



## اصول سیستمهای مخابراتی

دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه محقق اردبیلی

 $f_c=1000Hz$  و  $\mu=1$  AM ورودی یک فرستنده  $x(t)=3K(\cos 8\pi t+2\cos 20\pi t)$  ورودی یک فرستنده  $x(t)=3K(\cos 8\pi t+2\cos 20\pi t)$  و است. X(t) مثبت موج مدوله است. X(t) به طور مناسبی نرمالیزه شود. سپس طیف خطی مثبت موج مدوله شده را رسم کنید.

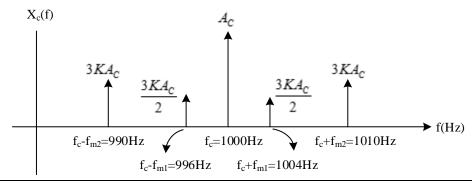
پاسخ: به منظور مدولاسیون AM ابتدا باید سیگنال را نرمالیزه کنیم. بیشینه مقدار سیگنال x(t) داده شده در لحظه صفر اتفاق می افتد که این مقدار باید کمتر از ۱ باشد. بنابراین:

$$\begin{aligned} |x|_{\text{max}} &= x(0) = 3K(1+2) = 9K \le 1 \Rightarrow K \le \frac{1}{9} \\ x_c(t) &= A_c \left( 1 + \mu \left[ 3K \left( \cos 8\pi t + 2\cos 20\pi t \right) \right] \right) \cos 2\pi f_c t \\ \mu &= 1 \Rightarrow x_c(t) = A_c \cos 2\pi f_c t + A_c 3K \left[ \frac{\cos \left( 2\pi f_c - 8\pi \right) t}{2} + \frac{\cos \left( 2\pi f_c + 8\pi \right) t}{2} \right] \\ &+ A_c 6K \left[ \frac{\cos \left( 2\pi f_c - 20\pi \right) t}{2} + \frac{\cos \left( 2\pi f_c + 20\pi \right) t}{2} \right] \end{aligned}$$

در صورت سوال طیف خطی یک طرفه خواسته شده است. بنابراین در ادامه بخش فرکانس مثبت تبدیل فوریه سیگنال ارسالی مدنظر است:

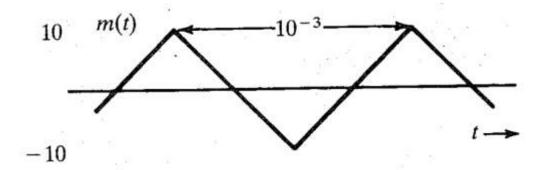
$$X_{c}(f) = A_{c}\delta(f - f_{c}) + \frac{3KA_{c}}{2} \left[\delta(f - f_{c} - 4) + \delta(f - f_{c} + 4)\right] + \frac{6KA_{c}}{2} \left[\delta(f - f_{c} - 10) + \delta(f - f_{c} + 10)\right]$$

برای  $f_c = 1000 H$  با توجه به رابطه فوق داریم:



را برای سیگنال بیام متناوب شکل زیر  $[A+m(t)]\cos\omega_c$  به فرم  $[A+m(t)]\cos\omega_c$  در در سیگنال مدوله شده  $[A+m(t)]\cos\omega_c$  در حالات مختلف مشخص شده رسم کنید:

$$\mu = \infty$$
 (ع  $\mu = 2$  (ج  $\mu = 1$  ب  $\mu = 0.5$  الف)



ه) حالتی که  $\omega = \infty$  است را تحلیل کنید.

پاسخ: ابتدا باید سیگنال مدوله شده را به فرم استاندارد  $x_c(t) = [1 + \mu m(t)] \cos \omega_c t$  بیان کنیم تا مقدار ضریب مدولاسیون  $\mu$  را بتوانیم برحسب مقدار مجهول A بیابیم. سپس می توان سیگنال مدوله شده را رسم کرد.

با توجه به شکل سیگنال پیام داده شده، بیشینه دامنه پیام برابر  $m_p=10\,$  است. بنابراین باید سیگنال پیام را به بیشینه دامنه آن نرمالیزه کنیم.

$$m_p = \max\left(m(t)\right)$$

$$m(t) = m_p m_N(t)$$

که در آن  $m_{N}\left(t
ight)$  سیگنال پیام نرمالیزه شده است. بنابراین

$$x_{c}(t) = \left[A + m(t)\right] \cos \omega_{c} t \Rightarrow x_{c}(t) = \left[A + m_{p} m_{N}(t)\right] \cos \omega_{c} t = A \left[1 + \frac{m_{p}}{A} m_{N}(t)\right] \cos \omega_{c} t$$

مشاهده می شود که  $\mu = \frac{m_p}{A}$  است.

$$\mu = 0.5 = \frac{m_p}{A} = \frac{10}{A}$$
  $\Rightarrow A = 20$  (الف)

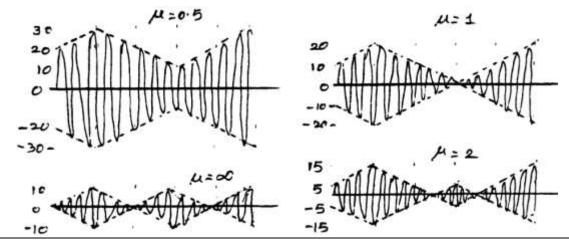
$$\mu = 1 = \frac{m_p}{A} = \frac{10}{A} \qquad \Rightarrow A = 10 \quad (\Rightarrow$$

$$\mu = 2 = \frac{m_p}{A} = \frac{10}{A}$$
  $\Rightarrow A = 5$  (z

$$\mu = \infty = \frac{m_p}{A} = \frac{10}{A}$$
  $\Rightarrow A = 0$  (3)

 $\left[A+m(t)
ight]\cos\omega_{c}t=m(t)\cos\omega_{c}t$  وه اگر  $A=rac{m_{p}}{\mu}=0$  خواهد بود. در نتیجه  $A=rac{m_{p}}{\mu}=0$ 

خواهد شد که همانطور که مشاهده می شود، سیگنال مدوله شده همان مدولاسیون DSB است



۳. برای مسئله ۲، توان سیگنال حامل را هنگامی که  $\mu = 0.8$  است بیابید.

پاسخ: با توجه به پاسخ سوال قبل داریم:

$$\mu = \frac{m_p}{A} \implies A = \frac{m_p}{\mu} = \frac{10}{0.8} = 12.5$$

$$\Rightarrow P_c = \frac{A^2}{2} = \frac{12.5^2}{2} = 78.125$$

ج. یک سیستم FM با  $f_{\Delta}=30$  برای W=10 طراحی شدهاست. وقتی که سیگنال مدوله کننده به بیک سیستم  $f_{m}=30$  برای F=1 برای F=1 طراحی شدهاست. وقتی که سیگنال مدوله کننده تک تون با دامنه واحد و فرکانسهای مختلف  $f_{m}=5$  اشغال شدهاست؟ است، تقریباً چند درصد از پهنای باند کل (F=1) اشغال شدهاست؟

پاسخ: سیستم فوق برای همه پیامهایی با بیشینه پهنای باند W = 10 طراحی شده است. با توجه به رابطه پهنای باند تقریبی گفته شده، داریم:

$$D = \frac{f_{\Delta}}{W} = \frac{30}{10} = 3$$
  $\Rightarrow B_T = 2(f_{\Delta} + 2W) = 2(30 + 2 \times 10) = 100 \text{ KHz}$ 

حال برای تک تک سیگنالهای تک تون گفته شده می توان پهنای باند لازم را محاسبه نمود:

$f_m(KHz)$	$\beta = \frac{f_{\Delta}}{f_m}$	$B = 2(\beta + 2) f_m$	$\frac{B}{B_T}$
0.1	$\beta = \frac{30KHz}{0.1KHz} = 300$	$B = 2(300 + 2) \times 0.1KHz = 60.4KHz$	$\frac{60.4KHz}{100KHz} = 60.4\%$
1	$\beta = \frac{30KHz}{1KHz} = 30$	$B = 2(30+2) \times 1KHz = 64KHz$	$\frac{64KHz}{100KHz} = 64\%$
5	$\beta = \frac{30KHz}{5KHz} = 6$	$B = 2(6+2) \times 5KHz = 80KHz$	$\frac{80KHz}{100KHz} = 80\%$

۵. یک مولد FM مستقیم، برای کنترل از راه دور یک ماشین به کار رفته است. محدوده مجاز مقادیر پهنای باند سیگنال پیام ( $\frac{B_T}{f_c}$ ) را برآورده سازد.  $B_T$  نیازهای پهنای باند کسری ( $\frac{B_T}{f_c}$ ) را برآورده سازد. انحراف فرکانس ماکزیمم 150KHz به کار رفته است و انتخاب فرکانس سیگنال حامل ( $f_c$ ) دلخواه است.

پاسخ: همانطور که میدانیم، پهنای باند کسری  $(\frac{B_T}{f_c})$  باید بین ۱ تا ۱۰ درصد باشد. از طرف دیگر میدانیم پهنای باند تقریبی مدولاسیون فرکانس برابر  $B_T pprox 2 \left( f_\Delta + 2W \right)$  است. بنابراین:  $B_T pprox 2 \left( f_\Delta + 2W \right)$ 

$$f_{\Delta} = 150KHz$$
  $B_T \approx 2(f_{\Delta} + 2W)$ 

$$0.01 < \frac{B_T}{f_c} < 0.1$$
  $\Rightarrow 0.01 f_c < 2 f_{\Delta} + 4W < 0.1 f_c$ 

حال با انتخاب فر کانس سیگنال حامل می توانیم محدوده مجاز مقادیر پهنای باند را مشخص کنیم:  $f_c = 10MHz \qquad \frac{\left(0.01\times10MHz\right) - \left(2\times150KHz\right)}{4} < W < \frac{\left(0.1\times10MHz\right) - \left(2\times150KHz\right)}{4}$  W < 175KHz

$$\begin{split} f_c &= 50MHz & \frac{\left(0.01 \times 50MHz\right) - \left(2 \times 150KHz\right)}{4} < W < \frac{\left(0.1 \times 50MHz\right) - \left(2 \times 150KHz\right)}{4} \\ & 50KHz < W < 1175KHz \end{split}$$

$$f_{c} = 100MHz \quad \frac{\left(0.01 \times 100MHz\right) - \left(2 \times 150KHz\right)}{4} < W < \frac{\left(0.1 \times 100MHz\right) - \left(2 \times 150KHz\right)}{4}$$
 
$$175KHz < W < 2425KHz$$

موفق باشيد

صفوي