2017.10.28

實作題 注意事項

1. 請依題目敘述撰寫一完整程式,上傳送審之程式檔案副檔名 必須為 .c, .cpp, .java, 或 .py,如下表所式。另若以 Java 撰 寫程式, class 名稱必須與檔名 (p1, p2, p3, 或 p4) 一致。

	С	C++	Java	Python
邏輯運算子	p1.c	p1.cpp	p1.java	p1.py
交錯字串	p2.c	p2.cpp	p2.java	p2.py
樹狀圖分析	р3.с	р3.срр	p3.java	p3.py
物品堆疊	p4.c	p4.cpp	p4.java	p4.py

2. 上傳程式檔案前,請自行測試程式是否能正常編譯,程式執行時輸入、輸出格式是否正確。評分時,若程式無法正常編譯或執行,將以0分計算。

邏輯運算子 (Logic Operators)

問題描述

小蘇最近在學三種邏輯運算子 AND、OR 和 XOR。這三種運算子都是二元運算子,也就是說在運算時需要兩個運算元,例如 a AND b。對於整數 a 與 b,以下三個二元運算子的運算結果定義如下列三個表格:

 a AND b

 b為0
 b不為0

 a為0
 0
 0

 a不為0
 0
 1

a OR b				
	b 為 0	b不為0		
a 為 0	0	1		
a不為0	1	1		

a XOR b				
	b為0 b不為0			
a 為 0	0	1		
a不為0	1	0		

舉例來說:

- (1) 0 AND 0 的結果為 0, 0 OR 0 以及 0 XOR 0 的結果也為 0。
- (2) 0 AND 3 的結果為 0,0 OR 3 以及 0 XOR 3 的結果則為 1。
- (3) 4 AND 9 的結果為 1,4 OR 9 的結果也為 1,但 4 XOR 9 的結果為 0。

請撰寫一個程式,讀入 a、b 以及邏輯運算的結果,輸出可能的邏輯運算為何。

輸入格式

輸入只有一行,共三個整數值,整數間以一個空白隔開。第一個整數代表 a,第二個整數代表 b,這兩數均為非負的整數。第三個整數代表邏輯運算的結果,只會是 0 或 1。

輸出格式

輸出可能得到指定結果的運算,若有多個,輸出順序為 AND、OR、XOR,每個可能的運算單獨輸出一行,每行結尾皆有換行。若不可能得到指定結果,輸出 IMPOSSIBLE。 (注意輸出時所有英文字母均為大寫字母。)

範例一:輸入

0 0 0

範例一:正確輸出

AND OR XOR

範例三:輸入

3 0 1

範例三:正確輸出

OR XOR **範例二:輸入** 1 1 1

範例二:正確輸出

AND OR

範例四:輸入

0 0 1

範例四:正確輸出 IMPOSSIBLE

評分說明

輸入包含若干筆測試資料,每一筆測試資料的執行時間限制(time limit)均為 1 秒,依正確通過測資筆數給分。其中:

第1子題組80分,a和b的值只會是0或1。

第2子題組20分,0≤a,b<10,000。

2017.10.28

實作題 注意事項

1. 請依題目敘述撰寫一完整程式,上傳送審之程式檔案副檔名 必須為 .c,.cpp,.java,或 .py,如下表所式。另若以 Java 撰 寫程式, class 名稱必須與檔名 (p1, p2, p3, 或 p4) 一致。

	С	C++	Java	Python
邏輯運算子	p1.c	p1.cpp	p1.java	p1.py
交錯字串	p2.c	p2.cpp	p2.java	p2.py
樹狀圖分析	р3.с	р3.срр	p3.java	p3.py
物品堆疊	p4.c	p4.cpp	p4.java	p4.py

2. 上傳程式檔案前,請自行測試程式是否能正常編譯,程式執 行時輸入、輸出格式是否正確。評分時,若程式無法正常編 譯或執行,將以 0 分計算。

交錯字串 (Alternating Strings)

問題描述

一個字串如果全由大寫英文字母組成,我們稱為大寫字串;如果全由小寫字母組成 則稱為小寫字串。字串的長度是它所包含字母的個數,在本題中,字串均由大小寫英文字 母組成。假設 k 是一個自然數,一個字串被稱為「k-交錯字串」,如果它是由長度為 k 的 大寫字串與長度為 k 的小寫字串交錯串接組成。

舉例來說,「StRiNg」是一個1-交錯字串,因為它是一個大寫一個小寫交替出現;而「heLLow」是一個2-交錯字串,因為它是兩個小寫接兩個大寫再接兩個小寫。但不管 k 是多少,「aBBaaa」、「BaBaBB」、「aaaAAbbCCCC」都不是 k-交錯字串。

本題的目標是對於給定 k 值,在一個輸入字串找出最長一段連續子字串滿足 k-交錯字串的要求。例如 k=2 且輸入「aBBaaa」,最長的 k-交錯字串是「BBaa」,長度為 4。又如 k=1 且輸入「BaBaBB」,最長的 k-交錯字串是「BaBaB」,長度為 5。

請注意,滿足條件的子字串可能只包含一段小寫或大寫字母而無交替,如範例二。 此外,也可能不存在滿足條件的子字串,如範例四。

輸入格式

輸入的第一行是 k, 第二行是輸入字串, 字串長度至少為 1, 只由大小寫英文字母組成(A~Z, a~z)並且沒有空白。

輸出格式

輸出輸入字串中滿足 k-交錯字串的要求的最長一段連續子字串的長度,以換行結尾。

範例一:輸入

1

aBBdaaa

範例一:正確輸出

2

範例三:輸入

2

aafAXbbCDCCC

範例三:正確輸出

Ω

範例二:輸入

3

DDaasAAbbCC

範例二:正確輸出

3

範例四:輸入

3

DDaaAAbbCC

範例四:正確輸出

0

評分說明:

輸入包含若干筆測試資料,每一筆測試資料的執行時間限制(time limit)均為 1 秒,依正確通過測資筆數給分。其中:

- 第1子題組20分,字串長度不超過20且k=1。
- 第2子題組30分,字串長度不超過100且 k≤2。
- 第3子題組50分,字串長度不超過100,000且無其他限制。

提示:根據定義,要找的答案是大寫片段與小寫片段交錯串接而成。本題有多種解法的思考方式,其中一種是從左往右掃描輸入字串,我們需要紀錄的狀態包含:目前是在小寫子字串中還是大寫子字串中,以及在目前大(小)寫子字串的第幾個位置。根據下一個字母的

大小寫,我們需要更新狀態並且記錄以此位置為結尾的最長交替字串長度。

另外一種思考是先掃描一遍字串,找出每一個連續大(小)寫片段的長度並將其記錄在 一個陣列,然後針對這個陣列來找出答案。

2017.10.28

實作題 注意事項

1. 請依題目敘述撰寫一完整程式,上傳送審之程式檔案副檔名 必須為 .c,.cpp,.java,或 .py,如下表所式。另若以 Java 撰 寫程式, class 名稱必須與檔名 (p1, p2, p3, 或 p4) 一致。

	С	C++	Java	Python
邏輯運算子	p1.c	p1.cpp	p1.java	p1.py
交錯字串	p2.c	p2.cpp	p2.java	p2.py
樹狀圖分析	р3.с	р3.срр	p3.java	p3.py
物品堆疊	p4.c	p4.cpp	p4.java	p4.py

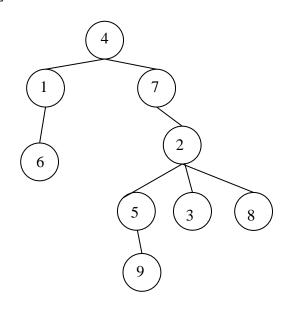
2. 上傳程式檔案前,請自行測試程式是否能正常編譯,程式執 行時輸入、輸出格式是否正確。評分時,若程式無法正常編 譯或執行,將以 0 分計算。

樹狀圖分析 (Tree Analyses)

問題描述

本題是關於有根樹(rooted tree)。在一棵 n 個節點的有根樹中,每個節點都是以 1~n 的不同數字來編號,描述一棵有根樹必須定義節點與節點之間的親子關係。一棵有根樹恰有一個節點沒有父節點(parent),此節點被稱為根節點(root),除了根節點以外的每一個節點都恰有一個父節點,而每個節點被稱為是它父節點的子節點(child),有些節點沒有子節點,這些節點稱為葉節點(leaf)。在當有根樹只有一個節點時,這個節點既是根節點同時也是葉節點。

在圖形表示上,我們將父節點畫在子節點之上,中間畫一條邊(edge)連結。例如,圖一中表示的是一棵9個節點的有根樹,其中,節點 1 為節點 6 的父節點,而節點 6 為節點 1 的子節點;又5、3與8都是2的子節點。節點4沒有父節點,所以節點4是根節點;而6、9、3與8都是葉節點。



圖一

樹狀圖中的兩個節點 u 和 v 之間的距離 d(u,v)定義為兩節點之間邊的數量。如圖中,d(7,5)=2,而 d(1,2)=3。對於樹狀圖中的節點 v ,我們以 h(v)代表節點 v 的高度,其定義是節點 v 和節點 v 下面最遠的葉節點之間的距離,而葉節點的高度定義為 0。如圖一中,節點 6 的高度為 0,節點 2 的高度為 2,而節點 4 的高度為 4。此外,我們定義 H(T)為 T 中所有節點的高度總和,也就是說 $H(T)=\sum_{v\in T}h(v)$ 。給定一個樹狀圖 T,請找出 T 的根節點以及高度總和 H(T)。

輸入格式

第一行有一個正整數 n 代表樹狀圖的節點個數,節點的編號為 1 到 n。接下來有 n 行,第 i 行的第一個數字 k 代表節點 i 有 k 個子節點,第 i 行接下來的 k 個數字就是這些子節點的編號。每一行的相鄰數字間以空白隔開。

輸出格式

輸出兩行各含一個整數,第一行是根節點的編號,第二行是 H(T)。

```
範例一:輸入
                             範例二:輸入
7
                             9
0
                             1 6
2 6 7
                             3 5 3 8
2 1 4
                             0
                             2 1 7
2 3 2
                             1 9
0
                             0
0
                             1 2
                             0
範例一:正確輸出
                             0
                             範例二:正確輸出
4
```

評分說明:

輸入包含若干筆測試資料,每一筆測試資料的執行時間限制(time limit)均為 1 秒,依正確通過測資筆數給分。測資範圍如下,其中 k 是每個節點的子節點數量上限:

11

第 1 子題組 10 分,1≤n≤4, k≤3, 除了根節點之外都是葉節點。

第 2 子題組 30 分, $1 \le n \le 1,000, k \le 3$ 。

第 3 子題組 30 分, $1 \le n \le 100,000, k \le 3$ 。

第4子題組30分,1≤n≤100,000,k無限制。

提示:輸入的資料是給每個節點的子節點有哪些或沒有子節點,因此,可以根據定義找出根節點。關於節點高度的計算,我們根據定義可以找出以下遞迴關係式:(1)葉節點的高度為(2)如果 v 不是葉節點,則 v 的高度是它所有子節點的最大高度加一。也就是說,假設 v 的子節點有 a, b 與 c,則 h(v)=max{h(a), h(b), h(c)}+1。以遞迴方式可以計算出所有節點的高度。

2017.10.28

實作題 注意事項

1. 請依題目敘述撰寫一完整程式,上傳送審之程式檔案副檔名 必須為 .c,.cpp,.java,或 .py,如下表所式。另若以 Java 撰 寫程式, class 名稱必須與檔名 (p1, p2, p3, 或 p4) 一致。

	С	C++	Java	Python
邏輯運算子	p1.c	p1.cpp	p1.java	p1.py
交錯字串	p2.c	p2.cpp	p2.java	p2.py
樹狀圖分析	р3.с	р3.срр	p3.java	p3.py
物品堆疊	p4.c	p4.cpp	p4.java	p4.py

2. 上傳程式檔案前,請自行測試程式是否能正常編譯,程式執 行時輸入、輸出格式是否正確。評分時,若程式無法正常編 譯或執行,將以 0 分計算。

物品堆疊(Stacking)

問題描述

某個自動化系統中有一個存取物品的子系統,該系統是將 N 個物品堆在一個垂直的貨架上,每個物品各佔一層。系統運作的方式如下:每次只會取用一個物品,取用時必須先將在其上方的物品貨架升高,取用後必須將該物品放回,然後將剛才升起的貨架降回原始位置,之後才會進行下一個物品的取用。

每一次升高某些物品所需要消耗的能量是以這些物品的總重來計算,在此我們忽略貨架的重量以及其他可能的消耗。現在有 N 個物品,第 i 個物品的重量是 w(i)而需要取用的次數為 f(i),我們需要決定如何擺放這些物品的順序來讓消耗的能量越小越好。舉例來說,有兩個物品 w(1)=1、w(2)=2、f(1)=3、f(2)=4,也就是說物品 1 的重量是 1 需取用 3次,物品 2 的重量是 2 需取用 4 次。我們有兩個可能的擺放順序(由上而下):

- (1,2),也就是物品 1 放在上方,2 在下方。那麼,取用 1 的時候不需要能量,而每次取用 2 的能量消耗是 w(1)=1,因為 2 需取用 f(2)=4 次,所以消耗能量數為w(1)*f(2)=4。
- (2,1),也就是物品2放在1的上方。那麼,取用2的時候不需要能量,而每次取用1的能量消耗是w(2)=2,因為1需取用f(1)=3次,所以消耗能量數=w(2)*f(1)=6。

在所有可能的兩種擺放順序中,最少的能量是 4,所以答案是 4。再舉一例,若有三物品而 w(1)=3、w(2)=4、w(3)=5、f(1)=1、f(2)=2、f(3)=3。假設由上而下以(3,2,1)的順序,此時能量計算方式如下:取用物品 3 不需要能量,取用物品 2 消耗 w(3)*f(2)=10,取用物品 1 消耗(w(3)+w(2))*f(1)=9,總計能量為 19。如果以(1,2,3)的順序,則消耗能量為 3*2+(3+4)*3=27。事實上,我們一共有 3!=6 種可能的擺放順序,其中順序(3,2,1)可以得到最小消耗能量 19。

輸入格式

輸入的第一行是物品件數 N,第二行有 N 個正整數,依序是各物品的重量 w(1)、w(2)、...、w(N),重量皆不超過 1000 且以一個空白間隔。第三行有 N 個正整數,依序是各物品的取用次數 f(1)、f(2)、...、f(N),次數皆為 1000 以內的正整數,以一個空白間隔。

輸出格式

輸出最小能量消耗值,以換行結尾。所求答案不會超過63個位元所能表示的正整數。

範例一(第1、3子題):輸入範例二(第2、4子題):輸入2320 103 4 51 11 2 3

範例一:正確輸出

10

範例二:正確輸出

19

評分說明:輸入包含若干筆測試資料,每一筆測試資料的執行時間限制(time limit)均為 1 秒,依正確通過測資筆數給分。其中:

第1子題組10分,N=2,且取用次數f(1)=f(2)=1。

第2子題組20分,N=3。

第 3 子題組 45 分, N < 1.000, 且每一個物品 i 的取用次數 f(i)=1。

第4子題組25分,N≤100,000。