

Examen de Algorítmica y Complejidad (Plan 2014)

1) **Problema** 1. Sea un *array* ordenado. Por ejemplo:

0	1	2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	7	10	15	23	32

Rotar un *array* consiste en mover los elementos del array en *k* unidades a la derecha (imaginando el *array* como si fuera circular). Por ejemplo, si rotamos el array anterior en 4 unidades, quedaría de la siguiente forma:

0	1	2	3	4	5	6	7	8
10	15	23	32	1	2	3	4	7

Deseamos encontrar el valor mínimo de un array sabiendo que estaba ordenado y que se ha rotado k unidades (**desconociendo** el valor de k). En el ejemplo anterior, se devolvería 1.

a) (**3 puntos**) Diseñar e implementar un algoritmo en Java basado en *Divide y Vencerás* con complejidad $O(\log N)$ en el caso peor¹ (donde N es el tamaño del vector), que devuelva el valor mínimo de un array ordenado y rotado k unidades (desconociendo el valor de k).

```
int minArrayRotadoAux(int[] vector ,int i0, int iN) {
   if (i0==iN)
      return vector[i0];
   else{
      int k=(i0+iN)/2;
      if ((vector[i0]<=vector[k]) && (vector[k]<vector[iN]))
        return vector[i0];
      else if (vector[i0]>vector[k])
        return minArrayRotadoAux(vector,i0,k);
      else // vector[iN]<vector[k] por estar ordenado y rotado
        return minArrayRotadoAux(vector,k+1,iN);
   }
}
int minArrayRotado(int[] vector) {
   return minArrayRotadoAux(vector ,0, vector.length-1);
}</pre>
```

b) (2 puntos) Calcular la complejidad del algoritmo desarrollado en el apartado anterior.

```
Las ecuaciones de recurrencia son:  T(N) = \Theta(1) \text{ si } N = 1   T(N) = T(N/2) + \Theta(1) \text{ si } N > 1  Podemos aplicar el caso 2 del teorema Maestro ya que \log_2(1) = 0 y \Theta(N^0) = \Theta(1). Por lo tanto, tenemos que la complejidad del algoritmo es \Theta(N^0 \cdot \log N) = \Theta(\log N)
```

 $^{^{1}}$ Desarrollar un algoritmo que tenga una complejidad diferente a O(log N) conllevará una puntuación de 0 en la pregunta.