Teacher's Content

☑ জ্যামিতির মৌলিক বিষয়াবলি

🗹 ত্রিভুজ

Content Discussion

Teacher Work

জ্যামিতির বিষয়াবলি ও ত্রিভুজ

জ্যামিতির মৌলিক বিষয়াবলি

একটি কোণের মান তার পূরক কোণের মানের অর্ধেকের সমান। কোনটির মান কত? ٥٥.

ঘ. ৬০°

খ. ২২.৫° দুটি সন্নিহিত কোণের সমষ্টি দুই সমকোণ হলে একটিকে অপরটির কি বলে? ૦રે.

(৩০তম বিসিএস)

(৩৮তম বিসিএস)

ক. সন্নিহিত কোণ

খ. সরলকোণ

গ. পূরককোণ

ঘ. সম্পূরক কোণ

০৩. দুটি পূরক কোণের সমষ্টি কত?

ক. ৭০°

খ. ৯০°

গ. ১৮০°

ঘ. ২৭০°

08. কোনটি ৩৫° কোণের পূরক কোণ?

গ. ৩২৫০

ঘ. ২৫°

০৫. দুটি কোণের সমষ্টি এক সমকোণের সমান হলে তাদের একটিকে অপরটির কি কোণ বলে?

ক. সম্পূরক

খ. পূরক

গ. সন্নিহিত

ঘ. প্রবৃদ্ধ

০৬. দুইটি সম্পূরক কোণের সমষ্টি কত?

খ. ১৮০°

গ. ১৩০°

ঘ. ১৫০°

০৭. $\angle A$ ও $\angle B$ পরস্পর সম্পূরক কোণ। $\angle A=115^\circ$ হলে $\angle B=$ কত?

খ. 75°

গ. 85°

ঘ. 90°

০৮. ২৭০° মাপের কোণের নাম কি?

ক. প্ৰবৃদ্ধ কোণ

খ, সরলকোণ

গ. পূরককোণ

ঘ. সম্পূরক কোণ

ত্রিভুজ

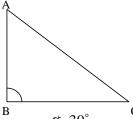
০৯. একটি সমবাহু ত্রিভুজের একটি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 একক হলে, ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত বর্গ একক?

(৩৮তম বিসিএস)

ঘ. $\frac{\sqrt{3}}{4}a^2$

 Δ ABC এ \angle B = 90°, যদি AC = 2AB হয় তবে, \angle C এর মান কত?

(৩৮তম বিসিএস)



ক. 45°

খ. 22.5°

গ. 30°

ঘ. 60°

۵۵.	যদি ত্রিভুজের দুই বাহুর ক. ১২	া দৈর্ঘ্য ৫ এবং ৬ হয় হয়, তবে তৃ খ. ৯	তীয় বাহুর দৈর্ঘ্য হতে পারে না- গ. ৮	ঘ. ৪
		্ব. ৯ বাহুকে বর্ধিত করলে উৎপন্ন বহিঃ		্ত২তম বিসিএস)
১২.	ক. ৩৬০°	र्थ. ১৮०°	१. ५७०°	ঘ. ১৫০°
			া. ১০০ র শীর্ষবিন্দু হতে ভূমির উপর অংকিত লম্বে	
১৩.	वयाण विक्रुशार्थां व दमक	मंत्र एक्यक्र १४० नगगंत्र । विक्रुवाय	त्र भाषापन्तु २८७ ज्ञामत्र ७१५ पर्यपन् गटर	া দেব্য ১২ বজ ২০ে ভূমির দেব্য কভ? (১৭তম বিসিএস)
	ক ১০ গড়	খ. ১২ গজ	et ১০ et /s	ঘ. ৭ গজ
				্ব. ৭ গুজ (৩০তম ও ১৭তম বিসিএস)
\$8.	দুটি ত্রিভুজ পরস্পর সর্বসম হওয়ার জন্য নিচের কোন শর্তটি যথেষ্ট নয়? (৩০৩ম ও ১৭৩ম বিসিএস) ক. একটির তিনবাহু অপরটির তিন বাহুর সমান			
	ক. একটির তিন কোণ অপরটির তিন কোণের সমান খ. একটির তিন কোণ অপরটির তিন কোণের সমান			
	ব. একটির দুই কোণ ও এক বাহু অপরটির দুইকোণ ও অনুরূপ বাহুর সমান			
	গ. একটির দুই বাহু ও অন্তর্ভুক্ত কোণ অপরটির দুই বাহু ও অন্তর্ভুক্ত কোণের সমান ঘ. একটির দুই বাহু ও অন্তর্ভুক্ত কোণ অপরটির দুই বাহু ও অন্তর্ভুক্ত কোণের সমান			
	-,	-,	- ` .	
ኔ ৫.				
	এর ক্ষেত্রফল কত?			(৩৪তম বিসিএস)
	- -2 -465	mt 2	$\left(x\right)^{2}$	ঘ. $\left(\frac{\sqrt{x}}{3}\right)^3$ বর্গমিটার
	ক. X ⁻ ব্যাম্টার	খ $.2x$ বর্গমিটার	গ. $\left(\frac{x}{2}\right)^2$ বর্গমিটার	$\frac{1}{3}$
S.I.	কোনো কিছকের তিন	কোণের সমদ্বিখন্ডকগুলোর ছেদবিন্দূ	্ – / লুব মাম কিং	
১৬.	ক. বহিঃকেন্দ্র	ংশণের প্রমাধ্যওকত্তগোর হেপাণ্যু খ. অন্তঃকেন্দ্র	গ্ন পান পেং গ. পরিকেন্দ্র	ঘ. ভরকেন্দ্র
۵ ۹.	·	া. অভ্যুগ্রন্থ কাণের পরিমাণ ৩৫° ও ৫৫°। ত্রি	•	৭. ০৯৫৭ এ (৩৩৯ম বিসিএস)
₽ ٦.	ক. সমকোণী		পূজাত বেশাৰ ব্যৱসায়: গ. সমদ্বিবাহু	(৩৩তম বিসিএস) ঘ. স্থুলকোণী
\$ b.		্র প্রম্বাহ এর অপর দুটি কোণের সমষ্টির সম	`	(৩৩তম বিসিএস) ঘ. স্থুলকোণী (১০ম বিসিএস)
J U.	ক. সমকোণী	· _	,	ঘ. সূক্ষকোণী
১৯.	সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ সংলগ্ন কোণ দুটির প্রত্যেকটি-			
•••	ক. সরল কোণ	, ,	গ. পূরক কোণ	ঘ স্তলকোণ
২০.				
		খ. সৃক্ষকোণী		घ. ञ्रुलकांगी
২১.		~	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	ধা আছে। উপরে মইটি বাড়িরি ছাদ <u>ছ</u> ুঁয়ে
`	আছে। মটি কত ফুট ল			(১৮তম বিসিএস)
	ক. ৪৮ ফুট	খ. ৪১ ফুট	গ. ৪৪ ফুট	ঘ. ৪৩ ফুট
২২.	কোন ত্রিভুজের বাহুগুলো	র অনুপাত নিচের কোনটি হলে এব		(৩০তম বিসিএস)
	ক. ৬ ঃ ৫ ঃ ৪	খ. ৩ ঃ ৪ ঃ ৫	গ. ১২ % ৮ % ৪	ঘ. ৬ ঃ ৪ ঃ ৩
২৩.			ছাট। কিন্তু অতিভুজ ভূমি অপেক্ষা ২ সে	: মি: বড়। অতিভুজের দৈর্ঘ্য কত?
	,		, ,	্ (৩৩তম বিসিএস)
	ক. ১০ সে: মি:	খ. ৮ সে: মি:	গ. ৪ সে: মি:	ঘ. ৬ সে: মি:
২৪.	একটি ত্রিভুজের তিনটি	কোন সমান হলে, তাকে কি ত্রিভূজ	স ব লে ?	
		খ. সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ		ঘ. বিষমবাহু ত্রিভুজ
২৫.	় একটি সমবাহু ত্রিভুজের একটি বাহু ১৬ মিটার। ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত?			(১২তম বিসিএস)
	ক. ৬৪ $\sqrt{2}$ বর্গমিটার	খ. ১৯২ বর্গমিটার	গ. ৬৪ বর্গমিটার	ঘ. ৩২ $\sqrt{ exttt{o}}$ বর্গমিটার
3 14		$10^0, \angle \mathrm{B} = 70^0,$ হলে $\Delta \mathrm{ACB}$		(৩৬তম বিসিএস)
٠٠.	ক. সমকোণী	খ. স্থুলকোণী	গ. সমদ্বিবাহু	ঘ. সমবাহু
১ ৭		- "	ন্ন বহিঃস্থ কোণগুলো পরস্পর মান হয়, '	
`	ক. সমদ্বিবাহু	খ. সমবাহু	গ. বিষমবাহু	ঘ. সূক্ষ্মকোণী

একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ভূমি ১৬ মি. এবং অপর দুটি বাহুর প্রতিটি ১০ মি. হলে ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত? (২৩তম ও ২০তম বিসিএস) ঘ. ৫০ ব. মি.

খ. ৪২ ব. মি. গ. ৪৮ ব. মি.

(৩৭তম বিসিএস)

২৯. 17 সে. মি. 15 সে. মি., 8 সে. মি. বাহু বিশিষ্ট ত্রিভুজটি হবে-ক. সমবাহু খ. সমদ্বিবাহু গ, সমকোণী ঘ. স্থূলকোণী

৩০. একটি ত্রিভুজাকৃতি মাঠের বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে $20 \mathrm{m}, 21 \mathrm{m}$ এবং $29 \mathrm{m}$ হলে এর ক্ষেত্রফল কত? (৩১তম বিসিএস)

क. 200m²

খ. 210m²

গ. 290m²

ঘ. 300m²

Student Work

জ্যামিতির মৌলিক বিষয়াবলি ও ত্রিভুজ

০১. অতিভুজের বিপরীতে থাকে-

ক, সমকোণ

খ, সরলকোণ

গ. স্থলকোণ

ঘ. সৃক্ষকোণ

সমাধান: ক. সমকোণ

০২. একটি সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ ছাড়া অন্য দুটি বাহুর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে ০.১ এবং ০.২ মিটার। ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত?

ক. ১০০ বর্গ সে. মি.

খ. ০.০১ বর্গ মিটার

গ. ২০০ বৰ্গ সে. মি.

ঘ. ০.০২ বর্গ মিটার

সমাধানঃ প্রদত্ত বাহুদ্বয় ত্রিভুজের ভূমি এবং উচ্চতা।

$$\therefore$$
 ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $= \frac{1}{2} \times$ ভূমি \times উচ্চতা $= \frac{1}{2} \times 0.1 \times 0.2$ $= 0.1 \times 0.1 = 0.01$ বর্গ মি. উত্তর : খ

০৩. ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল নির্ণয়ের সূত্র কোনটি?

ক. $\frac{5}{2}$ (ভূমি \times উচ্চতা) খ. $\frac{5}{2}$ (ভূমি + উচ্চতা) গ. $\frac{5}{2}$ (ভূমি - উচ্চতা) ঘ. $\frac{5}{2}$ (ভূমি / উচ্চতা)

সমাধান: ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল = 💃 (ভূমি × উচ্চতা) উত্তর : ক

০৪. একটি ত্রিভুজের একটি কোণের মাপ ৮২°। বাকি দুটি কোণের মাপের অনুপাত হচ্ছে ২ : ৫। সব থেকে ছোট কোণের মাপ কত? ক. ১৪° গ. ২৮° ঘ. ৭০°

সমাধান: ত্রিভুজের অপর দুটি কোণ 2x এবং 5x হলে

শর্তমতে,
$$2x + 5x = 180^{\circ} - 82^{\circ} = 98^{\circ}$$

বা,
$$7x = 98^{\circ}$$

$$\therefore x = \frac{98^{\circ}}{7} = 14^{\circ}$$

 \therefore ছোট কোণটি $= 2 \times 14^\circ = 28^\circ$ উত্তর : গ

০৫. একটি ত্রিভুজের ভূমির পরিমাণ ৪ মিটার ও উচ্চতা ৩ মিটার। ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল কত?

ঘ. ৬ বর্গমিটার

সমাধানঃ ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $=rac{1}{2} imes$ ভূমিimesউচ্চতা $=rac{1}{2} imes 4 imes 3=6$ বর্গমিটার উত্তর : ঘ

৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

০৬. একটি সমকোণী ত্রিভুজাকৃতি জমির অতিভুজ ১০ মি. এবং এক বাহু ৮ মি.। ঐ জমির ক্ষেত্রফল কত?

ক. ২৪ বর্গ মিটার

সমাধান:

সমকোণী ত্রিভুজাকৃতি জমির জন্য

(অতিভুজ)
$$^2 = ($$
ভূমি $)^2 + ($ উচ্চতা $)^2$; বা, অপর বাহু $= \sqrt{10^2 - 8^2} = 6$

$$\therefore$$
 ক্ষেত্রফল = $\frac{1}{2} \times 6 \times 8 = 24$ উত্তর : ক

০৭. একটি সমকোণী ত্রিভুজের অভিভুজ ব্যতীত অন্য দুই বাহুর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে ১০ ফুট ও ৬ ফুট। উহার ক্ষেত্রফল কত?

ক. ১৫ বর্গফুট

সমাধানঃ ক্ষেত্রফল
$$=\frac{1}{2} imes$$
 বাহুদুটির গুণফল $=\frac{1}{2} imes 6 imes = 30$ বর্গফুট উত্তর : খ

০৮. একটি সমদ্বিবাহু সমকোণী ত্রিভুজের অভিভুজের দৈর্ঘ্য ১৬ সেমি হলে ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত বর্গ সেমি?

ক. ৪৮

সমাধান:

সমদ্বিবাহু সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ ১৬ সে. মি. হলে

$$(অতিভুজ)^2 = (ভূমি)^2 + (উচ্চতা)^2$$

বা, ভূমি =
$$\sqrt{\frac{16^2}{2}} = \sqrt{64 \times 2} = 8\sqrt{2}$$

$$\therefore$$
 ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল $=\frac{1}{2} imes$ ভূমি $imes$ উচ্চতা

$$=\frac{1}{2} \times 8\sqrt{2} \times 8\sqrt{2} = 32 \times 2 = 64$$
 বর্গ সে. মি. উত্তর : গ

০৯. কোন ত্রিভুজের বাহু গুলোর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে a,b,c হলে এবং 2s=a+b+c হলে, ঐ ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল কত?

$$\overline{\Phi}$$
. $\sqrt{s(+a)(s+b)(s+c)}$

$$\forall . \sqrt{s(s-a)(s+b)(s-c)}$$

গ.
$$\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

ঘ.
$$\sqrt{s(s-a)(s-b)(s+c)}$$

সমাধান: গ.
$$\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

১০. একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ভূমি ২ সেমি এবং এক বাহুর দৈর্ঘ্য ৩ সেমি হলে, উহার ক্ষেত্রফল কত?

ক. ৯ বর্গ সে. মি.

সমাধান: সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের বাহুগুলো হবে;

ভূমি = ২ সে. মি. এবং অপর বাহুদ্বয়ের দৈর্ঘ্য = 3 সে. মি.

∴ ত্রিভুজের বাহুগুলো $a,\,b,\,$ হলে $a=3\,\,cm$

$$b = 3 \text{ cm}$$

$$\therefore$$
 ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $= \frac{b}{4} \sqrt{\left(4a^2 - b^2\right)} = \frac{2}{4} \sqrt{\left(4 \times 3^2 - 2^2\right)}$

$$=\frac{1}{2}\sqrt{36-4}$$
 $=\frac{1}{2}\sqrt{32}=\frac{1}{2}\sqrt{4\times 8}=\frac{2}{2}8=\sqrt{8}$ বর্গ সে. মি. উত্তর : ঘ

১১. একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের সমান বাহুদ্বয়ের প্রত্যেকটির দৈর্ঘ্য 10 সেমি এবং বাহুদ্বয়ের অন্তর্ভুক্ত কোণ 45° হলে, ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত বর্গ সেমি?

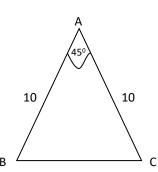
খ.
$$25\sqrt{2}$$

গ. 30

সমাধানঃ সৃক্ষকোণী ত্রিভুজ ABC হতে

BC² = AB² + AC² + 2AB.AC Cosa
=
$$(10)^2 + (10)^2 + 2.10.10 \text{ Cosa}45^\circ$$

= $100 + 100 + 200 \times \frac{1}{\sqrt{2}}$
= $100 (2 + \sqrt{2})$
 $\therefore BC = 10\sqrt{2 + \sqrt{2}}$



যেহেতু, ABC একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ

$$\therefore$$
 ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল $= \frac{b}{4} \sqrt{4a^2 - b^2}$

$$=\frac{10\sqrt{2+\sqrt{2}}}{4}\sqrt{400-200-100\sqrt{2}}=\frac{5\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}\sqrt{100(2-\sqrt{2})}$$

$$=25\sqrt{(2+2)(2-\sqrt{2})}=25\sqrt{4-2}=25\sqrt{2}$$
 উত্তর : খ

অথবা

সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $= rac{1}{2} a^2 sin heta$

এখানে a বাহুর দৈর্ঘ্য = 10 সে. মি.

এবং heta বাহুদয়ের অন্তর্ভুক্ত কোণ $=45^{\circ}$

$$\therefore$$
 ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল $=\frac{1}{2}10^2~{
m Sin}~45^0~=\frac{1}{2} imes100 imes\frac{1}{\sqrt{2}}$ $=\frac{25 imes2 imes\sqrt{2} imes\sqrt{2}}{2\sqrt{2}}$ $=25\sqrt{2}$

১২. একটি সমকোণী ত্রিভুজের অভিভুজ ছাড়া অন্য দুই বাহুর দৈর্ঘ্য ০.২ মিটার এবং ০.৩ মিটার হলে, ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত?

ক. ০.০৬ বর্গমিটার

সমাধানঃ \therefore ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল $= \frac{1}{2} \times 0.2 \times 0.3$ = 0.03 বর্গমিটার

১৩. কোনো সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ ১৩ সেমি এবং পরিসীমা ৩০ সেমি। ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় করুন।

সমাধান: ধরি, ত্রিভুজের অপর বাহুদ্বয় x এবং y

$$x + y = 30 - 13 = 17$$
 cm.

বা,
$$y = (17 - x)$$
 cm.

আমরা জানি,
$$13^2 = x^2 + (17 - x)^2$$

বা,
$$13^2 = x^2 + 17^2 - 34x + x^2$$

$$41, 2x^2 - 34x + 120 = 0$$

$$41, x^2 - 17x + 60 = 0$$

$$4, x^2 - 12x - 5x + 60 = 0$$

$$(x-12)(x-5)=0$$

∴ অপর বাহুদ্বয় 12 এবং 5 হবে।

$$\therefore$$
 ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল $=\frac{1}{2} imes$ ভূমি $imes$ উচ্চতা

$$=\frac{1}{2}\times 12\times 5=30$$
 বৰ্গ সে. মি. উত্তর : ঘ

১৪. একটি ত্রিভূজাকৃতি জমির ভূমি ৫০ মিটার এবং উচ্চতা ২০ মিটার। প্রতি বর্গমিটার ১.৫ টাকা হিসেবে ঘাস লাগাতে কত খরচ হবে?

সমাধানঃ জমির ক্ষেত্রফল
$$=\frac{1}{2} \times 50 \times 20 = 500$$
 বর্গ মি .

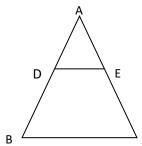
$$\therefore$$
 মোট খরচ হবে $(500 \times 1.5) = 750$ টাকা। উত্তর : ঘ

১৫. ত্রিভুজ ABC এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গ একক। D, AB এর এবং E, AC এর মধ্যবিন্দু। ত্রিভুজ ADE এর মান কত বর্গ একক?

সমাধান: D, AB এর এবং E, AC এর মধ্যবিন্দু হলে

$$\Delta ext{ADE}$$
 এর ক্ষেত্রফল $=rac{1}{4}\Delta ext{ABC}$ এর ক্ষেত্রফল

বা,
$$\Delta ADE$$
 এর ক্ষেত্রফল $=\frac{1}{4} \times 20 = 5$ বর্গ একক



উত্তর : গ

১৬. একটি সমকোণী ত্রিভুজের ভূমি ৮ ফুট এবং লম্ব ৬ ফুট হলে অতিভুজের দৈর্ঘ্য কত?

সমাধানঃ অতিভুজ
$$=\sqrt{\left(ar{\wp} \widehat{\mathbf{h}} \right)^2 + \left(ar{\mathbf{n}} \mathbf{v}_{\mathbf{d}} \right)^2}$$

$$=\sqrt{8^2+6^2}=\sqrt{100}=10$$
 ফুট

১৭. একটি সমকোণী ত্রিভুজের দুইটি বাহু যথাক্রমে ৫ মিটার ও ১২ মিটার। অতিভুজের দৈর্ঘ্য হচ্ছে-

একটি সমকোণী ত্রিভুজের ভূমির দৈর্ঘ্য লম্ব অপেক্ষা ১ মিটার কম এবং লম্ব অপেক্ষা অতিভুজের দৈর্ঘ্য ১ মিটার বেশি হলে, এর অতিভুজের দৈর্ঘ্য কত?

সমাধান: ধরি, ভূমির দৈর্ঘ্য = x মি.

লম্বের দৈর্ঘ্য =
$$(x + 1)$$
 মি.

এবং অতিভূজের দের্ঘ্য =
$$(x + 1 + 1)$$
 মি. = $(x + 2)$ মি.

সমকোণী ত্রিভুজের জন্য,

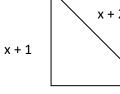
$$(x + 2)^2 = (x + 1)^2 + x^2$$

$$4x + 4x + 4 = x^2 + 2x + 1 + x^2$$

বা,
$$x^2 - 2x - 3 = 0$$

$$4x - 3x + x - 3 = 0.$$

∴
$$x = 3$$
 বা $x = -1$; অসম্ভব।



Х

উত্তর : ঘ

একটি ত্রিভুজের দুই বাহুর দৈর্ঘ্য ৬ সেন্টিমিটার এবং ৭ সেন্টিমিটার হলে তৃতীয় বাহু ——— হতে পারে না। ১৯.

সমাধান: কারণ ত্রিভুজের দুই বাহুর সমষ্টি ত্রিভুজের তৃতীয় বাহু অপেক্ষা বুহত্তর হবে। উত্তর : ঘ

২০. একটি সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ ১৫ সে. মি. এবং অপর দুটি বাহুর অন্তর ৩ সেমি. হলে অপর বাহু দুটির দৈর্ঘ্য নির্ণয় করুন।

সমাধানঃ অতিভুজ = 15 সে. মি.

ধরি, অপর বাহুদ্বয় হবে
$$x$$
 এবং $x + 3$ সে. মি.

শর্তমতে,
$$15^2 = (x+3)^2 + x^2$$

বা,
$$x^2 + 6x + 9 + x^2 = 255$$

$$4x^2 + 6x - 216 = 0$$

বা,
$$x^2 + 3x - 108 = 0$$

বা,
$$2x + 12x - 9x - 108 = 0$$

বা,
$$(x + 12)(x - 9) = 0$$

$$\therefore$$
 $x=9$ সে. মি. বা, $x=-12$ যা গ্রহণযোগ্য নয়।

এবং অপর বাহুর দৈর্ঘ্য
$$(x + 3) = 12$$
 সে. মি.

উত্তর : ঘ

২১. একটি ত্রিভুজাকৃতি ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ৮৪ বর্গগজ। ত্রিভুজটির ভূমির দৈর্ঘ্য ১৪ গজ হলে শীর্ষ বিন্দু হতে ভূমির উপর অংকিত লম্বের দৈর্ঘ্য <u>কত</u>?

সমাধান: দেয়া আছে, ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল = 84 বর্গ গজ

$$\therefore$$
 গ্রিভুজটির ক্ষেত্রফল $= \frac{1}{2} \times$ ভূমি $imes$ উচ্চতা

∴ উচ্চতা
$$\frac{2\times84}{14}=12$$
 গজ উত্তর : খ

ABC ত্রিভুজের AB = AC = 5 সে. মি.। যদি $\angle A$ এর সমদ্বিখণ্ডক BC বাহু কে E বিন্দুতে ছেদ করে এবং AE = 3 সে. মি. হয়, ২২. তবে BC = কত?

সমাধানঃ সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের সমান বাহুদ্বয়ের সাধারণ শীর্ষ হতে তৃতীয় বাহুর উপর অংকিত কোণের সমদ্বিখণ্ডক বাহুটির উপর লম্ব হবে এবং বাহুটিকে সমদ্বিখণ্ডিত করবে।

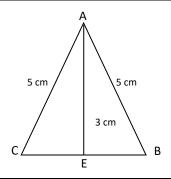
> সুতরাং $AE \perp BC$ হবে। অর্থাৎ ΔAEB একটি সমকোণী ত্রিভুজ।

$$\therefore AB^2 = AE^2 + BE^2$$

বা,
$$BE^2 = AB^2 = AE^2 = 5^2 - 3^2 = 4^2$$

$$\therefore$$
 BE = 4 cm.

$$\therefore$$
 BC = 2 × BE = 8 cm



সমাধান: এক্ষেত্রে ত্রিভুজের যেকোন দুই বাহুর সমষ্টি তৃতীয় বাহু অপেক্ষা বৃহত্তর। অন্যান্য ক্ষেত্রে.

(ক)-এর জন্য; 2+3=5 cm.

(গ)-এর জন্য;
$$3+4 < 8$$
 cm.

(ঘ)-এর জন্য;
$$1+2=3$$
 cm.

২৪. একটি সমকোণী ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল ১৪৪ বর্গ একক। সমকোণের সন্নিহিত বাহুদ্বয়ের একটির দৈর্ঘ্য ১২ একক হলে, অপরটি কত?

সমাধান: ক্ষেত্রফল = 144 বর্গ একক।

সমকোণ সংলগ্ন একটি বাহু (ভূমি) = ১২ একক

∴ অপর বাহু (উচ্চতা হলে) x হলে;

$$\frac{1}{2} \times x \times 12 = 144$$

বা,
$$x = \frac{144}{12} = 24$$
 একক উত্তর : ঘ

২৫. $\triangle ABC$ এর $\angle B$ এবং $\angle C$ এর অন্তবিখণ্ডকদ্বয় O বিন্দুতে মিলিত হলে, $\angle BOC$ = কত?

$$Φ. 90^{0} - \frac{1}{2} \angle A$$
 $∀. 90^{0} - \frac{1}{2} \angle B$

গ.
$$90^0 + \frac{1}{2} \angle C$$

গ.
$$90^{0} + \frac{1}{2} \angle C$$
 ঘ. $90^{0} + \frac{1}{2} \angle A$

সমাধানঃ ABC ত্রিফুজে $\angle A + \angle B + \angle C = 180^0$

আবার OBC ত্রিভুজে

$$\angle BOC + \angle \frac{B}{2} + \angle \frac{C}{2} = 18^{\circ}$$

বা,
$$\angle BOC = 180^0 - \left(\angle \frac{B}{2} + \angle \frac{C}{2} \right)$$

$$=180^{0}-\frac{1}{2}(\angle B+C)$$

 $= 180^{0} - \frac{1}{2} (180^{0} - \angle A)$

$$=90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$$

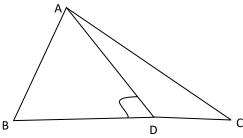


৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

২৬. $\triangle ABC$ -এ AD, $\angle A$ এর সমদ্বিখন্ডক এবং ADB সৃক্ষকোণ হলে-

$$\overline{\Phi}$$
. AD > AC

সমাধান:



চিত্রানুযায়ী ADB সুক্ষকোণ হলে;

ADC স্থুলকোণ হবে।

কারণ
$$\angle ADB + \angle ADC = 180^{\circ}$$

আবার, সুক্ষকোণের বিপরীত বাহু স্থুলকোণের বিপরীত বাহু অপেক্ষা ক্ষুদ্রতম হবে। AD < AC

উত্তর : গ

भाषात, पूत्रादात्र । वात्र वात्र व्यादात्र । वात्र मद्भाव वात्र मद्भाव । तात्र वात्र मद्भाव । तात्र वात्र वात्र

২৭. সমকোণী ত্রিভুজের সমকোণ সংলগ্ন বাহুদ্বয় যথাক্রমে ৩ ও ৪ সেন্টিমিটার হলে, এর অতিভুজের মান কত?

সমাধানঃ ধরি, সমকোণ সংলগ্ন বাহুদ্বয় যথাক্রমে ভূমি ও লম্ব হলে

$$\therefore$$
 অতিভুজ $=\sqrt{3^2+4^2}=\sqrt{9+16}=\sqrt{25}$

২৮. একটি ঘুড়ি ভূমি থেকে ৫৫ মিটার উপরে উড়ছে, যার সুতা ভূমির সঙ্গে ৬০০ কোণ উৎপন্ন করে। সুতার দৈর্ঘ্য কত?

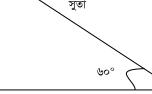
উত্তর : গ

সমাধান: $\sin 60^\circ \frac{$ লম্ব ভূমি হতে উচ্চতা সুতার দৈঘ্য

বা,
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{$$
৫৫ সুতার দৈঘ্য

∴ সুতার দৈর্ঘ্য
$$=\frac{cc \times 2}{\sqrt{2}} = 60.c$$
 মিটার

৫৫ মিটার



২৯. সূর্যের উন্নতি কোণ 60^0 হলে একটি মিনারের ছায়ার দৈর্ঘ্য 24^0 মিটার। মিনারটির উচ্চতা কত?

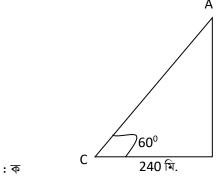
সমাধান: মনে করি, মিনারের উচ্চতা $AB \mid C$ বিন্দুতে সূর্যের উন্নতি কোণ 600, ছায়ার দৈর্ঘ্য BC = 240 মিটার ।

এখন, ΔABC-এ

$$\tan 60^0 = \frac{\text{erg}}{\text{PN}} = \frac{AB}{BC}$$

বা,
$$\sqrt{3} = \frac{AB}{240}$$

= 415.692 মিটার (প্রায়)



৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

৩০. একটি মিনারের শীর্ষবিন্দুতে ঐ বিন্দু থেকে 15 মিটার দূরের ভূতলস্থ একটি বিন্দুর অবনতি কোণ 450 হলে, মিনারটির উচ্চতা কত?

ক. 37.5 মিটার

খ. 10 মিটার

গ. 10.607 মিটার

ঘ. 15 মিটার

সমাধানঃ মনে করি, AB মিনারের উচ্চতা। মিনারের শীর্ষ A বিন্দু হতে ভূতলস্থ C বিন্দুর

দূরত্ব AC = 15 মিটার। A বিন্দুতে অবনতি ∠DAC = 45^0 হলে,

 $\angle ACB = 45^0$ (একাত্তর কোণ)

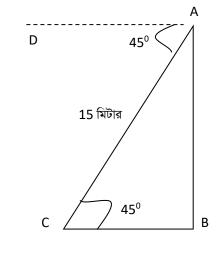
 ΔABC –এ $\sin 45^0 = \frac{}{}{}$ অতিভূজ

বা,
$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{AB}{AC}$$

বা, AB,
$$\sqrt{2} = AC$$

ৰা,
$$AB = \frac{AC}{\sqrt{2}} = \frac{15}{\sqrt{2}} = \frac{15 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}}$$

$$=\frac{15\sqrt{2}}{2}=\frac{15\times1.4142135}{2}=\frac{21.213202}{2}=10.606601$$
 $=10.607$ মিটার (প্রায়)



উত্তর : গ

একটি সরল রেখার উপর অংকিত বর্গ ঐ সরল রেখার অর্ধেকের উপর অংকিত বর্গের কত গুণ? **9**3.

ক. দ্বিগুণ

খ. তিন গুণ

গ. চারগুণ

ঘ. পাঁচগুণ

সমাধানঃ $\frac{x \bar{\lambda}}{A}$ B

ধরি AB রেখার দৈর্ঘ্য x মি.

 \therefore AB রেখার উপর অংকিত বর্গের ক্ষেত্রফল, $AB^2=x^2$ বর্গ

আবার. AB এর অর্ধেকের উপর অংকিত বর্গের ক্ষেত্রফল

$$=\left(\frac{x}{2}\right)^2$$
 বৰ্গ মি.

∴ AB এর উপর অংকিত বর্গ এর অর্ধেকের উপর অংকিত বর্গের

$$=\frac{x^2}{x^2/4}=4$$
 গুণ

উত্তর : গ

৩২. একটি গাছের পাদ বিন্দু থেকে ১৯ মিটার দূরবর্তী থেকে গাছের শীর্ষবিন্দুর উন্নতি কোণ ৪৫° হলে গাছটির উচ্চতা কত? ক. ২১ মি. গ. ১৯ মি. খ. ২০ মি. ঘ. ১৭ মি.

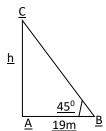
সমাধানঃ ধরি গাছটির উচ্চতা AC = h মি.

এবং পাদবিন্দু A হতে AB = 19 মি.

দূরে B বিন্দুতে C শীর্ষের উন্নতি কোণ $\angle ABC = 45^{\circ}$ এখন ABC সমকোণী ত্রিভুজ হতে,

$$\tan \angle ABC = \tan 45^0 = \frac{h}{19}$$

বা, $1 = \frac{h}{19}$: h = 19 মি.



উত্তর : গ

- ৩৩. City B is 5 miles east of city A. City C is 10 miles southeast of city B. Which of the following is the closest to the distance from city A to City? (২৯তম বিসিএস)
 - क. 11 miles
- খ. 12 miles
- গ. 13 miles
- ঘ. 14 miles

সমাধানঃ চিত্রে AB = 5 মাইল

$$AC = ?$$

এখন AB-কে বর্ধিত করে তার উপর C হতে লম্ব টানলো তা D বিন্দুতে ছেদ করে।

$$\therefore \angle DBC = \angle DCB = 45^{\circ}$$

ধরি,
$$DB = DC = x$$

 \therefore DBC সমকোণী ত্রিভুজে BD² + DC² = BC²

বা,
$$x^2 + x^2 = 10^2$$

$$\therefore \sqrt{2}x = 10$$

$$\therefore x = \frac{10}{\sqrt{2}} = \sqrt{\left(\frac{10}{\sqrt{2}}\right)^2} = \sqrt{\frac{100}{2}} = \sqrt{50} \approx 7$$

∴ AD = AB + BD = 5 + 7 = 12 এবং CD = 7

উত্তর : ঘ

এখন ADC সমকোণী ত্রিভুজ হতে,

$$AC2 = AD2 + CD2$$

বা,
$$AC = \sqrt{12^2 + 7^2} = \sqrt{144 + 49} = \sqrt{193} \approx 14$$

৩৪. ৬ ফুট দীর্ঘ একটি বাঁশের ৪ ফুট দীর্ঘ ছায়া হয়। একই সময়ে গাছের ছায়া ৬৪ ফুট লমা। গাছটির উচ্চতা কত ফুট?

একটি সরলরেখার উপর অঙ্কিত বর্গের ক্ষেত্রফল ঐ সরল রেখার এক চতুর্থাংশের উপর অঙ্কিত বর্গের ক্ষেত্রফলের কত গুণ?

সমাধান: ধরি, বাঁশের দৈর্ঘ্য x মি.

এবং বাঁশের ছায়ার দৈর্ঘ্য X1 মি.

অপরদিকে গাছের দৈর্ঘ্য y মি.

ও গাছের ছায়ার দৈর্ঘ্য y1 মি.

কোনো বস্তুর ছায়ার দৈর্ঘ্য তার উচ্চতার সমানুপাতিক।

$$\therefore \frac{x}{x_1} = \frac{y}{y^1}$$

বা,
$$y = \frac{x}{x_1} \times y_1$$

বা,
$$y = \frac{6}{4} \times 64 = 96$$
 ফুট। উত্তর : ঘ

(২১তম বিসিএস)

ক. ১৬ খ. ৪

সমাধানঃ \mathbf{x} দৈর্ঘ্যের সরলরেখার উপর অকিত বর্গ $=\mathbf{x}^2$ বর্গ একক

$$\frac{x}{4}$$
 " " $\left(\frac{x}{4}\right)^2$ " "

$$=\frac{x^2}{4^2}$$
" "

$$=\frac{x^2}{16}$$
" "

∴ এদের অনুপাত =
$$\frac{x^2}{x^2/16}$$
 = 16

উত্তর : ক

૭૯.

৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

AB ও CD সরলরেখাদ্বয় 'O' বিন্দুতে ছেদ করলে নিচের কোন গাণিতিক বাক্যটি সঠিক হবে? **৩**৬.

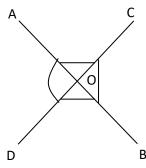
(১৭তম বিসিএস)

Φ. $\angle AOD = \angle BOC$ ∀. $\angle AOD = \angle BOD$

ঘ. কোনটিই নয়

- সমাধানঃ AB ও CD রেখাদ্বয় পরস্পরকে O বিন্দুতে ছেদ করলে উৎপন্ন বিপ্রতীপ কোণ গুলো সমান হবে।
 - ∴ ∠AOC = ∠BOD এবং ∠AOD = ∠BOC





৩৭. 3x-y=2 এবং 2x+3y=5 সরলরেখা দুইটি যে বিন্দু দিয়ে অতিক্রম করবে-

ঘ. (0, 2)

সমাধান: প্রদত্ত সমীকরণদ্বয় 3x - y = 2 _____ (i)

$$2x + 3y = 5 \tag{ii}$$

(i) নং কে 3 দ্বারা গুণ করে (ii) নং যোগ করে পাই,

$$9x - 3y = 6$$

$$2x + 3y = 5$$

$$11x = 11$$

$$\therefore x = 1$$

 \therefore y = 1

x-এর মান (i) নং-এর বসিয়ে 3 - y = 2

$$(x, y) = (1, 1)$$

৩৮. দুটি কোণ পরস্পর সমান এবং এদের বাহু অপরটির এক বাহুর সমান্তরাল। কোণ দুটির অপর বাহুদ্বয়ের মধ্যে সম্পর্ক কিরূপ?

ক, এরা পরস্পর সমান

- খ্ এরা পরস্পর সমান্তরাল
- গ, এরা পরস্পর উপর লম্ব
- ঘ_ এরা পরস্পর ছেদক

সমাধান: খ. এরা পরস্পর সমান্তরাল

৩৯. একটি সরল রেখার উপর অংকিত বর্গ ঐ সরল রেখার এক-তৃতীয়াংশের উপর অংকিত বর্গের কত গুণ?

উত্তর : গ

ঘ. ১৭ গুণ

সমাধানঃ \mathbf{x} দৈর্ঘ্যের সরলরেখার উপর অংকিত বর্গ $=\mathbf{x}^2$ বর্গ একক

$$\frac{x}{3}$$
 "

$$\frac{x}{3} = \frac{x}{3} = \frac{x}{3}$$

$$=\frac{x^2}{3^2}$$
" "

$$=\frac{x^2}{9}$$
" "

- $\therefore \text{ এদের অনুপাত } = \frac{x^2}{x^2/2} = 9$
 - উত্তর : গ
- ৪০. বিষুবরেখার দের্ঘ্য যদি ৪০ মিলিয়ন মিটার হয়, তবে পৃথিবীর ব্যাসার্ধ কত কিলোমিটার?

সমাধানঃ বিষুব রেখার দৈর্ঘ্য পৃথিবীর পরিধির সমান হবে। ধরি পৃথিবী ব্যাসার্ধ R মি.

$$\therefore 2 \pi R = 40,000,000$$

বা,
$$\frac{40,000,000}{2 \times 3.1416}$$
 মি.

$$\text{ II, } \frac{40,000,000}{2 \times 3.1416 \times 1000}$$

8১. একজন লোক একটি নির্দিষ্ট স্থান ${f A}$ থেকে যাত্রা শুরু করে ১২ কিলোমিটার ঠিক উত্তর দিকে গেল এবং সেখান থেকে ৫ কিলোমিটার ঠিক পূর্ব দিকে গেল। যাত্রা শেষে সে ${f A}$ থেকে কত দূরে থাকবে।

ক. ১৭ কিলোমিটার

খ. ১৫ কিলোমিটার

গ. ১৪ কিলোমিটার

ঘ. ১৩ কিলোমিটার

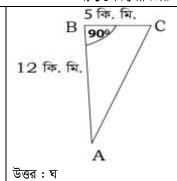
সমাধান: ধরি লোকটি A হতে ১২ কি. মি. উত্তরে B এবং তারপর ৫ কি. মি. পূর্বে বিন্দুতে পৌছে।

AC যোগ করলে ABC সমকোণী ত্রিভুজ উৎপন্ন হবে।

∴ ABC সমকোণী ত্রিভুজ হতে,

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$\therefore AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = \sqrt{12^2 + 5^2} = \sqrt{169}$$



8২. একটি সমবাহু ত্রিভুজের বাহুর প্রত্যেকটির দৈর্ঘ্য 2 মিটার বাড়ালে এর ক্ষেত্রফল $3\sqrt{3}$ বর্গ মিটার বেড়ে যায়। সমবাহু ত্রিভুজের বাহুর দৈর্ঘ্য কত ? (৩২তম বিসিএস)

ক. ১ মিটার

খ. ২ মিটার

গ. ৩ মিটার

ঘ. ৪ মিটার

সমাধান: খ. ২ মিটার

ধরি,

সমবাহু ত্রিভুজের বাহু x মিটার

∴ সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $\frac{\sqrt{3}}{4}x^2$ বর্গ. মি.

শৰ্তমতে,

$$\frac{\sqrt{3}}{4}(x+2)^2 = \frac{\sqrt{3}}{4}x^2 + 3\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{4}(x^2 + 4x + 4) = \frac{\sqrt{3}x^2 + 12\sqrt{3}}{4}$$

$$\Rightarrow \sqrt{3}(x^2 + 4x + 4) = \sqrt{3}(x^2 + 12)$$

$$\Rightarrow x^2 + 4x + 4 = x^2 + 12$$

$$\Rightarrow 4x = 12 - 4$$

$$\Rightarrow x = \frac{8}{4}; \qquad \Rightarrow x = 2; \qquad \therefore x = 2$$

∴ বাহুর দৈর্ঘ্য = ২ মিটার উত্তর : খ

৪৩. ত্রিভুজের যে কোনো দুই বাহুর মধ্য বিন্দুর সংযোজক সরলরেখা তৃতীয় বাহুর-

ক, সমান

খ. এক-তৃতীয়াংশ

গ. দ্বিগুণ

ঘ. অর্ধেক

সমাধানঃ ঘ. অর্ধেক

৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

88. x + y - 1 = 0, x - y + 1 = 0 এবং y + 3 = 0 সরল রেখা তিনটি দ্বারা গঠিত ত্রিভুজটি-

ক. সমবাহু

খ. বিষমবাহু

গ. সমকোণী

ঘ. সমদ্বিবাহু

সমাধান: x + y - 1 = 0 এবং x - y + 1 = 0 সমাধান করে পাই,

$$1 - y = y - 1$$
 বা, $2y = :: y = 1$ এবং $x = 0$

∴ একটি শীর্ষ (0, 1)

আবার, x + y - 1 = 0 এবং y + 3 = 0

সমাধান করে,

$$1 - x = -3$$
 বা, $x = 4$ এবং $y = -3$

∴ দিতীয় শীর্ষ (x, y) = (4 – 3)

এবং x - y + 1 = 0 এবং y + 3 = 0

সমাধান করে,

$$x + 1 = -3$$
 বা, $x = -4$ এবং $y = -3$

∴ তৃতীয় শীর্ষ (x, y) = (-4, -3)

∴ ত্রিভুজের চিত্রটি হতে নিমুরূপ:

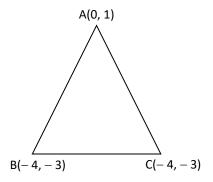
এখন, AB =

$$\sqrt{(0-4)^2 + (1+3)^2} = \sqrt{16+16} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$$

 $AC = \sqrt{(0+4)^2 + (1+3)^2} = \sqrt{16+16} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$

এবং BC =
$$\sqrt{(4+4)^2 + (-3+3)^2} = \sqrt{8^2} = 8$$

∴ AB = AC এবং তিভুজটি সমদ্বিবাহু।



উত্তর : ঘ

৪৫. ২৫৩০ কোণকে কি কোণ বলে?

ক. সৃক্ষকোণ

খ. স্থুলকোণ

গ. পূরককোণ

ঘ. প্রবৃদ্ধ কোণ

সমাধান: ঘ. প্রবৃদ্ধ কোণ

৪৬. ইউক্লিডের মহাগ্রন্থ কয়টি খণ্ডে বিন্যস্ত?

ক. ৭টি

খ. ৯টি

গ. ১১টি

ঘ. ১৩টি

সমাধান: ঘ. ১৩টি

৪৭. রেখার প্রান্ত বিন্দুর সংখ্যা হল-

সমাধান: ঘ. কোন প্রান্তবিন্দু নেই

ক. একটি

খ. দুটি

গ, তিনটি

ঘ. কোন প্রান্তবিন্দু নেই