# Sayı Sistemleri

#### Geçen Hafta

- •Kayan Noktalı Sayılar
- İşaretli Sayılarda Aritmetik İşlemler Toplama ve Çıkarma İşlemleri Çarpma ve Bölme İşlemleri

#### **Bu Hafta**

- Onaltılık Sayı Sistemi
- Sekizlik (Octal) Sayı Sistemi
- Dönüşüm İşlemleri

#### Onaltılık (Hexadecimal) Sayı Sistemi

Onaltılık sayı sisteminde 16 rakam vardır. İlk on rakam için 0 ile 9 arasındaki sayılar, sonraki rakamlar için ise A ile F arasındaki harfler kullanılır. Çok büyük ikili sayıları okumak ve yazmak oldukça zordur. Bilgisayarın anladığı dil ise 1 ve 0'lardır. Bir bilgisayar komutunun 32 bit olduğu düşünülürse, makine dilinde bir program yazmaya kalkışmak oldukça olacaktır. Yani onaltılık sistem ikili sisteme göre daha okunaklıdır diyebiliriz. Bu sayı sisteminde her hexadecimal dijit, 4 bitlik ikili sayıya karşılık gelir.

Onluk	İkilik	Onaltılık
0	0000	0
1	0001	1
2	0010	2
3	0011	3
4	0100	4
5	0101	5
6	0110	6
7	0111	7
8	1000	8
9	1001	9
10	1010	A
11	1011	В
12	1100	С
13	1101	D
14	1110	Е
15	1111	F

### Onaltılık (Hexadecimal) Sayı Sistemi

Onaltılık sayı sisteminde  $F_{16}$ 'ten sonra gelen sayı  $10_{16}$  dır ve  $11_{16},12_{16},...,19_{16},1A_{16},...,1F_{16}$  şeklinde devam eder.

2 dijitlik bir hexadecimal sayı ile 0  $(00_{16})$  ile 255  $(FF_{16})$  arasındaki sayılar gösterilebilir.

➤ İkilik sistemden onaltılık sisteme dönüşüm için gereken şey, ikilik sistemde verilmiş olan sayının dörderli bit gruplarına ayrılması ve karşılık gelen hexadecimal sayının yazılmasıdır. Bu ayırma işlemi sayının tam kısmı için sağdan sola doğru, kesirli kısmı için ise soldan sağa doğrudur. Şayet dörderli bit gruplarına ayırma işleminde, 4 bitten daha az sayıda bit grubu bulunursa eksik kalan yerlere 0 konulur.

3

### Örnek: Dönüşüm İşlemleri

❖ 010001111110001<sub>2</sub> ikili sayısının onaltılık sistemdeki karşılığını bulmak için bu sayıyı dörderli bit gruplarına ayırmak gerekir.

O halde  $(0100011111110001)_2 = (23F1)_{16}$ 

❖ 1011001101.110010<sub>2</sub> sayısının 16'lık sistemdeki karşılığını bulalım.

1011001101.110010<sub>2</sub> sayısını dörderli bit gruplarına ayırırsak;

 $0010\ 1100\ 1101\ .\ 1100\ 1000_2 = 2CD.C8_{16}$  olarak bulunur.







Donaltılık sistemdeki bir sayıyı da ikilik sisteme çevirmek için, onaltılık sistemdeki sayının her dijiti için, 4 bitlik ikili karşılığı yazılır.

**Örnek:** 4A3F<sub>16</sub> sayısının ikilik sistemdeki karşılığını bulmak için her dijitin dört bit ile ikili olarak ifade edilmesi gerekir.

4 A 3 F 0100 1010 0011 1111

O halde  $4A3F_{16} = 01001010001111111_2$ 

**Örnek:** ABC.DE<sub>16</sub> sayısının 2'lik sistemdeki karşılığını bulalım.

Her bir hexadecimal dijiti 4 bit olarak ifade edersek;

 $ABC.DE_{16} = 1010101111100.110111110_2$ 

➤ Onaltılık sistemden onluk sisteme dönüşüm için iki yol düşünülebilir; onluk sistemdeki sayılar önce ikilik sisteme sonra da ikilik sistemden onluk sisteme çevrilir.

Örnek: 
$$2A_{16} = 00101010_2 = 2^5 + 2^3 + 2^1 = 42_{10}$$

Diğer yöntem ise onaltılık sistemdeki her basamağın onluk sistemdeki karşılığını, basamak değeriyle çarpıp, bu çarpımları toplamaktır.

Örnek:  $(1B.1A)_{16}$  sayısının 10'luk sistemdeki karşılığını bulalım.

Bir önceki örnekteki gibi her bir hexadecimal dijit, basamak ağırlıklarıyla çarpılıp toplanır.

$$(1B.1A)_{16} = 1 \times 16^{1} + 11 \times 16^{0} + 1 \times 16^{-1} + 10 \times 16^{-2} = 16 + 11 + 1/16 + 10/256 \approx 27.1$$

➤ Onluk sistemden onaltılık sisteme dönüşüm için yapılması gereken, sayıyı sürekli 16'ya bölüp, kalan kısımlardan onaltılık sayıyı oluşturmaktır.

Örnek: 2577<sub>10</sub> sayısının onaltılık sistemdeki karşılığı,

#### Örnek:

Örnek: 123.256 sayısının 16'lık sistemdeki karşılığını bulalım.

Tamsayı kısmını ve ondalıklı kısmı ayrı ayrı düşünmek gerekir.

Tamsayı Kısmı			
	Bölüm	Kalan	
123/16	7	11 (B)	
7/16	0	7	

Ondalıklı Kısım		
0.256×16	<b>4</b> .096	
0.096×16	1.536	
0.536×16	<b>8</b> .576	

 $123.536 \cong 7B.418_{16}$ 

#### **Onaltılık Sistemde Toplama**

İki hexadecimal sayının toplama işleminde, her basamağın onluk sistemdeki karşılıkları toplanır. Şayet toplam 15 ve altındaysa karşılık gelen hexadecimal değeri yazılır. Toplam 15'ten büyükse bu değerin 16'yı geçen kısmı, elde olarak bir sonraki basamağa kaydırılır, 16'yı geçmeyen kısmı ise sonuca yazılır.

Örnek: 
$$29_{16}$$
  $+ 1A_{16}$   $\overline{43}_{16}$ 

$$9_{16} + A_{16} = 9_{10} + 10_{10} = 19_{10}$$
  
 $19-16 = 3 \text{ elde } 1$   
 $2+1+1(\text{elde}) = 4$ 

Örnek: 
$$EF_{16}$$
  
 $\frac{+9B_{16}}{18A_{16}}$ 

$$F_{16} + B_{16} = 15_{10} + 11_{10} = 26_{10}$$
  
26-16 = 10 =  $A_{16}$  elde 1

$$E_{16} + 9_{16} + 1 \text{ (elde)} = 14_{10} + 9_{10} + 1 = 24_{10}$$
  
24-16 = 8 elde 1

#### Onaltılık Sistemde Çıkartma

İkilik sistemde çıkartma işlemi 2'ye tümleyen ile toplama işlemine dönüşüyordu. Bu sistemde çıkartma yapmak için yine aynı yöntem kullanılabilir; önce çıkarılacak olan sayı ikilik sisteme çevrilir daha sonra 2'ye tümleyeni alınır ve onaltılık sisteme dönüştürülür. Böylece çıkartma işlemi toplama işlemine dönüşmüş olur.

Örnek: 25<sub>16</sub> - 1B<sub>16</sub> işlemini yapmak için;

 $1B_{16} = 00011011_2$  sayısının 2'ye tümleyeni  $11100101_2$  ve onaltılık sistemdeki karşılığı  $E5_{16}$  'tir.

$$+E5_{16}$$

10A<sub>16</sub> oluşan elde biti 2'ye tümleyendeki gibi göz ardı edilir.

### Sekizlik (Octal) Sayı Sistemi

Onaltılık sayı sisteminde olduğu gibi, ikili sayıları veya kodları daha kolay anlaşılır olarak ifade etmeye yarar. Onaltılık sayı sistemine göre daha az sıklıkla kullanılır. Sekizlik sayı sisteminde 0 ile 7 arasındaki rakamlar vardır. Bu sistemde 7'den sonraki sayılar 10,11,12,...,17,20 şeklinde ifade edilir.

➤ Sekizlik sistemdeki sayıları onluk sisteme çevirmek için her basamak, ağırlık değeriyle çarpılır ve bu çarpımlar toplanır.

Örnek: 1234<sub>8</sub> sayısının onluk sistemdeki karşılığı;

$$1234_8 = 1 \times 8^3 + 2 \times 8^2 + 3 \times 8^1 + 4 \times 8^0 = 668_{10}$$

Örnek: 12.34<sub>8</sub> sayısının onluk sistemdeki karşılığı;

$$12.34_8 = 1 \times 8^1 + 2 \times 8^0 + 3 \times 8^{-1} + 4 \times 8^{-2} = 8 + 2 + 3/8 + 4/64 \cong 10.44$$

P Onluk sistemden sekizlik sisteme dönüşüm işleminde ise sayı, sürekli 8'e bölünür, bölme neticesinde kalan kısımlar sayının sekizlik sistemdeki karşılığını verir.

Örnek: 123<sub>10</sub> sayısının sekizlik sistemdeki karşılığı;

O halde  $123_{10} = 173_8$ 

Örnek: 34.45 sayısının sekizlik sistemdeki karşılığı;

Tamsayı Kısmı		
	Bölüm	Kalan
34/8	4	2
4/8	0	4

Ondalıklı Kısım		
$0.45 \times 8$	3.6	
0.6×8	4.8	
$0.8 \times 8$	6.4	

$$34.45 \cong 42.346_8$$

Sekizlik sistemden ikilik sisteme dönüşüm için, her basamak üç bitle temsil edilecek şekilde düzenleme yapılır.

Örnek: 456<sub>8</sub> sayısının ikilik sistemdeki karşılığı;

$$456_8 = \underline{1001011110}_2$$

Örnek: 56.34<sub>8</sub> sayısının ikilik sistemdeki karşılığı;

8'lik sistemdeki her bir rakam, 3 bit ile temsil edilir.

$$56.34_8 = 101110.011100_2$$

➤ İkilik sistemden sekizlik sisteme dönüşüm için, sekizlikten ikiliğe dönüşüm işleminin tersi yapılır. Yani ikilik sistemdeki sayının bitleri, sağdan sola doğru üçerli olarak gruplanır. Sayı, kesirli kısım içeriyorsa, bu kısım soldan sağa doğru üçerli gruplara ayrılır ve sekizli sistemdeki karşılığı yazılır (son grupta eksik bit olabilir, eksik kısım 0 ile doldurulur).

**Örnek:**  $101110001_2$  ikili sayısının sekizlik sistemdeki karşılığı,  $101110001_2 = 561_8$ 

Örnek: 10011.11010<sub>2</sub> ikili sayısının sekizlik sistemdeki karşılığı, 010 011 . 110 100 (Üçerli gruplama işlemi)

O halde  $10011.11010_2 = 23.64_8$ 

➤ Sekizlik sistemde verilen bir sayının onaltılık sistemdeki karşılığını bulmak istersek, ilk olarak sekizlik sistemde verilen sayının ikilik sistemdeki karşılığını buluruz daha sonra da dörderli bit gruplarına ayırırız. Benzer şekilde onaltılık sistemde verilen bir sayının sekizlik sistemdeki karşılığını bulmak istersek, ilk olarak onaltılık sistemde verilen sayının ikilik sistemdeki karşılığını buluruz daha sonra da üçerli bit gruplarına ayırırız.

Örnek: 45.63<sub>8</sub> sayısının onaltılık sistemdeki karşılığı,

 $45.63_8 = 100101.110011_2$ 

**00**10 0101 . 1100 11**00** (Dörderli bit gruplarına bölme işlemi )

O halde  $45.63_8 = 25.CC_{16}$  olarak bulunur.

Örnek: A2.B3<sub>16</sub> sayısının sekizlik sistemdeki karşılığı,

A2.B3<sub>16</sub>=**1010**0010.**1011**0011<sub>2</sub>

**0**10 100 010 . 101 100 11**0** (Üçerli bit gruplarına bölme işlemi )

O halde  $A2.B3_{16} = 242.546_8$  olarak bulunur.