Mathématiques appliquée à l'informatique

Bertieaux Jordan Août 2020

Enseignant : Mr Lerat Sébastien

Table de Matières

1	Nombres Complexes	3
2	Example d'examen	4

1 Nombres Complexes

SubSection Section

2 Example d'examen

Q1: Calcul du déterminant de la matrice

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 5 & 6 & 7\\ 0 & 2^0 - 1 & 1 - 2^3 2^{-3} & 8\\ 9 & 9, 5 & -9, 5 & b\\ 4 & 8 & 16 & 32 \end{pmatrix}$$

 $\det(A) = -3824$

Q2 : Calcul nombre complex

Que doit valoir a pour que l'argument soit 135° quand b=-5, c=4 et d=11

$$\frac{a+bi}{c+di}$$

A) Remplacer

$$\frac{a + (-5)a}{4 + 11i}$$

 $TETA = 135^{\circ}$

Q3: Transformer en forme conjonctive

$$(\mathbf{A} \land \neg \mathbf{B}) \mathbf{V} (C \implies a)$$

A) Simplifier l'implications

$$(A \land \neg B) \lor (\neg A \lor (C \land A))$$

B) Utilisation du théorème De Morgan

$$a + b \implies \neg a * \neg b$$

$$\neg (A \land \neg B) \land \neg (\neg A \lor (C \land A))$$

S = NEG(A ET NEG(B))ETNEG(NEG(A)OU(C OU A))

Q4 : Théorie des ensembles naïfs

A) Soit A=pi,2,e et B=-1, 5 Calculer $|A \times B|$

1) Calculer $A \times B$

$$A*B = (pi,-1),(pi,5), (2,-1),(2,5), (e,-1),(e,5)$$

2) Calculer la cardinalité de $|A \times B|$

$$|A| = 3$$

$$|B| = 2$$

$$|A \times B| = |A| * |B| = 2*3 = 6$$

S = la cardinalité est le nombre de sous-ensembles (6)

```
B) Soit P—A U B— A = 3,4,5 B=1,2,3 P(A) = , \, 3, \, 4, \, 5, \, 3,4, \, 4,5, \, 3,5, \, 3,4,5 |P| = 8
```

Q5: Induction forte/faibles

Notez que l'induction faible est égale à l'induction forte. Néanmoins il est plus naturel de démontrer les propriétés soit avec de l'induction simple, soit avec la forte comme réalisé durant le cours. Il vous est demandé de choisir entre les deux fonction de l'énoncé.

Soit n un nombre naturel, que faut-il pour démontrer que 10^{n-1} est un multiple de 9?

Veuillez choisir au moins une réponse : (Cochez ce qui est vrai)

\Box On peut utiliser l'induction faible ou forte
\Box Il faut au moins 3 cas de base
\Box il faut utiliser l'induction forte
\Box il faut au moins un unique cas de base
\Box il faut au moins 2 cas de base

Q6: Nombre entiers

□ Faux

```
Soient a,b et m des nombre naturels. Est-ce que (a+b) mod m=((a \mod m)+(b \mod m)) mod m a) Développement de l'égalité  (a+b) \mod m = ((a+b) \mod m) \mod m  (8+10) \mod 2 = ((8 \mod 2)+(10 \mod 2)) \mod 2  (18) \mod 2 = (0+0) \mod 2  0=(0) \mod 2  0=0 Sélectionnez une réponse :
```

Q7 : Déterminer les complexités de l'algorithme suivant avec n la taille du tableau

```
Listing 1 – Python algorithme
```

```
def Apply(array, value, start=None, res=0):
    if(start is None):
        start = len(array)-1

    if(start <0):
        return res

if(array[start] == value):</pre>
```

```
\textbf{return} \hspace{0.2cm} \textbf{Apply} \hspace{0.1cm} (\hspace{0.1cm} \textbf{array} \hspace{0.1cm}, \textbf{value} \hspace{0.1cm}, \textbf{start} \hspace{0.1cm} -1, \textbf{res} \hspace{0.1cm} + \hspace{0.1cm} 1)
```

return Apply(array, value, start −1, res)

Q8 : Ensemble Naturels

Soit N est l'esemble des naturels sauf 0 $R=(a,b), a \in N, b \in N$ et a est un multiple de b
cochez ce qui est vrai concernant R. (au moins une réponse)
□ R est transitif
□ Aucune réponse
\square R est réflexif
\square R est anti-symètrique
□ R est symètrique