



UNIVERSIDAD
NACIONAL
DE TUCUMÁN

**FACULTAD DE
CIENCIAS
ECONOMICAS**

Microeconomía I

Preferencias y Posibilidades

Santiago Foguet

Versión 0.1: 2024-08-12

Instituto de Investigaciones Económicas

Facultad de Ciencias Económicas

Universidad Nacional de Tucumán

Tabla de Contenido

1. Introducción
2. Relación de Preferencia
3. Función de Utilidad
4. Conjunto de Consumo Factible

Introducción

Hay 4 elementos presentes en cualquier modelo de elección del consumidor:

- (a) El conjunto de consumo.
- (b) El conjunto de consumo factible (o posible).
- (c) La relación de preferencia.
- (d) Supuestos sobre el comportamiento del consumidor.

Conjunto de Consumo

Conjunto de Consumo : X representa el conjunto de todas las alternativas, o planes de consumo completos, que el consumidor puede concebir, ya sea que algunas de ellas sean realizables en la práctica o no.

Conjunto de Consumo

Conjunto de Consumo : X representa el conjunto de todas las alternativas, o planes de consumo completos, que el consumidor puede concebir, ya sea que algunas de ellas sean realizables en la práctica o no.

Simbólicamente

x_i representa el número de unidades del bien i donde $x_i \in \mathbb{R}_+$ y $i = 1, 2, \dots, n$.

$\mathbf{x} = \vec{x} = (x_1, x_2, \dots, x_n)$ representa una cesta de consumo que contiene las distintas cantidades de los n diferentes bienes.

$\mathbf{x} \in X$ se representa por un punto $\mathbf{x} \in \mathbb{R}_+^n$.

Propiedades del Conjunto de Consumo

Los requisitos mínimos para el conjunto de consumo son:

1. $X \subseteq \mathbb{R}_+^n$.
2. X es un conjunto cerrado.
3. X es un conjunto convexo.
4. $0 \in X$.

De ahora en más vamos a suponer por simplicidad que el conjunto de consumo coincidirá con todo el ortante no negativo, es decir, $X = \mathbb{R}_+^n$

Conjunto de Consumo Factible

El **conjunto de consumo factible** B representa aquellas alternativas o planes de consumo no solo concebibles por el consumidor sino que además dadas las circunstancias del consumidor las mismas son alcanzables (o realizables).

$$B \subset X$$

Relación de Preferencia

Relación Binaria

Se representa con la *relación binaria*, \succsim , definida sobre el conjunto de consumo, X . Si $\mathbf{x}^1 \succsim \mathbf{x}^2$, diremos que \mathbf{x}^1 es al menos tan bueno como \mathbf{x}^2 para este consumidor.

Relación Binaria

Se representa con la *relación binaria*, \succsim , definida sobre el conjunto de consumo, X . Si $\mathbf{x}^1 \succsim \mathbf{x}^2$, diremos que \mathbf{x}^1 es al menos tan bueno como \mathbf{x}^2 para este consumidor.

Axioma 1. Completitud

Para todo \mathbf{x}^1 y \mathbf{x}^2 en X , será $\mathbf{x}^1 \succsim \mathbf{x}^2$ o $\mathbf{x}^2 \succsim \mathbf{x}^1$.

Relación Binaria

Se representa con la *relación binaria*, \succsim , definida sobre el conjunto de consumo, X . Si $\mathbf{x}^1 \succsim \mathbf{x}^2$, diremos que \mathbf{x}^1 es al menos tan bueno como \mathbf{x}^2 para este consumidor.

Axioma 1. Completitud

Para todo \mathbf{x}^1 y \mathbf{x}^2 en X , será $\mathbf{x}^1 \succsim \mathbf{x}^2$ o $\mathbf{x}^2 \succsim \mathbf{x}^1$.

Axioma 2. Transitividad

Para cualquiera tres cestas \mathbf{x}^1 , \mathbf{x}^2 y \mathbf{x}^3 en X , si $\mathbf{x}^1 \succsim \mathbf{x}^2$ y $\mathbf{x}^2 \succsim \mathbf{x}^3$ entonces $\mathbf{x}^1 \succsim \mathbf{x}^3$.

Relación de Preferencia

La relación binaria, \succsim , sobre el conjunto de consumo X se llama **relación de preferencia** si cumple con los Axiomas 1 (Complejitud) y 2 (Transitividad).

Relación de Preferencia

La relación binaria, \succsim , sobre el conjunto de consumo X se llama **relación de preferencia** si cumple con los Axiomas 1 (Complejitud) y 2 (Transitividad).

Cuando las preferencias de un consumidor cumple con la Relación de Preferencia anterior diremos que este consumidor es **racional**.

Relación Estricta de Preferencia

La relación binaria \succ sobre el conjunto de consumo X definida por

$$\mathbf{x}^1 \succ \mathbf{x}^2 \quad \text{si y solo si} \quad \mathbf{x}^1 \succsim \mathbf{x}^2 \quad \text{and} \quad \mathbf{x}^2 \not\succsim \mathbf{x}^1$$

se llama **relación de preferencia estricta** y se lee como “ \mathbf{x}^1 es estrictamente preferida a \mathbf{x}^2 ”.

Relación de Indiferencia

La relación binaria \sim sobre el conjunto de consumo X definida por

$$\mathbf{x}^1 \sim \mathbf{x}^2 \quad \text{si y solo si} \quad \mathbf{x}^1 \succsim \mathbf{x}^2 \quad \text{and} \quad \mathbf{x}^2 \succsim \mathbf{x}^1$$

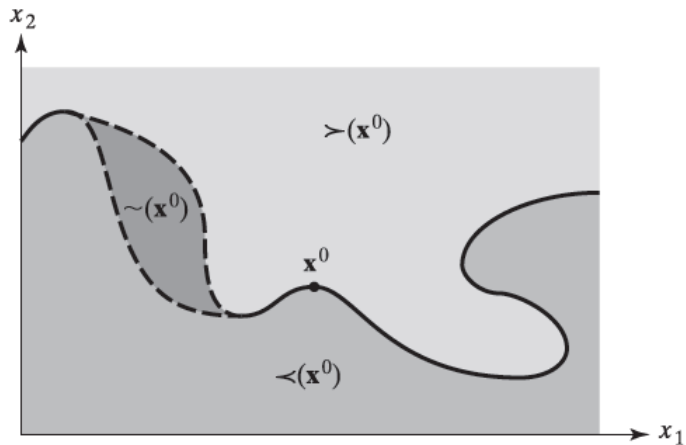
se llama **relación de indiferencia** y se lee como “ \mathbf{x}^1 es indiferente a \mathbf{x}^2 ”.

Subconjuntos de Consumo definidos por la Relación de Preferencia

Sea \mathbf{x}^0 cualquier punto en el conjunto de consumo, X . Relativo a este punto podemos definir los siguientes subconjuntos de X :

1. $\succeq (\mathbf{x}^0) \equiv \{\mathbf{x} \mid \mathbf{x} \in X, \mathbf{x} \succeq \mathbf{x}^0\}$, llamdo el conjunto “al menos tan bueno como”.
2. $\preceq (\mathbf{x}^0) \equiv \{\mathbf{x} \mid \mathbf{x} \in X, \mathbf{x}^0 \succeq \mathbf{x}\}$, llamdo el conjunto “no mejor que”.
3. $\prec (\mathbf{x}^0) \equiv \{\mathbf{x} \mid \mathbf{x} \in X, \mathbf{x}^0 \succ \mathbf{x}\}$, llamdo el conjunto “peor que”.
4. $\succ (\mathbf{x}^0) \equiv \{\mathbf{x} \mid \mathbf{x} \in X, \mathbf{x} \succ \mathbf{x}^0\}$, llamdo el conjunto “mejor que”.
5. $\sim (\mathbf{x}^0) \equiv \{\mathbf{x} \mid \mathbf{x} \in X, \mathbf{x} \sim \mathbf{x}^0\}$, llamdo el conjunto “de indiferencia”.

Ejemplo con dos bienes



Axioma 3. Continuidad

Para todo $\mathbf{x} \in \mathbb{R}_+^n$, el conjunto “al menos tan bueno como”, $\succsim(\mathbf{x})$, y el conjunto “no mejor que”, $\precsim(\mathbf{x})$, son cerrados en \mathbb{R}_+^n .

Axioma 4'. No saciedad local

Para todo $\mathbf{x}^0 \in \mathbb{R}_+^n$, y para todo $\varepsilon > 0$ existe algún $\mathbf{x} \in B_\varepsilon(\mathbf{x}^0) \cap \mathbb{R}_+^n$ tal que $\mathbf{x} \succ \mathbf{x}^0$.

Axioma 4. Monotonicidad estricta

Para todo $\mathbf{x}^0, \mathbf{x}^1 \in \mathbb{R}_+^n$, si $\mathbf{x}^0 \geq \mathbf{x}^1$ entonces $\mathbf{x}^0 \succsim \mathbf{x}^1$ mientras que si $\mathbf{x}^0 \gg \mathbf{x}^1$ entonces $\mathbf{x}^0 \succ \mathbf{x}^1$.

Axioma 5'. Convexidad

Si $\mathbf{x}^0 \succsim \mathbf{x}^1$ entonces $t\mathbf{x}^1 + (1 - t)\mathbf{x}^0 \succsim \mathbf{x}^0$ para todo $t \in [0, 1]$

Axioma 5. Convexidad Estricta

Si $\mathbf{x}^0 \neq \mathbf{x}^1$ y $\mathbf{x}^0 \succsim \mathbf{x}^1$ entonces $t\mathbf{x}^1 + (1-t)\mathbf{x}^0 \succsim \mathbf{x}^0$ para todo $t \in (0, 1)$

Función de Utilidad

Función de Utilidad que Representa la Relación de Preferencia

Una función real $U : \mathbb{R}_+^n \rightarrow \mathbb{R}$ se llama función de utilidad que representa la relación de preferencia, \succsim , si para todo $\mathbf{x}^0, \mathbf{x}^1 \in \mathbb{R}_+^n$, $U(\mathbf{x}^0) \geq U(\mathbf{x}^1) \iff \mathbf{x}^0 \succsim \mathbf{x}^1$

Función de Utilidad

Función de Utilidad que Representa la Relación de Preferencia

Una función real $U : \mathbb{R}_+^n \rightarrow \mathbb{R}$ se llama función de utilidad que representa la relación de preferencia, \succsim , si para todo $\mathbf{x}^0, \mathbf{x}^1 \in \mathbb{R}_+^n$, $U(\mathbf{x}^0) \geq U(\mathbf{x}^1) \iff \mathbf{x}^0 \succsim \mathbf{x}^1$

Teorema 1. Existencia de una Función Real que represente \succsim

Si la relación binaria \succsim es completa, transitiva, continua y estrictamente monotónica entonces existe una función real continua $U : \mathbb{R}_+^n \rightarrow \mathbb{R}$ la cual representa a \succsim .

Teorema 2. Invariancia de la Función de Utilidad

Sea \succsim la relación de preferencia en \mathbb{R}_+^n y suponga que $U(\mathbf{x})$ es una función de utilidad que representa esa relación. Entonces $V(\mathbf{x})$ también representa a \succsim si y solo si $V(\mathbf{x}) = f(U(\mathbf{x}))$ para cada \mathbf{x} , donde $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ es estrictamente creciente en el conjunto de valores adoptados por U .

Teorema 2. Invariancia de la Función de Utilidad

Sea \succsim la relación de preferencia en \mathbb{R}_+^n y suponga que $U(\mathbf{x})$ es una función de utilidad que representa esa relación. Entonces $V(\mathbf{x})$ también representa a \succsim si y solo si $V(\mathbf{x}) = f(U(\mathbf{x}))$ para cada \mathbf{x} , donde $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ es estrictamente creciente en el conjunto de valores adoptados por U .

Teorema 3. Propiedades de las Preferencias y Función de Utilidad

Sea \succsim representada por $U : \mathbb{R}_+^n \rightarrow \mathbb{R}$. Entonces:

1. $U(\mathbf{x})$ es estrictamente creciente si y solo si \succsim es estrictamente monotonica.
2. $U(\mathbf{x})$ es cuasicóncava si y solo si \succsim es convexa.
3. $U(\mathbf{x})$ es estrictamente cuasicóncava si y solo si \succsim es estrictamente convexa.

Conjunto de Consumo Factible

This presentation is licensed under a Creative Commons Attribution-NonCommercial-ShareAlike 4.0 International.

