L'épidémie de choléra à Londres en 1854

Sébastien Guyader 2018 November 29

Introduction

En 1854, le quartier de Soho à Londres a vécu une des pires épidémies de choléra du Royaume-Uni, avec 616 morts. Cette épidémie est devenue célèbre à cause de l'analyse détaillée de ses causes réalisée par le médecin John Snow. Ce dernier a notamment montré que le choléra est transmis par l'eau plutôt que par l'air, ce qui était la théorie dominante de l'époque.

Un élément clé de cette analyse était une carte sur laquelle John Snow avait marqué les lieux des décès et les endroits où se trouvaient les pompes à eau publiques. Ces données sont aujourd'hui disponibles sous forme numérique.

Dans ce document, je vais reproduire une carte similaire à celle de John Snow représenter la carte de Londres

La carte de John Snow

Je propose tout d'abord de visualiser la carte originale (ou une de ses versions) de John Snow pour voir ce vers quoi nous devons tendre :

```
img_url = "https://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/2/27/Snow-cholera-map-1.jpg"
img_file = "Snow-cholera-map-1.jpg"
if (!file.exists(img_file)) {
    download.file(img_url, img_file, method="auto")
}
knitr::include_graphics(img_file)
```

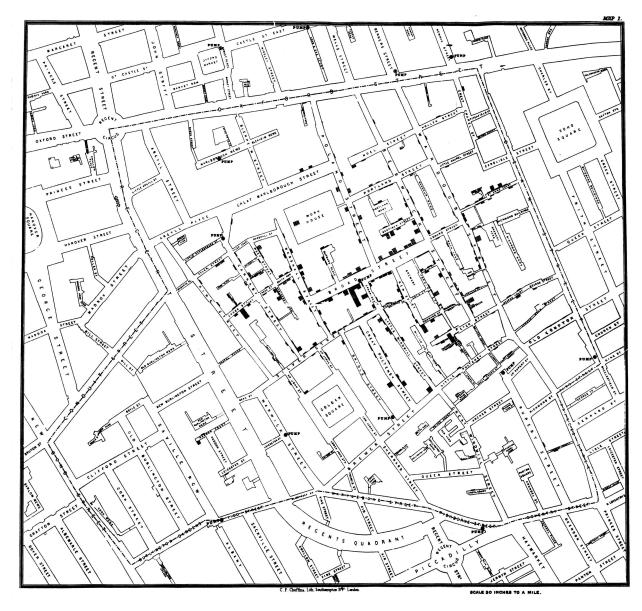


Figure 1. Carte original de Snow (source Wikimedia Commons).

Les données

Obtenir les localisations des pompes à eau et des cas de décès dus au choléra

Téléchargeons les données pour obtenir les fichiers avec les coordonnées au format shp. On obtient un fichier zip qu'il faut faut ensuite décompresser :

```
data_url = "http://rtwilson.com/downloads/SnowGIS_SHP.zip"
data_file = "SnowGIS_SHP.zip"
if (!file.exists(data_file)) {
    download.file(data_url, data_file, method="auto")
}
unzip(data_file)
```

Les fichiers sont localisés dans le répertoire ./SnowGIS_SHP. Les fichiers portant l'extension .shp sont directement lus par

Gestion du système de géoréférencement et transformation des coordonnées

Selon les indications de l'auteur du blog fournissant les données, les points ont été géoréférencés dans le système "Ordnance Survey co-ordinate system", appelé "OSGB36 National Grid" (code international EPSG 27700). Cela implique de convertir les coordonnées dans le même système que celui utilisé par Google Maps (WGS84, pour "World Geodetic System 1984"):

```
# convertir l'objet en data frame
deces_df <- as.data.frame(deces)</pre>
# donner l'attribut "coordonnées" aux colonnes correpondantes
coordinates(deces_df) <- ~coords.x1+coords.x2</pre>
# donne l'attribut du système d'origine de coordonnées projetées selon
# son code EPSG
proj4string(deces_df) <- CRS("+init=epsg:27700")</pre>
# transforme les coordonnées dans le système WGS84 utilisé par Google Maps
deces_df <- as.data.frame(spTransform(deces_df,</pre>
                                        CRS("+proj=longlat +datum=WGS84")))
coordinates(deces_df) <- ~coords.x1+coords.x2</pre>
# on inspecte la structure de l'objet :
summary(deces_df)
## Object of class SpatialPointsDataFrame
## Coordinates:
##
                     min
                                 max
## coords.x1 -0.1400738 -0.1329335
## coords.x2 51.5118557 51.5158345
## Is projected: NA
## proj4string : [NA]
## Number of points: 250
## Data attributes:
                     Count
##
          Ιd
## Min.
         :0
               {\tt Min.}
                        : 1.000
## 1st Qu.:0
               1st Qu.: 1.000
## Median :0
                Median : 1.000
## Mean
                Mean : 1.956
          :0
## 3rd Qu.:0
                3rd Qu.: 2.000
## Max.
                Max.
                        :15.000
           :0
Les coordonnées sont dorénavant dans le bon système.
Maintenant, importons les positions des pompes à eau, en appliquant les mêmes transformations que pour les décès :
pompes <- rgdal::readOGR("./SnowGIS_SHP/Pumps.shp")</pre>
## OGR data source with driver: ESRI Shapefile
## Source: "/home/sguyader/TRAVAIL/Formations/mooc-rr/module3/exo3/SnowGIS_SHP/Pumps.shp", layer: "Pump
## with 8 features
## It has 1 fields
```

pompes_df <- as.data.frame(pompes)</pre>

coordinates(pompes_df) <- ~coords.x1+coords.x2
proj4string(pompes_df) <- CRS("+init=epsg:27700")</pre>

```
pompes_df <- as.data.frame(spTransform(pompes_df,</pre>
                                        CRS("+proj=longlat +datum=WGS84")))
coordinates(pompes_df) <- ~coords.x1+coords.x2</pre>
# inspectons le data frame
summary(pompes_df)
## Object of class SpatialPointsDataFrame
## Coordinates:
                   min
## coords.x1 -0.139671 -0.1316299
## coords.x2 51.510019 51.5149056
## Is projected: NA
## proj4string : [NA]
## Number of points: 8
## Data attributes:
##
          ЪТ
## Min.
           :0
## 1st Qu.:0
## Median:0
## Mean :0
## 3rd Qu.:0
          :0
## Max.
```

Générer un fond de carte actuel de la même zone

Le paquet ggmap peut être utilisé pour télécharger la carte à partir de différentes API telles que Google maps et OpenStreetMap. En revanche, il devient difficile d'obtenir des tuiles à partir de ces deux sources à cause de limitations techniques (nécessité d'une clé pour Google maps, et limitations du serveur de tuiles OpenStreetMap). Le serveur de tuiles Stamen semble présenter moins soucis pour le téléchargement de la carte :

```
## [1] "ggmap" "raster"
```

Pour visualiser l'objet obtenu, on utilise la fonction ggmap qui transforme l'objet en classe ggplot pour une visualisation avec les outils ggplot2:

```
js_fond <- ggmap(js_map)

# Visualisation de la carte
js_fond</pre>
```

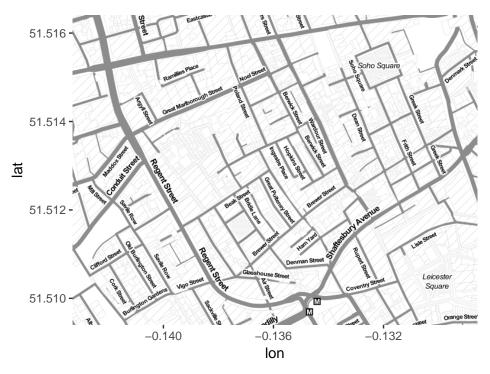


Figure 2. Fond de carte Stamen au format "toner lite".

Projection des points sur le fond de carte

On peut maintenant ajouter les localisations des décès et des pompes sur le fond de carte avec ggplot2 :

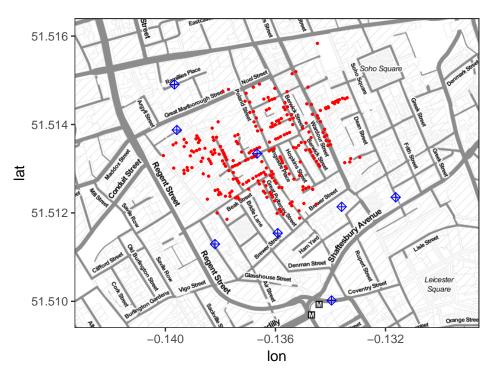


Figure 3. Projection des points correspondant aux décès (rouge) et aux pompes (bleu) sur le fond de carte.

On peut aussi afficher les points avec une taille proportionnelle au nombre de décès :

```
js_fond +
  geom_point(data=data.frame(deces_df),
             aes(x=coords.x1, y=coords.x2,size=Count), col="red", alpha=0.4) +
  geom_point(data=data.frame(pompes_df), aes(x=coords.x1, y=coords.x2),
             shape=9, col="blue", size=2, alpha=1) +
  theme_bw()
  51.516
  51.514
                                                               Count
                                                                    5
<u>a</u>
                                                                    10
  51.512
                                                                    15
  51.510
                  -0.140
                                -0.136
                                              -0.132
```

Figure 4. Visualisation de l'intensité des décès (points rouges) sur le fond de carte.

lon

Approche visuelle

Visualisation de la densité du nombre de décès

Une autre visualisation possible est d'ajouter une couche de type "courbes de niveau" représentant la densité des cas décès. Cependant, le data frame comprend une seule ligne par localisation géographique et présente le cumul du nombre de décès pour chaque localisation. Pour que la densité de décès soit calculée correctement, il faut "éclater" les données de sorte qu'il y ait une ligne par décès. On peut utiliser la librairie data.table:

```
library(data.table)

deces_df_ex <- as.data.table(deces_df)
deces_df_ex <- deces_df_ex[rep(seq(1, nrow(deces_df_ex)), deces_df_ex$Count)]

# on supprime la collonne "Count" du nombre de décès
deces_df_ex$Count <- NULL

# on convertit le data.table en data.frame avec coordonnées
deces_df_ex <- as.data.frame(deces_df_ex)
coordinates(deces_df_ex) <- ~coords.x1+coords.x2</pre>
```

Maintenant, superposons sur le fond de carte la densité de décès (à noter ici que l'unité spatiale n'est pas une unité de surface, est le carré du degré de latitude/longitude) ainsi que la position des pompes :

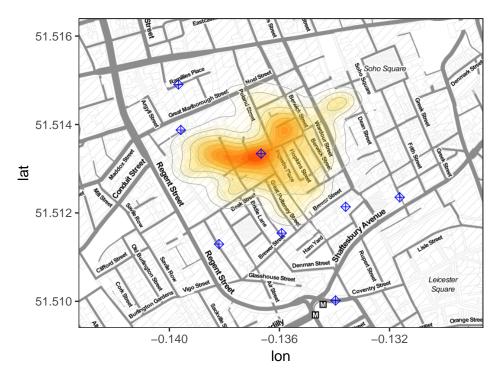


Figure 3. Densité des décès estimées par ggplot2.

On remarque que le maximum de densité des décès coincide avec la localisation d'une pompe en particulier, celle de Broad Street (le nom de la rue ne figure pas sur la tuile fournie par Stamen, mais se retrouve facilement sur la carte d'origine de Snow). Cette pompe semble donc être le point d'origine de l'épidémie de choléra.

Approche de statistique spatiale

Pour aller un peu plus loin, nous pouvons chercher à déterminer s'il y a une relation statistique entre les localisations des décès et celles des pompes. Nous allons faire l'approximation (grossière) que la localisation des décès et des pompes est un processus ponctuel ("point process" en anglais) spatialisé. L'analyse de ce type de processus est possible sous R grâce à la librairie spatstat.

Nous allons tout d'abord créer un nouveau dataframe qui combinera les deux jeux de données (décès et pompes) afin de se donner la possibilité d'analyser les deux ensemble. On obtiendra ainsi un objet de type "multitype marked point pattern" dans le quel chaque point est caractérisé par ses coordonnées sur la surface et par son type (cas de décès, ou pompe).

```
library(spatstat)

# ajouter une étiquette identifiant les décès par "d" et les pompes par "p"
deces_df_ex$Id <- as.factor("d")
pompes_df$Id <- as.factor("p")

# fusionner les 2 dataframes
snow_df <- rbind(deces_df_ex, pompes_df)

summary(snow_df)

## Object of class SpatialPointsDataFrame
## Coordinates:
## min max
## coords.x1 -0.1400738 -0.1316299
## coords.x2 51.5100193 51.5158345</pre>
```

```
## Is projected: NA
## proj4string : [NA]
## Number of points: 497
## Data attributes:
## Id
## d:489
## p: 8
Nous obtenons un objet de classe
```

Nous obtenons un objet de classe "SpatialPointsDataFrame", qui doit maintenant être convertit en "planar point pattern" pour être utilisé par la librairie SpatStat :

```
# définir la fenêtre correspondant à notre carte
win \leftarrow owin(c(bbox[1], bbox[3]), c(bbox[2], bbox[4]))
# convertir les coordonnées des décès en "planar point pattern"
snow_pp <- ppp(coordinates(snow_df)[,1], coordinates(snow_df)[,2],</pre>
               window = win, marks = snow_df$Id)
## Warning: data contain duplicated points
summary(snow_pp)
## Marked planar point pattern: 497 points
## Average intensity 4829932 points per square unit
## *Pattern contains duplicated points*
##
## Coordinates are given to 6 decimal places
##
## Multitype:
##
    frequency proportion intensity
## d
           489 0.98390340 4752187.00
                           77745.38
## p
             8 0.01609658
##
## Window: rectangle = [-0.1433, -0.1286] x [51.5094, 51.5164] units
## Window area = 0.0001029 square units
```

Approche par tesselation de Dirichlet/Voronoi

Nous avons maintenant un objet analysable par spatstat. Ce que je propose de réaliser, c'est de faire une découpage de la carte en zones "d'influence" liées aux pompes. Une des manières les plus simples est d'utiliser la tesselation de Dirichlet/Voronoi, qui divise le plan en "tessels" (ou cellules) de sorte que pour chaque pompe ("germe") le tessel associé est l'ensemble des points du plan qui sont plus proches de cette pompe que de toute autre pompe. Ainsi, si la pompe située broad Street est associée aux décès dus au choléra, l'essentiel de la densité des décès devrait se situer dans le tessel associé à cette pompe sur le gaphique.

```
# division du plan en tessels associés aux pompes
tessels <- dirichlet(split(snow_pp)$p)

# graphique superposant densité de décès, position des pompes et tessels :
## estimation automatique de la valeur de sigma :
bw.diggle(split(snow_pp)$d)

## sigma
## 1.712329e-06</pre>
```

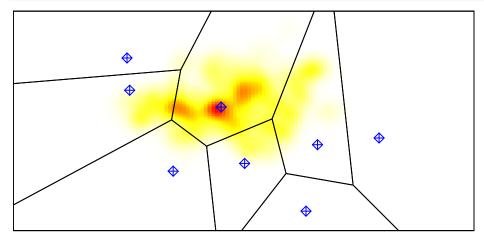


Figure 6. Densité des décès et tesselation de Dirichlet/Voronoi estimés par spatstat.

A noter que pour cette première visualisation, les fonctions graphiques utilisent la librarie graphique de base de R (fonction plot) qui ne permet pas de visualiser la carte. On remarque toutefois que comme on l'attendait, la densité des décès semble concentrée autour de la pompe de Broad Street, et au sein du tessel associé.

La librarie Spatstat permet de tester l'association du nombre de décès avec les tessels selon un test du χ^2 : ce test compare le nombre de décès observés au sein d'un tessel avec le nombre attendu si le processus était aléatoire et indépendant du tessel considéré.

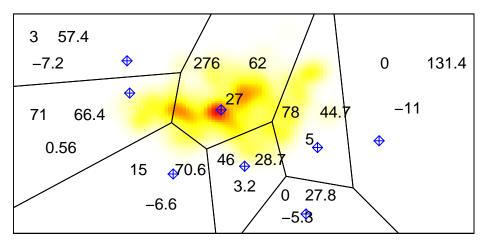
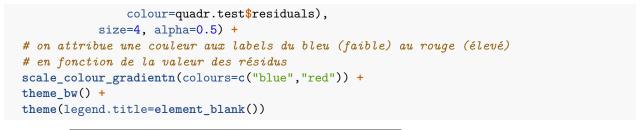


Figure 7. Densité des décès, tesselation et test du χ^2 estimés par spatstat.

Sur le graphique ci-dessus, au sein de chaque tessel nous avons les nombres de décès observés (en haut à gauche) et attendus (en haut à droite) ainsi que les résidus (en bas). Le test est significatif, et vaut 1028.08 ($P=2.06\times10^{-217}$, d.f.=7). Les valeurs négatives ou positives de résidus indiquent un nombre de décès plus faible ou plus fort qu'attendu, respectivement. Nous notons ainsi que la valeur de résidus la plus élevée (-27.17) correspond au tessel associé à la pompe de Broad Street.

Pour le fun, essayons de transférer ces résultats pour une visualisation plus jolie sur le fond de carte avec ggplot2.

```
library(maptools)
# Convertir des tessels en polygones spatiaux
tessels_sppol <- as(tessels, "SpatialPolygons")</pre>
# Définir le système de projection
proj4string(tessels_sppol) <- CRS("+proj=longlat +datum=WGS84")</pre>
# Convertir les polygones en data frame pour ggplot2
tessels_df <- fortify(tessels_sppol)</pre>
# Graphique final
js_fond +
  \#geom\_point(data=data.frame(deces\_df), aes(x=coords.x1, y=coords.x2),
              col="red", alpha=0.3, size=1) +
  geom_density2d(data=data.frame(deces_df_ex),
                 aes(x=coords.x1, y=coords.x2), size = 0.3, col="gray") +
  stat density2d(data = data.frame(deces df ex),
                 aes(x=coords.x1, y=coords.x2, fill=..level.., alpha=..level..),
                 size = 0.01, bins = 16, geom = "polygon") +
  scale_fill_gradient(low = "yellow", high = "red", guide = FALSE) +
  scale_alpha(range = c(0, 0.4), guide = FALSE) +
  geom_point(data=data.frame(pompes_df),
             aes(x=coords.x1, y=coords.x2),
             shape=9, col="blue", size=2, alpha=0.8) +
  # ajout des tessels
  geom_polygon(data=tessels_df,
               aes(x = long, y = lat, group = group),
               color = "blue", fill = NA, size=0.5) +
  # ajout des labels des résidus issus du test du chi2
  geom_label(data=data.frame(pompes_df),
             aes(x=coords.x1, y=coords.x2,
                 label = round(quadr.test$residuals, 2),
                 vjust = c(-0.5, 1.5, rep(-0.5, 6)),
```



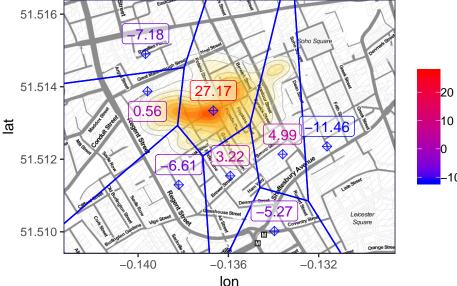


Figure 8. Projection des tessels et résidus du test du χ^2 sur le fond de carte Stamen.

Approche par distances moyennes entre les décès et les pompes

Si les décès forment un cluster autour d'une pompe en particulier, la distance moyenne des moyenne des décès à cette pompe devrait être statistiquement plus petite que la distance aux autres pompes. On peut utiliser la fonction crossdist du paquet spatstat pour mesurer les distances deux à deux séparant chaque décès de chaque pompe.

Pour s'assurer que les mesures de distances sont corrects, il faut passer d'un système de coordonnées "latitude/longitude" en un système "cartésien" par une reprojection :

```
window = car_win, marks = car_snow_df$Id)
```

Warning: data contain duplicated points

Maintenant nous pouvons calculer les distances (en mètres) :

Table 1: Tableau 1. Distances moyennes entre les décès et chaque puits

Puits	Distance	IC95
1	118.0882	5.223746
2	243.2800	8.666144
3	299.1214	7.517287
4	362.8382	8.287080
5	259.3625	7.654481
6	233.6791	6.995473
7	425.1110	7.103367
8	282.7801	7.627633

Pour finir, on peut visualiser les résultats sur un graphique :

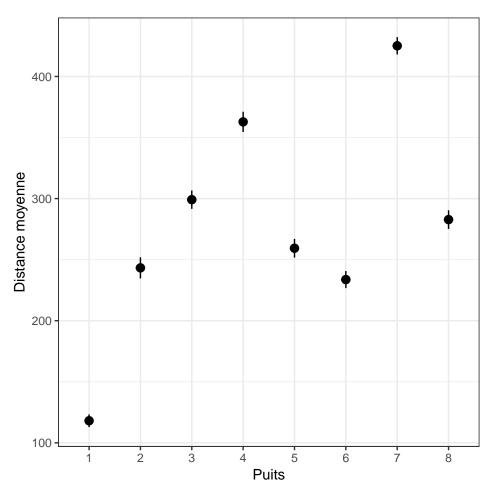


Figure 9. Distance cartésienne moyenne (en mètres) entre les décès et chaque puits. Les barres d'erreur correspondent à l'intervalle de confiance 95%.

On constate que la distance moyenne à la pompe numéro 1 (celle de Broad Street) est plus faible.

Approche par distance au plus proche voisin

Ici, on va chercher à regarder, pour chaque décès, quel est le puit le plus proche, et en faire la synthèse :

Table 2: Tableau 2. Nombres de décès plus proches voisins des puits

Puits	Nombre de décès plus proches
1	340
2	65
3	5
5	40
6	27
8	12

Comme attendu, la pompe numéro un semble être la plus proche de la majorité des cas de décès : on a $340/489 \simeq 70\%$ des décès qui sont plus proches de la pompe de Broad Street (pompe 1) que des autres pompes.

Conclusion

Les différents éléments présentés ici, par approche visuelle ou par statistique spatiale, semble converger vers la pompe de Broad Street comme source probable d'une majorité des cas de choléra reportés dans cette étude.

A noter cependant que les analyses présentent un écueil : elles ne prennent pas en compte les éléments de structure de la carte (rues, ruelles...) et se base simplement sur des distances "à vol d'oiseau". Une analyse plus rigoureuse demanderait de prendre en compte ces structures, ce qui est possible sous R, mais nécessiterait pour moi de passer plus de temps pour appréhender la méthode, mais cela sort de l'objectif de cet exercice qui est avant tout de faire que le code et les résultats présentés dans ce document soient reproductibles.