

Lista 4, zadanie 4. W jaki sposób znając dwie reszty b, c modulo n takie $b \not\equiv \pm c \pmod{n}$ i $b^2 \equiv c^2 \pmod{n}$ można znaleźć rozkład n na dwa czynniki.

Rozwiązanie. Przekształcając drugą równość, otrzymujemy:

$$\begin{aligned}b^2 &\equiv c^2 \pmod{n} \\b^2 - c^2 &\equiv 0 \pmod{n} \\(b + c)(b - c) &\equiv 0 \pmod{n}.\end{aligned}$$

Wiemy z założenia, że ani $b + c$, ani $b - c$ nie przystają do 0 modulo n , ale ich iloczyn tak. W takim razie w rozkładzie na czynniki oba muszą mieć w sobie dzielniki n . Jeden z szukanych czynników to $\gcd(b - c, n)$. Możemy go znaleźć np. algorytmem Euklidesa. Drugi możemy znaleźć, dzieląc n przez pierwszy.