1.55$

In [208]:

```
lambda = 645 * 10 ** (-9)  
n_2 = 1.55
```

Виртуальная установка:



Интенсивность от радиальной координаты $I_2(r)$

In [209]:

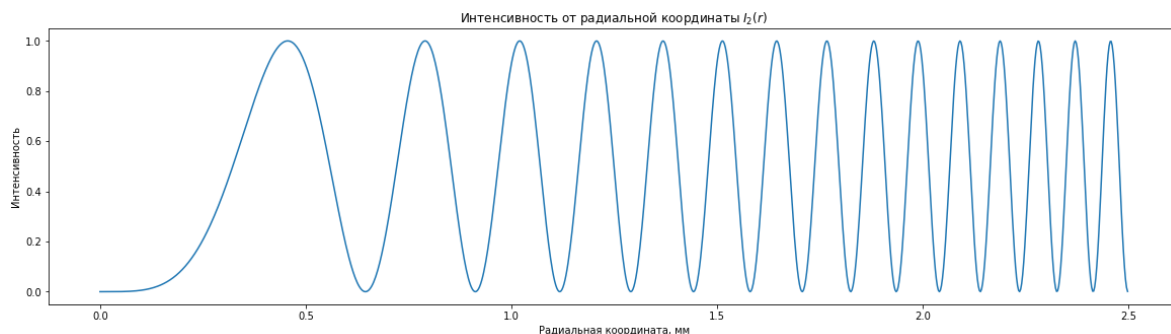
```
file_n2 = 'data/intensity_n2.csv'
n2_df = pd.read_csv(file_n2, sep=';', index_col=False)
```

In [210]:

```
I = np.array([float(element.replace(',', '.')) for element in np.array(n2_df['I'])])
r = np.array([float(element.replace(',', '.')) for element in np.array(n2_df['r, mm'])])
```

In [212]:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 5))
ax.set_title('Интенсивность от радиальной координаты  $I_2(r)$ ')
ax.set_ylabel('Интенсивность')
ax.set_xlabel('Радиальная координата, мм')
ax.plot(r, I)
plt.show()
```



Определим радиусы светлых и темных колец:

In [213]:

```
# найдем локальные минимумы и максимумы
maxm = argrelextrema(I, np.greater)
minm = argrelextrema(I, np.less)
```

In [214]:

```
dark_rings_radiuses = r[minm]
light_rings_radiuses = r[maxm]
```

Радиусы светлых колец:

In [215]:

```
for r in light_rings_radiuses:
    print(str(r) + ' мм', end=', ')
```

0.455 мм, 0.79 мм, 1.02 мм, 1.2075 мм, 1.3675 мм, 1.5125 мм, 1.645 мм,
1.7675 мм, 1.88 мм, 1.9875 мм, 2.09 мм, 2.1875 мм, 2.28 мм, 2.37 мм,
2.4575 мм,

Радиусы темных колец:

In [216]:

```
for r in dark_rings_radiuses:
    print(str(r) + ' мм', end=', ')
```

0.645 мм, 0.9125 мм, 1.1175 мм, 1.29 мм, 1.4425 мм, 1.58 мм, 1.7075 м
м, 1.825 мм, 1.935 мм, 2.04 мм, 2.14 мм, 2.235 мм, 2.325 мм, 2.4125 м
м,

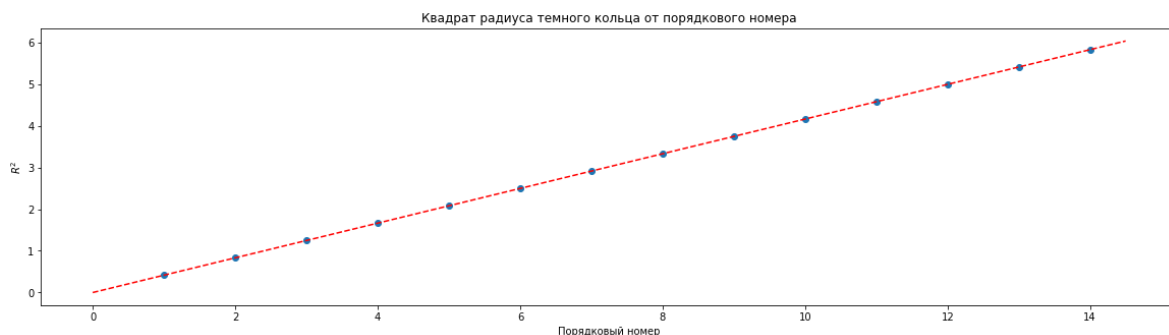
Построение графиков зависимостей квадратов радиусов колец от порядкового номера:

In [217]:

```
dark_rings_radiuses_squared = dark_rings_radiuses ** 2
light_rings_radiuses_squared = light_rings_radiuses ** 2
```

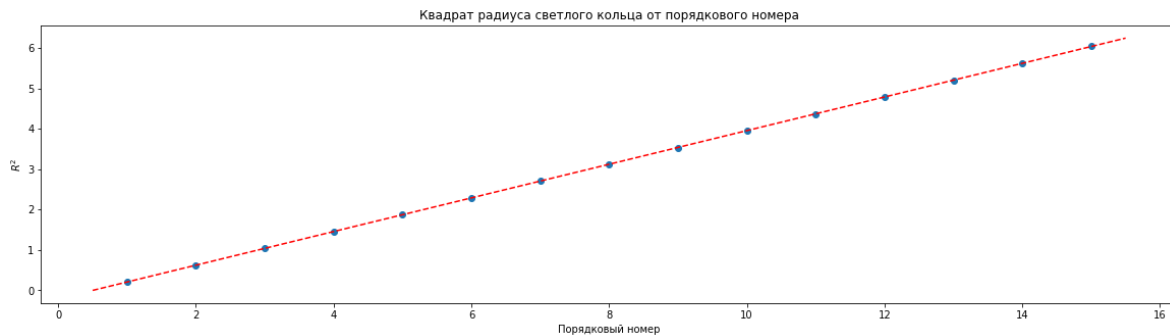
In [219]:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 5))
ax.set_title('Квадрат радиуса темного кольца от порядкового номера')
ax.set_ylabel('$R^2$')
ax.set_xlabel('Порядковый номер')
k, b = np.polyfit([i for i in range(1, len(dark_rings_radiuses_squared) + 1)], dark_
x = np.linspace(-b/k, 14.5, 6)
ax.scatter([i for i in range(1, len(dark_rings_radiuses_squared) + 1)], dark_rings_
ax.plot(x, np.polyval([k, b], x), 'r--')
plt.show()
```



In [221]:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 5))
ax.set_title('Квадрат радиуса светлого кольца от порядкового номера')
ax.set_ylabel('$R^2$')
ax.set_xlabel('Порядковый номер')
k, b = np.polyfit([i for i in range(1, len(light_rings_radiuses_squared) + 1)], light_rings_radiuses_squared, 1)
x = np.linspace(-b/k, 15.5, 6)
ax.scatter([i for i in range(1, len(light_rings_radiuses_squared) + 1)], light_rings_radiuses_squared)
ax.plot(x, np.polyval([k, b], x), 'r--')
plt.show()
```



Расчет радиуса кривизны линзы:

In [222]:

```
curvature_radius_mean, curvature_radius_std = calculate_curvature_radius_range(dark_rings_radiuses)
print('Радиус кривизны линзы: {:.3f} +- {:.3f} м'.format(curvature_radius_mean, curvature_radius_std))
```

Радиус кривизны линзы: 0.645 +- 0.002 м

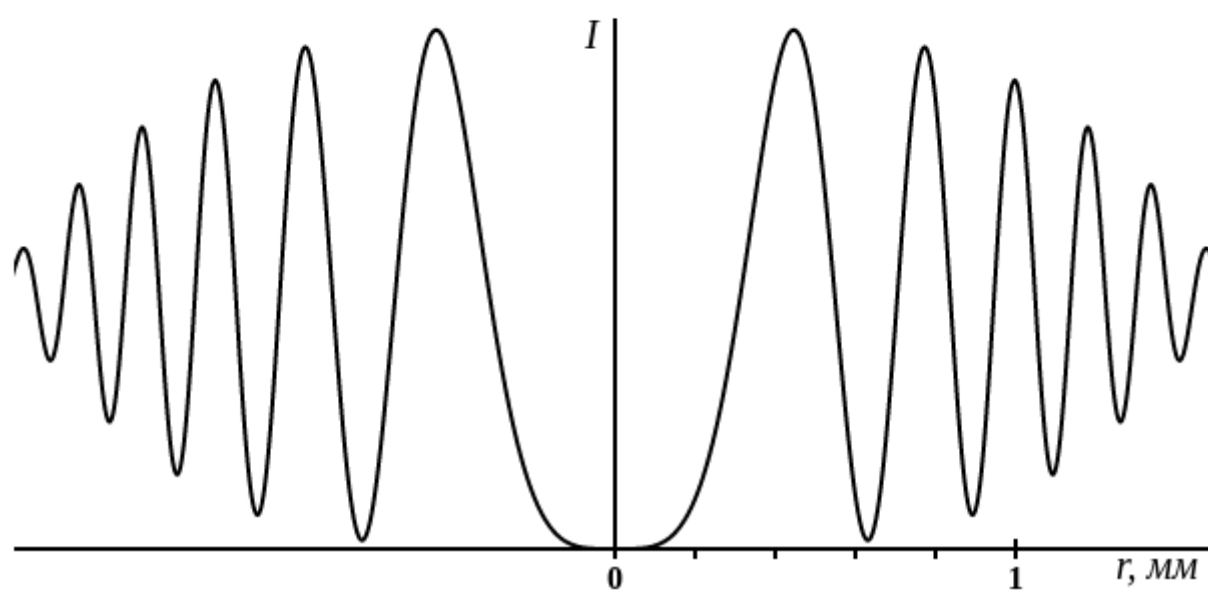
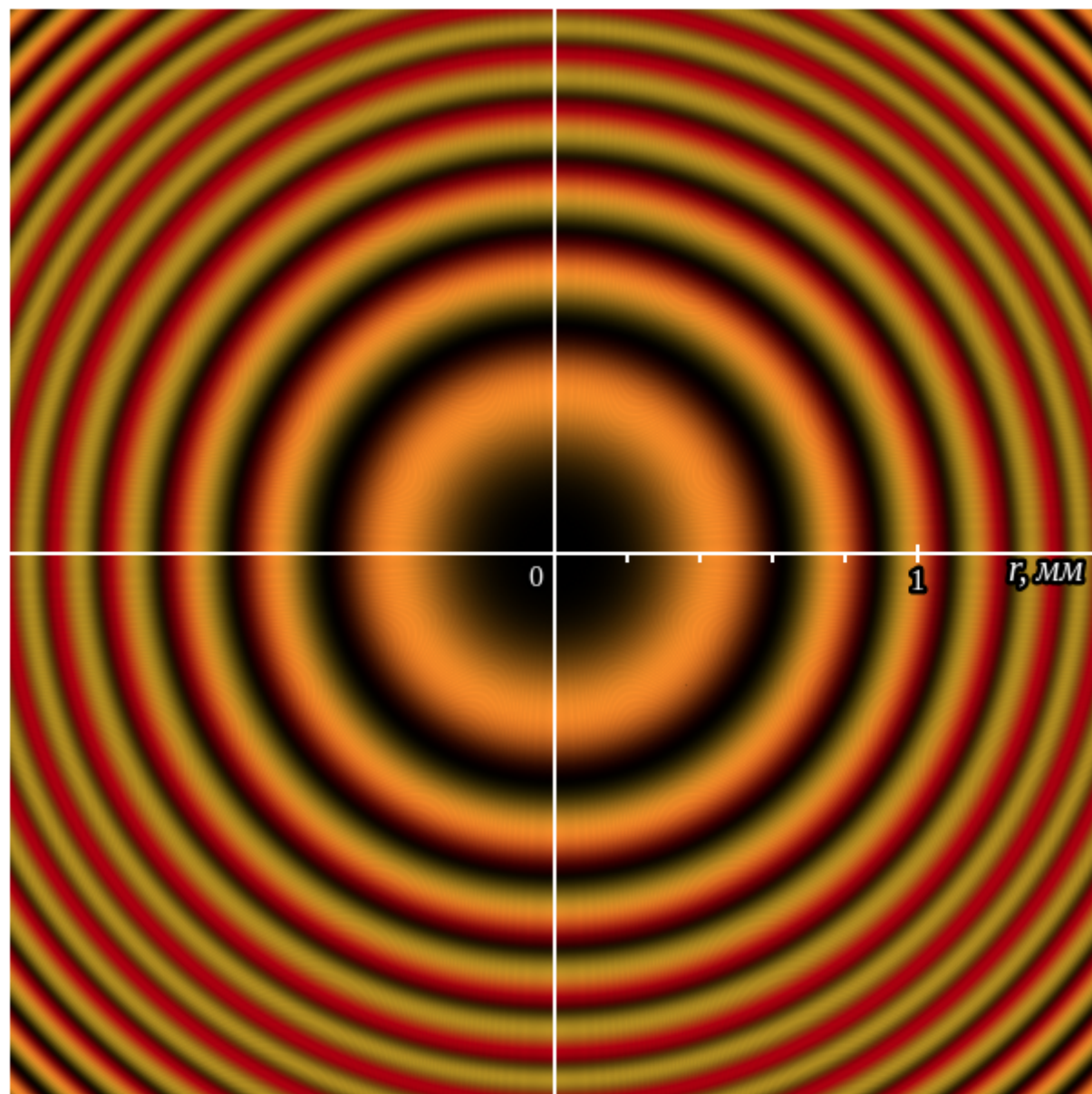
Бихроматическое излучение

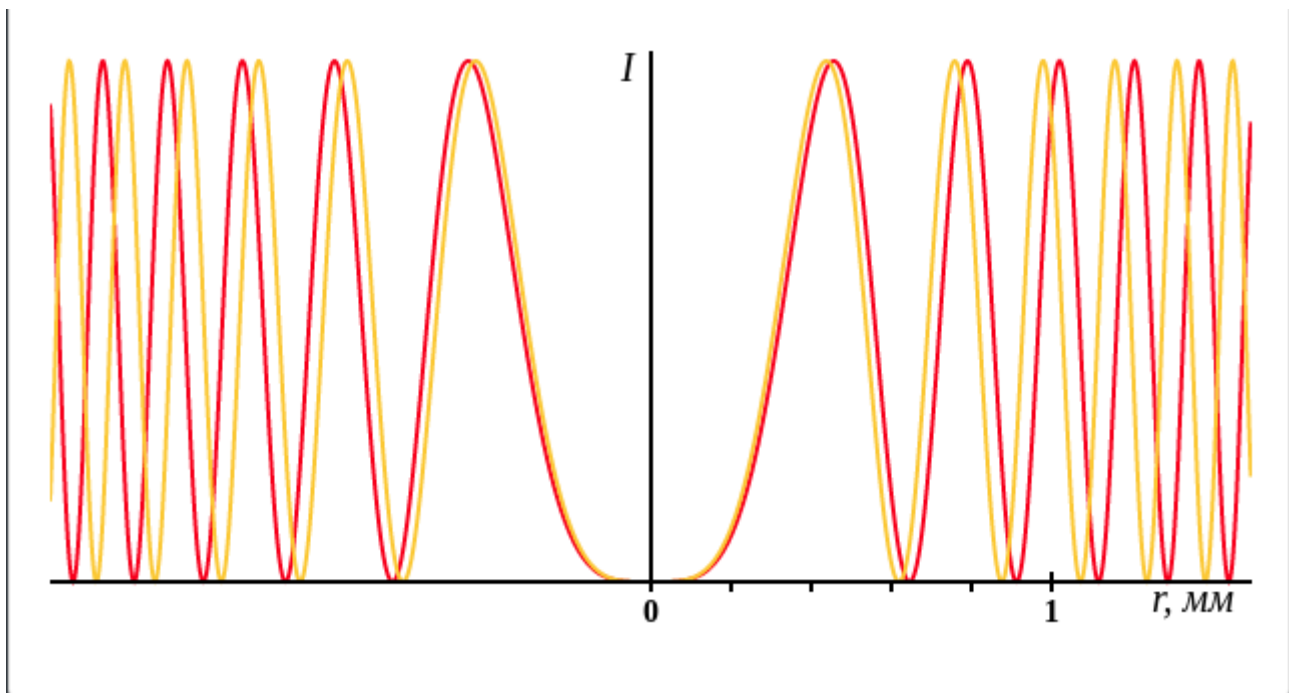
Длина волны 1 $\lambda_1 = 645$ нм, Длина волны 2 $\lambda_2 = 594$ нм, показатель преломления среды $n_2 = 1.55$

In [265]:

```
lambda_1 = 645 * 10 ** (-9)
lambda_2 = 594 * 10 ** (-9)
n_2 = 1.55
```

Виртуальная установка:





Построение графика распределения интенсивности $I_3(r)$:

In [266]:

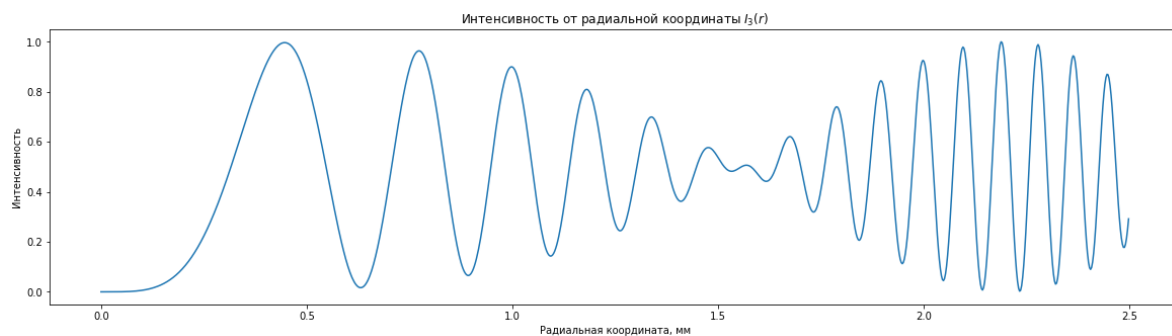
```
file_n3 = 'data/intensity_two_waves.csv'
n3_df = pd.read_csv(file_n3, sep=';', index_col=False)
```

In [267]:

```
I = np.array([float(element.replace(',', '.')) for element in np.array(n3_df['I'])])
r = np.array([float(element.replace(',', '.')) for element in np.array(n3_df['r, мм'])])
```

In [268]:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 5))
ax.set_title('Интенсивность от радиальной координаты  $I_3(r)$ ')
ax.set_ylabel('Интенсивность')
ax.set_xlabel('Радиальная координата, мм')
ax.plot(r, I)
plt.show()
```



Значения видности $V(\Delta)$:

$$V_{\text{эксп}}(r) = \frac{I_{\text{max}} - I_{\text{min}}}{I_{\text{max}} + I_{\text{min}}}$$

In [303]:

```
def calculate_experimental_visibility(i_max, i_min):
    visib = (i_max - i_min) / (i_max + i_min)
    return visib
```

$$V_{\text{teop}}(r) = \alpha * |\text{sinc}[\frac{\Delta w}{2c} \Delta_{\text{opt}}]|$$
$$\Delta_{\text{opt}} = \frac{r^2}{R_{\text{lens}}} + \frac{\lambda^2}{2} \approx \frac{r^2}{R_{\text{lens}}}$$

In [308]:

```
def calculate_theoretical_visibility(w_range, r, R_lens, alpha=1.):
    light_speed = 299792458
    delta_opt = r ** 2 / R_lens
    visib = alpha * abs(np.sinc(w_range / (2 * light_speed) * delta_opt))
    return visib
```

In [309]:

```
maxm = argrextrema(I, np.greater)
minm = argrextrema(I, np.less)
```

In [310]:

```
theoretical_points = []
experimental_points = []
```

In [311]:

```
for min_idx, max_idx in zip(list(minm[0]), list(maxm[0])):
    min_radius, max_radius = r[min_idx], r[max_idx]
    min_intensity, max_intensity = I[min_idx], I[max_idx]

    theor_visib = calculate_theoretical_visibility(
        lambda_1 - lambda_2, (min_radius + max_radius) / 2, curvature_radius_mean)
    exp_visib = calculate_experimental_visibility(
        max_intensity, min_intensity)

    theoretical_points.append(theor_visib)
    experimental_points.append(exp_visib)
```

In [318]:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 5))
ax.set_title('Видность: экспериментальная (синяя) и теоретическая (красная)')
ax.set_ylabel('Видность')
ax.plot([i for i in range(len(theoretical_points))], theoretical_points, 'r')
ax.plot([i for i in range(len(experimental_points))], experimental_points, 'b')
plt.show()
```



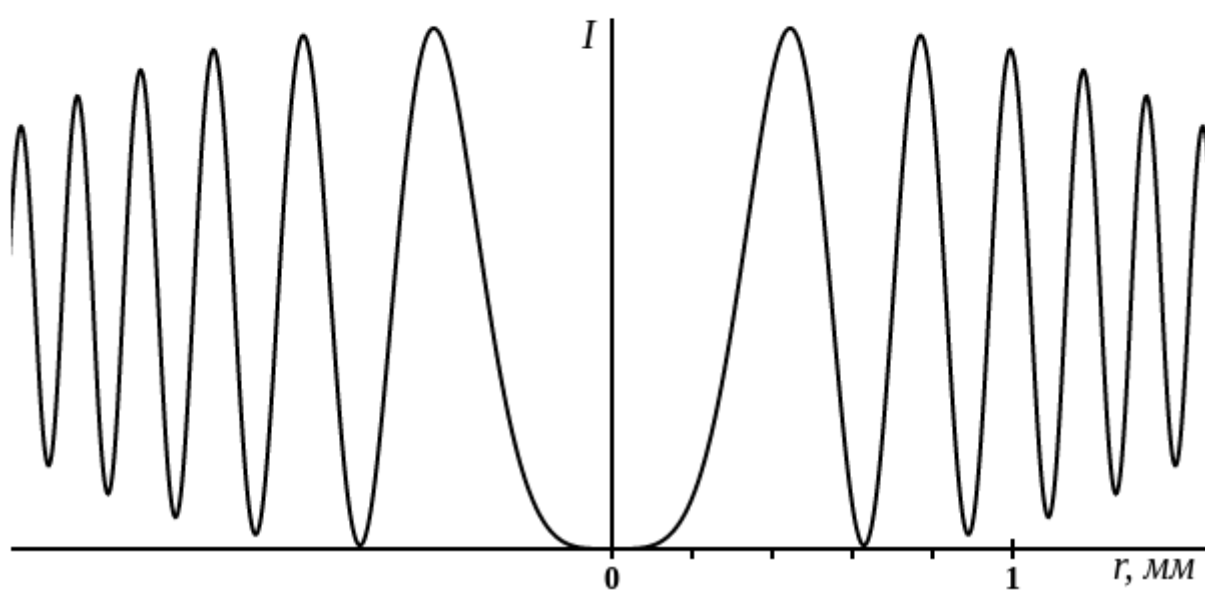
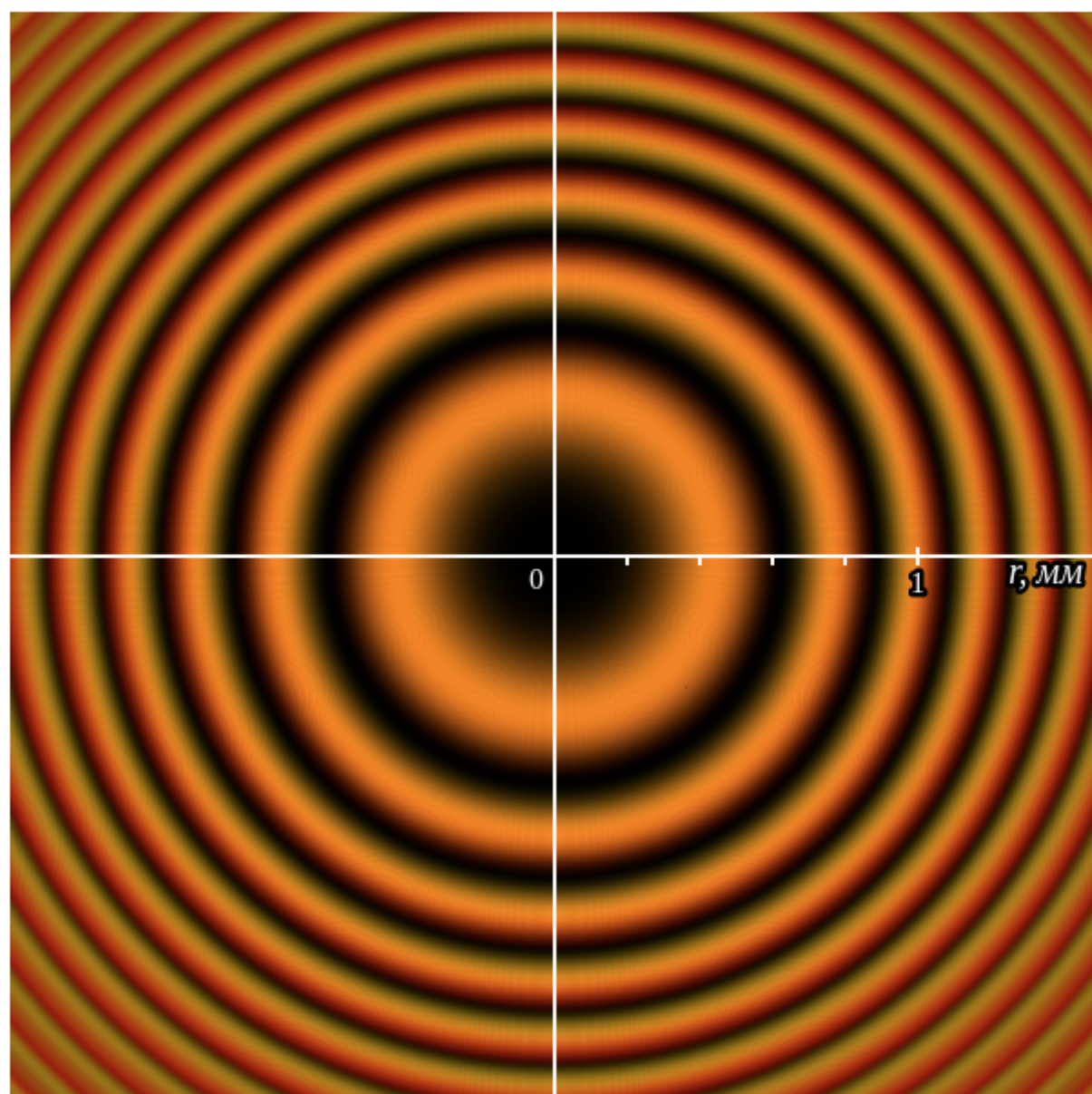
Однородный сплошной спектр

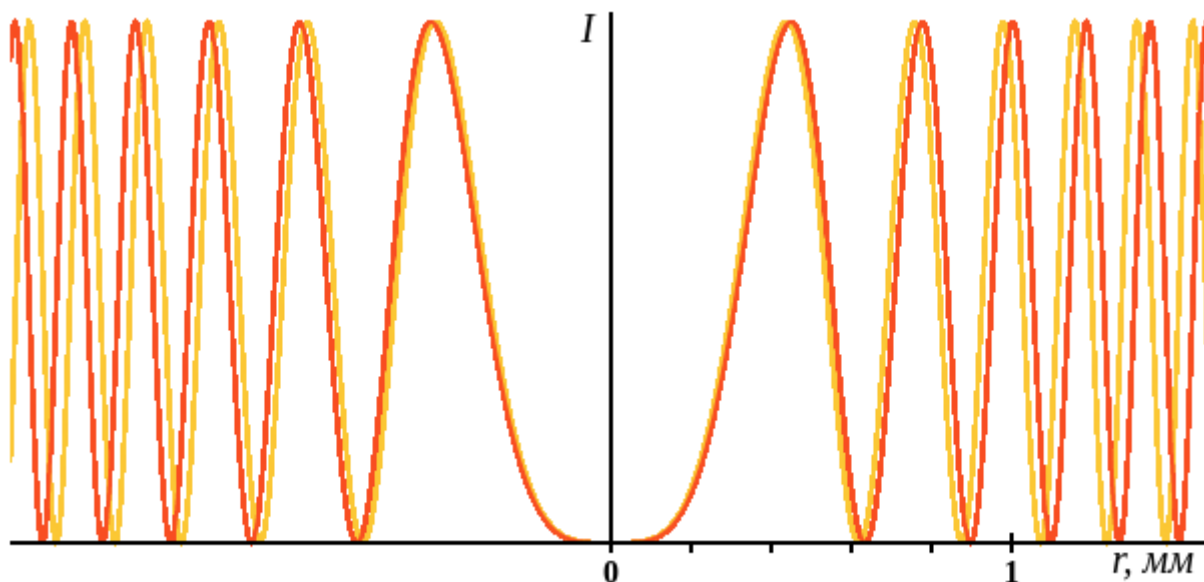
Длина волны 1 $\lambda_1 = 594$ нм, Длина волны 2 $\lambda_2 = 645$ нм, показатель преломления среды $n_2 = 1.55$

In []:

```
lambda_1 = 594 * 10 ** (-9)
lambda_2 = 645 * 10 ** (-9)
n_2 = 1.55
```

Виртуальная установка:





In [319]:

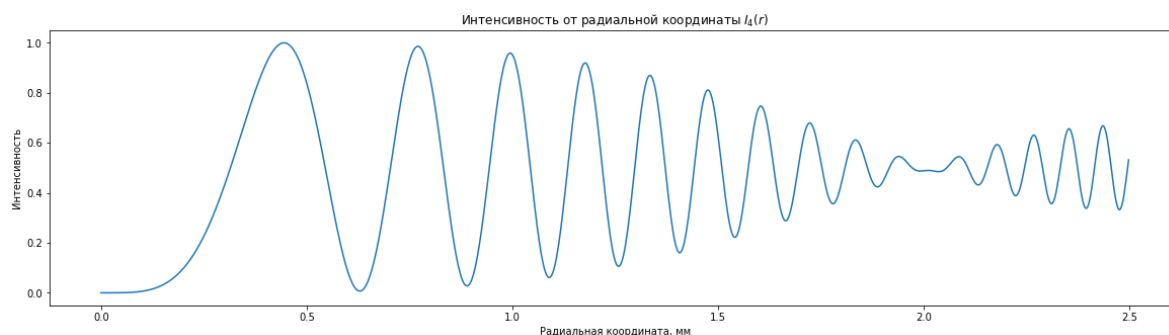
```
file_n4 = 'data/intensity_period.csv'
n4_df = pd.read_csv(file_n4, sep=';', index_col=False)
```

In [320]:

```
I = np.array([float(element.replace(',', '.')) for element in np.array(n4_df['I'])])
r = np.array([float(element.replace(',', '.')) for element in np.array(n4_df['r, mm'])])
```

In [321]:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 5))
ax.set_title('Интенсивность от радиальной координаты $I_4(r)$')
ax.set_ylabel('Интенсивность')
ax.set_xlabel('Радиальная координата, мм')
ax.plot(r, I)
plt.show()
```



Значения видности $V(\Delta)$:

In [322]:

```
maxm = argrelextrema(I, np.greater)
minm = argrelextrema(I, np.less)
```


In [323]:

```
theoretical_points = []
experimental_points = []
```

In [324]:

```
for min_idx, max_idx in zip(list(minm[0]), list(maxm[0])):
    min_radius, max_radius = r[min_idx], r[max_idx]
    min_intensity, max_intensity = I[min_idx], I[max_idx]

    theor_visib = calculate_theoretical_visibility(
        lambda_1 - lambda_2, (min_radius + max_radius) / 2, curvature_radius_mean)
    exp_visib = calculate_experimental_visibility(
        max_intensity, min_intensity)

    theoretical_points.append(theor_visib)
    experimental_points.append(exp_visib)
```

In [325]:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 5))
ax.set_title('Видность: экспериментальная (синяя) и теоретическая (красная)')
ax.set_ylabel('Видность')
ax.plot([i for i in range(len(theoretical_points))], theoretical_points, 'r')
ax.plot([i for i in range(len(experimental_points))], experimental_points, 'b')
plt.show()
```



Выводы и анализ результатов работы

В ходе работы была рассмотрена интерференционная картина колец Ньютона. В частности, для монохроматического источника с двумя разными показателями преломления среды были построены графики зависимости интенсивности от радиальной координаты, найдены радиусы темных и светлых колец, продемонстрирована линейная зависимость квадрата радиуса колец от порядковому номеру. Так же были найдены радиусы кривизны для линзы. Для бихроматического излучения и однородного сплошного спектра были найдены зависимости интенсивности от радиальной координаты, теоретические и экспериментальные видности.