

BÖLÜM 10

MANYETİK ALAN KAYNAKLARI

Üniversite Fiziği, 12. Baskı
– Hugh D. Young ve Roger A. Freedman

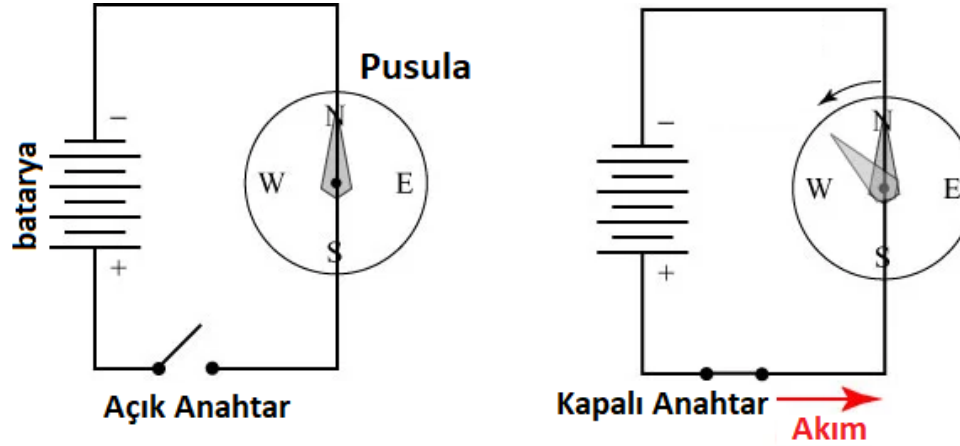
- Y. And F. Üniversite Fiziği II
- Serway Fizik II

10. Bölümün Hedefleri



- Hareket eden yüklü bir parçacığın ürettiği manyetik alanı tanımlamak
 - Akım taşıyan küçük bir tel parçasının ürettiği manyetik alanı tanımlamak
 - Akım taşıyan, uzun düz bir iletkenin manyetik alanını hesaplamak
 - Akım taşıyan teller arasındaki manyetik kuvvetleri anlamak
 - Akım taşıyan halka telin ürettiği manyetik alanı hesaplamak
 - Manyetik alanları hesaplamak için Ampere Yasasını kullanmak
-

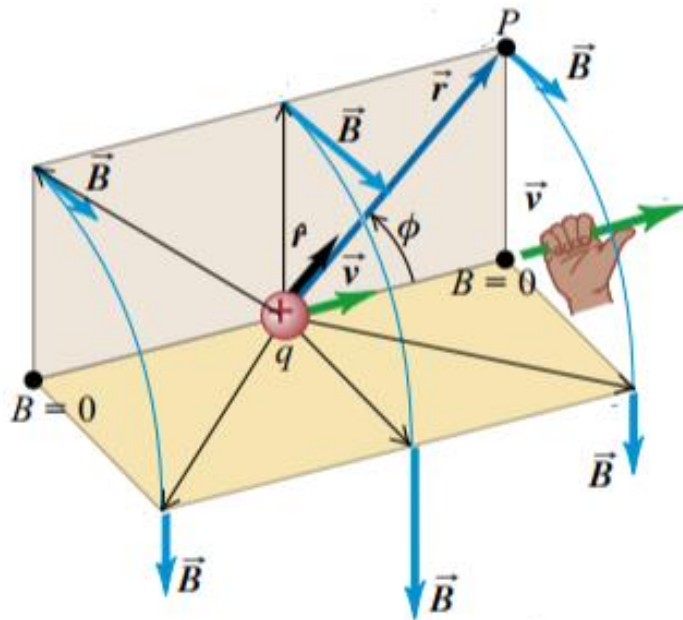
H.C. Ørsted 1819'da içinden akım geçen iletkenin yakınındaki bir pusula ibresinin saptığını gözlemledi.



Jean-Baptiste Biot ve Felix Savart ise, bir elektrik akımının yakınındaki bir mıknatısa uyguladığı kuvvet ile ilgili nicel deneyler gerçekleştirmiştir.

Deneylerden yola çıkarak uzayın bir noktasındaki manyetik alanı, bu alanı oluşturan akım cinsinden veren matematiksel ifade buldular.

Hareket Eden Parçacığın Manyetik Alanı



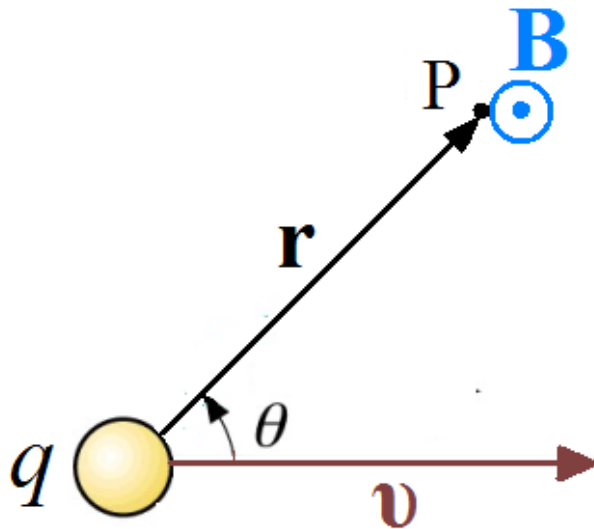
(sabit hızla hareket eden noktasal yükün manyetik alanı)

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q\vec{v} \times \hat{r}}{r^2}$$

$$\hat{r} = \vec{r}/r$$

\vec{B} ; \vec{v} ile \hat{r} 'ye diktir.

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{|q|v \sin \phi}{r^2}$$



Yükün arkadan görünüşü



× işareti yükün kâğıt düzleminin içine doğru gittiğini gösterir (bizden uzağa doğru).

Hareket Eden Parçacığın Manyetik Alanı



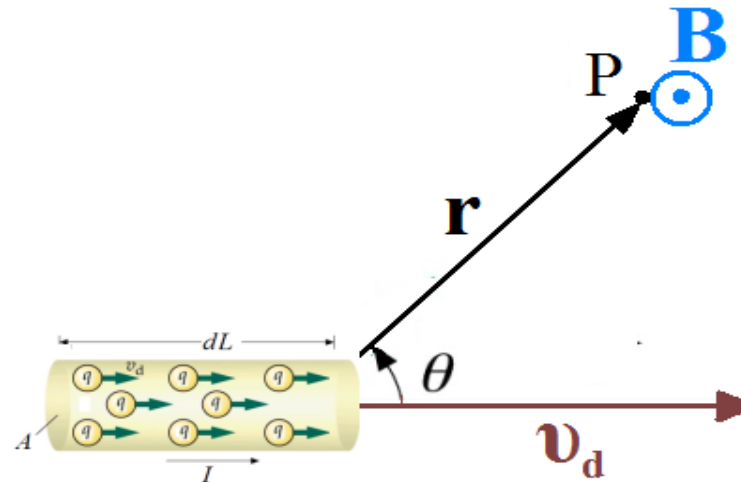
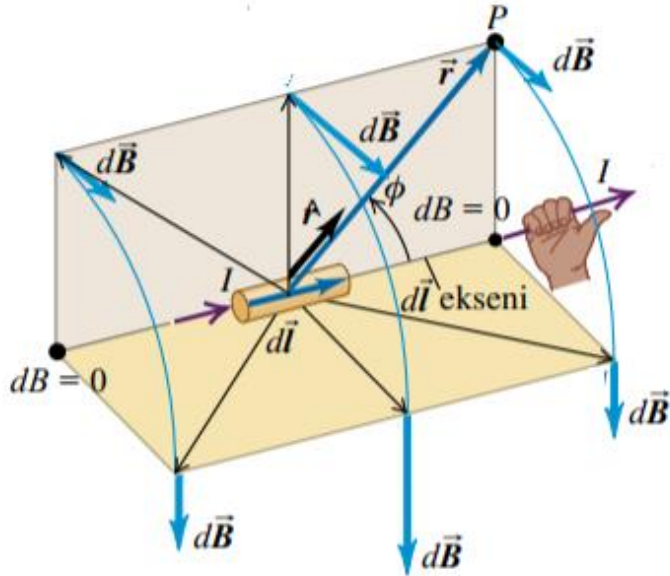
$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m}/\text{A}$$

$$\epsilon_0 = 8.854 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{Nm}^2$$

$$c = 1/\sqrt{\epsilon_0 \mu_0} \quad (c; \text{ışık hızı})$$

$$1 \text{ T} = 1 \text{ N} \cdot \text{s}/\text{C} \cdot \text{m} = 1 \text{ N}/\text{A} \cdot \text{m}$$

Akım Elemanının Manyetik Alanı



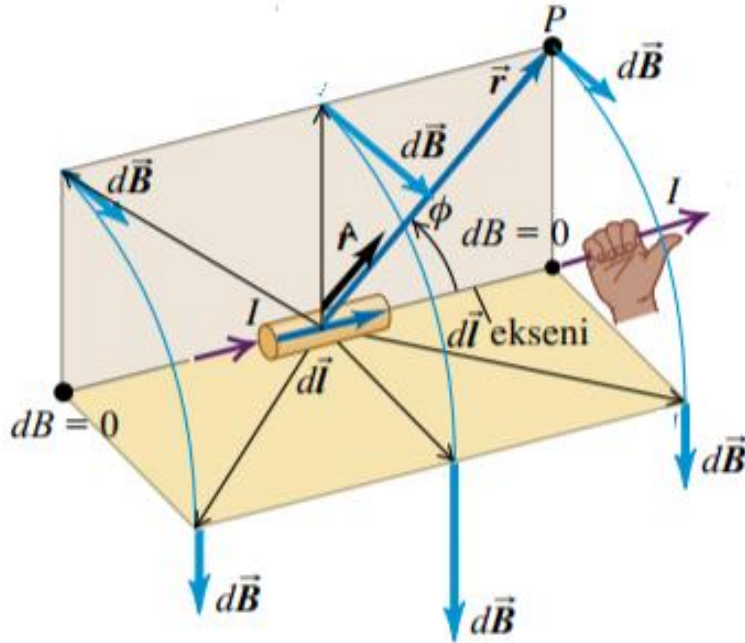
$d\vec{l}$ elemanının hacmi $dV = Adl$ 'ye eşittir.

Eğer birin hacimde, her biri q yüküne sahip n tane yüklü parçacık var ise dV hacmi içerisinde toplam hareket eden yük miktarı;

$$dQ = nq dV = nq A dl$$

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{|q| v \sin \phi}{r^2} \implies dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{|dQ| v_d \sin \phi}{r^2} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{n |q| v_d A dl \sin \phi}{r^2}$$

Akım Elemanının Manyetik Alanı



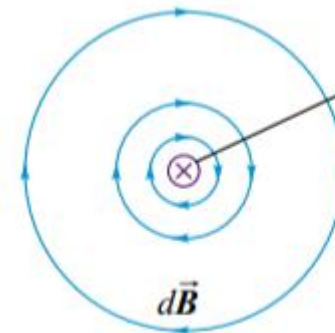
$$I = n|q|v_d A.$$

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{n|q|v_d A dl \sin \phi}{r^2}$$

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I dl \sin \phi}{r^2}$$

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I d\vec{l} \times \hat{r}}{r^2}$$

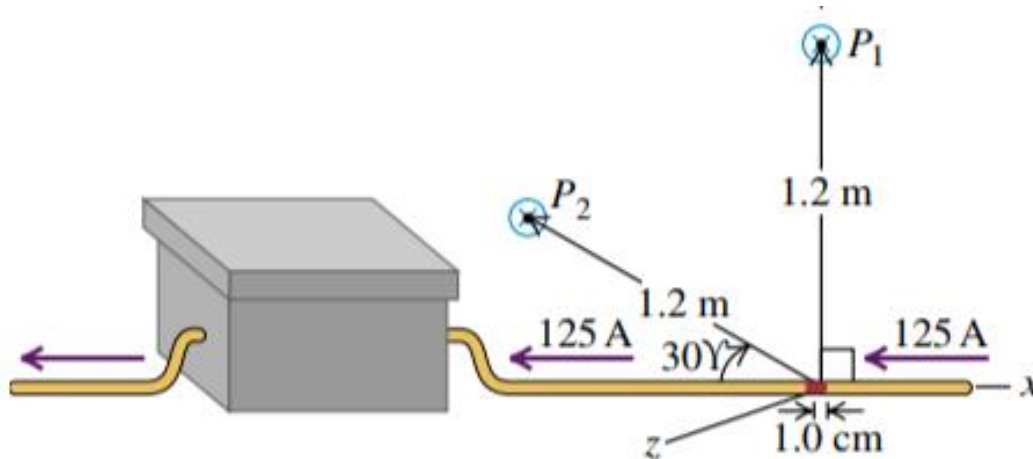
$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \int \frac{I d\vec{l} \times \hat{r}}{r^2}$$



× işareti akımın kâğıt düzleminin içine doğru gittiğini gösterir.

Örnek 28.2 Bir iletken tel parçasının manyetik alanı

Bakır bir tel 125 A kararlı akımı, elektroliz yöntemi ile kaplama haznesine taşımaktadır. Bu telin 1 cm'lik kısmının kendisinden 1.2 m uzakta olan P_1 ve P_2 noktalarında manyetik alanı hesaplayınız. Şekil 28.4'te gösterildiği gibi, (a) P_1 noktasından tele gelen doğru tele diktir. (b) P_2 'yi tele bağlayan doğru tel ile 30° derece yapmaktadır.



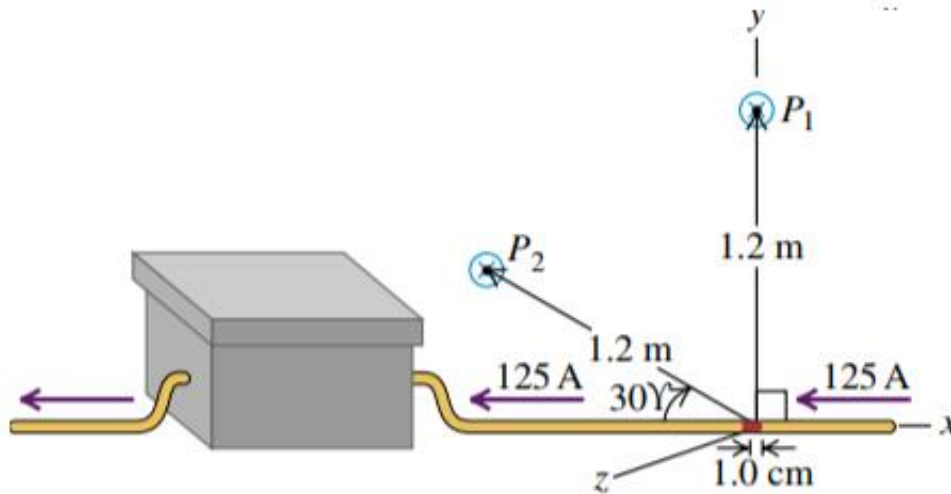
$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \int \frac{Id\vec{l} \times \hat{r}}{r^2}$$

$$d\vec{l} = dl(-\hat{i})$$

$$P_1 \text{ noktasında } \hat{r} = \hat{j},$$

$$d\vec{l} \times \hat{r} = dl(-\hat{i}) \times \hat{j} = dl(-\hat{k})$$

Akım Elemanının Manyetik Alanı



$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I dl \sin \phi}{r^2}$$

$$B = (10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m/A}) \frac{(125 \text{ A})(1.0 \times 10^{-2} \text{ m})(\sin 90^\circ)}{(1.2 \text{ m})^2}$$
$$= 8.7 \times 10^{-8} \text{ T}$$

P_2 noktasında \vec{B} 'nin yönü yine şekildeki xy-düzleminin içine doğrudur. $d\vec{l}$ ile \hat{r} arasında açı 30° 'dir, o halde,

$$B = (10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m/A}) \frac{(125 \text{ A})(1.0 \times 10^{-2} \text{ m})(\sin 30^\circ)}{(1.2 \text{ m})^2}$$
$$= 4.3 \times 10^{-8} \text{ T}$$

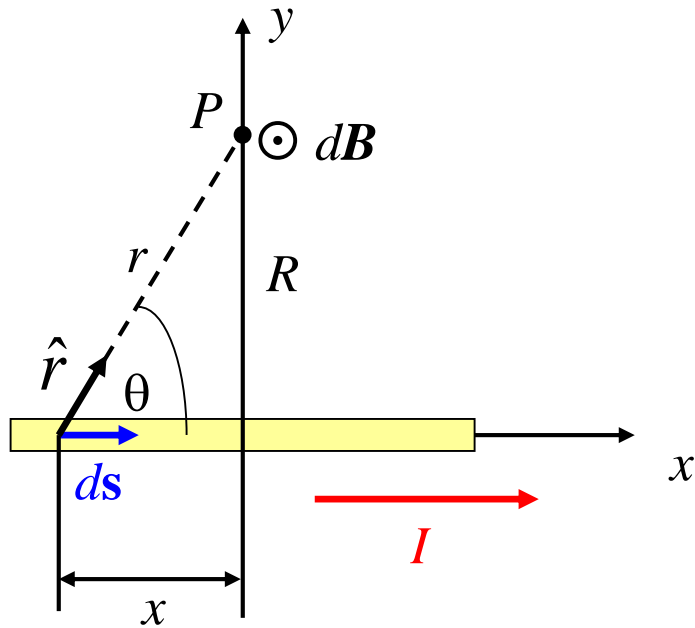
Akım Taşıyan Düz İletkenin Manyetik Alanı



□ L uzunluklu düz bir tel

- L uzunluklu ince bir telin I sabit akımını taşır .
- P deki toplam B alanını bulalım.

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{d\vec{s} \times \hat{r}}{r^2}$$



$d\vec{s} \times \hat{r}$ Her zaman sayfadan dışa doğrudur.
 $ds \sin \theta$ büyüklüğe sahiptir.

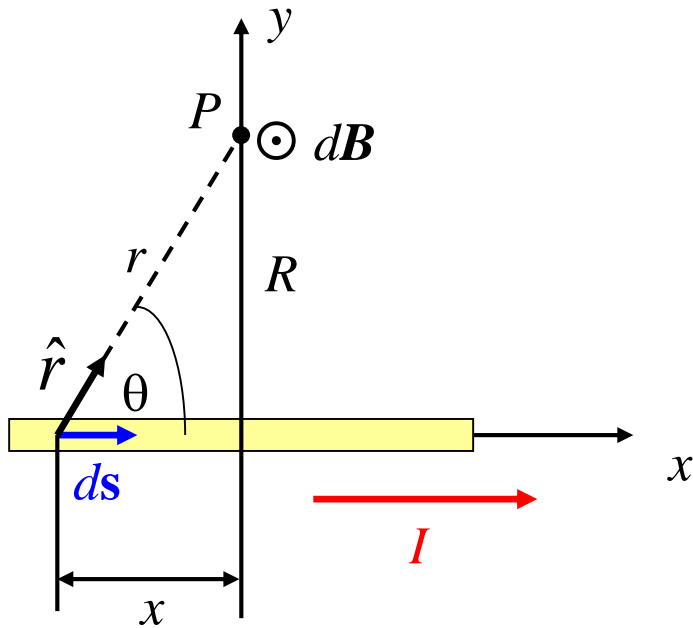
Böylece dB nin büyüklüğü aşağıdaki gibi verilir:

$$dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{ds \sin \theta}{r^2} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dx \sin \theta}{r^2}$$

Akım Taşıyan Düz İletkenin Manyetik Alanı



□ L uzunluklu düz bir tel



$$dB_z = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{ds \sin \theta}{r^2} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{|dx| \sin \theta}{r^2}$$

$$\frac{R}{r} = \sin \theta \quad ; \quad r = \sqrt{x^2 + R^2}$$

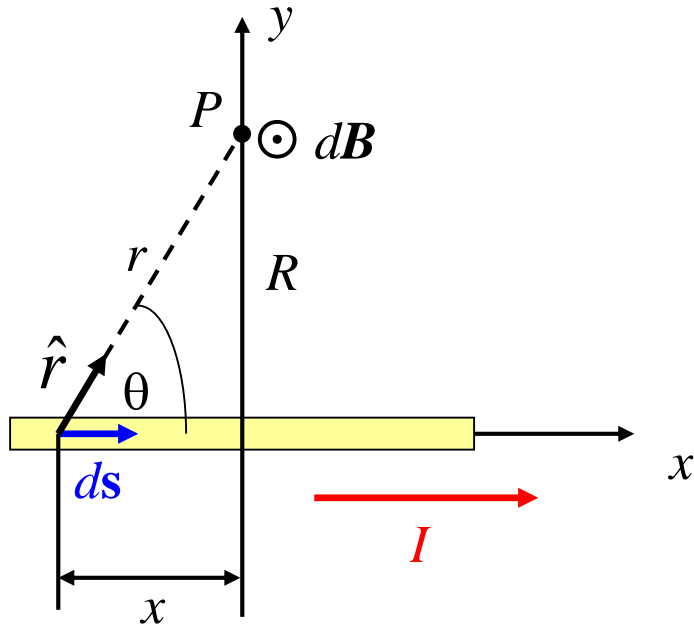
$$dB_z = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{R |dx|}{(x^2 + R^2)^{3/2}}$$

$$B_z = \frac{\mu_0 I R}{4\pi} \int_{-L/2}^{L/2} \frac{dx}{(x^2 + R^2)^{3/2}} = \frac{\mu_0 I R}{4\pi} \frac{x}{R^2 (x^2 + R^2)^{1/2}} \Big|_{-L/2}^{L/2} = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} \left(\frac{L}{\sqrt{L^2/4 + R^2}} \right)$$

Akım Taşıyan Düz İletkenin Manyetik Alanı



□ L uzunluklu düz bir tel



$$B_z = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} \left(\frac{L}{\sqrt{L^2/4 + R^2}} \right)$$

$(L/R) \rightarrow \infty$ limitinde

$$\left(\frac{L}{\sqrt{L^2/4 + R^2}} \right) = \frac{L/R}{\sqrt{(L/R)^2/4 + 1}} \approx 2$$

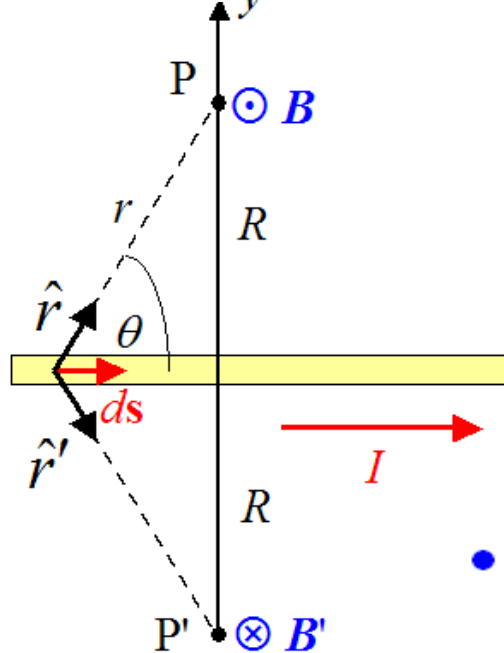
Uzun düz bir telin manyetik alanı:

$$B_z = \frac{\mu_0 I}{2\pi R}$$

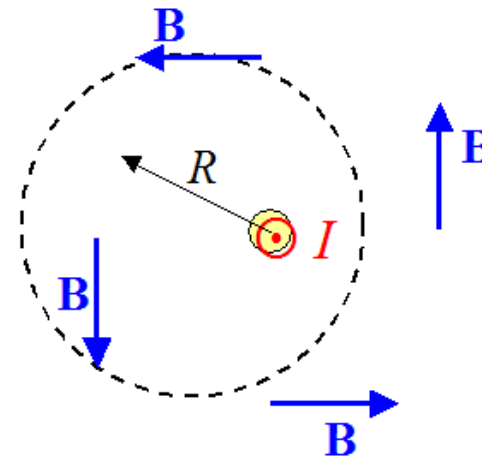
Akım Taşıyan Düz İletkenin Manyetik Alanı

□ L uzunluklu düz bir tel

Yan görünüş



Düz görünüş

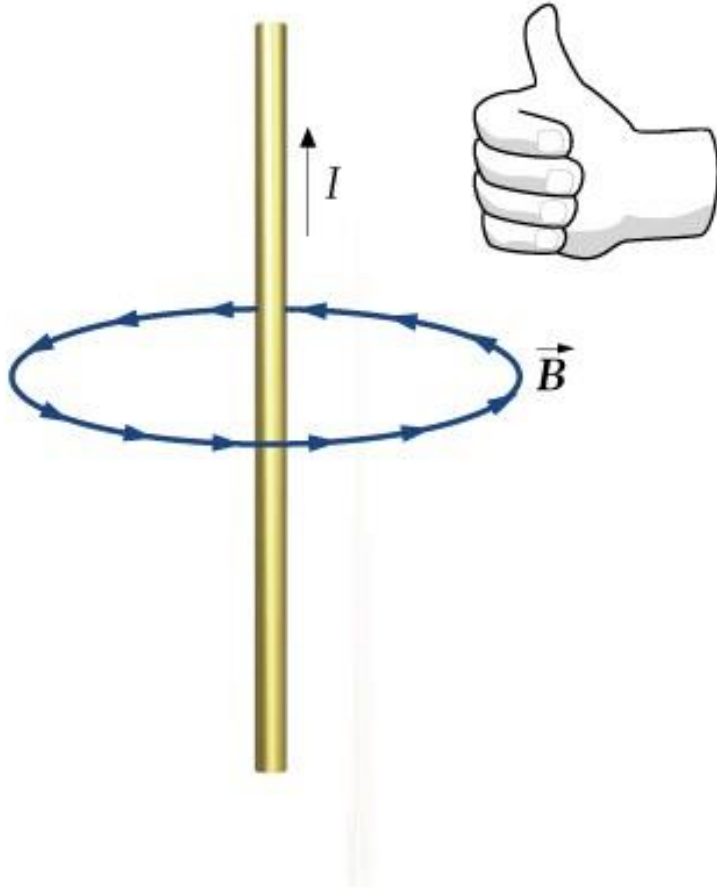


- Uzun düz akım taşıyan telleri çevreleyen manyetik alan çizgileri tel ile ortak merkezli dairelerdir ve düzlemlerde tele diktir.
- B nin büyüklüğü tel üzerinde merkezlenmiş her bir daire üzerine sabittir.

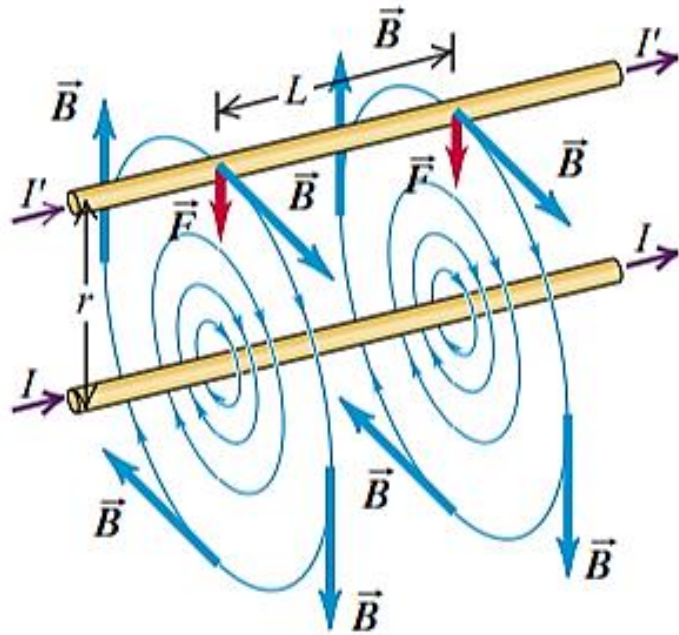
Akım Taşıyan Düz İletkenin Manyetik Alanı



□ Örnek: Uzun düz bir tel



Paralel İletkenler Arasındaki Manyetik Kuvvet



Altındaki iletkenin yarattığı manyetik alan \vec{B} 'nin, üstteki iletkenin konumunda büyüklüğü;

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

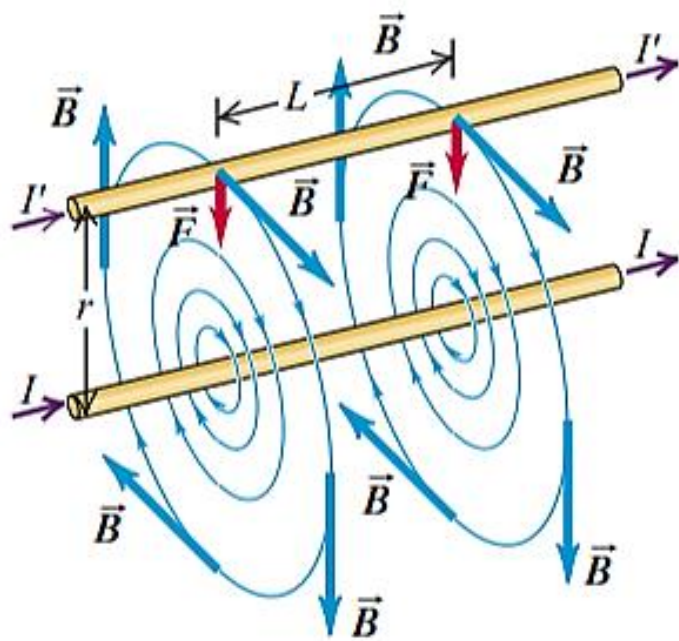
Bu alanın üst iletkenin L uzunluğuna uyguladığı kuvvet $\vec{F} = I\vec{L} \times \vec{B}$ 'dir.

\vec{B} iletken uzunluğuna ve sonuçta \vec{L} 'ye de dik olduğundan, kuvvetin büyüklüğü,

$$F = I'LB = \frac{\mu_0 I I' L}{2\pi r}$$

*aynı yönde akım taşıyan iki paralel iletken birbirlerini çekerler.
Ters yönde akım taşıyan paralel iletkenler birbirlerini iterler.*

Paralel İletkenler Arasındaki Manyetik Kuvvet



Altındaki iletkenin yarattığı manyetik alan \vec{B} 'nin, üstteki iletkenin konumunda büyüklüğü;

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

Bu alanın üst iletkenin L uzunluğuna uyguladığı kuvvet $\vec{F} = I\vec{L} \times \vec{B}$ 'dir.

\vec{B} iletken uzunluğuna ve sonuçta \vec{L} 'ye de dik olduğundan, kuvvetin büyüklüğü,

$$F = I'LB = \frac{\mu_0 I I' L}{2\pi r}$$

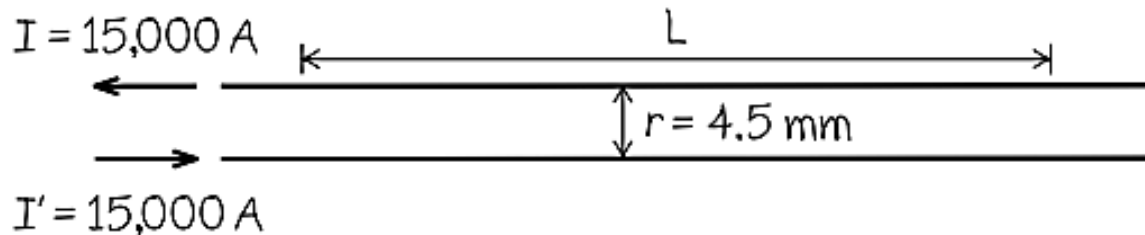
$$\frac{F}{L} = \frac{\mu_0 I I'}{2\pi r} \text{ (birim uzunluk başına kuvvet)}$$

aynı yönde akım taşıyan iki paralel iletken birbirlerini çekerler.

Ters yönde akım taşıyan paralel iletkenler birbirlerini iterler.

Örnek 28.5 Paralel teller arasındaki kuvvetler

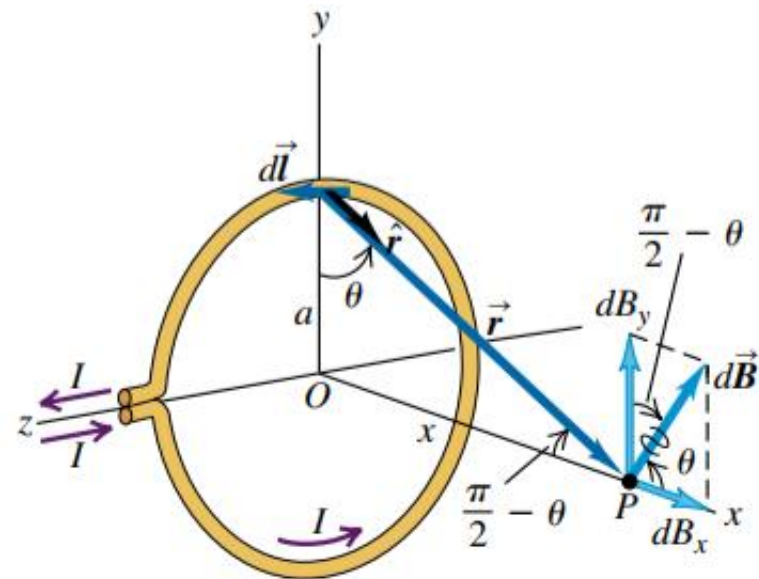
Aralarında 4.5 mm olan iki düz sonsuz paralel süperiletken tellerin her ikisi de 15 000 amperlik akımları zıt yönlerde taşımaktadır. Teller mekaniksel olarak dayanabilirler mi?



$$\begin{aligned}\frac{F}{L} &= \frac{\mu_0 I I'}{2\pi r} = \frac{(4\pi \times 10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m/A})(15\,000 \text{ A})^2}{(2\pi)(4.5 \times 10^{-3} \text{ m})} \\ &= 1.0 \times 10^4 \text{ N/m}\end{aligned}$$

Dairesel Akım Halkasının Manyetik Alanı

Dairesel devrenin eksenindeki bir P noktasındaki manyetik alanı bulmak için Biot ve Savart yasasından yararlanacağız.



$$d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I d\vec{l} \times \hat{r}}{r^2}$$

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I dl \sin \phi}{r^2}$$

$d\vec{l}$ ve $d\hat{r}$ birbirlerine diktirler

$$r^2 = x^2 + a^2$$

$$dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dl}{(x^2 + a^2)}$$

$d\vec{B}$ vektörünün bileşenleri

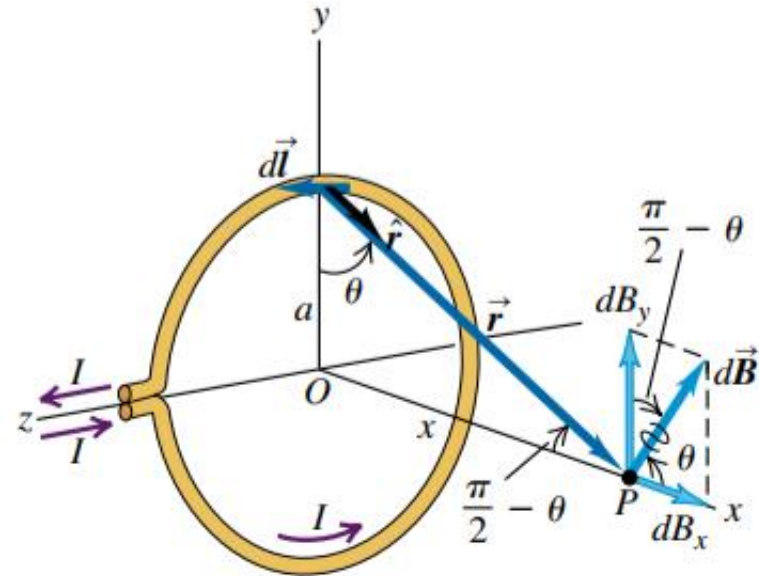
$$dB_x = dB \cos \theta = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dl}{(x^2 + a^2)} \frac{a}{(x^2 + a^2)^{1/2}}$$

$$dB_y = dB \sin \theta = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dl}{(x^2 + a^2)} \frac{x}{(x^2 + a^2)^{1/2}}$$

Dairesel Akım Halkasının Manyetik Alanı



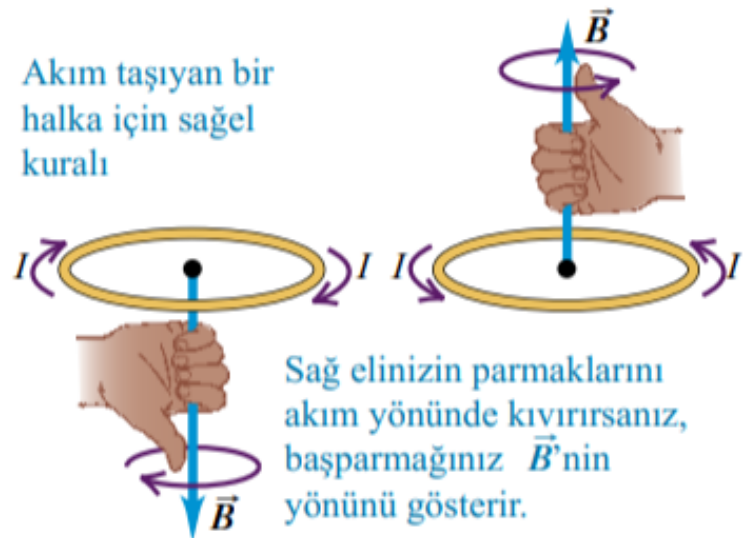
Düzenek x -ekseni etrafında dönme simetrisine sahip olduğundan toplam alan \vec{B} 'nin bu eksene dik birleşeni olamaz.



$$dB_x = dB \cos \theta = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dl}{(x^2 + a^2)} \frac{a}{(x^2 + a^2)^{1/2}}$$

$$B_x = \int \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{a dl}{(x^2 + a^2)^{3/2}} = \frac{\mu_0 I a}{4\pi (x^2 + a^2)^{3/2}} \underbrace{\int dl}_{2\pi a}$$

Akım taşıyan bir bobinin eksenindeki manyetik alanın yönü için sağel kuralı.



$$B_x = \frac{\mu_0 I a^2}{2 (x^2 + a^2)^{3/2}}$$

Bobin Eksenî Boyunca Manyetik Alanı

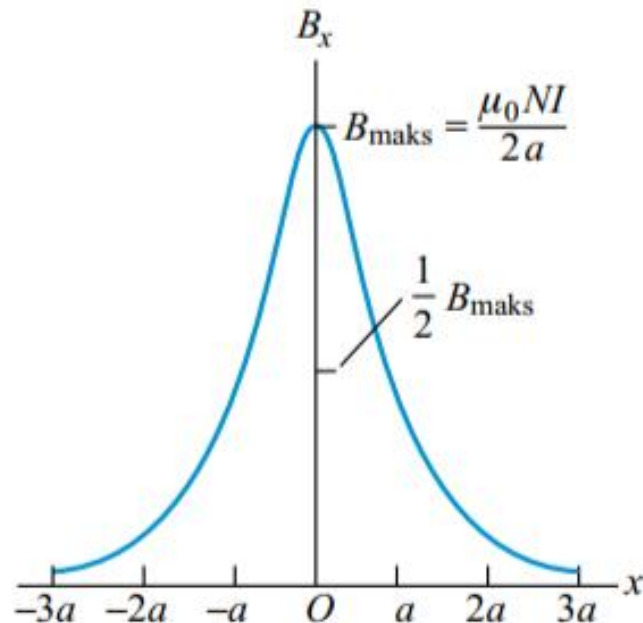


hepsi aynı yarıçapta N tane sarımda meydana gelmiş bir bobin olduğunu varsayalım. Bu durumda her sarım manyetik alana eş katkıda bulunmaktadır ve toplam alan tek halka alanının N sarımla çarpımıdır:

28.14 N tane sarımdan oluşan bir iletken bobinin eksen boyunca manyetik alanının grafiği. x , a 'dan çok daha büyük olduğu zaman manyetik alan $1/x^3$ olarak azalır.

$$B_x = \frac{\mu_0 N I a^2}{2(x^2 + a^2)^{3/2}}$$

(N tane sarımın eksenî boyunca)



$$B_x = \frac{\mu_0 N I}{2a} \quad (N \text{ tane sarımın merkezinde})$$

IA çarpımına halkanın **manyetik dipol momenti** veya **manyetik momenti** adı verilir.

$$\mu = IA$$

$$\vec{\mu} = I \vec{A}$$

Eğer N tane sarım varsa toplam manyetik moment NAI olur.

$$A = \pi a^2 \text{ dir}$$

$$\mu = IN\pi a^2.$$

$$B_x = \frac{\mu_0 \mu}{2\pi (x^2 + a^2)^{3/2}}$$

Örnek 28.6 Bir bobinin manyetik alanı

100 tane sarımdan meydana gelen bir bobinin yarıçapı 0.60 m olup 5.0 A'lık akım geçmektedir. (a) Bobinin eksenini üzerinde, bobinin merkezinden 0.80 m uzakta olan noktada manyetik alanı bulunuz. (b) Bobinin eksenini üzerinde merkezden ne kadar ilerlerseniz manyetik alanın şiddeti merkezdekinin 1/8 olur?

(a) $x = 0.80$ m olarak

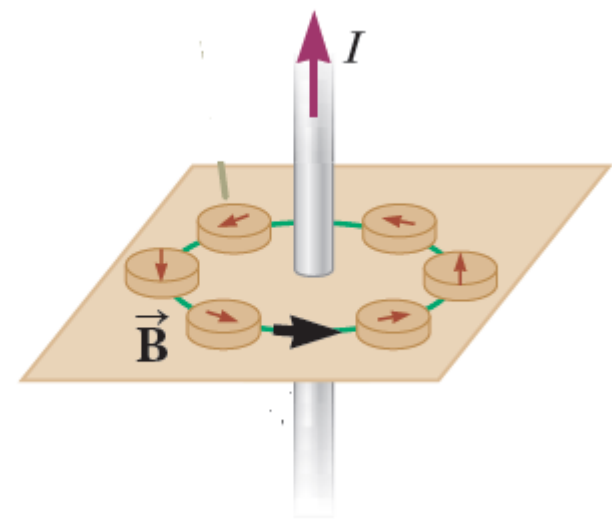
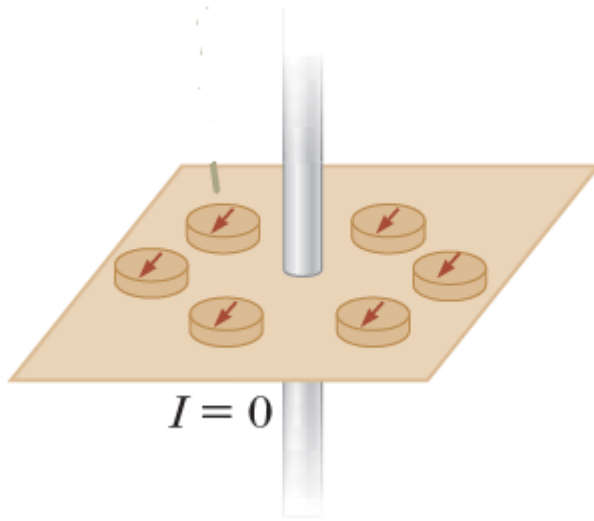
$$B_x = \frac{\mu_0 N I a^2}{2(x^2 + a^2)^{3/2}} \quad B_x = \frac{(4\pi \times 10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m/A})(100)(5.0 \text{ A})(0.60 \text{ m})^2}{2[(0.80 \text{ m})^2 + (0.60 \text{ m})^2]^{3/2}}$$
$$= 1.1 \times 10^{-4} \text{ T}$$

(b)

$$\frac{1}{(x^2 + a^2)^{3/2}} = \frac{1}{8} \frac{1}{(0^2 + a^2)^{3/2}}$$

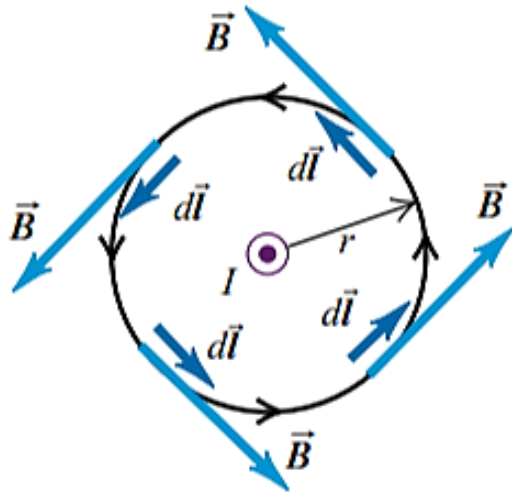
$$x = \pm \sqrt{3}a = \pm 1.04 \text{ m}$$

Ampere Yasası



Kararlı I akımı taşıyan bir iletken tel etrafında Manyetik alan meydana gelir ve bu manyetik alan çizgileri kendi üzerine kapanarak akım taşıyan teli çevreler.

Manyetik alanın çevreleme özelliği ile, akımın kapalı bir yol çizgisinden geçmesi arasındaki ilişki Ampere yasası ile ifade edilir.



$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l}$$

Daire üzerindeki her noktada \vec{B} ve $d\vec{l}$ paralel olduğundan $\vec{B} \cdot d\vec{l} = Bdl$ 'dir.

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint Bdl = B \oint dl = B(2\pi r)$$

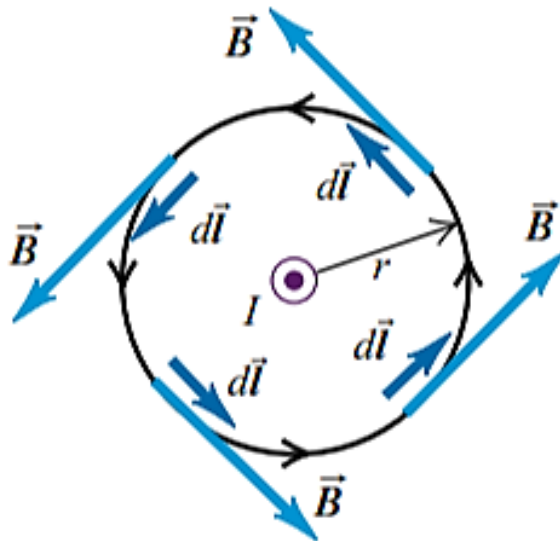
$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \Rightarrow \oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} (2\pi r)$$

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I$$

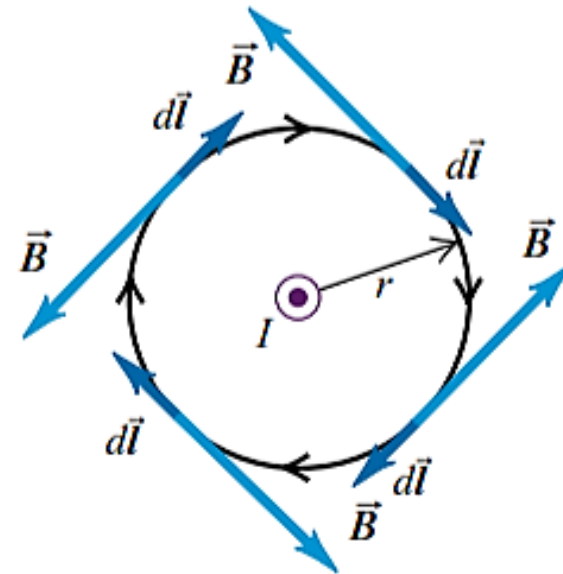
Herhangi bir kapalı yol çevresinde $\vec{B} \cdot d\vec{l}$ 'nin integrali $\mu_0 I$ 'ya eşittir. Burada I kapalı yolun çevrelediği herhangi bir yüzeyden geçen toplam sürekli akımdır.

Ampere Yasası

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{\text{iç}} \quad (\text{Ampere yasası})$$

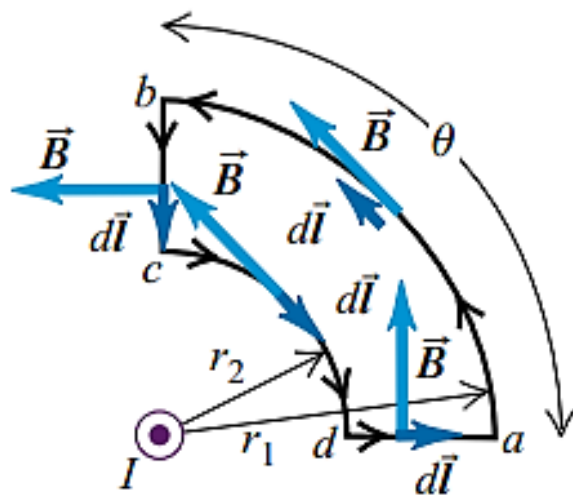


Sonuç: $\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I$



Sonuç: $\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = -\mu_0 I$

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{\text{iç}} \quad (\text{Ampere yasası})$$



Sonuç: $\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = 0$

Yarıçapı r_1 olan ab dairesel yayı arasında \vec{B} ve $d\vec{l}$ paraleldir ve $B_{\parallel} = B_1 = \mu_0 I / 2\pi r_1$ 'dir;

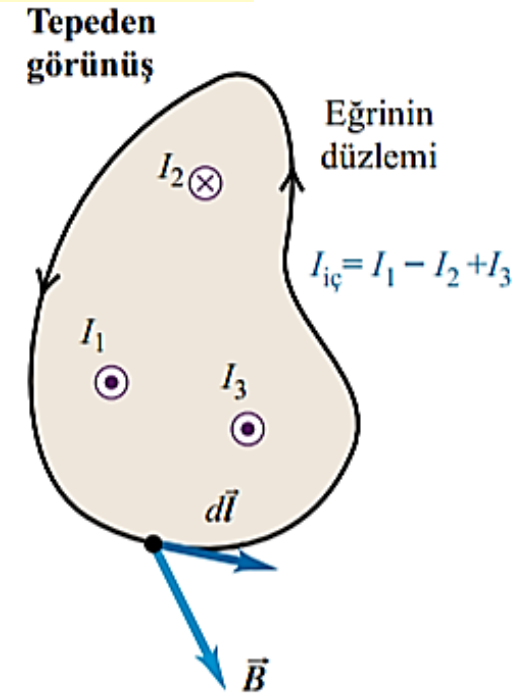
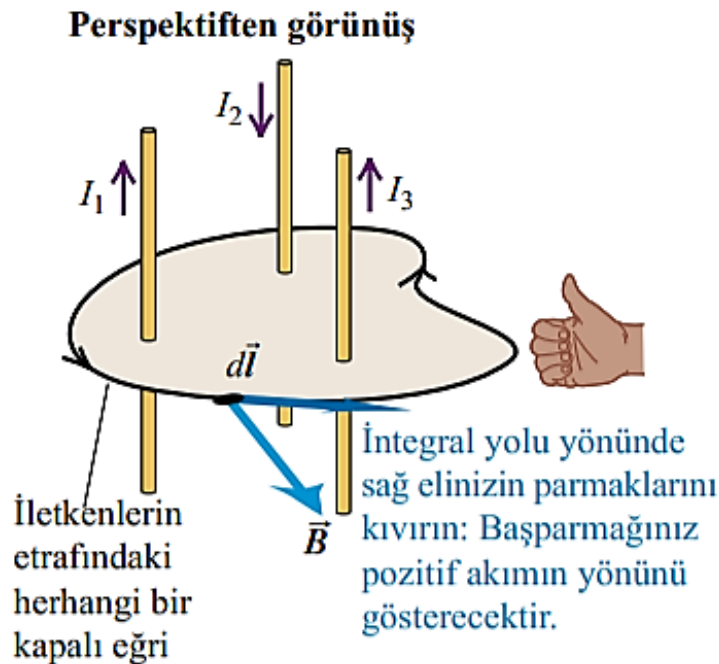
Yarıçapı r_2 olan cd dairesel yayı arasında \vec{B} ve $d\vec{l}$ anti paraleldir ve $B_{\parallel} = -B_2 = -\mu_0 I$

bc ve da düz yolundaki her noktada \vec{B} alanı $d\vec{l}$ ye diktir, bu nedenle $B_{\parallel} = 0$ olur

$$\begin{aligned} \oint \vec{B} \cdot d\vec{l} &= \oint B_{\parallel} dl = B_1 \int_a^b dl + (0) \int_b^c dl + (-B_2) \int_c^d dl + (0) \int_d^a dl \\ &= \frac{\mu_0 I}{2\pi r_1} (r_1 \theta) + 0 - \frac{\mu_0 I}{2\pi r_2} (r_2 \theta) + 0 = 0 \end{aligned}$$

Ampere Yasası

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{i\check{c}} \quad (\text{Ampere yasası})$$



Ampere yasası: Manyetik alanın çizgi integralini kapalı eğri boyunca hesaplırsak, sonuç μ_0 ile kapalı yoldan geçen akım çarpımıdır:

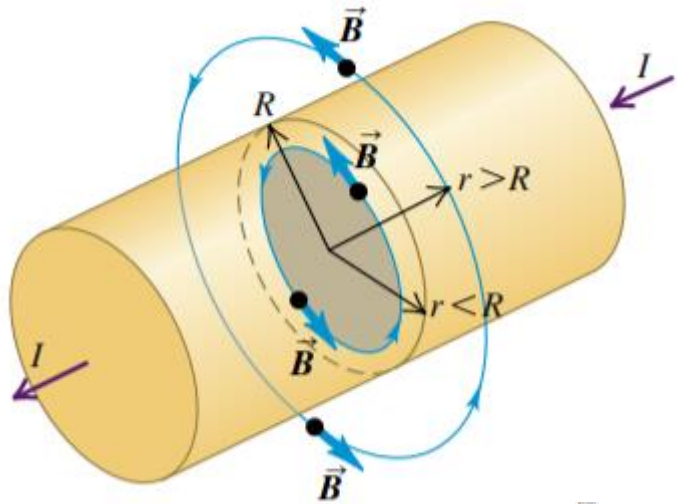
$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{i\check{c}}$$

Ampere yasası bir manyetik alan kaynağının ürettiği \vec{B} manyetik alanı mevcut durumun fiziksel simetrisinden yararlanarak bulmada kullanışlıdır.

Ampere Yasasının Uygulamaları

Örnek 28.8 Uzun bir silindirik iletken içindeki manyetik alan

R yarıçapında silindir şeklinde bir iletken I akımı taşımaktadır (Şekil 28.20). Akım silindirin bütün hacminde düzgün olarak dağılmıştır. Manyetik alanı silindirin eksenine olan r uzaklığının fonksiyonu olarak bulunuz; $r < R$ (iletkenin içi) ve $r > R$ (iletkenin dışı) durumlarını ayrı ayrı inceleyiniz.



$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{\text{iç}} \quad I_{\text{iç}} = Ir^2 / R^2$$

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint B dl = B \oint dl = B(2\pi r)$$

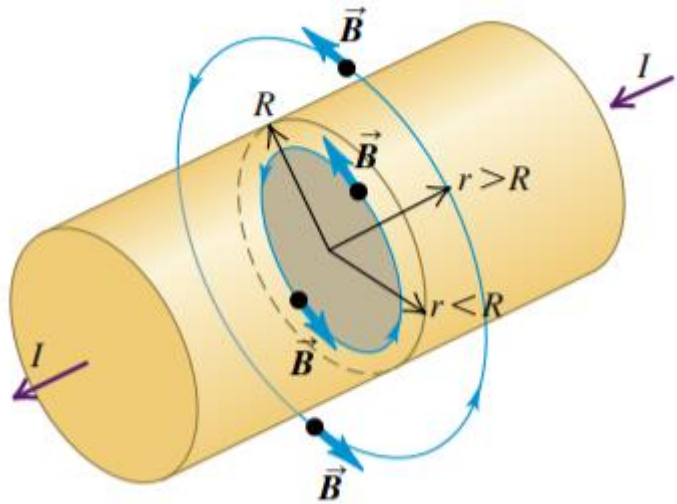
$$B(2\pi r) = \mu_0 \frac{Ir^2}{R^2}$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{r}{R^2} \quad (\text{iletkenin içinde } r < R)$$

Ampere Yasasının Uygulamaları

Örnek 28.8 Uzun bir silindirik iletken içindeki manyetik alan

R yarıçapında silindir şeklinde bir iletken I akımı taşımaktadır (Şekil 28.20). Akım silindirin bütün hacminde düzgün olarak dağılmıştır. Manyetik alanı silindirin eksenine olan r uzaklığının fonksiyonu olarak bulunuz; $r < R$ (iletkenin içi) ve $r > R$ (iletkenin dışı) durumlarını ayrı ayrı inceleyiniz.



$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{\text{iç}} \quad I_{\text{iç}} = I$$

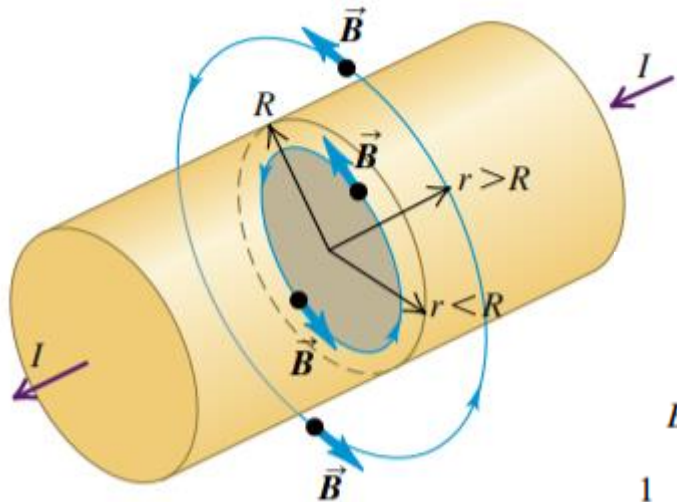
$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint B dl = B \oint dl = B(2\pi r)$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \quad (\text{iletkenin dışında } r > R)$$

Ampere Yasasının Uygulamaları

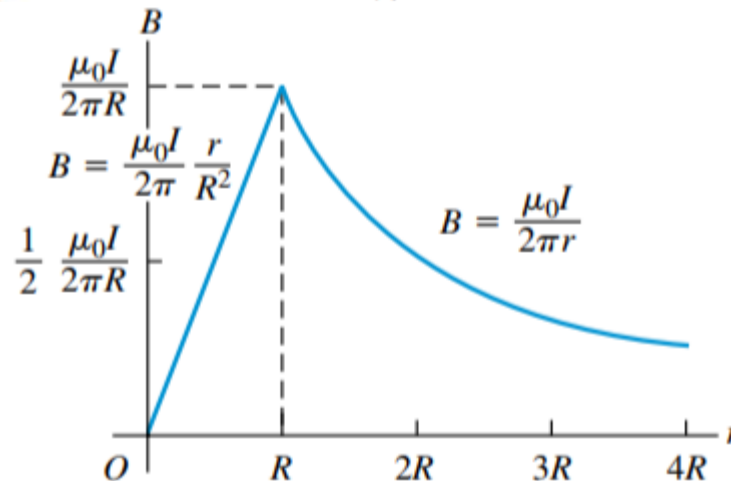
Örnek 28.8 Uzun bir silindirik iletken içindeki manyetik alan

R yarıçapında silindir şeklinde bir iletken I akımı taşımaktadır (Şekil 28.20). Akım silindirin bütün hacminde düzgün olarak dağılmıştır. Manyetik alanı silindirin eksenine olan r uzaklığının fonksiyonu olarak bulunuz; $r < R$ (iletkenin içi) ve $r > R$ (iletkenin dışı) durumlarını ayrı ayrı inceleyiniz.

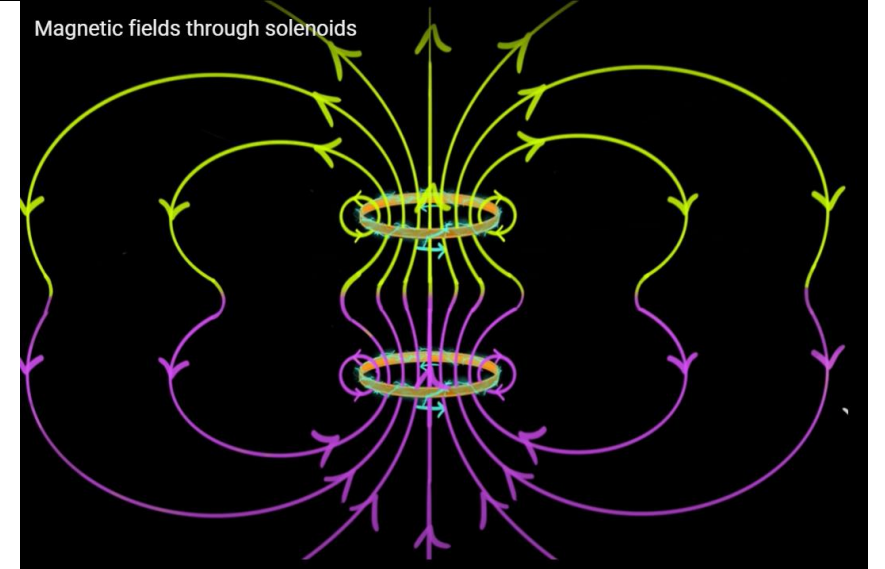
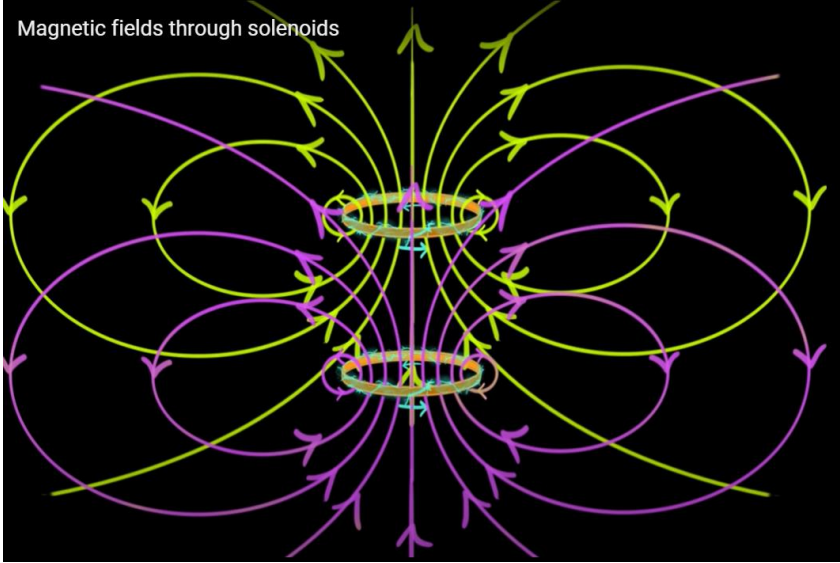
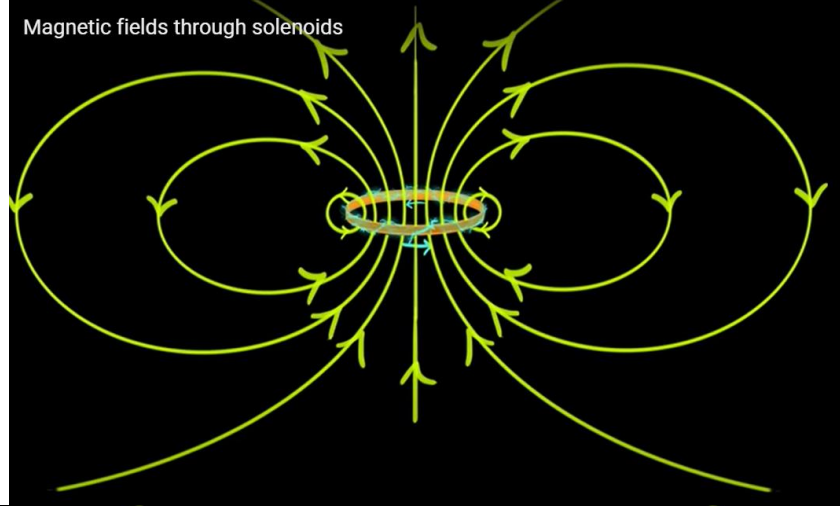


$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{r}{R^2} \quad (\text{iletkenin içinde } r < R)$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \quad (\text{iletkenin dışında } r > R)$$



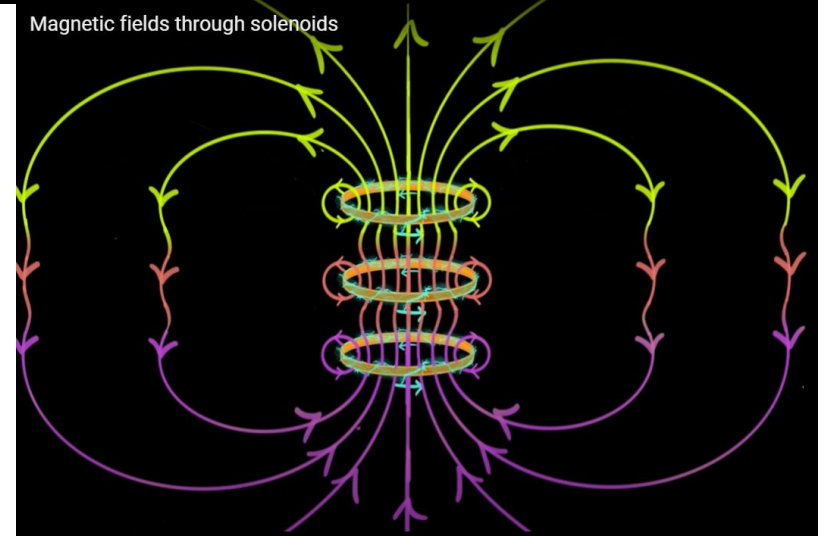
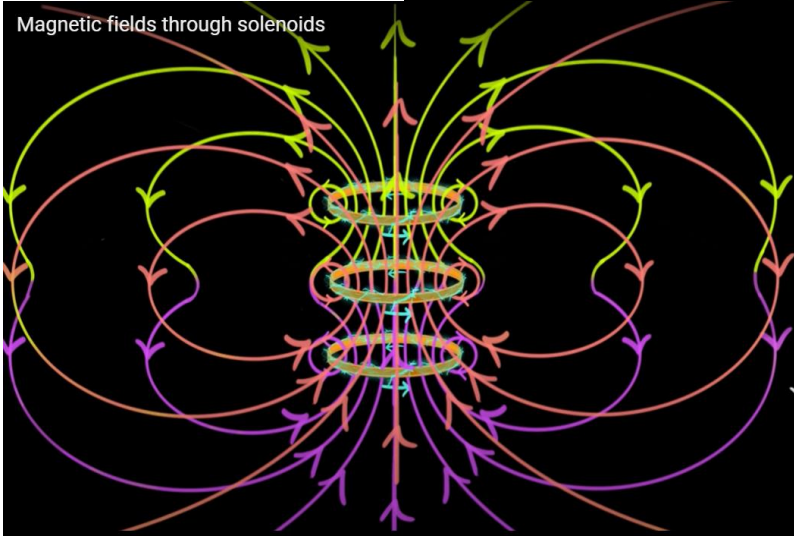
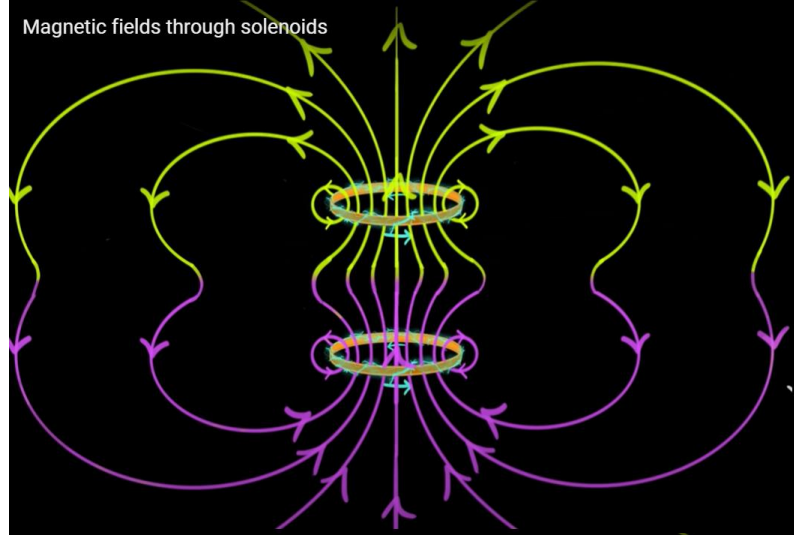
Ampere Yasasının Uygulamaları



Görseller aşağıdaki linkten alınmıştır;

<https://www.youtube.com/watch?v=2XRtH46dsCI&t=338s>

Ampere Yasasının Uygulamaları



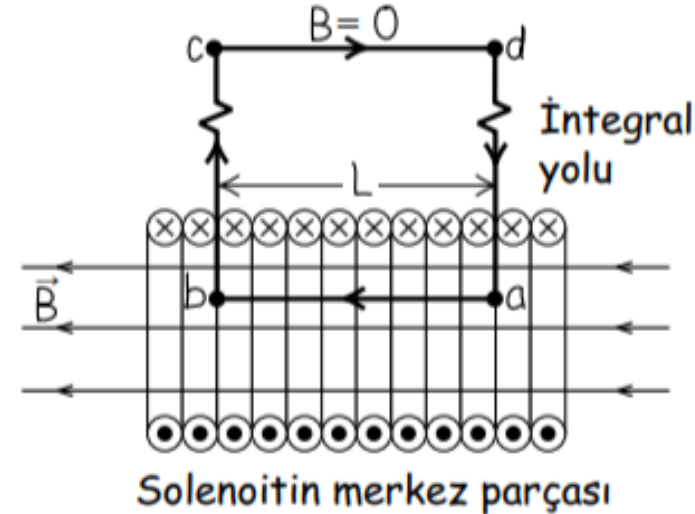
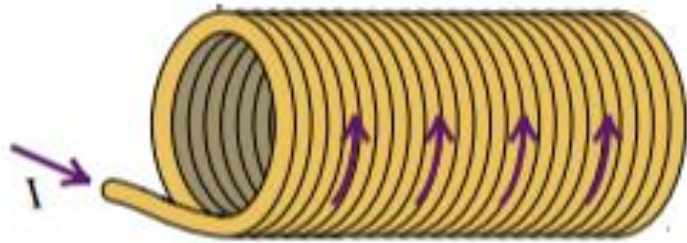
Görseller aşağıdaki linkten alınmıştır;

<https://www.youtube.com/watch?v=2XRtH46dsCI&t=338s>

Ampere Yasasının Uygulamaları

Ampere yasasını kullanarak böyle bir uzun solenoitin merkezinde veya merkez yakınında manyetik alanı bulunuz. Solenoitin uzunluk birimi başına sarım sayısı n olsun ve I akımı taşıyın.

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{\text{iç}}$$



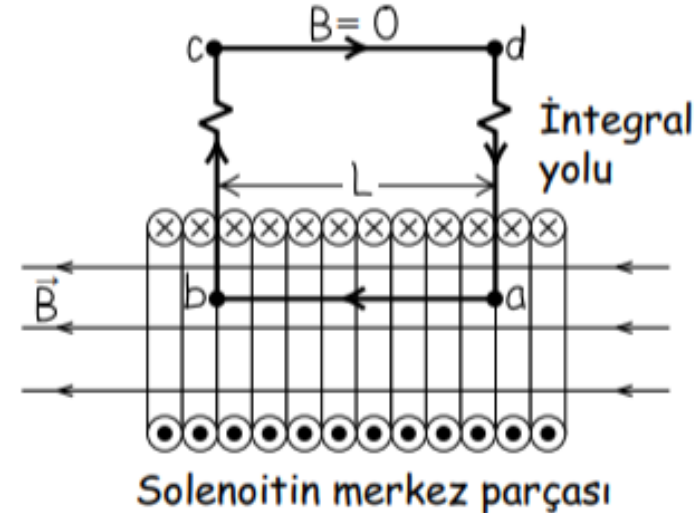
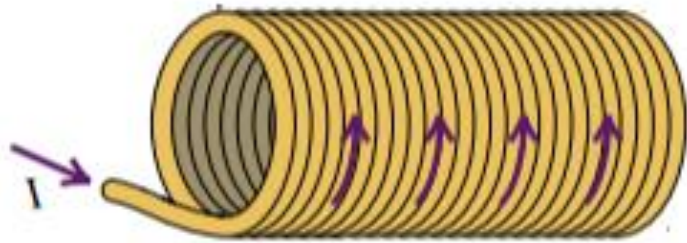
Simetriden dolayı \vec{B} alanı ab kenarı boyunca bu kenara paraleldir ve büyüklüğü sabittir. Ampere yasası integralini uygularken ab kenarı boyunca \vec{B} yönünde ilerleriz. Bu kenarda $B_{\parallel} = +B'$ dir, o halde,

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint B dl = B \oint dl = BL$$

Ampere Yasasının Uygulamaları

Ampere yasasını kullanarak böyle bir uzun solenoitin merkezinde veya merkez yakınında manyetik alanı bulunuz. Solenoitin uzunluk birimi başına sarım sayısı n olsun ve I akımı taşıyın.

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{\text{iç}}$$



bc ve da kenarı boyunca B_{\parallel} sıfırdır çünkü \vec{B} bu kenara diktir;

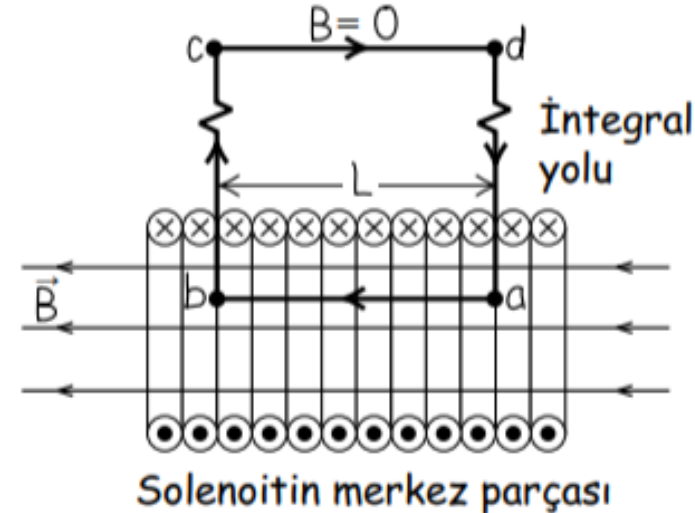
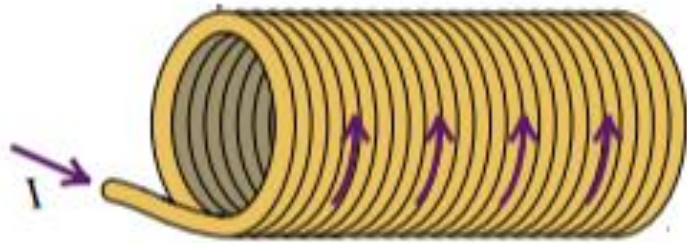
cd kenarı boyunca da B_{\parallel} sıfırdır çünkü $\vec{B} = 0$ 'dır.

Bu durumda $\oint \vec{B} \cdot d\vec{l}$ integrali bütün kendi üzerine kapanan yol boyunca BL 'ye eşittir.

Ampere Yasasının Uygulamaları

Ampere yasasını kullanarak böyle bir uzun solenoitin merkezinde veya merkez yakınında manyetik alanı bulunuz. Solenoitin uzunluk birimi başına sarım sayısı n olsun ve I akımı taşıyın.

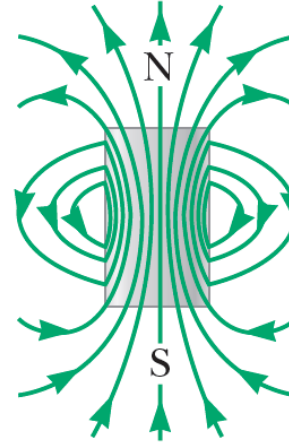
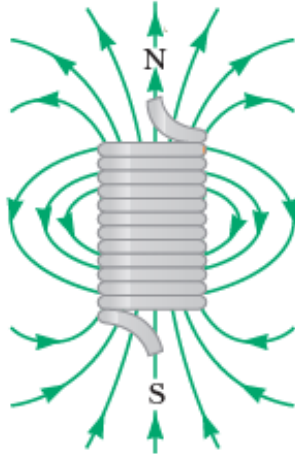
$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{\text{iç}}$$



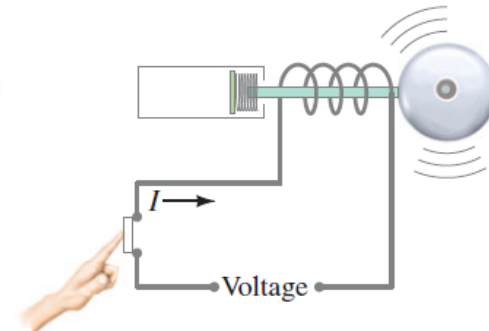
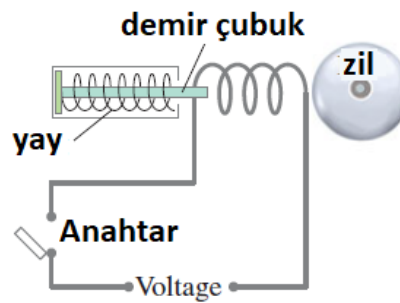
L uzunluğu boyunca sarım sayısı nL 'ye eşittir. Her sarım $abcd$ dikdörtgeni içinden bir defa geçer ve I akımı taşır; Dikdörtgeni geçen toplam akım $I_{\text{iç}} = nLI$ olur.

$$BL = \mu_0 nLI$$
$$B = \mu_0 nI \quad (\text{solenoit})$$

Ampere Yasasının Uygulamaları



Sıkı sarılmış halkalardan oluşan solenoid (sol) üzerinde akım geçtiğinde, çubuk mıknatısın (sağ) sahip olduğu manyetik alan çizgilerine benzer şekilde manyetik alan meydana gelir.



Görseller aşağıdaki kaynaklardan alınmıştır.

Hugh D. Young, Roger A. Freedman *University Physics with Modern Physics*

Raymond A. Serway, John W. Jewett - *Physics for Scientists and Engineers with Modern Physics*

Douglas C. Giancoli – *Physics: Principles with Applications*

Malzemenin manyetik özelliklerinin atomik yapısını tanımladıktan sonra, bu malzemeleri manyetik özelliklerine göre *paramanyetik*, *diyamanyetik* ve *ferromanyetik* olarak sınıflandıracağız.

Bohr Magnetonu

Elektronun bu hareketi bir akım halkasına eşdeğerdir.

Elektron hareketinin eşdeğer olduğu akım I , birim zamanda yörünge üzerinde bir noktada geçen toplam yükür; yani elektron yükün e büyüklüğünün yörünge periyodu T 'ye bölümüdür;

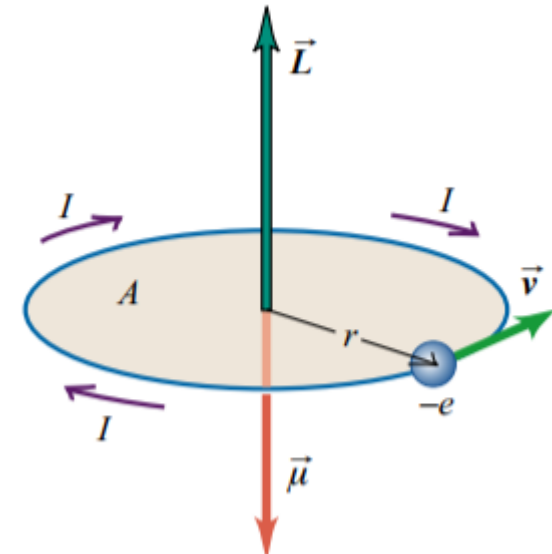
$$I = \frac{e}{T} = \frac{ev}{2\pi r}$$

manyetik moment $\mu = IA$ şöyle olur;

$$\mu = \frac{ev}{2\pi r}(\pi r^2) = \frac{evr}{2}$$

elektronun *açısal momentumu* L cinsinden ($L = mvr$).

$$\mu = \frac{e}{2m}L$$



Manyetik Malzemeler (Bohr Magnetonu)



Atomun açısal momentumu *kuantumludur*;
yani açısal momentumunun bileşeni daima $h/2\pi$ 'nin tamsayı katıdır,
burada h temel fizik sabitlerinden *Planck sabitidir*.

$$h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$$

Eğer $L = h/2\pi$ ise, o halde,

$$\mu = \frac{e}{2m} L \quad \longrightarrow \quad \mu = \frac{e}{2m} \left(\frac{h}{2\pi} \right) = \frac{eh}{4\pi m}$$

Bu büyüklüğe **Bohr magneton** denir ve μ_B ile gösterilir. Sayısal değeri şöyledir;

$$\mu_B = 9.274 \times 10^{-24} \text{ A} \cdot \text{m}^2 = 9.274 \times 10^{-24} \text{ J/T}$$

Manyetik Malzemeler



Bir malzeme akım taşıyan bir iletken içinde tamamen gömüldüğü zaman, malzemedeki toplam manyetik alan \vec{B} ;

$$\vec{B} = \vec{B}_0 + \mu_0 \vec{M}$$

genelleştirme için

$$\mu = K_m \mu_0$$

malzemenin geçirgenliği

göreceli manyetik geçirgenlik

manyetik alınganlık $\chi_m = K_m - 1$

Malzeme	$\chi_m = K_m - 1 (\times 10^{-5})$		
Paramanyetik		Diyamanyetik	
Alüminyum	66	Bismut	-16.6
Uranyum	40	Cıva	-2.9
Platin	26	Gümüş	-2.6
Alüminyum	2.2	Karbon (elmas)	-2.1
Sodyum	0.72	Kurşun	-1.8
Oksijen (gaz)	0.19	Sodyum klorid	-1.4
		Bakır	-1.0

Paramanyetik maddeler,

bağıl manyetik geçirgenlikleri 1'den büyük olan, dış manyetik alan çizgileri ile aynı yönde mıknatıslanmaya uğrayan maddelerdir. Sadece manyetik alan etkisi altındayken mıknatıs davranışlarını koruyabilirler. Paramanyetik maddeler, kendisini mıknatıslastıran cisim tarafından çekilirler.

Diamanyetik maddeler,

dış manyetik alan çizgilerine zıt yönde mıknatıslanmaya uğrayan maddelerdir. Sadece manyetik alan etkisi altındayken mıknatıs davranışlarını koruyabilirler. Paramanyetik maddeler, kendisini mıknatıslastıran cisim tarafından itilirler.

Ferromanyetik maddeler,

herhangi bir mıknatısın manyetik alanı içerisindeyken o mıknatısın manyetik alan çizgileri ile aynı yönde mıknatıslanabilen Demir, Kobalt, Nikel, Çelik, AlNiCo gibi maddelerdir. Ferromanyetik maddeler, kendisini mıknatıslastıran cisim tarafından çekilirler. İleri derecede duyarlı olan maddeler de vardır. Bu maddeler, zayıf manyetik alan içerisinde dahi mıknatıs özelliği sergileyebilmektedir ve manyetik alan etkisinden çıkarılsalar dahi bu mıknatıslık özelliği belli bir süre daha devam etmektedir.
