

به نام خدا



دانشگاه تهران دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر هوش مصنوعی

پروژه پنجم فاز دوم

محمدعلی شاکر در گاه	نام و نام خانوادگی
81019487	شماره دانشجویی
1400/04/06	تاریخ ارسال گزارش

	فهرست گزارش
3	$_{ m me}$ ال $_{ m 1}$ فاز سوم: بخش اول
6	سوال ۲ – امتیازی

سوال optimizer – 1

راه حل های مشکلات گرادیان کاهشی

:Momentum -1

در روش گرادیان کاهشی، برای بروزرسانی وزن ها به صورت $w_{new}=w_{old}-rac{lpha dj}{dw}$ بود

حال با روش Momentum به شکل زیر تغییر میکند.

در ابتدا عبارت جدیدی با نام (Velocity(t که نرخ رشد سرعت (مشتق تابع Loss) معرفی

میشود و با فرمول زیر بروز رسانی میشود

$$V_t = \gamma V_{t-1} + \alpha \frac{dJ}{dw}$$

$$V_0 = 0$$
 & $\gamma = 0.8$

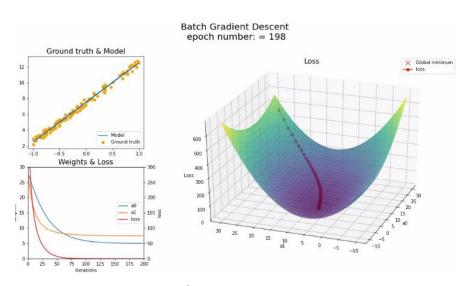
و با استفاده از آن میتوان وزن را به شکل زیر به روز رسانی کرد:

$$w_{new} = w_{old} - V_t$$

این به ما تبیین میکند که با چه نرخی (قدرت و سرعتی) به چه سمتی حرکت کنیم که تا به نقطه بهینه میل کنیم و باعث میشود سریع تر به سمت نقطه بهینه میل کنیم.

حال سعى ميشود با استفاده از شبيه سازى اين مساله تبيين شود.

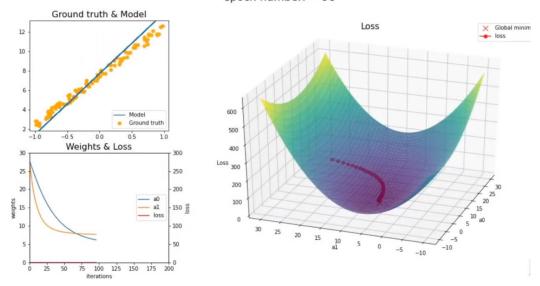
در شکل 1-1 با روش گرادیان کاهشی سعی شده به جواب optimal برسیم، مشاهده میشود بعد از Regression به دقت خوبی رسیده و مقدار تابع Loss کمینه شده است.



شکل 1-1 مینیمم کردن تابع Loss با گرادیان کاهشی

در شکل 2-2 با روش گرادیان کاهشی با Momentum سعی شده به جواب optimal برسیم، مشاهده میشود بعد از 96 ایپاک Regression به دقت خوبی رسیده و مقدار تابع Loss کمینه شده است که دیده میشود بسیار سریع تر شد و اثر Vanishing تقریبا از بین رفت.

Gradient Descent with Momentum epoch number: = 96



شکل 1-2 مینیمم کردن تابع Loss با گرادیان کاهشی با Momentum

:Adam **-**2

در عمل Adam optimization algorithm یکی از Extension های الگوریتم گرادیان کاهشی میباشد. در این روش از دو مزیت AdaGrad و RMSProb استفاده میشود و Adam از میانگین ممان دوم گرادیان استفاده میکند و تغییرات وزن را به مانند زیر میکند:

$$w_{t+1} = w_t - \frac{\alpha}{\sqrt{\hat{v_t}} + \epsilon} \cdot \hat{m_t}$$

شكل 1-3 فرمول به روز رساني Adam

که در آن پارامتر های بایاس و نرخ یادگیری به مانند زیر هستند:

$$\hat{m_t} = \frac{m_t}{1 - \beta_1^t}$$

$$\hat{v_t} = \frac{v_t}{1 - \beta_2^t}$$

1-4-1 بارامتر های بایاس و نرخ به روز رسانی Adam

$$m_t = \beta_1 m_{t-1} + (1 - \beta_1) \frac{\partial L}{\partial w_t}$$
$$v_t = \beta_2 v_{t-1} + (1 - \beta_2) \left[\frac{\partial L}{\partial w_t} \right]^2$$

شکل 1-4-2 پارامتر های بایاس و نرخ به روز رسانی Adam

روش بهینه سازی Adam در مسائل Non-Convex مزیت هایی دارد که در زیر به ترتیب آورده شده اند:

- 1- پیاده سازی مستقیم و Straight-forward دارد
 - 2- به لحاظ محاسباتی بیهینه است
- 3- به لحاظ Memory Usage حافظه کمی اشغال میکند
- 4- در برابر Diagonal rescaling of the gradient تغییر ناپذیز است
 - 5- برای مسائل با ابعاد بالا پر کاربرد میباشد.
 - 6- برای مسائل Non-Stationary Objective مناسب میباشد
 - 7- برای مسئله های Noisy بسیار مناسب میباشند

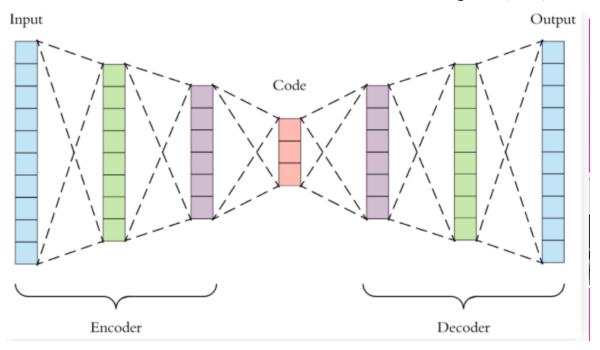
Dimension reduction: Auto-Encoder :

در این سوال هدف آن است که با استفاده از Auto Encoder ابعاد داده های خود را کم کنیم.

دلیل این امر: داده های زیاد یعنی پردازشش زیاد و این امر به افزایش زمان برنامه ما می انجامد، پس سعی میکنیم از این الگوریتم استفاده کرده و ابعاد مسئله خود را کاهش داده تا نه تنها دقت خوبی داشته باشیم بلکه در زمان و فضا نیز صرفه جویی کرده باشیم

بهترین پیاده سازی خود را که 4 لایه ای بود را انتخاب میکنیم و روی آن Auto Encoder میزنیم.

نکته مهم، تفهیم موضوع Auto Encoder است که مانند شکل زیر عمل میکنند:



شکل 3و 1 ساختار یک AutoEncoder

عملیات Auto Encoder به این صورت است که یک قسمت انکودر دارد و یک قسمت دیکودر دارد و سعی میکند لایه به لایه ابعاد را کوچکتر کند و ابعاد کوچکتر را دیکود کند، تا ببیند با داده های اصلی Correlation به چه صورت است.اگر Loss آن قابل قبول بود، از آن تعداد ابعاد استفاده میشود.