# Trabajo Practico I, Alta Seguridad nos cuida

Algoritmos y Estructuras de Datos II, DC, UBA.

# Índice

1.	TAD	UNIVERSIDAD	2
2.	TAD	AGENTE	9
3.	TAD	Tablero	10

## 1. TAD UNIVERSIDAD

```
TAD UNIVERSIDAD
```

```
géneros uni
```

exporta uni, Generadores, Observadores Basicos

usa NAT, CONJU( $\alpha$ ), BOOL, TUPLA( $\alpha_1, \ldots, \alpha_n$ )

### igualdad observacional

$$(\forall u, u' : \text{uni}) \quad \left( u =_{\text{obs}} u' \iff \begin{pmatrix} \text{alto?}(u) =_{\text{obs}} \text{alto?}(u') \land \text{ancho?}(u) =_{\text{obs}} \text{ancho?}(u') \land \text{obstacu-los?}(u') \land \text{agentes?}(u) =_{\text{obs}} \text{agentes?}(u') \land \text{los?}(u) =_{\text{obs}} \text{agentes?}(u') \land \text{lippies?}(u) =_{\text{obs}} \text{hip-los?}(u') \end{pmatrix} \right)$$

#### observadores básicos

```
alto? : uni \longrightarrow nat ancho? : uni \longrightarrow nat obstaculos? : uni \longrightarrow conj(pos) agentes? : uni \longrightarrow conj(\langle as, pos \rangle) hippies? : uni \longrightarrow conj(pos)
```

estudiantes? : uni  $\longrightarrow \operatorname{conj}(\langle est, pos \rangle)$ 

#### generadores

```
//id es nat //hip es id nuevaUni : \operatorname{conj}(\langle as \times pos \rangle) \times \operatorname{nat} \times \operatorname{nat} \times \operatorname{conj}(pos) \longrightarrow \operatorname{uni} agregarE : \operatorname{uni} \times \operatorname{id} \times \operatorname{est} \times \operatorname{pos} \longrightarrow \operatorname{uni} agregarH : \operatorname{uni} \times \operatorname{hip} \times \operatorname{pos} \longrightarrow \operatorname{uni} moverAS : \operatorname{uni} \times \operatorname{id} \longrightarrow \operatorname{uni} moverH : \operatorname{uni} \times \operatorname{id} \longrightarrow \operatorname{uni} moverE : \operatorname{uni} \times \operatorname{id} \longrightarrow \operatorname{uni}
```

#### otras operaciones

```
chequearSituacionShort(tripla, u) : \longrightarrow damePosicionesEst : \operatorname{conj}(\langle\operatorname{id}\times\operatorname{agente}\times\operatorname{pos}\rangle) \longrightarrow \operatorname{conj}(\operatorname{pos}) damePosicionesH : \operatorname{conj}(\langle\operatorname{id}\times\operatorname{pos}\rangle) \longrightarrow \operatorname{conj}(\operatorname{pos})
```

### $\mathbf{axiomas} \quad \forall$

Observadores Basicos

```
alto? (nuevaUni(ca, al, an, cobs)) \equiv al
alto? (agregarE(u, i, e, pos)) \equiv alto?(u)
alto? (agregarH(u, i, pos)) \equiv alto?(u)
alto? (moverAs(u, i)) \equiv alto?(u)
alto? (moverH(u, i)) \equiv alto?(u)
alto? (moverE(u, i)) \equiv alto?(u)
ancho? (nuevaUni(ca, al, an, cobs)) \equiv an
ancho? (agregarE(u, i, e, pos)) \equiv ancho?(u)
ancho? (agregarH(u, i, pos)) \equiv ancho?(u)
```

```
ancho? (moverAs(u, i)) \equiv ancho?(u)
  ancho? (moverH(u, i)) \equiv ancho? (u)
  ancho? (moverE(u, i)) \equiv ancho? (u)
  obstaculos? (nuevaUni(ca, al, an, cobs)) \equiv cobs
  obstaculos? (agregarE(u, i, e, pos)) \equiv obstaculos?(u)
  obstaculos? (agregarH(u, i, pos)) \equiv obstaculos?(u)
  obstaculos? (moverAs(u, i)) \equiv obstaculos? (u)
  obstaculos? (moverH(u, i)) \equiv obstaculos?(u)
  obstaculos? (moverE(u, i)) \equiv obstaculos?(u)
  agentes? (nuevaUni(ca, al, an, cobs)) \equiv ca
  agentes? (agregarE(uni, i, e, pos)) \equiv \Pi_1 (chequearSituacionShort (agregarEstudianteTripla (\langle i, e, pos \rangle),
                                                  \langle \text{ agentes?}(u), \text{ hippies?}(u), \text{ estudiantes?}(u) \rangle \rangle \rangle
  agentes? (agregarH(uni, i, pos)) \equiv \Pi_1( chequearSituacionShort( agregarHippieTripla( \langle i, pos \rangle,
                                               \langle \text{ agentes?}(u), \text{ hippies?}(u), \text{ estudiantes?}(u) \rangle \rangle \rangle
  agentes? (moverAs(uni, i)) \equiv \Pi_1( moverAgenteYSancionarYCapturar(i, uni))
  agentes? (moverE(uni, i)) \equiv \Pi_1( moverEstudiante(i, uni) )
  agentes? (moverH(uni, i)) \equiv \Pi_1(\text{moverHippie}(i,uni))
  hippies? (nuevaUni(ca, al, an, cobs)) \equiv \emptyset
  hippies? (agregarE(uni, i, e, pos)) \equiv \Pi_2 (chequearSituacionShort( agregarEstudianteTripla( \langle i, e, pos \rangle),
                                                 \langle \text{ agentes?}(u), \text{ hippies?}(u), \text{ estudiantes?}(u) \rangle \rangle \rangle
  hippies? (agregarH(uni, i, pos)) \equiv \Pi_2( chequearSituacionShort( agregarHippieTripla( \langle i, pos \rangle,
                                               \langle \text{ agentes?}(u), \text{ hippies?}(u), \text{ estudiantes?}(u) \rangle \rangle \rangle
  hippies? (moverAs(uni, i)) \equiv \Pi_2( moverAgenteYSancionarYCapturar(i, uni))
  hippies? (moverE(uni, i)) \equiv \Pi_2( moverEstudiante(i, uni))
  hippies? (moverH(uni, i)) \equiv \Pi_2(moverHippie(i, uni))
  estudiantes? (nuevaUni(ca, al, an, cobs)) \equiv \emptyset
  estudiantes? (agregarE(uni, i, e, pos)) \equiv \Pi_3 (chequearSituacionShort(agregarEstudianteTripla(\langle i, e, pos \rangle),
                                                      \langle \text{ agentes?}(u), \text{ hippies?}(u), \text{ estudiantes?}(u) \rangle \rangle \rangle
  estudiantes? (agregarH(u, i, pos)) \equiv \Pi_3 (chequearSituacionShort(agregarHippieTripla(\langle i, pos \rangle,
                                                 \langle \text{ agentes?}(u), \text{ hippies?}(u), \text{ estudiantes?}(u) \rangle \rangle \rangle
  estudiantes? (moverAs(uni, i)) \equiv \Pi_3( moverAgenteYSancionarYCapturar(i, uni))
  estudiantes? (moverE(uni, i)) \equiv \Pi_3(moverEstudiante(i, uni))
  estudiantes? (moverH(uni, i)) \equiv \Pi_3( moverHippie(i, uni))
Otras Operaciones
  capturar(p, cAs) \equiv if (p \in \text{posiciones4Vecinas}(\Pi_3(\text{dameUno}(cAs))))
                            then Ag(\langle \Pi_1(cAs), darCaptura(seg(dameUno(cAs))), \Pi_3(dameUno(cAs)) \rangle, capturar(
                            p, \sin \operatorname{Uno}(cAs))
                            else Ag( dameUno(cAs), capturar( p, sinUno(cAs) ) )
  \operatorname{sancionar}(p, cAs) \equiv \operatorname{if}(p \in \operatorname{posiciones4Vecinas}(\Pi_3(\operatorname{dameUno}(cAs))))
                             then Ag( \langle \Pi_1(cAs), darSancion(seg(dameUno(cAs))), \Pi_3(dameUno(cAs)) \rangle, captu-
                             rar(p, sinUno(cAs))
                             else Ag( dameUno(cAs), sancionar( p, sinUno(cAs) ) )
```

```
sancionar(p, cAs) \equiv if (p \in posiciones 4 Vecinas(\Pi_3(dameUno(cAs))))
                        then Ag( \langle \Pi_1(cAs), \operatorname{darSancion}(\operatorname{seg}(\operatorname{dameUno}(cAs))), \Pi_3(\operatorname{dameUno}(cAs)) \rangle, cap-
                        turar(p, sinUno(cAs))
                        else Ag( dameUno(cAs), sancionar( p, sinUno(cAs) ) )
queTipoHay(p, tripla, u) \equiv if (fila?(p) = alto?(u) \vee col?(p) = ancho?(u))
                                 then FueraDeRango
                                 else
                                if (p \in \text{obstaculos}?(u))
                                 then Obstaculo
                                 else
                                if (p \in \text{damePosicionesAs}(\Pi_1(\text{tripla})))
                                 then Agente
                                else
                                if (p \in \text{damePosicionesH}(\Pi_2(\text{tripla})))
                                then Hippie
                                if (p \in \text{damePosicionesEst}(\Pi_3(\text{tripla})))
                                then Estudiante
                                 else Ø
                                fi
                                fi
                                fi
                                 fi
cuatroVecinosShort(p, tripla, u) \equiv cuatroVecinos(p, tripla, u, posiciones4Vecinas(p))
cuatroVecinos(p, tripla, u, p4v) \equiv if (vacio?(p4v))
                                        then vacio
                                        else Ag( que Tipo Hay( dame Uno (p4v), tripla, u), cuatro Vecinos( p, tripla,
                                        u, \sin U \operatorname{no}(p4v)
queSituacion(mcT) \equiv movRest?(mcT) \cup unAgente?(mcT) \cup dosHippies?(mcT) \cup cuatroEstudiantes?(mcT)
damePosicionesAs(ca) \equiv if vacio?(ca)
                             then 0
                             else Ag( \Pi_2( dameUno(ca)), damePosicionesAs( sinUno(ca)))
damePosicionesEst(ce) \equiv if vacio?(ce)
                              then \emptyset
                              else Ag(\Pi_3(dameUno(ce)), damePosicionesEst(sinUno(ce)))
damePosicionesH(ch) \equiv if vacio?(ch)
                             then Ø
                             else Ag( \Pi_2( dameUno(ch) ), damePosicionesH( sinUno(ch) ) )
```

```
moverEstudianteYChequearSituaciones(i, u) \equiv if (vacio?(dameEstudiante(i, estudiantes?(u))))
                                                       then \langle agentes?(u), hippies?(u), estudiantes?(u) \rangle
                                                       if
                                                                  \Pi_1(\text{dameEstudiante}(i, u)) \in
                                                                                                                  dirLibres(
                                                       dameEstudiantePos(i, estudiantes?(u)), u)
                                                       then \langle \text{ agentes?}(u), \text{ hippies?}(u), \text{ estudiantes?}(u) \rangle
                                                       else chequearSituacionShort( agregarEstudianteTripla( \langle i,
                                                       \mbox{fin(} \mbox{ dameEstudiante}(i, \mbox{ } u) \mbox{ ), } \mbox{ mover(} \mbox{ dameEstudiantePos}(i,
                                                       estudiantes?(u)
                                                                           ), \Pi_1 dameEstudiante(i,
                                                                                                                  u
                                                                agentes? (u),
                                                                                 hippies?(u), sacarEstudianteId(
                                                       estudiantes?(u) \rangle \rangle
dameEstudiante(i, cEst) \equiv if (\Pi_1(\text{dameUno}(cEst)) = i)
                                then \Pi_2(\text{dameUno}(cEst))
                                else dameEstudiante(i, \sin Uno(cEst))
dameEstudiantePos(i, cEst) \equiv if (\Pi_1(dameUno(cEst)) = i)
                                    then \Pi_3 (dameUno(cEst))
                                    else dameEstudiantePos(i, \sin Uno(cEst))
sacarEstudianteId(i, cEst) \equiv if (vacio?(cEst))
                                   then Ø
                                   else
                                   if (\Pi_1(\text{dameUno}(cEst)) = i)
                                   then \sin Uno(cEst)
                                   else Ag( dameUno(cEst), sacarEstudiante(i, sin<math>Uno(cEst)))
entradas?(an, al) \equiv if (an = 0)
                        then Ø
                        else Ag( pos(0, an-1), Ag( pos(al-1, an-1), entradas(an-1, al) ))
dirLibres(pos, u) \equiv dirNoOcupadas(dirValidas(pos, ancho?(u), alto?(u)), pos, u)
\operatorname{dirValidas}(\operatorname{pos}, \operatorname{an}, \operatorname{al}) \equiv \{\operatorname{n,s,e,o}\} - (if \operatorname{col}?(\operatorname{pos}) = 0 then \{o\} else \emptyset fi) - (if \operatorname{col}?(\operatorname{pos}) = \operatorname{an-1} then \{e\} else \emptyset
                              fi) - (if fila?(pos) = 0 then \{n\} else \emptyset fi) - (if fila?(pos) = al-1 then \{s\} else \emptyset fi)
dirNoOcupadas(cDirs, pos, u) \equiv if(vacio(cDirs))
                                        then 0
                                         else
                                        if ( mover( pos, dameUno(cDirs) ) \in damePosicionesH( hippies?(u)
                                        ) \vee mover( pos, dameUno(cDirs) ) \in obstaculos?(u) \vee mover( pos,
                                        dameUno(cDirs) ) \in damePosicionesAs(agentes?(u)) \lor mover(pos,
                                        dameUno(cDirs) \in damePosicionesEst(estudiantes?(u))
                                        then dirNoOcupadas (sinUno(cDirs), pos, u)
                                        else Ag( dameUno(cDirs), dirNoOcupadas(sinUno(cDirs), pos, u))
posNoOcupadas(cPos, u) \equiv if (vacio?(cPos))
                                 then Ø
                                 else
                                 if \neg dameUno(cPos) \in (damePosicionesAs(agentes?(u)) \cup damePosicionesEst(
                                 estudiantes?(u) ) \cup damePosicionesH(hippies?(u)) \cup obstaculos?(u)
                                 then Ag( dameUno(cPos), posNoOcupadas(sinUno(cPos), u)
                                 else posNoOcupadas(sinUno(cPos), u)
                                 _{\mathrm{fi}}
                                 fi
```

```
moverAgenteYChequearSituacion(i, u) \equiv if (vacio?(hippies?(u)) \land (dameAgentePos(i, agentes?(u)) \in
                                             entradas?( alto?(u), ancho?(u) ) ) \vee inactivo?( dameAgente(i, u)
                                             then \rangle agentes?(u), hippies?(u), estudiantes?(u) \langle
                                             if vacio? (posible MovAs (dame Agente (i, agentes? (u)), dame Agen-
                                             tePos(i, agentes?(u)), u)
                                             then \rangle agentes?(u), hippies?(u), estudiantes?(u) \langle
                                             else chequearSituacionShort( agregarAgenteTripla( \rangle i, dameAgen-
                                             te(i, agentes?(u)), mover(dameAgentePos(i, agentes?(u)), da-
                                             meUno(posibleMovAs(dameAgente(i, agentes?(u)), dameAgen-
                                             tePos(i, agentes?(u)), u)) \langle , \rangle sacarAgenteId(i, agentes?(u)),
                                             hippies?(u), estudiantes?(u) \langle \rangle
                                             fi
posibleMovAs (agente, pos, u) \equiv if (inactivo?(agente))
                                    then Ø
                                    else
                                    if (vacio?(hippes?(u)))
                                    then
                                    if (dirLibres(agente, u) \cap directionesOptimas(dameUno(cPosMasCerca-
                                    naShort(pos, posNoOcupadas(entradas(an, al), u))) = \emptyset)
                                     then dirLibres (pos, u)
                                            dirLibres(
                                                                               direccionesOptimas(
                                                                                                         dameUno(
                                                                   u)
                                                                          \cap
                                    cPosMasCercanaShort(pos, posNoOcupadas(entradas(an, al), u)))
                                    fi
                                    else
                                    if dirLibres(pos, u) \cap direccionesOptimas(dameUno(cPosMasCercanaS-
                                    hort(pos, hippies?(u))) = \emptyset
                                    then dir Libres(pos, u)
                                    else dirLibres(pos, u) \cap direccionesOptimas(dameUno(cPosMasCercanaS-
                                    hort(pos, hippies?(u)))
                                    fi
                                    fi
                                    fi
dameAgente(i, cAs) \equiv if (\Pi_1(\text{dameUno}(cAs)) = i)
                         then \Pi_2(\text{dameUno}(cAs))
                         else dameAgente(i, sinUno(cAs))
dameAgentePos(i, cAs) \equiv if (\Pi_1(dameUno(cAs)) = i) then \Pi_3(dameUno(cAs)) else dameAgente(i, i)
                             \sin U \operatorname{no}(cAs)) fi
\operatorname{sacarAgenteId}(i, \operatorname{cAs}) \equiv \operatorname{if} (\operatorname{vacio}?(cAs))
                           then Ø
                            else
                           if (\Pi_1(\text{dameUno}(cAs)) = i)
                           then \sin Uno(cAs)
                           else Ag( dameUno(cAs), sacarAgente( i, sinUno(cAs) )
                           fi
moverHippieYChequearSituacion(i, u) \equiv if (vacio?(posibleMovH(dameHippiePos(i, u), u)))
                                             then \langle agentes?(u), hippies?(u), estudiantes?(u) \rangle
                                             else chequearSituacionShort( agregarHippieTripla( \langle i, mover(
                                             dameHippiePos(i,u), dameUno(posibleMovH(dameHippiePos(i,
                                             (u), (u)) \rangle, \langle agentes? (u), sacarHippieId(i, hippies? (u)),
                                             estudiantes?(u) \rangle )
```

```
posibleMovH (pos, u) \equiv if vacio? (estudiantes? (u)) then
                                 if dirLibres(pos, u) \cap \text{direccionesOptimas}(\text{dameUno}(\text{cPosMasCercanaShort}(pos,
                                 damePosicionesEst(estudiantes?(u)))) = \emptyset then
                                     dirLibres(pos, u)
                                 else
                                     dir Libres(pos, u) \cap direcciones Optimas(dame Uno(cPos Mas Cercana Short(
                                     pos, damePosicionesEst( estudiantes?(u) ) ) )
                                 fi
                              fi
dameHippiePos(i, cH) \equiv if prim(dameUno(cH)) = i then
                                  seg(dameUno(cH))
                                  {\tt dameHippiePos}(i,\,\sin {\tt Uno}(cH))
\operatorname{sacarHippieId}(i, cH) \equiv \mathbf{if} \operatorname{vacio}(cH) \mathbf{then}
                            else
                                if prim(dameUno(cH)) = i then
                                    \sin \operatorname{Uno}(cH)
                                else
                                    Ag(dameUno(cH), sacarHippie(i, sinUno(cH)))
chequearSituacionShort(tripla, u) \equiv chequearSituacion(tripla, tripla, u)
agAgenteTripla(a, \langle cAs, cH, cEst \rangle) \equiv \langle Ag(a, cAs), cH, cEst \rangle
agHippieTripla(h, \langle cAs, cH, cEst \rangle ) \equiv \langle cAs, Ag(h, cH), cEst \rangle
agEstudianteTripla(e, \langle cAs, cH, cEst \rangle ) \equiv \langle cAs, cH, Ag(e, cEst) \rangle
estudiantes Advacentes Pos(p, cEst) \equiv if dame Estudiante Pos(dame Uno(cEst)) \in posiciones 4 Vecinas(p) then
                                                                 dameUno(cEst)
                                                        \Pi_2(
                                                                                     ),
                                                                                             estudiantes Adyacentes Pos(p,
                                                Ag(
                                                \sin Uno(cEst))
                                                 estudiantesAdyacentesPos(p, sinUno(cEst))
chequearSituacion( \( cAs, cH, cEst \) , triplaInfo, u)
```

```
\equiv if vacio?(cH) then
      if vacio?(cEst) then
         \langle cAs, cH, cEst \rangle
      else
         if
              movRest, unAgente \subseteq queSituacion(
         cuatroVecinosShort(
                                     dameEstudiantePos(
         dameUno(cEst)), triplaInfo, u) then
                 dosHippies
                                \in
                                    queSituacion(
            troVecinosShort(
                                     dameEstudiantePos(
             dameUno(cEst)), triplaInfo, u) then
                agregarHippieTripla(
                convertirEstudianteAHippie(dameUno(cEst))
                  chequearSituacion( \langle sancionar( da-
                meEstudiantePos( dameUno(cEst) ),
                cAs), cH, sinUno(cEst) \rangle, triplaInfo, u
             else
                agregarEstudianteTripla(
                dameUno(cEst),
                                           chequearSitua-
                cion( < sancionar( dameEstudiante-
                Pos( dameUno(cEst) ), cAs), cH,
                \sin \operatorname{Uno}(cEst) \rangle, triplaInfo, u )
             fi
         else
            if
                    dosHippies
                                            queSituacion(
             cuatroVecinosShort(dameEstudiantePos(dameUno(cEst)),
            triplaInfo, u)) then
                agregarHippieTripla(
                convertirEstudianteAHippie(dameUno(cEst)),
                chequearSituacion(
                                       (
                                            cAs.
                \sin \operatorname{Uno}(cEst) \rangle, triplaInfo, u )
             else
                agregarEstudianteTripla(
                dameUno(cEst),
                                       chequearSituacion(
                \langle cAs, cH, \sin Uno(cEst) \rangle, triplaInfo, u
                ))
            fi
         fi
      fi
   else
      if movRest, unAgente \subseteq queSituacion( cuatroVe-
      cinosShort( dameHippiePos( dameUno(cH) ), tri-
      plaInfo, u) then
         chequearSituacion(
         capturar(dameHippiePos(dameUno(cH)),
                       \sin \operatorname{Uno}(cH),
                                            cEst
         \operatorname{sacarHippieTripla}(\operatorname{dameUno}(cH),
                                                  triplaIn-
         fo), u)
      else
         if movRest, cuatroEstudiantes \subseteq queSitua-
         cion( cuatro Vecinos Short( dame Hippie Pos(
         dameUno(cH)), triplaInfo, u) then
             agregarEstudianteTripla(
             convertirHippieAEst(dameUno(cH), cEst),
             chequearSituacion( \langle cAs, sinUno(cH), \rangle
             cEst \rangle, sacarHippieTripla(dameUno(cH),
            triplaInfo), u)
         else
             agregarHippieTripla( dameUno(cH), che-
             quearSituacion( \langle cAs, \sin Uno(cH), cEst \rangle,
             triplaInfo, u))
         fi
   fi
                                                        8/10
```

## 2. TAD AGENTE

TAD AGENTE

```
géneros
               as
exporta
               as, Generadores, Observadores Basicos, hippiesAtrapados
               NAT, BOOL
usa
igualdad observacional
               (\forall a, a' : as) \ (a =_{obs} a' \iff ())
observadores básicos
  numPlaca : as \longrightarrow nat
  hippiesAtrapados : as \longrightarrow nat
  numSanciones : as \longrightarrow nat
generadores
  nuevoAs : nat \longrightarrow as
  \operatorname{capturarH} \;:\; \operatorname{as}\; \operatorname{a} \;\; \longrightarrow \; \operatorname{as}\;
  sancionar : as \longrightarrow as
otras operaciones
  inactivo? : as \longrightarrow bool
               ∀ :
axiomas
Observadores Basicos
  numPlaca(nuevoAs(n)) \equiv n
  numPlaca(capturarH(a)) \equiv numPlaca(a)
  numPlaca(sancionar(a)) \equiv numPlaca(a)
  hippiesAtrapados(nuevoAs(n)) \equiv 0
  hippiesAtrapados(capturarH(a)) \equiv 1 + hippiesAtrapados(a)
  hippiesAtrapados(sancionar(a)) 

hippiesAtrapados(a)
  numSanciones(nuevoAs(n)) \equiv 0
  numSanciones(capturarH(a)) \equiv numSanciones(a)
  numSanciones(sancionar(a)) \equiv 1 + numSanciones(a)
Otras Operaciones
  inactivo?(a) \equiv if numSanciones(a) > 3 then true else false fi
```

# 3. TAD TABLERO

```
TAD TABLERO
     géneros
                       tab
     exporta
                      tab, Generadores, Observadores Basicos
                      NAT, Pos, Bool, Conj(\alpha)
     usa
     igualdad observacional
                       (\forall t,t': \mathrm{tab}) \ (t =_{\mathrm{obs}} t' \Longleftrightarrow ())
     observadores básicos
        alto? : tab \longrightarrow nat
        ancho? : tab \longrightarrow nat
        ocupadas? : tab \longrightarrow conj(pos)
     generadores
        nuevo
Tablero : nat<br/> an \times nat al \longrightarrow tabt
        agregar
Ficha : nat<br/> id \times \text{pos } p \longrightarrow \text{tab } t
                       \forall :
     axiomas
          \equiv
```

Fin TAD