
LAB 5

MIMO Laboratory

Written by

Shahaf zohar – 205978000

Tom Ratzon - 209008291

Part 1 - Preliminary Questions

- בעבודה הוזכר כי קצב השידור של משתמש בודד לפי שאנון הוא $R_i = \log(1 + \text{SNR}_i)$ הנחות שהוגדרו:

- רשת אלחוטית מרובת אנטנות
- מניחים שלתחנת הבסיס (BS) יש t אנטנות שידור
- אנרגיית השידור המוקצה למשתמש P
- לכל משתמש מתוך K המשתמשים יש אנטנת קליטה אחת.

קצת הקדמה והסבר לפני שנענה על שאלות על מושגים

(ZFBF) Zero-Forcing Beam Forming - היא טכניקה המשמשת במערכות תקשורת אלחוטיות כדי להפחית הפרעות מרובי משתמשים ולשפר את ביצועי המערכת הכוללים. זוהי שיטת עיבוד אותות ליניארית שמטרתה ליצור אלומות ממוקדות מרחבית כלפי משתמשים רצויים תוך ביטול הפרעות ממשתמשים אחרים.

בעייתיות ולמה כדי להשתמש:

במערכת תקשורת אלחוטית, כאשר משתמשים מרובים חולקים את אותו פס תדרים, האותות המשודרים שלהם יכולים להפריע זה לזה במקלט. הפרעה זו עלולה לפגוע באיכות האות ולהגביל את קיבולת המערכת. טכניקות יצירת אלומה משמשות כדי לשפר את איכות האות ולשפר את ביצועי המערכת הכוללים.

איך מתבצע ואיך מאלצים את המערכת

יצירת אלומת ZF פועלת על ידי בניית מטריצת יצירת אלומת שידור המבטלת את ההפרעות הנגרמות על ידי משתמשים שאינם הנמען המיועד. המטריצה נועדה לעמוד בקריטריון האפס, כלומר יש לבטל לחלוטין את ההפרעות הנצפות במקלט.

כדי להגיע להכריח אפס, מטריצת יצירת האלומה מחושבת על סמך מידע מצב הערוץ (CSI) של כל המשתמשים. ה-CSI מייצג את תנאי הערוץ בין המשדר לכל מקלט. על ידי שימוש במידע זה, ניתן לעצב את מטריצת יצירת האלומה כך שתיצור הפרעה בונה כלפי המשתמש הרצוי והפרעה הרסנית כלפי משתמשים מפריעים.

1. המספר המרבי של משתמשים שתחנת הבסיס (BS) יכולה לשדר אליהם בו זמנית באמצעות Zero-Forcing Beam Forming (ZFBF) נקבע על פי מספר אנטנות השידור ב-BS נתון לנו כי יש t אנטנות בנוסף לכך גם דירוג מטריצת הערוץ משפיע. אם הדירוג של מטריצת הערוץ קטן או שווה ל- t , ה-BS יכולה לתמוך ב- r משתמשים, כאשר r הוא דירוג של מטריצת הערוץ. אם הדרגה גדולה מ- t , ה-BS לא יכולה לתמוך בכל K המשתמשים בו-זמנית באמצעות שיטה ה-ZFBF.
2. ה-SNR שנצפה על ידי המשתמש i תחת יצירת קרן ZFBF (Zero-Forcing Beam Forming) תלוי בתנאי הערוץ ובהקצאת הספק השידור בתחנת הבסיס (BS).
ב-ZFBF, המטרה היא לבטל הפרעות ממשתמשים אחרים, ולאפשר לכל משתמש לקבל את האות המיועד שלו ללא הפרעות. מטריצת יצירת האלומה המשמשת ב-ZFBF נועדה לעמוד בקריטריון האפס, לביטול הפרעות. בהנחה ועובר מידע במצב ערוץ מושלם (CSI), ניתן להשיג את מטריצת יצירת האלומה ZFBF על ידי ביצוע פירוק לערכים סינגולריים על מטריצת הערוץ.

Background

Zero Forcing Beamforming (ZFBF)

- Assume 4 Tx Antennas and 3 single-antenna receivers

$$H = \begin{bmatrix} h_{A1} & h_{A2} & h_{A3} & h_{A4} \\ h_{B1} & h_{B2} & h_{B3} & h_{B4} \\ h_{C1} & h_{C2} & h_{C3} & h_{C4} \end{bmatrix} \quad \left. \vphantom{\begin{bmatrix} h_{A1} & h_{A2} & h_{A3} & h_{A4} \\ h_{B1} & h_{B2} & h_{B3} & h_{B4} \\ h_{C1} & h_{C2} & h_{C3} & h_{C4} \end{bmatrix}} \right\} h_{k's} - H \text{ for each recv.}$$

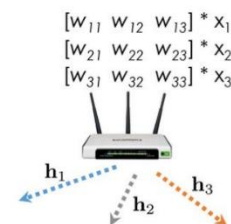
- Calculate weights with pseudo-inverse

$$W = H^\dagger = H^* (HH^*)^{-1} = \begin{bmatrix} w_{A1} & w_{A2} & w_{A3} & w_{A4} \\ w_{B1} & w_{B2} & w_{B3} & w_{B4} \\ w_{C1} & w_{C2} & w_{C3} & w_{C4} \end{bmatrix}^T \quad \left. \vphantom{\begin{bmatrix} w_{A1} & w_{A2} & w_{A3} & w_{A4} \\ w_{B1} & w_{B2} & w_{B3} & w_{B4} \\ w_{C1} & w_{C2} & w_{C3} & w_{C4} \end{bmatrix}} \right\} w_{j's}$$

- "Zero Interference" Condition

$$h_k (w_j)^T = 0, k \neq j$$

Zero-Forcing Beamforming (ZFBF)




- Use all the antennas to send every stream
- Each stream i is precoded using ZFBF weight vector $w_i = [w_{i1} \ w_{i2} \ \dots \ w_{iN}]$
- The precoded signal $w_{ij}x_i$ is sent by the j -th antenna
- The j -th antenna transmits the summation of all the precoded signal $(w_{1j}x_1 + w_{2j}x_2 + \dots + w_{Nj}x_N)$

וקטור יצירת האלומה המתקבל עבור משתמש i , המסומן כ- v_i , יתוכנן לבטל הפרעות ממשתמשים אחרים. ניתן לחשב את ה-SNR שנצפה על ידי המשתמש i כיחס בין הספק האות המתקבל להספק הרעש הכולל. הספק האות המתקבל נקבע על ידי אנרגיית השידור המוקצה למשתמש i והגבר האפקטיבי של הערוץ בין ה-BS למשתמש i , בעוד שהספק הרעש הכולל, כולל את הרעש הגאומטרי הלבן המוסף במקלט של המשתמש i . מבחינה מתמטית, ה-SNR שנצפה על ידי המשתמש i יכול לבוא לידי ביטוי כ:

$$SNR_i = \frac{(P_i \cdot |h_i \cdot v_i|^2)}{N_0}$$

כאשר P_i הוא כוח השידור המוקצה למשתמש i , h_i מייצג את וקטור הערוץ היעיל בין ה-BS למשתמש i , v_i הוא וקטור יצירת האלומה המיועד למשתמש i , N_0 היא הצפיפות הספקטרלית. הערכים הספציפיים של כוח השידור, תנאי הערוץ יקבעו את ה-SNR שנצפה על ידי המשתמש i תחת ZFBF.

→ **ZFBF – cont.**

- In ZF, v_k are chosen such that $|h_k^* v_j| = 0 \forall k \neq j$ (orthogonality) 
- How can we ensure this orthogonality??
- The resulting SNR at user k is $P_k |h_k^* v_k|^2$
- The resulting sum-rate is

$$C = \sum_k \log(1 + P_k |h_k^* v_k|^2) \text{ bits/sec/Hz}$$

$|a \cdot b|^2 = |a|^2 |b|^2 \cos^2 \alpha$

3. כדי ליצור משתנה אקראי גאומטרי עם שונות σ^2 ותוחלת אפס עבור משתנה מרוכב $Z = X + i \cdot Y$, ניתן להשתמש בהתפלגות גאומטית מרוכבת עם תוחלת אפס ושונות σ^2 . פונקציית צפיפות ההסתברות של משתנה מקרי גאומטרי מרוכב Z עם תוחלת $\mu=0$ ושונות σ^2 :

$$f_Z(z) = \left(\frac{1}{2\pi\sigma^2} \right) \cdot e^{\left(-\frac{|z-\mu|^2}{2\sigma^2} \right)} \rightarrow \left(\frac{1}{2\pi\sigma^2} \right) \cdot e^{\left(-\frac{|z|^2}{2\sigma^2} \right)}$$

כדי להגיע להתפלגות זאת נוכל להגדיר משתנים אקראיים גאומטריים X, Y בלתי תלויים, בעלי תוחלת 0 ושונות $\frac{\sigma^2}{2}$. ובכך נקבל את ה- Z שרצינו.

$$\left(\frac{1}{2\pi\sigma^2} \right) \cdot e^{\left(-\frac{|X+i \cdot Y|^2}{2\sigma^2} \right)}$$

Part 1- Simulation

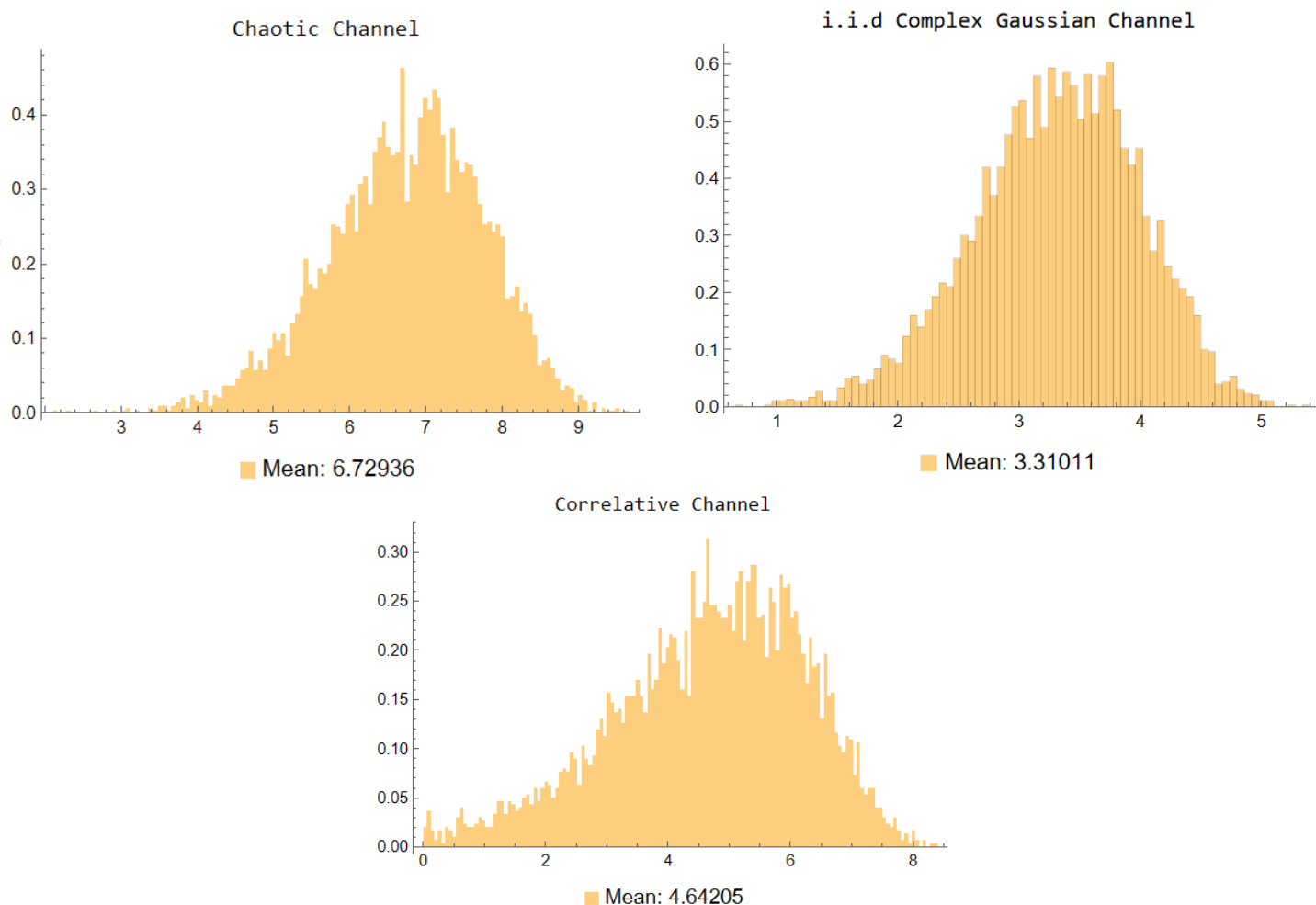
Complex standard normal random variable [\[edit\]](#)

The **standard complex normal random variable** or **standard complex Gaussian random variable** is a complex random variable Z whose real and imaginary parts are independent normally distributed random variables with mean zero and variance $1/2$. [3]: p. 494 [4]: pp. 501 Formally,

$$Z \sim \mathcal{CN}(0, 1) \iff \Re(Z) \perp \Im(Z) \text{ and } \Re(Z) \sim \mathcal{N}(0, 1/2) \text{ and } \Im(Z) \sim \mathcal{N}(0, 1/2) \quad (\text{Eq.1})$$

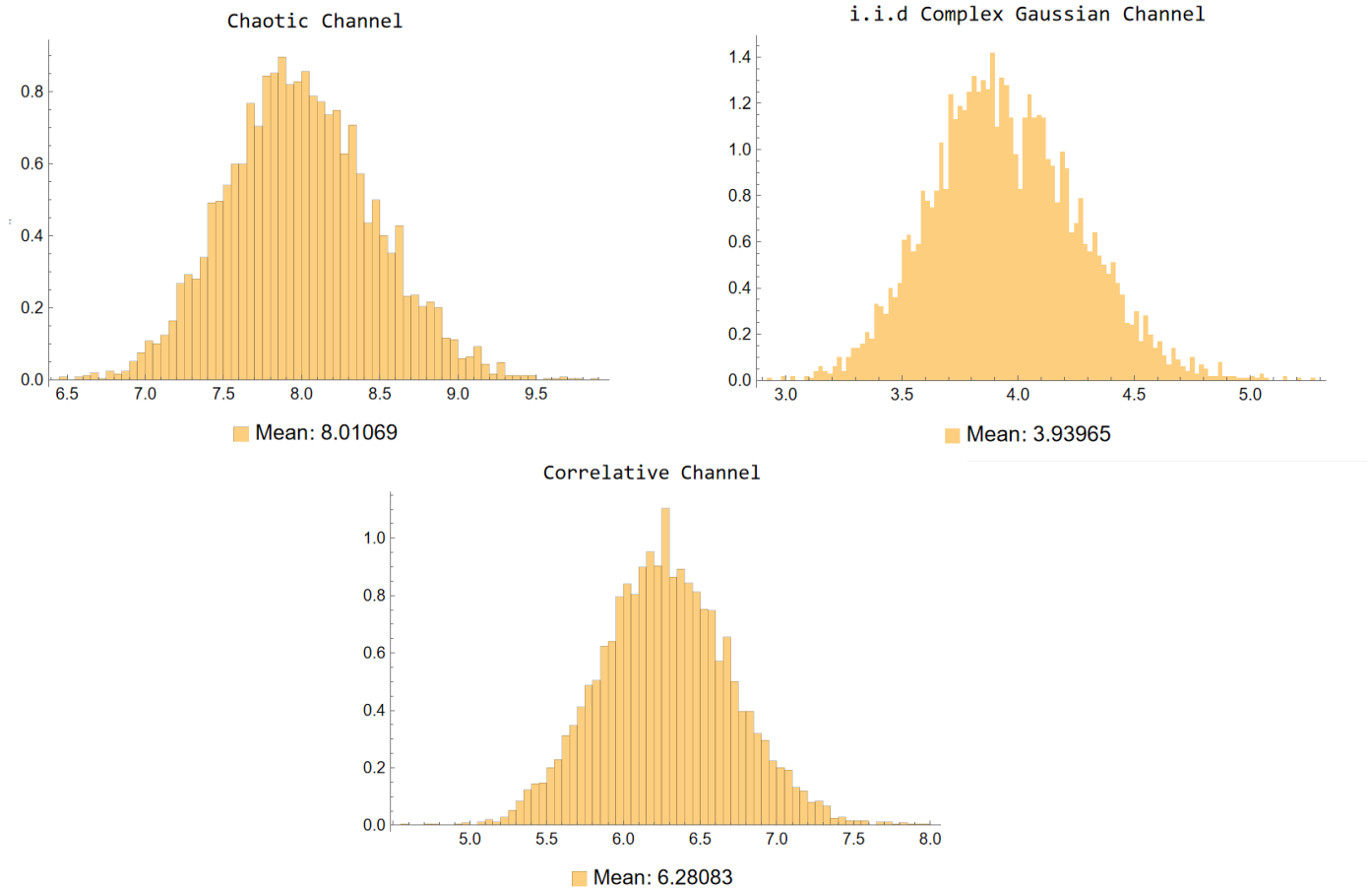
- עבור הערוץ הראשון נחשב אותו ככה
- לשאר הסעיפים נתבקשנו להניח שיש $K = 30$ ערוצים והספק השידור הוא $P = 5w$ ולבצע סימולציות לשידור בערוצים השונים כאשר הקלט הוא מספר האנטנות במשדר $t = 2$. על כל סימולציה יש לחזור 5000 פעמים ולהציג גרף של פונקציית צפיפות הפילוג של הקצב הכולל לשידור עבור כל אחד מהערוצים.

1. בשאלה זאת נצטרך לבחור באופן אקראי משתמש מ-30 המשתמשים הקיימים, ולשדר אליו מתחנת הבסיס בהספק שידור מירבי מכל האנטנות עבור כל אחד מהערוצים שהגדרנו ולחשב את קצב השידור המתקבל לפי הנוסחא שלמדנו בהרצאה. אלו שלושת הגרפים שקיבלנו:



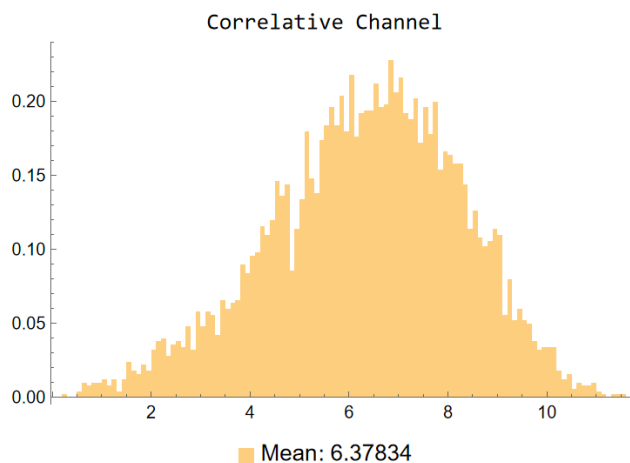
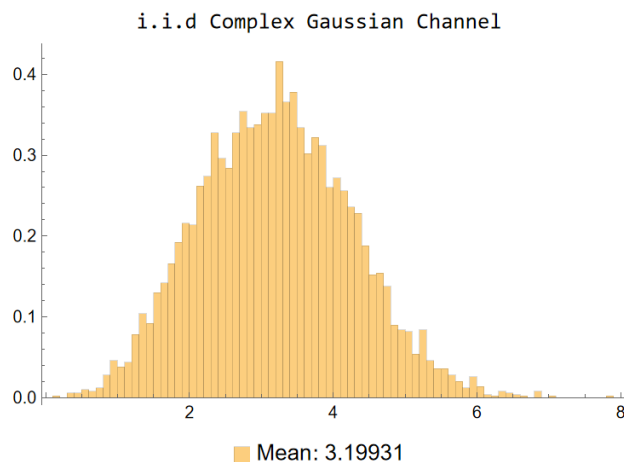
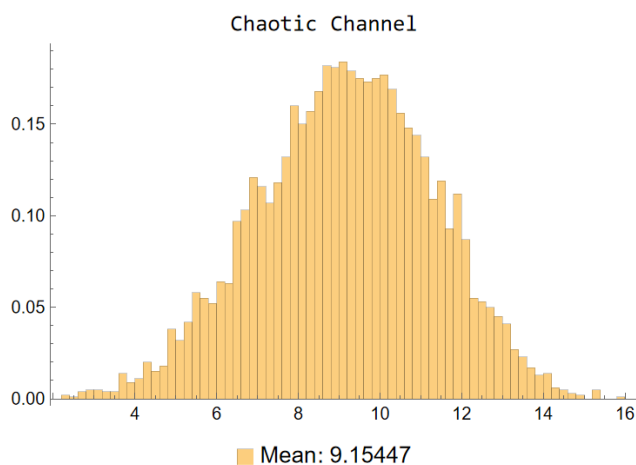
בערוץ Complex Gaussian ניתן לראות כי השונות נמוכה יותר משני הערוצים הנוספים ז"א מכיוון שהשונות קבועה בשונה מהערוץ השני, שבו היא מוגרלת מטווח ערכים באופן אחיד. בנוסף ניתן לראות שבערוץ הראשון יש פחות ערכים אפשריים של קצב השידור משני הערוצים האחרים (גם נובע משונות הערוץ). תוחלת קצב השידור בשלושת הערוצים נעה בין 3.3~6.6 בערך בגלל שבחירת המשתמש אליו תחנת הבסיס משדרת נבחר באופן אקראי ז"א יכול להיות שנבחר משתמש עם ערוץ חלש יחסית.

2. בשאלה זאת אנחנו צריכים לחפש את משתמש יחיד בעל הערוץ החזק ביותר ז"א הנורמה הכי גבוהה (מ-30 המשתמשים הקיימים) ולשדר אליו מתחנת הבסיס בהספק שידור מירבי מכל האנטנות עבור כל אחד מהערוצים שהגדרנו ולחשב את קצב השידור המתקבל לפי הנוסחא שלמדנו בהרצאה. אלו שלושת הגרפים שקיבלנו:



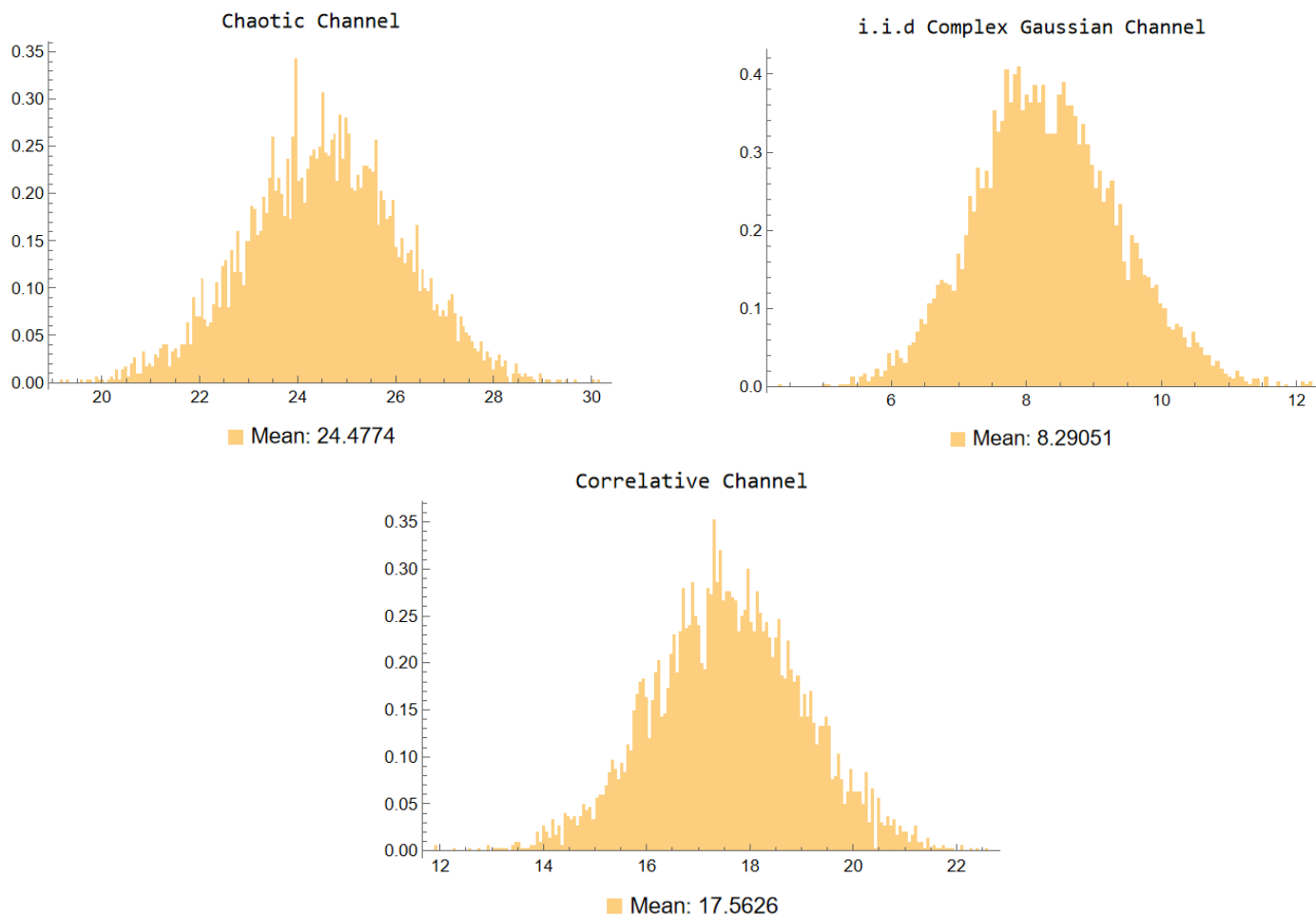
בדומה לסעיף הקודם, גם כאן ניתן לראות שהשונויות של הערוץ Complex Gaussian קטנה יותר מהשונויות של שני הערוצים הנוספים וזאת מכיוון שהיא קבועה. התוחלת שהתקבלת בשאלה זאת גבוהה יותר לעומת השאלה הקודם מפני שבחירת המשתמש אליו משדרים היא על פי נורמת הערוץ הגבוהה ביותר ולא באופן אקראי.

3. בסעיף זה היה עלינו לבחור t משתמשים באופן אקראי (מ-30 המשתמשים הקיימים) ולשדר אליהם בו זמנית מתחנת הבסיס בשימוש ב-ZFBF מכל האנטנות כך שההספק השידור יחולק באופן שווה בין המשתמשים שנבחרו עבור כל אחד מהערוצים שהגדרנו ולחשב את קצב השידור המתקבל לפי הנוסחא שלמדנו בהרצאה. עכשיו אנחנו מגדירים כי $t = 2$ ונבחרו בצורה אקראית 2 תחנות אלו שלושת הגרפים שקיבלנו:



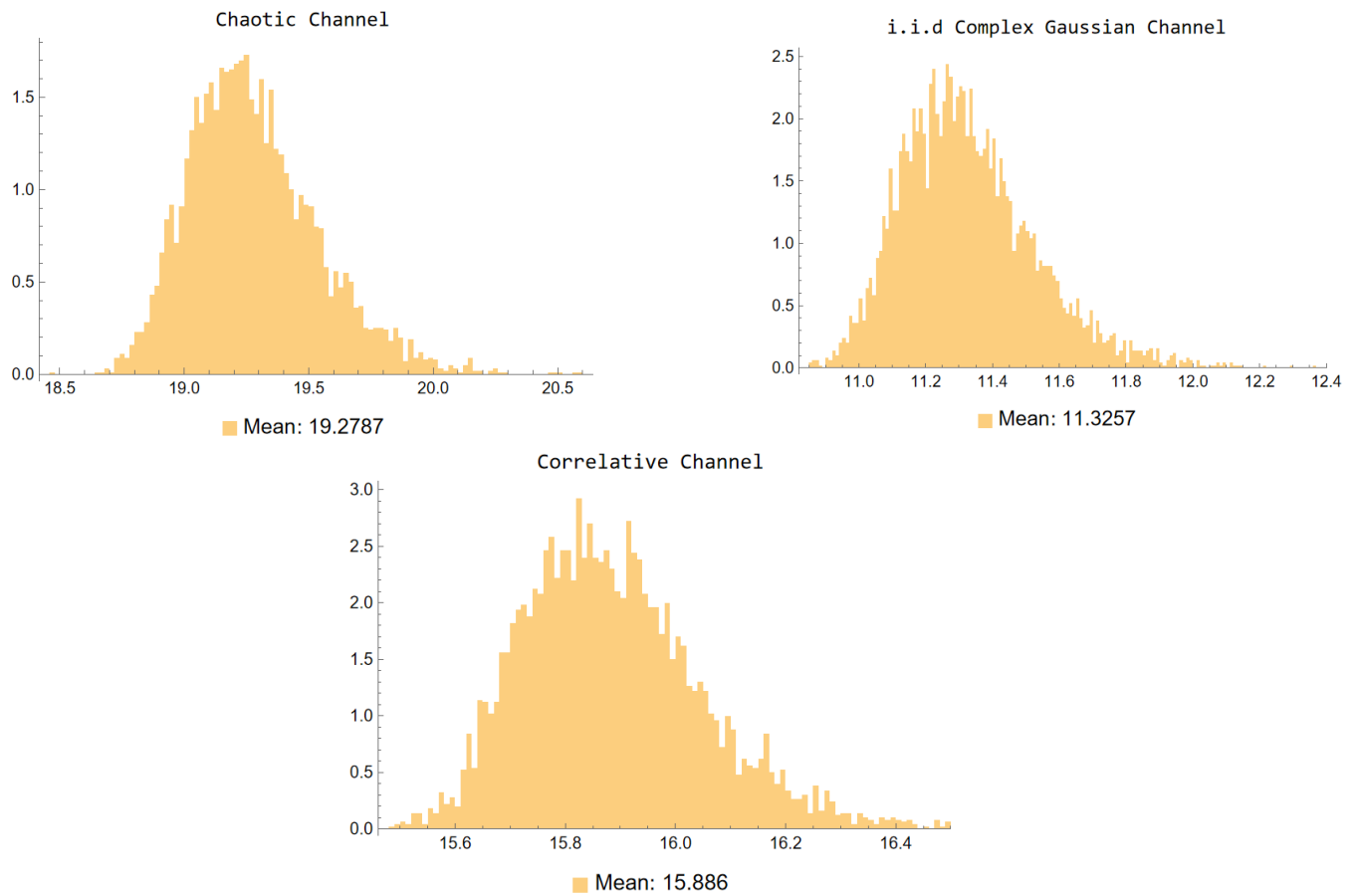
ניתן לראות שהשונות של הערוץ Chaotic ו Correlative די דומה אך גדולה בקצת מהשונות בסעיפים הקודמים עושה לנו הגיוני מכיוון שכאן אנחנו בוחרים 2 משתמשים באופן אקראי ומחשבים את קצב השידור שלהם לכן יש סבירות גבוהה שנקבל ערכים שונים של קצב השידור. כאן התוחלת נעה בין 6 ל-9 בערך בשני הערוצים (Correlative ו Chaotic) שזה טוב יותר ממשתמש יחיד הנבחר באקראי אך פחות טוב ממשתמש יחיד בעל נורמה מקסימלית.

4. בסעיף זה היה עלינו לבחור t משתמשים בעלי הערוץ החזק ביותר (מ-30 המשתמשים הקיימים) ולשדר אליהם בו זמנית מתחנת הבסיס בשימוש ZFBF מכל האנטנות כך שההספק השידור יחולק באופן שווה בין המשתמשים שנבחרו עבור כל אחד מהערוצים שהגדרנו ולחשב את קצב השידור המתקבל לפי הנוסחא שלמדנו בהרצאה. אלו שלושת הגרפים שקיבלנו:



נראה כי השונות של הערוץ Complex Gaussian קטנה מאשר מהשונות של שני הערוצים הנוספים (מכיוון שהיא קבועה). התוחלת שהתקבלה בסעיף זה גבוהה משמעותית משלושת הסעיפים הקודמים וזאת מכיוון שבחרנו לשדר לארבעת המשתמשים החזקים ביותר ז"א ארבעת המשתמשים בעלי הנורמה הגבוהה ביותר לכן בהתאם קצב השידור המתקבל גבוה יותר

5. בסעיף זה התבקשנו למצוא את כל תת הקבוצות האפשרויות בגודל t , (זאת אומרת כל האפשרויות לקבל 2 משתמשים מספר אפשרויות הוא $\binom{30}{2}$). ונתבקשנו למצוא את הקבוצה הטובה ביותר האופטימלית. במובן בתחילת התרגיל התחלנו עם $t = 5$ וכשהגענו לתרגיל 5 הגענו לזמן ריצה גדול מאוד (12 שעות בערך עבור גרף בודד וכן התוכנית רצה לילה שלם) למרות שימוש במיקבול. לכן בהמצלת ג'ורג הורדנו את t להיות 2 וחזרנו על כל הסימולציות כדי שיהיה t אחיד. אלו שלושת הגרפים שקיבלנו לאחר הסימולציות:



כאן ניתן לראות כי השונות שונה מהסעיפים הקודמים ויש ממש מספר סופי של קצבים אפשריים. זאת מכיוון שבחרנו בקבוצה האופטימלית כל פעם ולא בקבוצה אקראית או קבוצה חזקה יחסית. לעומת זאת התוחלת שהתקבלה פחות טובה מהתוחלת של הסעיף הקודם.

כמו כן ציפינו כי המקרה האופטימלי יהיה הטוב ביותר, קיבלנו זאת בערוץ הגאוזי אך בשני הערוצים האחרים (Chaotic ו Correlative) קיבלנו תוצאות דיי קרובות לסעיף קודם שם בחרנו את המקסימלים, נזכור כי מאחר ואנחנו מגרילים בכל איטרציה של הרצה ערוץ חדש נקבל תוצאות שונות אך דיי קרובות.

Bonus - Part 1

בסעיף 6 נתבקשנו לממש את אלגוריתם SUS שמטרתו לבחור t משתמשים שהם "אורתוגונליים" אחד לשני. קודם עלינו לחפש מכל המשתמשים בערוץ, מיהו המשתמש החזק ביותר (עם הנורמה הגבוהה ביותר) ולחשב את ה-Null space שלו.

כאן אפשר לראות שאנחנו משתמשים באותו ערוץ משאלה 1 ובפונקציה שמוצאת לנו את המשתמש עם הנורמה המסימלית

```
(* channel matrix*)
channelMatrix = Transpose[CH1];
(*Select the channel responses of the selected users, The user whit the max Norm*)
nullSpace = NullSpace[{channelMatrix[[MaxNormUser[channelMatrix]]]}];
```

הפונקציה הנ"ל מוצאת את הנורמה המקסימלית, ולאחר מיכן מחשבים את ה Null space של אותו משתמש.

```
MaxNormUser[Matrix_] := Position[Norm /@ Matrix, Max[Norm /@ Matrix]][[1, 1]];
```

נחשב את המרחב החדש שלנו בהינתן Null space של המשתמש עם הנורמה הגדולה ביותר

```
projections = nullSpace.ConjugateTranspose[channelMatrix];
```

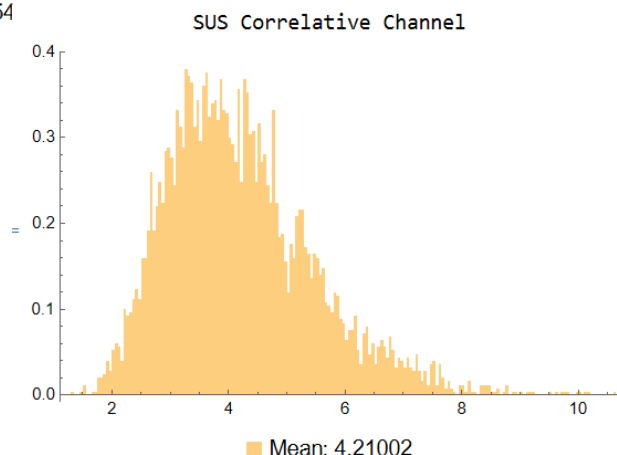
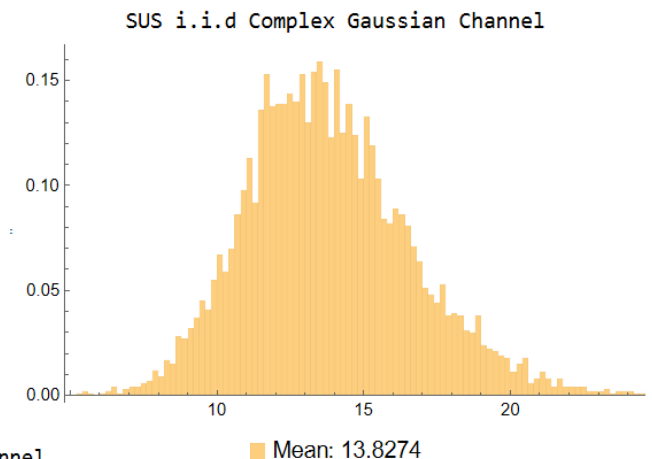
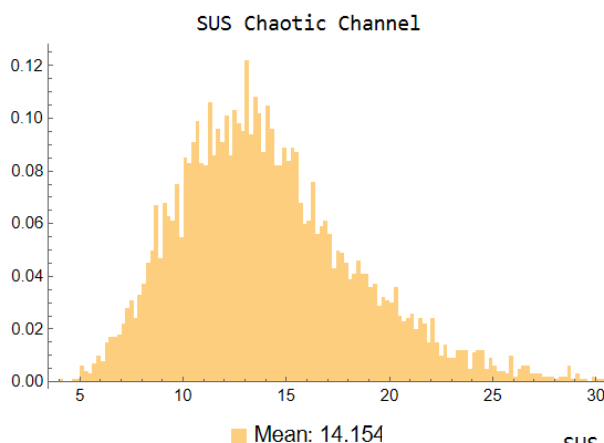
לאחר מיכן חוזרים על התהליך עם המרחב החדש עד למציאת t משתמשים במקרה שלנו $t=2$ במקרה וגילינו אותו משתמש נחזור על הפעולה כאשר לא נתחשב בו.

```
maxNormUser2 := Position[Norm /@ Transpose[projections], Max[Norm /@ Transpose[projections]]][[1, 1]];
selectedUsers = Append[selectedUsers, maxNormUser2];
nullSpace = Append[nullSpace, NullSpace[{channelMatrix[[maxNormUser2]]}][[1]]];
nullSpace = NullSpace[{nullSpace[[1]]}][[1]];
selectedUsers = DeleteDuplicates[selectedUsers];
If[Length[selectedUsers] == 1, selectedUsers = Append[selectedUsers, MaxNormUser[Transpose[nullSpace]]],
Else[Continue]];
selectedUsers = DeleteDuplicates[selectedUsers];
TotalRate[channelMatrix, selectedUsers], {5000}];
```

• קוד מאוד ערבי, נשמח אם לא תורידו לנו נקודות על כך.

נכתוב סדר פעולות פשוט:

- I. קודם עלינו לחפש מכל המשתמשים בערוץ, מיהו המשתמש החזק ביותר (עם הנורמה הגבוהה ביותר) ולחשב את ה-Null space שלו.
 - II. ביצוע הטלה של כל אחד מהמשתמשים האחרים על המרחב שמצאנו ולבחור את המשתמש בעל ההטלה המקסימלית (כלומר, הווקטור המתקבל מההטלה בעל הנורמה הגדולה ביותר).
 - III. את המשתמש שבחרנו נצרף למשתמש הראשון ונחזור על התהליך עד לקבלת t משתמשים שאליהם נשדר מתחנת הבסיס בו זמנית ונחשב את R_{aten} הכולל של הערוץ.
- עבור הסימולציה נחזור על כך 5000 פעמים ונציג בגרף:



Part 1 - Post-Simulation Questions

על השאלות האלו כבר ענינו בפרק הקודם רק עכשיו נחدد את עניין התרונות וחסרונות שהתבקשנו.

1. התבקשנו לספק הסבר קצר על התרונות וחסרונות עבור כל אחת מהבחירות המשתמשים, מהפרק הקודם.

- שאלה הראשונה:
 - היתרונות - בחירה יחסית מהירה, אנחנו בוחרים בצורה אקראית ולכן לא מסתבכים בחישובים כמו המשתמש שהשידור אליו הוא המרבי.
 - חסרונות – בחירת משתמש גרוע עלולה להוביל לתוצאת שידור לא הכי יעילה, בגלל שבחירת המשתמש אליו תחנת הבסיס משדרת נבחר באופן אקראי ז"א יכול להיות שנבחר משתמש עם ערוץ חלש יחסית.
 - שאלה שנייה:
 - היתרונות – אחד ההיתרונות כאן הוא בחירת משתמש עבורו השידור מרבי, וכך נדע איזה ערוץ הוא הטוב ביותר עבורו.
 - חסרונות – מעבר על כל המשתמשים וחישוב ובדיקה עבור מי הוא המשתמש עבורו השידור הוא הטוב ביותר, זמן חישוב גרוע.
 - שאלה שלישית:
 - היתרונות – חילוק של הספק השידור בין כל המשתמשים באופן שווה ככה יהיה חלוקה בין הערוצים, חישוב יחסית מהיר מאחר ואנחנו בוחרים בצורה אקראית כמו בשאלה הראשונה.
 - חסרונות – כמו בשאלה הראשונה יכול להיות שנבחר משתמשים עם ערוץ חלש יחסית ולכן לא ננצל את הערוץ בצורה מרבית.
 - שאלה רביעית:
 - היתרונות – כמו בשאלה השנייה ובנוסף חלוקה של הספק השידור בין כל המשתמשים.
 - חסרונות – זמן איטי אך לא אסון.
 - שאלה חמישית:
 - היתרונות – מציאת קומבינציה של המשתמשים עבורם יש שידור טוב ביותר. חלוקה שווה של הספק השידור בין המשתמשים.
 - חסרונות – עדיף לא לעשות, חישוב מאוד איטי מציאה של המשתמשים הטובים ביותר ככל שנעלה בכמות האנטנות היכולת שלנו לתמוך ביותר ערוצי שידור עולה כמובן כפי שהצגנו בהקדמה תלוי בדירוג מטריצת הערוץ שלנו.
 - שאלה שישית בונוס :
 - היתרונות- משיג תוצאה לא הכי גרועה, חישוב מהיר, מאוד לא פרודקטיבי מבחינת כתיבת קוד, גם פה חלוקה שווה של הספק השידור.
 - חסרונות – לא מוצא את האופטימלי קרוב אליו אך לא האופטימלי, לא תמיד קולע לקירוב טוב דוגמא ערוץ Chaotic רחוק מהמקרה האופטימלי.
2. ענינו על השאלה הזאת כאשר ביצענו את המדידות בפרק הקודם אפשר לראות את ההשוואות שעשינו מתחת כל סימולציה הסבר קצר.
-

1. הביטוי מייצג את מטריצת ה Pseudo-Inverse של המטריצה A . נשתמש במטריצה זו בכדי לפענח את האות המתקבל בכל מקלט על ידי הכפלתה בוקטור האות המתקבל בכל מקלט. כך כל ערוץ יקבל את המידע השייך $(A^\dagger = (A^* \cdot A)^{-1} \cdot A^*)$. נשים לב שהדרישה היא שמטריצה A תהיי בעלת עמודות בלתי תלויות עלמנת שנוכל לבצע היפוך כלומר A^{-1} . נלקח מהתרגול:

Pseudo-Inverse - Properties

- If A is invertible, then $A^\dagger = A^{-1}$
- If A 's columns are linearly independent, then $A^*A \in \mathbb{C}^{N \times N}$ is invertible and:

$$A^\dagger = (A^*A)^{-1}A^*$$

$$A^\dagger A = I_N$$
- If A 's rows are linearly independent, then $AA^* \in \mathbb{C}^{M \times M}$ is invertible and:

$$A^\dagger = A^*(AA^*)^{-1}$$

$$AA^\dagger = I_M$$

2. נשאלת השאלה למה אנחנו מניחים כי הרעש במערכת הוא Complex Gaussian, זאת מכיוון שבעולם האמיתי מודל הרעש הקיים הוא בדרך כלל Complex Gaussian ולכן נשתמש בו על מנת לדמות סיטואציות אמת שבהן נוכל באמת להתקל ולנתח את ההשפעה הפרקטית של השידור. בנוסף פילוג Complex Gaussian הוא יחסית קל יותר לניתוח מטמתי מאשר פילוגים אחרים שלמדנו ולכן נרצה לעבוד איתו בכדי להקל על עיבוד התוצאות.
3. נסביר עבור כל אחד מהפרמטרים שהוצגו X, Y, \hat{X}, A את תפקידו.
- A – מטריצת הקידוד שלנו מטריצת הערוץ, בהסתמך להתפלגות אותה אנחנו בוחרים לשדר.
 - X – זהו וקטור המידע שלנו המשווין לסימבול ספציפי אותו נרצה לשלוח (הופכים מידע לשימבולים).
 - Y – זהו האות שמתקבל במקלט המכיל בתוכו גם את הרעש המתווסף בשידור
 - \hat{X} – זו הכרעת בעיות ה LS כלומר הסימבול שנבחר לסביר ביותר ששודר לאחר פיענוח ההאות שנקלט $(Y = AX + W)$.
- עכשיו נסביר על מימדי הוקטורים שיש לנו, n גודל וקטור המידע שמשודר מתחנת הבסיס (BS) . עבור t מספר האנטנות שלנו מתחנת הבסיס והיא קובעת את גודל מטריצת הערוץ שלנו כלומר נקבל שגודל מטריצת הערוץ שלנו היא $n \times t$.
-

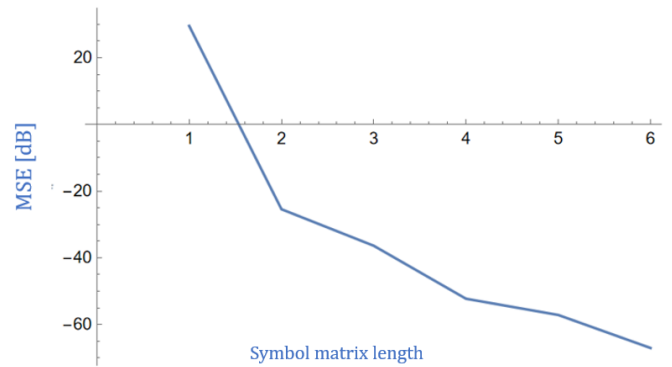
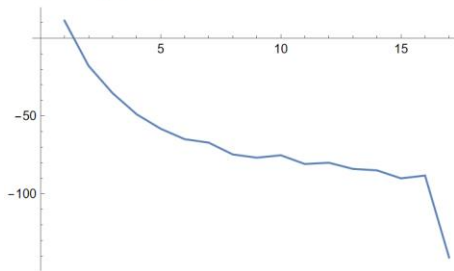
Part 2 – Simulation

1. לאחר הרצת הסימולציה נקבל:

לא היינו בטוחים כמה סימולציות צריך לכן עשינו עד 4×5

```
{11.2415, -17.7703, -35.3325, -48.8979, -58.2098, -64.94, -67.1564, -74.7275,  
-76.829, -75.2502, -80.8943, -80.0687, -84.0321, -84.9719, -90.0926, -88.3068, -140.94}
```

ListLinePlot[Listplot]



הסבר תוצאות הסימולציה: נשים לב שככל שנגדיל את כמות הסימבולים, נקבל שגיאת שיערוך קטנה יותר, זאת מכיוון שקיימים יותר סימבולים מהם יכול הערוץ לשערך ולקבל החלטה יותר מדויקת. נזכור שעל דיוק זה אנו משלמים בזמן ריצה ומשאבי המערכת.

Part 2 – Post Questions

1. לא ניתן לקבוע מספר סימבולים אופטימלי. במונחים של שגיאת שיערוך ככל שנגדיל את מספר הסימבולים (עד גבול מסוים) נשפר את תהליך הלמידה ואת שגיאת השערוך אך במונחים של זמן ריצה ומשאבים הגדלת כמות הסימבולים דורשת זמן עיבוד, פיענוח ומשאבים רבים יותר ולכן מאיטה את תהליך השידור של המידע. לכן ניתן להתייחס למספר הסימבולים האופטימלי כפונקציה של סוג הערוץ ודרישותיו כך שכל קונסטלציה תניב מספר אופטימלי אחר.

2. שימוש בסימבולים אורטוגנלים מאפשר למספר משתמשים לשדר ביחד וברוחב פס מלא. היתרון העיקרי הוא הגדלת ה-SNR ובכך להקטין את שגיאת השערוך של הערוץ. בנוסף נוכל להנות מהגדלת קיבולת הערוץ והקטנת ISI