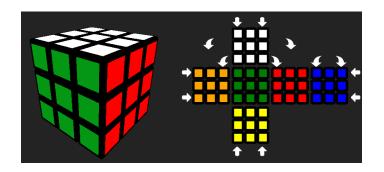


ISEL – Instituto Superior de Engenharia de Lisboa ADEETC – Área Departamental de Engenharia de Electrónica e Telecomunicações e de Computadores

LEIM

LICENCIATURA EM ENGENHARIA INFORMÁTICA E MULTIMÉDIA UNIDADE CURRICULAR DE PROJETO

PFC Rubik's Cube



Carlos Rosa 46348

João Cunha 45412

Miguel Matos 45423

Orientador

Professor Doutor António Teófilo

 $Setembro,\ 2021$

Resumo

O nosso trabalho baseia-se em criar um website onde vários utilizadores podem aprender a fazer o cubo mágico e disputar entre si em competições de tempo.

As principais motivações para a realização deste trabalho foram os vários websites para a interação com o cubo mágico e os vídeos de implementação do mesmo com o JavaScript. A partir dos websites nós adquirimos uma ideia básica do que o nosso website deve ou não possuir e qual deveria ser a interação com o cubo mágico. Por outro lado, os vídeos de implementação do cubo mágico com o JavaScript ajudaram-nos a ter uma perceção do funcionamento do cubo mágico e concederam-nos novas funcionalidades que poderíamos implementar.

As funcionalidades chave que destacam o nosso projeto de outros já existentes é a possibilidade de o utilizador reproduzir o seu cubo mágico físico no cubo mágico virtual através de reconhecimento por câmara e a competição de tempo para a resolução do cubo mágico. Estas implementações permitem um aprendizado mais prático para o utilizador e um motivo para continuar a fazer uso do website após esse aprendizado estar completo.

Concluindo, o nosso projeto foi inspirado por outros websites existentes e destacasse dos mesmos através das novas funcionalidades que melhoram e aprimoram o aprendizado do utilizador.

Agradecimentos

Gostaríamos de agradecer o nosso Orientador António Teófilo por nos ter ajudado ao longo do nosso projeto e às nossas famílias e amigos por nos terem apoiado ao longo do nosso percurso académico.

Índice

R	esum	10	i
\mathbf{A}_{i}	grad	ecimentos	iii
Ín	dice		\mathbf{v}
Li	sta d	le Tabelas	vii
Li	sta d	le Figuras	ix
1	Inti	rodução	1
2	Tra	balho relacionado e tecnologias utilizadas	3
	2.1	Trabalhos relacionados	3
	2.2	OpenCV.js	4
	2.3	Firebase	4
3	Mo	delo Proposto	5
	3.1	Requisitos	5
	3.2	Fundamentos	6
4	Imp	olementação do Modelo	9
	4.1	Login/Registar	9
	4.2	Movimentos e fórmulas	9
	4.3	Resolução automática	10
	4.4	Acesso à câmara	10
	4.5	Análise e transformações de cada frame do vídeo	11
	4.6	Deteção do cubo	13
	4.7	Deteção das cores	16

vi		Conteúdo

	4.8 Apoio ao utilizador	 19
	4.9 Desafio de tempo	 20
5	Validação e Testes	21
	5.1 Ordenação dos contornos do cubo	 21
	5.2 Espaço de cores RGB e YUV	 22
	5.3 Resolução do cubo automaticamente	 23
6	Conclusões e Trabalho Futuro	25
A	Arquitetura geral	27
В	Arquitetura específica	29
\mathbf{C}	Diagrama de sequência	31
D	Fórmulas da resolução do cubo mágico	33
Bi	ibliografia	35

Lista de Tabelas

5.1	Distâncias entre quadrados	adjacentes	horizontalmente			21
5.2	Distâncias entre quadrados	adjacentes	verticalmente			22

Lista de Figuras

4.1	Primeira camada; Segunda camada; Terceira camada				10
4.2	Aumento do brilho da imagem				12
4.3	Resultado das operações morfológicas				12
4.4	Distâncias entre os cubos para diferentes tamanhos				15
4.5	Contornos estimados				16
4.6	Como as cores detetadas são apresentadas ao utilizador				17
4.7	Espaço de cores YUV				18
4.8	Deteção das cores				18
4.9	Animação que indica a rotação a ser efetuada				19
4.10	Firebase: "realtime	da	ata	aba	ase
					20
5.1	Teste com o espaço de cores RGB				22
5.2	Teste com o espaço de cores YUV				23
5.3	Resolução: Estado inicial e estado final do cubo mágico $.$				23
A.1	Arquitetura geral	•			27
B.1	Diagrama de classe: camera.html			•	29
B.2	Diagrama de classe: index.html				29
В.3	Diagrama de classe: Manual2D.html			•	30
C.1	Diagrama de sequência: Resolução do cubo				31
C.2	Diagrama de sequência: Detecção do cubo com a câmara.	•			32
D.1	Primeira fórmula para a resolução			•	33
D.2	Segunda e terceira fórmula para a resolução				33
D.3	Quarta fórmula para a resolução				34

D.4	Quinta fórmula para a resolução.									34
D.5	Sexta fórmula para a resolução. $% \left(1\right) =\left(1\right) \left(1\right) $									34
D.6	Sétima fórmula para a resolução.									34

Capítulo 1

Introdução

Este trabalho baseia-se em criar um website onde é possível aprender a resolver o cubo mágico e aplicar este aprendizado para competir com outros utilizadores em concursos de tempo onde cada um tenta resolver o cubo mágico no menor tempo possível.

A principal motivação deste projeto é a de conferir uma melhor interação com o utilizador através de ferramentas e funcionalidades que facilitem o seu aprendizado e explorem o interesse do mesmo em continuar a utilizar o website. Para atingir este objetivo foi conferida a possibilidade de o utilizador implementar o seu cubo mágico físico no cubo mágico do website através do reconhecimento pela câmara ou pela configuração manual do utilizador. Também foi implementado um desafio de tempo onde cada utilizador tenta resolver o cubo mágico no menor tempo possível para competir com outros utilizadores. Estas funções distinguem este projeto de outros websites que também implementam o cubo mágico destacando-se dos seus competidores.

O desenvolvimento deste trabalho foi constituído em três partes que foram divididas pelos membros do grupo. A primeira parte encapsulava as regras e a lógica por de trás dos movimentos e da resolução do cubo mágico, que foram testadas inicialmente em um cubo 2D antes de ser implementada no projeto final. A segunda parte constituía o desenvolvimento do cubo 3D, configuração manual do cubo e o desafio de tempo, estas funcionalidades foram validadas consoante se o cubo apresentava o formato e as cores corretas, se a configuração manual implementava o que o utilizador pretendia e se o desafio de tempo guardava o tempo correto respetivamente. Por último, a terceira parte baseava-se em configurar o reconhecimento do cubo pela

câmara do utilizador, através da determinação das cores de cada face com o objetivo de reconstruir o cubo.

Concluindo, este relatório começará por demonstrar outros trabalhos relacionados este projeto, explicar o modelo sobre o qual ele foi construído e demonstrar a implementação e os testes executados.

Capítulo 2

Trabalho relacionado e tecnologias utilizadas

Neste capítulo será demonstrado os vários trabalhos que serviram de inspiração para este projeto e as tecnologias utilizadas para implementar o mesmo.

2.1 Trabalhos relacionados

Durante a realização deste projeto, foram pesquisados na Internet outros trabalhos semelhantes ao nosso para servirem de exemplo sobre o que fazer e páginas que explicam a lógica sobre os vários tipos de movimentos e possíveis resoluções do cubo mágico.

O aspeto do nosso website foi inspirado nos vários exemplos que existem na Internet, de forma a retirar as melhores qualidades de cada um deles e juntar no nosso projeto. A existência simultânea do cubo 3D e o cubo 2D foi inspirado por,e.g., [Beke,] onde é possível trocar a perspetiva do cubo mágico de 3D para 2D. Por outro lado, o menu de opções que aparece de baixo do cubo mágico foi feito com base no, e.g., [Smith, 2014] que dispõem várias opções para interagir com o cubo localizadas abaixo do mesmo.

Algumas das funcionalidades do nosso trabalho, da mesma forma que o aspeto do website, foram inspiradas nas funcionalidades de sítios na Internet que implementavam ou explicavam as mesmas. A resolução automática e movimentos do cubo mágico foram implementados com base no, e.g., [Xu, 2015] e no, e.g., [Ruwix,], estes websites implementam uma formula para resolver

o cubo mágico e a nomenclatura de cada movimento do mesmo respetivamente. O desafio de tempo foi inspirado no, e.g., [Riera,] que disponibiliza a opção do utilizador competir consigo mesmo em vez de outros utilizadores como foi implementado neste trabalho.

2.2 OpenCV.js

O OpenCV.js é um ficheiro de JavaScript que possui um subconjunto de funções do OpenCV para as plataformas web, e.g., [Opencv.js, 2017]. Este ficheiro faz uso do Emscripten, um copilador LLVM para Javascript, para copilar as suas funções em asm.js ou WebAssembly, que permitem a otimização e eficiência no tempo de copilação das funções do OpenCV.js. Com o OpenCV.js é possível conceder às aplicações web uma variedade de ferramentas multimédia para a análise de imagens disponíveis no OpenCV.

2.3 Firebase

O Firebase e uma plataforma de desenvolvimento móvel e web, com foco em ser um back-end completo e de fácil usabilidade. São disponibilizados diversos serviços diferentes que ajuda no desenvolvimento e gestão de aplicações. O Firebase distingue se de muitos competidores por ser grátis, fácil de utilizar e ser baseado na tecnologia de NoSQL.

Foram utilizados os seguintes serviços do Firebase:

- Autenticação;
- Base de dados;
- Sistema de ficheiros.

Capítulo 3

Modelo Proposto

Neste capítulo vai ser demonstrado o modelo sobre o qual este trabalho foi construído, os casos de utilização, os fundamentos teóricos e tecnológicos e os principais contributos para o desenvolvimento deste projeto.

3.1 Requisitos

Os requisitos essenciais para este trabalho incluem a interação com o cubo mágico, a configuração manual e através da câmara do cubo mágico, resolução automática e o desafio de tempo.

A interação com o cubo mágico deve ser simples e fácil de aprender a utilizar. Esta função é a mais importante do projeto, pois permite ao utilizador interagir com o cubo mágico sem a necessidade de possuir um ele mesmo. A maioria dos utilizadores deste site farão uso dele para aprender a resolver o cubo mágico, por consequente esta função melhorará a experiência dos utilizadores uma vez que a mesma permite que eles experimentem as suas ideias e vejam os resultados das mesmas quando interagem com o cubo mágico.

Para o utilizador, as ferramentas de inserir o cubo mágico manualmente e através da câmara, devem ser fáceis de aprender a usar e adaptáveis para qualquer ambiente que o utilizador se encontrar. Estas funções permitem ao utilizador adaptar o cubo mágico para qualquer configuração que o mesmo desejar, desde que, a configuração exista. Caso um utilizador procurasse reconstruir o cubo mágico para uma configuração especifica de forma que pudesse receber conselhos ou determinar a resolução do cubo, ele fará uso destas funções que melhoram a interação entre o utilizador e o website e

fortalecem a aprendizagem do mesmo.

A resolução automática deve funcionar para todas as configurações possíveis do cubo e estar no completo controlo do utilizador para que o mesmo possa acompanhar a resolução. Esta função ajudará o utilizador a perceber a lógica por de trás da resolução do cubo mágico de uma forma simples e eficaz. Um utilizador que esteja interessado em utilizar o nosso website procurará aprender a resolver o cubo mágico, caso o mesmo não possua conhecimento para o fazer, e fará uso da resolução automática para aprender passo por passo a solução para resolver o cubo.

O desafio de tempo deve guardar um vídeo do utilizador a resolver o cubo e guardá-lo no servidor (base de dados) para que possa ser posteriormente analisado por um administrador. Um utilizador experiente na resolução do cubo mágico não estará interessado em aprender a resolver o cubo mágico, por consequente, este módulo foi criado para entreter este tipo de utilizadores. O nosso website fornece um sistema de classificação onde é possível verificar os utilizadores que conseguiram completar o cubo mágico no menor tempo possível, qualquer utilizador experiente que esteja interessado em entrar para os melhores do website e competir com outros utilizadores vai procurar utilizar esta função para demonstrar as suas habilidades.

Concluindo, estes são os requisitos mínimos que o nosso projeto deve implementar para estar considerado completo.

3.2 Fundamentos

Para implementar os requisitos mencionados na secção 3.1 foi necessário estudar algumas tecnologias que fossem capaz de executar o que era pretendido.

Na interação com o cubo mágico e a resolução automática foi necessário estudar várias fórmulas de resolução para o cubo mágico de forma que fosse possível implementá-las para qualquer que fosse a configuração do cubo. Por outro lado, existiu a necessidade de criar uma estrutura onde todas as informações do cubo, face, posição e cor, pudessem guardadas e apresentadas em um ambiente 2D e 3D.

A configuração manual e deteção por câmara do cubo mágico devem aceder a estrutura de dados referida anteriormente de forma a implementar a configuração do utilizador ou o cubo detetado pela câmara. A configuração

3.2. Fundamentos 7

manual vai alterar o cubo quadrado por quadrado até o mesmo ficar com a composição desejada pelo utilizador. Por outro lado, a deteção por câmara deve reconhecer o cubo do utilizador através de várias transformações de imagens que tornam a deteção adaptável para qualquer ambiente que o utilizador se encontrar.

O desafio de tempo guardará o vídeo da resolução do cubo e o tempo que o utilizador demorou para completar a tarefa numa base de dados para ser posteriormente analisado pelos administradores do website. Os utilizadores apenas entraram para a classificação dos melhores do website se obterem a aprovação dos administradores, por consequente é necessário guardar o vídeo e o tempo de resolução em algum lugar para ser posteriormente avaliado, que para este projeto foi escolhido um servidor.

A partir destas aplicações teóricas e tecnológicas foi possível implementar cada um dos requisitos necessários para este trabalho.

Capítulo 4

Implementação do Modelo

4.1 Login/Registar

Quando um utilizador faz o seu registo, é lhe pedido o username, o email e a password. No Firebase, através da ferramenta de autenticação, é criado um "ID" único para cada utilizador. Este "ID" é então utilizado como chave primaria para identificar os utilizadores.

A ferramenta de autenticação do Firebase permite o acesso a informação da "realtime database" em caso do login ser efetuado com sucesso.

Os utilizadores podem ser simplificados em dois grupos: "administradores" e "convidados". Os administradores têm acesso a mais ferramentas, uma delas validar os desafios submetidos por outros utilizadores.

4.2 Movimentos e fórmulas

A interação mais simples entre o utilizador e o cubo mágico é o movimento, que representam todas as formas possíveis que o utilizador pode rodar o cubo, e um conjunto de movimentos é chamado de fórmula. Foram definidos 18 movimentos diferentes ao longo da realização do projeto.

As várias peças do cubo mágico são armazenadas num array com várias dimensões, sabendo que o cubo mágico tem 6 faces e cada face tem 9 quadrados, este array guarda a informação de 54 quadrados. Foram feitas várias funções que simulam os movimentos do cubo mágico, estas funções trocam as várias posições dos quadrados do array de acordo com a alteração nas faces.

Como o cubo mágico tem 6 faces, foram feitas 12 funções para rodar as

faces individualmente para trás e para a frente. Também foram desenvolvidas 6 formulas para rodar as faces do cubo dando a possibilidade ao utilizador de posicionar o cubo de todas as formas possíveis.

4.3 Resolução automática

Para resolver o cubo magico, este passa por um processo composto por 7 passos, sendo que cada passo recorre a um procedimento lógico, este pode utilizar várias fórmulas e estas podem ser aplicadas mais do que uma vez. Foram utilizadas 7 formulas na resolução automática (Apêndice D).

Este procedimento foi feito de forma não bloqueante, onde verifica vários parâmetros e aplica a sua lógica de maneira sequencial.

A primeira fórmula serve para resolver a primeira camada, a segunda camada é completada com duas fórmulas e para a camada final são precisas quatro formulas.

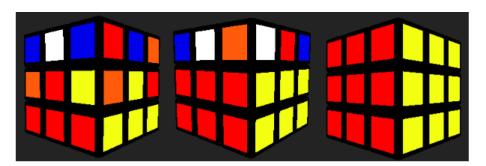


Figura 4.1: Primeira camada; Segunda camada; Terceira camada.

Por fim, a resolução automática também e utilizada para validar um cubo magico inserido pelo utilizador, pois se o cubo inserido não tiver resolução possível, o cubo não existe.

4.4 Acesso à câmara

Para obter acesso à câmara, é necessário que o utilizador forneça a sua permissão para o programa obter os dados recebidos por ela. Com estes dados, é utilizado a função cv. Video Capture para transformar as frames recebidas pela câmara em um objeto Mat que é o objeto base usado em todas as funções do

OpenCV.js para a transformações de imagem, este objeto guarda os valores dos pixéis da frame em vários formatos de dados para serem posteriormente analisados por diferentes funções.

4.5 Análise e transformações de cada frame do vídeo

Após os valores das frames recebidas pela câmara do computador serem obtidas, é necessário analisar e aplicar algumas transformações nas mesmas para que possam ser utilizadas nas páginas da aplicação web e para a deteção do cubo e das cores.

A primeira transformação é o aumento do brilho e do contraste entre as cores da face do cubo. Para facilitar a deteção de cada cor na face de um cubo mágico foi implementado a função "convertScaleAbs" que permite manipular o brilho e o contraste das cores na frame através dos valores β e α . O valor β é somado ou subtraído, dependendo do valor do mesmo, a cada pixel da frame de forma a aumentar ou subtrair os seus valores, caso o valor do pixel fique fora da zona de valores entre 0 e 255 ele será saturado e o seu valor passará a ser 255. O valor α é utilizado para definir o nível de contraste entre as várias cores da frame, um valor inferior a 1 fará como as cores possuam menos contraste, o que não é desejável, e um valor superior a 1 aumentará o contraste das cores. Esta função foi utilizada para aumentar consideravelmente o contraste entre as cores do cubo para facilitar a deteção dos contornos das mesmas para ambientes com uma iluminação variada.

Após o aumento do contraste estar efetuado, a frame é transformada para níveis de cinzento para que se possa aplicar o algoritmo de canny para a detenção de contornos. O algoritmo de canny suaviza a frame que analisa e a passa por um filtro de forma a determinar a intensidade dos gradientes dos pixéis da mesma, desta maneira este algoritmo localiza as bordas da face do cubo mágico eficientemente.

Por fim, antes que os contornos sejam analisados são efetuadas transformações morfológicas com o objetivo de eliminar ou delimitar contornos desnecessários. A estrutura elementar destas transformações será uma cruz, pois é pretendido determinar os contornos dos quadrados de cada face do cubo mágico e a cruz permitirá realçar esses contornos e eliminar aqueles



Figura 4.2: Aumento do brilho da imagem.

que não cumprem este critério. A primeira transformação é uma operação de fecho para fechar os contornos que o algoritmo da canny não fechou, de seguida é efetuada uma dilatação para aumentar os contornos que sobreviveram à primeira transformação, depois é executado mais uma vez a operação de fecho para fechar os novos contornos dilatados e por último é realizada uma erosão para eliminar eventuais ruídos que tenham sobrevivido às transformações anteriores. Com estas transformações é possível preparar a frame para ser analisada e realçar os contornos mais importantes para essa análise.



Figura 4.3: Resultado das operações morfológicas.

4.6 Deteção do cubo

A deteção do cubo será efetuada depois que as frames tenham sido transformadas e preparadas para a análise. Esta deteção basear-se-á em extrair as características dos contornos detetados em cada frame e usá-los para determinar se fazem parte do cubo mágico, a sua posição na face e a sua respetiva cor.

O primeiro passo a ser executado é a eliminação de contornos que não representam a face do cubo mágico. O algoritmo de deteção de contornos de canny irá localizar todos os contornos presentes na frame e não apenas os contornos presentes no cubo mágico, consequentemente, é necessário separar os contornos que representam as faces do cubo mágico dos outros contornos. Este objetivo é atingido ao efetuar a verificação de se o contorno possui características quadradas e se possui um contorno pai. A verificação de se o contorno possui características quadradas é efetuada ao extrair a área, A, e o perímetro, P, do contorno e aplicar a fórmula $P^2/16$ e comparar o seu resultado com a área. Esta fórmula advém da característica do cubo de que todos os seus lados possuem o mesmo comprimento, ou seja, a fórmula da área e do perímetro podem ser traduzidas da seguinte forma:

$$A = l * l = l^2 \tag{4.1}$$

$$P = l + l + l + l = 4l \tag{4.2}$$

Como se pode verificar, ambas as fórmulas podem ser simplificadas ao ponto de apenas precisarem de apenas uma variável l, lado. Portanto podemos fazer uso da fórmula anteriormente mencionada para igualar o valor do perímetro ao valor da área:

$$\frac{P^2}{16} = \frac{(4l)^2}{16} = \frac{16l^2}{16} = l^2 \tag{4.3}$$

A partir do resultado desta equação é apenas preciso compará-lo com o valor da área e verificar se ele se encontra dentro de uma margem de erro de ±200. Esta margem de erro foi criada devido ao fato de que os contornos raramente formam um quadrado perfeito. A necessidade de verificar se o contorno possui um contorno pai advém do fato de que a verificação de se o contorno possui características quadradas não é perfeita e pode capturar outros objetos quadrados que o utilizador possa possuir no ambiente, portanto

esta verificação reforça a deteção das faces do cubo mágico em relação a outros objetos que possam existir na imagem. Um contorno pai é um contorno que possui dentro de si um ou mais contornos. Todos os cubos mágicos são envolvidos por bordas pretas que separam cada quadrado presentes nas faces do cubo, portanto todos os contornos que representam os quadrados na face do cubo mágico devem possuir um contorno pai.

Após os contornos que podem representar a face do cubo mágico estarem delimitados, será necessário extrair as coordenadas das posições desses contornos e a área que os mesmos ocupam. Estas informações serão necessárias para ordenar os contornos consoante as suas posições na face do cubo mágico para as diferentes distâncias a qual o cubo mágico possa se encontrar da câmara do utilizador e permitirão a estimação das posições dos quadrados na face do cubo mágico que não foram detetas pelo algoritmo de deteção de contornos de canny. Por outro lado, nesta fase também é determinado a cor que os contornos já detetados ocupam na face do cubo mágico através do algoritmo de deteção de cores que será explicado posteriormente.

Quando os contornos que representam o cubo são detetados, na maior parte das vezes eles se encontraram desorganizados, que por consequente cria a necessidade de organizá-los para que a cor detetada pelo contorno esteja na localização correta. Para organizar os contornos detetados é inicialmente estimado os maiores valores das coordenadas x e y, as coordenadas que representariam o canto inferior direito do cubo mágico.

De seguida, são comparadas as coordenadas dos contornos detetados com os maiores valores das coordenadas x e y para determinar a posição de cada contorno. Caso a diferença entre as coordenadas, x ou y seja, inferior a 10, o contorno estará localizado na última coluna ou última linha do cubo respetivamente. Por outro lado, se a diferença for superior a 10 é verificado a área do contorno e dependendo desse valor é efetuado uma comparação para observar se o contorno pertence à linha do meio ou à coluna do meio. Este algoritmo foi configurado desta forma para que o mesmo fosse adaptável às várias distâncias possíveis que o utilizador poderia colocar o cubo da câmara. Se o valor da diferença for superior ao valor determinada pela área, 66 se a área for inferior a 2000, 77 se for superior a 2000 e inferior a 3000 e 86 se for superior a 3000 e inferior a 4000, o contorno será colocado na primeira linha ou na primeira coluna. Por fim, os valores mencionados foram estimados

depois de terem sido efetuados vários testes com o valor da área dos contornos e a distância entre as coordenadas.



Figura 4.4: Distâncias entre os cubos para diferentes tamanhos.

Por último, foi adicionado uma função à deteção do cubo para que ela fosse capaz de estimar a posição de quadrados que não foram detetados na face do cubo mágico. Por vezes o algoritmo da deteção do cubo pode falhar e não ser capaz de detetar a face completa do cubo mágico, portanto esta função foi desenvolvida para auxiliar o algoritmo a resolver este problema. Esta estimação apenas é executada se o algoritmo for capaz de obter no mínimo 7 contornos que podem representar o cubo mágico, pois ela é dependente da função para organizar os contornos na face do cubo mágico. A função de organização necessita que pelo menos uma linha completa e uma coluna completa sejam detetadas para que a mesma saiba a localização dos valores extremos na face do cubo mágico, por consequente é preciso que sejam detetados no mínimo 7 contornos numa face uma vez que isso garante que pelo menos uma linha e uma coluna completa são detetadas. A função de estimação faz uso desta característica da função de organização para determinar as posições que precisam ser determinadas e que valores deve usar para a determinação. A estimação começa por procurar o quadrado na face que precisa ser estimado, ao encontra – lo ela aplica um de dois métodos consoante as condições da situação para encontrar a localização do quadrado. O primeiro método faz uso dos contornos que se encontram na mesma linha do quadrado a ser estimado, neste caso a posição y seria a média dos outros dois contornos e o cálculo da posição x vai depender do lugar que está a ser estimado. Por outro lado, existe a possibilidade de um dos contornos localizados na mesma linha que o quadrado a ser estimado também precisar de ser estimado, neste caso é feito uso dos contornos pertencentes à mesma coluna que o quadrado a ser estimado. Quando são usados os contornos pertencentes à mesma coluna em vez dos contornos pertencentes à mesma linha, a posição x é a média dos dois contornos e o cálculo da posição y vai depender do lugar que está a ser estimado. Por fim, quando todos os quadrados em falta forem estimados é aplicado o algoritmo de deteção de cor para determinar a cor das localizações estimadas.

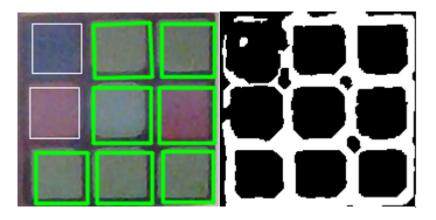


Figura 4.5: Contornos estimados

4.7 Deteção das cores

O algoritmo de deteção das cores é executado durante a primeira determinação dos contornos que fazem parte do cubo e durante a estimação dos contornos em falta. Este algoritmo permitirá que seja possível determinar a cor de cada quadrado na face do cubo mágico a partir dos contornos que representam os mesmos.

Antes que o algoritmo seja executado, logo após o utilizador começar a deteção do cubo, é pedido que seja mostrado cada uma das cores do cubo mágico na câmara do computador do utilizador. Este passo é de extrema importância para a deteção das cores, pois permite que o algoritmo possa se adaptar a qualquer ambiente em que se encontre. Durante esta fase é disponibilizado ao utilizador algumas ferramentas para alterar a luminosidade das imagens recebidas para que o algoritmo possa funcionar em ambientes mais escuros onde a distinção entre as cores não é tão clara. Quando uma

cor é mostrada à câmara do utilizador, o algoritmo faz uma média dos pixéis que representam essa cor em dois espaços de cores, RGB e YUV. O espaço de cores RGB é utilizado para demonstrar ao utilizador a cor que está a ser detetada, de forma que o mesmo possa ajustá-la através das ferramentas para alterar a luminosidade até ficar do seu gosto. Por outro lado, o espaço de cores YUV é usado no algoritmo de deteção de cores.

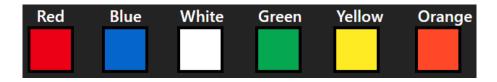


Figura 4.6: Como as cores detetadas são apresentadas ao utilizador.

O espaço RGB não é utilizado no algoritmo devido ao facto de que o olho humano é mais sensível à luminância do que à crominância das cores, que por consequente dificulta a deteção delas quando o utilizador está a alterar a luminosidade da imagem para tornar as cores mais percetíveis na sua visão, pois pode diminuir o contraste das mesmas nos canais RGB. Porém, o espaço de cores YUV tem em consideração a perceção humana, ou seja, favorece mais a luminância do que a crominância e esta característica torna este espaço de cores uma mais – valia para a deteção das mesmas, pois quando as cores se tornam mais distintas no olhar do utilizador, elas também se tornam mais distintas neste espaço de cores. Após o processo obter os resultados das médias dos valores dos pixéis nos dois espaços de cores, ele guarda esses valores para serem usados posteriormente durante a deteção do cubo.

O primeiro passo que o algoritmo executa é a determinação do retângulo que delimita toda a área encobrida pelos contornos detetados e estimados com o objetivo de aplicar a função "roi" do Opencv que devolve a secção da imagem onde o retângulo delimitador se encontra. A partir desta secção de imagem é possível calcular a média de todos os pixéis presentes nela e obter o valor médio da cor do contorno a ser correntemente analisado. Este valor médio é calculado no espaço de cor YUV.

O segundo passo que o algoritmo executa é o cálculo da distância entre os valores obtidos na tarefa executada pelo utilizador e os valores obtidos na deteção do cubo. A fórmula da determinação das cores do cubo mágico funciona como um cálculo da distância euclidiana entre os resultados observados.



Figura 4.7: Espaço de cores YUV

O cálculo da distância euclidiana é efetuado com o objetivo de estimar de forma direta o quão longe a cor detetada se encontra das cores guardadas, basicamente o raciocínio por de trás deste processo é de que os valores que representam as mesmas cores vão possuir uma distância menor do que os valores que representam cores diferentes. Este cálculo é efetuado usando os canais do espaço de cores YUV, luma, blue projection e red projection, como se fossem coordenadas de um ponto num espaço 3D, desta maneira é possível estimar a distância entre pontos detetados e os pontos guardados. Por fim, após o processo ter sido efetuado para todas as cores guardadas, a cor que obter uma menor distância entre todas as outras é a escolhida pelo algoritmo para representar o contorno detetado ou estimado.

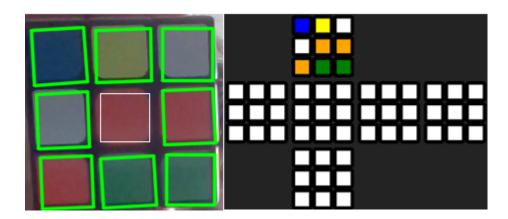


Figura 4.8: Deteção das cores

4.8 Apoio ao utilizador

O pedido para mostrar as cores do cubo mágico e o processo para determinar as faces do mesmo pode ser bastante complicado para o utilizador perceber na sua primeira vez. Portanto, foram adicionadas algumas ferramentas para facilitar a interação entre o utilizador e o algoritmo de deteção por câmara do cubo mágico.

Todos os utilizadores do website vão possuir os seus próprios ambientes de iluminação e cubo mágicos que podem possuir cores diferentes do padrão, por consequente seria apreciável guardar as cores detetas no ambiente em que o utilizador se encontra para evitar que o mesmo tenha que fornecer as cores do seu cubo todas as vezes que ele queira utilizar a deteção por câmara. Quando o utilizador termina de fornecer as cores do cubo mágico, elas são guardadas na base de dados utilizando o FireBase e associadas ao utilizador que efetuou a deteção por câmara. Desta forma, sempre que o utilizador fazer uso desta função do website ele não precisará fornecer as cores do seu cubo mágico novamente, a menos que as condições do seu ambiente mudem.

Por outro lado, enquanto o utilizador está a mostrar as faces a serem detetadas pelo algoritmo pode haver uma confusão sobre que faces o mesmo deve mostrar e a orientação das mesmas. Para resolver este problema, foi adicionado uma animação no canto inferior direito da câmara do utilizador que indica como o mesmo deve rodar o seu cubo mágico para obter a face correta para ser detetada. Esta animação é adaptável para o caso em que o utilizador esteja a guardar uma nova face ou a eliminar uma face já detetada, mostrando as rotações que devem ser efetuadas para atingir a próxima face ou a face antiga.

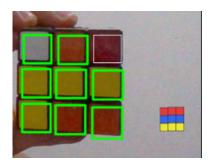


Figura 4.9: Animação que indica a rotação a ser efetuada.

4.9 Desafio de tempo

Quando um utilizador submete um vídeo da sua resolução do cubo mágico, foi utilizada a ferramenta do Firebase "Storage" que nos permitiu armazenar de forma gratuita todos os vídeos. A chave identificadora dos vídeos é guardada na "realtime database".

As classificações dos desafios podem ser armazenadas na "realtime database" de 2 tipos diferentes: "validadas" ou "não validadas". Sempre que um desafio de tempo é submetido por um utilizador, este entra na tabela das "não validadas", e após isso, um administrador tem a possibilidade de verifica o vídeo tendo as opções de eliminar ou passa-lo para a categoria de "validadas".

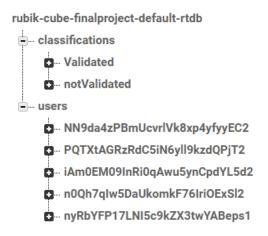


Figura 4.10: Firebase: "realtime database"

Quando o desafio é "validado", ele é disponibilizado em uma grelha mundial que todos os utilizadores têm acesso.

Capítulo 5

Validação e Testes

5.1 Ordenação dos contornos do cubo

Durante a explicação sobre o funcionamento da deteção do cubo, 4.6, foi referido a importância da ordenação dos contornos que representam a face do cubo mágico e o método utilizado para realizar esta tarefa, a estimação das coordenadas do canto inferior direito da face e a distância entre os quadrados da mesma.

A distância entre os quadrados de uma face é uma informação importante a se ter durante esta ordenação, pois permite estimar a posição dos outros contornos com base no quadrado localizado no canto inferior direito da face que foi determinado a partir dos maiores valores x e y dos contornos detetados. A fim de adquirir esta informação, foram efetuados alguns testes para descobrir a distância máxima a qual quadrados adjacentes horizontalmente e verticalmente se encontram para várias áreas de forma que a deteção do cubo fosse adaptável à sua distância da câmara do utilizador.

$\acute{A}rea$	< 2000	< 3000	< 4000
max x	55	66	79
max y	1	2	5

Tabela 5.1: Distâncias entre quadrados adjacentes horizontalmente

Como se pode verificar, tanto a distância vertical, y, para quadrados na mesma linha como a distância horizontal, x, para quadrados na mesma coluna são sempre inferiores a 10 para todas as áreas e para uma área inferior a 2000

_	Área	< 2000	< 3000	< 4000					
-	max x	2,5	6	7					
	max y	56	68	80,5					

Tabela 5.2: Distâncias entre quadrados adjacentes verticalmente

todas as distâncias são inferiores a 66, para uma área inferior a 3000 todas as distâncias são inferiores a 77 e para uma área inferior a 4000 elas são inferiores a 86, reforçando a explicação sobre os valores utilizados na secção 4.6.

5.2 Espaço de cores RGB e YUV

Na secção 4.7 foi explicado o processo pelo o qual o algoritmo de deteção de cores executa as suas funções através do uso do espaço de cores YUV em vez do espaço de cores RGB devido às características do YUV que o torna mais favorável que o RGB. Nesta secção será apresentado os testes que demonstram a vantagens da utilização do YUV.

O espaço de cores RGB favorece a crominância, a mudança no valor das cores, porém como o olho humano não é muito percetível à variância das cores esta característica não possui muito impacto e pode atrapalhar a deteção das mesmas quando existem cores parecidas na mesma face.

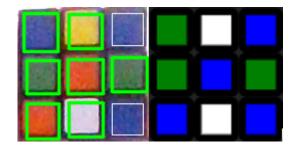


Figura 5.1: Teste com o espaço de cores RGB

Como se pode observar, as cores mais escuras como o laranja, azul e verde são confundidas como sendo a mesma cor, da mesma forma as cores mais claras como o amarelo e o branco também são detetadas como sendo da mesma cor. O espaço de cores YUV favorece a luminância tal como o

olho humano e por consequente consegue distinguir melhor as cores que se apresentam mais distintas nos olhos do utilizador.

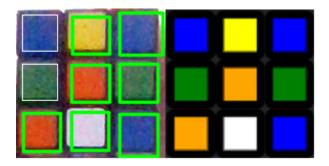


Figura 5.2: Teste com o espaço de cores YUV

Tal como é apresentado, neste espaço as cores são corretamente distinguidas e não existe nenhuma confusão por parte do algoritmo de deteção de cores.

5.3 Resolução do cubo automaticamente

Fizemos o teste da resolução automática, onde começamos com o cubo mágico baralhado e o sistema encontra o estado resolvido do cubo mágico.

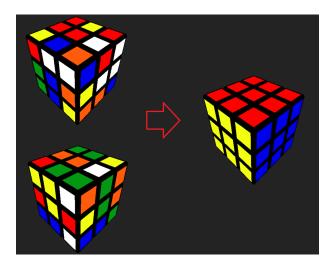


Figura 5.3: Resolução: Estado inicial e estado final do cubo mágico

Como é visto, o algoritmo encontrou a solução do cubo baralhado e o sistema aplicou-a.

Capítulo 6

Conclusões e Trabalho Futuro

Neste projeto, nós planeamos implementar o cubo mágico como era originalmente pedido através do Javascript e construir a ferramenta para reconhecer o cubo através da câmara. Porém, devido ao facto do nosso grupo ser composto por três pessoas, mais ferramentas foram implementadas no nosso trabalho ao longo do tempo, como a configuração manual do cubo, o desafio de tempo e a implementação de uma base de dados com diferentes tipos de utilizador. No final todas as ambições iniciais e objetivos que surgiram ao longo da realização do projeto foram realizados com sucesso.

Durante a realização deste trabalho, melhoramos o nosso conhecimento sobre as tecnologias aprendidas e a fazer uso de novas tecnologias. Através da implementação do cubo 3D, a resolução automática e a configuração manual exploramos mais as capacidades do Javascript e a lógica por detrás dos movimentos, construção e resolução do cubo mágico.

O reconhecimento do cubo mágico através da câmara foi uma das partes mais complexas de implementar devido à mesma fazer uso de uma das novas tecnologias utilizadas neste projeto, o OpenCV.js. A biblioteca OpenCV já era conhecida e fora utilizada em trabalhos anteriores, porém a sua versão do Javascript aplicava uma forma diferente de ser usada do que foi aprendido para outras linguagens. Por consequente, a realização desta ferramenta ensinou-nos como trabalhar com esta versão do OpenCV para o Javascript, assim como nos mostrou como trabalhar com análises de imagem e espaços de cor de forma a detetar o cubo mágico.

O desafio de tempo apresentou alguns desafios devido à necessidade de guardar o tempo de resolução do cubo de cada utilizador e mostrá-lo em

uma classificação mundial. Nós utilizamos o Firebase, uma tecnologia que havíamos aprendido anteriormente, para implementar esta ferramenta, porém, da mesma forma que o OpenCV.js, trabalhámos com uma versão adaptada para o Javascript. Consequentemente, nós aprendemos a guardar e recolher informações de uma base de dados através do Javascript e como organizar conteúdos guardados no FireBase.

Concluindo, este projeto exigiu a pesquisa por novas formas de representação e novas tecnologias para o Javascript que permitissem a implementação dos objetivos pretendidos durante a realização deste trabalho. Esta exigência permitiu que pensássemos por fora dos conhecimentos que havíamos adquirido ao longo dos anos, pesquisássemos e aprendêssemos a utilizar outros métodos para atingir a nossa visão para o projeto.

Apêndice A

Arquitetura geral

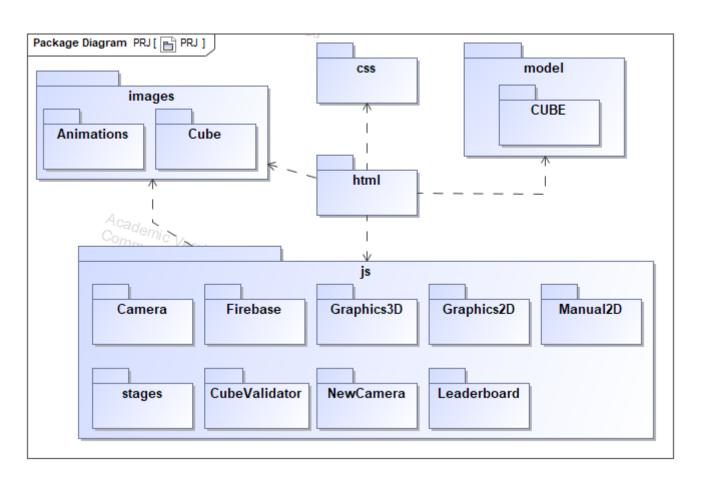


Figura A.1: Arquitetura geral.

Apêndice B

Arquitetura específica

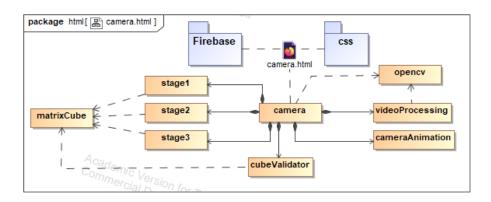


Figura B.1: Diagrama de classe: camera.html

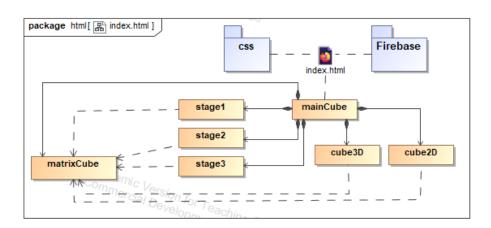


Figura B.2: Diagrama de classe: index.html

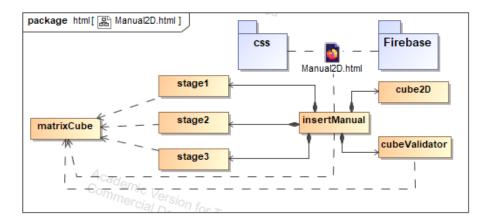


Figura B.3: Diagrama de classe: Manual2D.html

Apêndice C

Diagrama de sequência

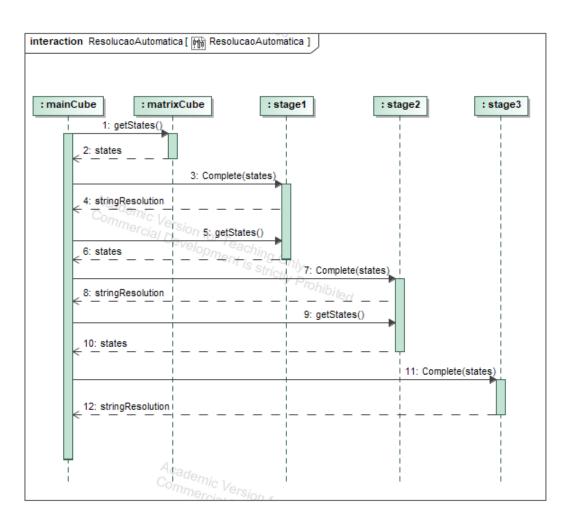


Figura C.1: Diagrama de sequência: Resolução do cubo.

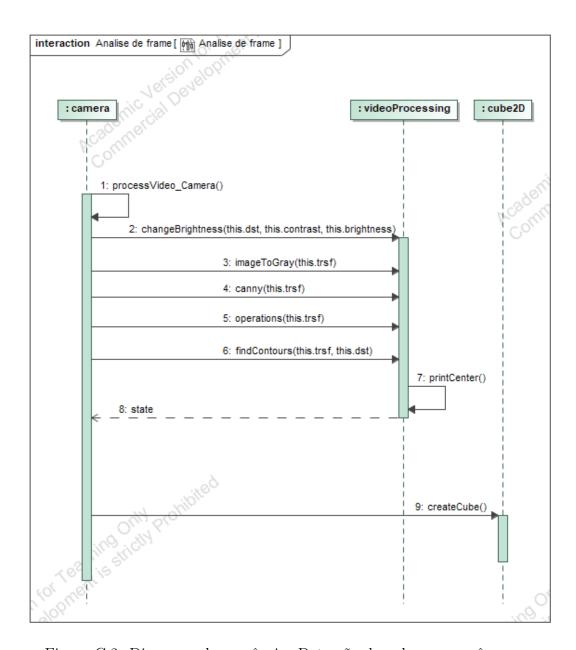


Figura C.2: Diagrama de sequência: Detecção do cubo com a câmara.

Apêndice D

Fórmulas da resolução do cubo mágico



Figura D.1: Primeira fórmula para a resolução.

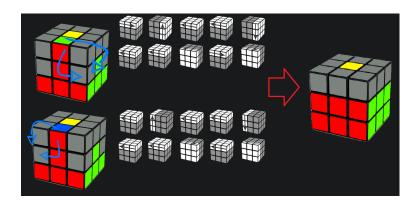


Figura D.2: Segunda e terceira fórmula para a resolução.

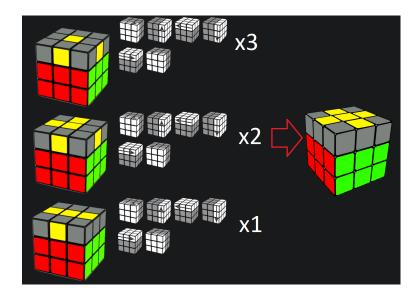


Figura D.3: Quarta fórmula para a resolução.

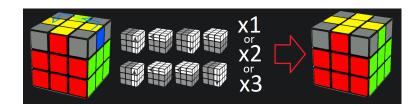


Figura D.4: Quinta fórmula para a resolução.



Figura D.5: Sexta fórmula para a resolução.



Figura D.6: Sétima fórmula para a resolução.

Bibliografia

- [Beke,] Beke, M. Online rubik's cube solver. https://rubiks-cube-solver.com.
- [Opency.js, 2017] Opency.js (2017). Open source computer vision library. https://docs.opency.org/3.4/d5/d10/tutorial_js_root.html.
- [Riera,] Riera, A. Rubik's cube. http://www.adrianriera.com/other/rubik/.
- [Ruwix,] Ruwix. Advanced rubik's cube notation. https://ruwix.com/the-rubiks-cube/notation/advanced/.
- [Smith, 2014] Smith, S. (2014). Rubik's cube explorer. https://iamthecu.be/.
- [Xu, 2015] Xu, D. (2015). Rubik's cube solver. https://codepen.io/dfx113/pen/YwGgXO.