# ৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

# **Teacher's Content**

✓ সরলীকরণ

✓ সমাধান

☑ অসমতা

# **Content Discussion**

### সরলীকরণ

০১. 
$$a - [a - \{a - (a - \overline{a - 1})\}] =$$
 কত? (৩৬তম বিসিএস)

ঘ. a + 1

০২. 
$$\frac{15 \div 15 \times 15}{15 \div 15 \text{ এর } 15}$$
 সরল করলে তার মান হবে- (১১৩ম বিসিএস)

০৩. নিচের কোনটি 
$$\left(\sqrt{5}-\sqrt{3}\right)$$
 এর সমান? (৩৩তম বিসিএস)

ক. 
$$\sqrt{2}$$

ক. 
$$\sqrt{2}$$
 খ.  $\frac{1}{2(\sqrt{5}-\sqrt{3})}$ 

গ. 
$$\frac{1}{\sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{3}}$$
 ঘ.  $\frac{2}{\sqrt{3} + \sqrt{5}}$ 

$$o8. \quad \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{6}+2} = \text{ and } ?$$

(৩২তম বিসিএস)

$$\overline{\Phi}. \ \sqrt{3} + \sqrt{2} \qquad \qquad \forall. \ 3 - \sqrt{2}$$

$$\sqrt{3} - \sqrt{2}$$

গ. 
$$\sqrt{3} - \sqrt{2}$$

ঘ. 
$$\sqrt{3} + 2$$

০৫. 
$$a=1, b=-1, c=2, d=-2$$
 হলে,  $a-(-b)-(-c)-(-d)$  এর মান কত? (১৫তম বিসিএস)

- ক. 0 খ. 1 গ. 2
- ঘ. 3

০৬. 
$$x^2 + y^2 = 185, x - y = 3$$
 এর একটি সমাধান হল :

(৩৬তম বিসিএস)

- ক. (7, 4) খ. (9, 6) গ. (10, 7) ঘ. (11, 8)

০৭. যদি 
$$(25)^{2x+3}=5^{3x+6}$$
 হয়, তবে  $x=$  কত? (৩৬তম বিসিএস) ক.  $0$  খ.  $1$  গ.  $-1$  ঘ.  $4$ 

- ob.  $\frac{3}{x} + \frac{4}{x+1} = 2$  হলে, x-এর মানটি-(৩৫তম বিসিএস)
- খ. 2 গ. 3
- ০৯.  $x^{-3} 0.001 = 0$  হলে,  $x^2$ -এর মান-
- (৩৫তম বিসিএস)

- ক. 100 খ.  $\frac{1}{10}$  গ. 10 ঘ.  $\frac{1}{100}$
- ক. 0 খ. 1 গ. 225 ঘ.  $\frac{1}{225}$  >০. যদি  $\left(\frac{a}{b}\right)^{x-3} = \left(\frac{b}{a}\right)^{x-5}$  হয় তবে এর মান কত?

(৩৩তম বিসিএস)

- ক. ৪ খ. 3 গ. 5
- (৩৩তম বিসিএস)
- ১১. 36.2<sup>3x 8</sup> =3² হলে x এর মান কত?
  - ঘ. 2
  - ক.  $\frac{7}{3}$  খ. 3 গ.  $\frac{8}{3}$

ঘ. 4

- ১২.  $3.27^x = 9^{x+4}$  হলে x এর মান কত?
  - ক. 9 খ. 3 গ. 7

- ১৩. যদি (x-5)  $(a+x)=x^2-25$  হয়, তবে a এর মান কত? (১০ম বিসিএস)
  - ক. 5 খ. 5 গ. 25 ঘ. 25

- ১৪. (x y, 3) = (0, x + 2y) হলে,  $(x, y) = \overline{4}$ 
  - (৩৫তম বিসিএস)

- ক. (1, 1) খ. (1, 3) গ. (−1, −1) ঘ. (−3, 1)

## অসমতা

- ১৫. বাস্তব সংখ্যা  $|2x-3| \le |$  অসমতাটির সমাধান- (৩৮তম বিসিএস)
- খ.  $x \le 1$  অথবা  $x \ge 2$
- f.  $1 \le x \le 2$  f. -1 < x < 2

# ৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

১৬. 
$$x^2 - 5x + 6 < 0$$
 হলে-

(৩৭তম বিসিএস)

$$\overline{\Phi}$$
. 2 < x < 3

$$\forall . -3 < x < -2$$

গ. 
$$x < 2$$

ঘ. 
$$x < 3$$

(৩৫তম বিসিএস)

$$\Phi$$
. 2 < x < 8

$$\forall . -2 < x < 8$$

$$97 - 8 < x < -7$$

গ. 
$$-8 < x < -2$$
 

ঘ.  $-4 < x < -2$ 

### ১৮. x > y এবং z < 0 হলে, নিচের কোনটি সটিক? (৩০তম বিসিএস)

$$\overline{\Phi}$$
.  $xz > yz$ 

$$\forall . \ \frac{x}{z} > \frac{y}{z}$$

$$\mathfrak{I}. \ \frac{z}{x} < \frac{z}{y} \qquad \qquad \mathfrak{I}. \ xz < yz$$

১৯. 
$$x>y$$
 এবং  $xy<0$  হলে, নিচের কোনটি ঋনাত্মক হবে?

গ. 
$$x - y$$
 ঘ.  $x^2 - y^2$ 

### ২০. যদি x < y এবং a < b হয়, তবে কোনটি সম্পর্কটি সঠিক?

$$\overline{\Phi}$$
.  $a + x > b + y$ 

গ. 
$$a + \mathbf{x} < b + \mathbf{y}$$

ঘ. 
$$ax = by$$

### $3. \quad \text{If } 6-4x \le 14, \text{ Then }$

$$\overline{\Phi}$$
.  $\mathbf{x} \leq 2$ 

আমরা সাইফুর'স কর্তৃপক্ষ চাই যে আপনি এই ক্লাস থেকে পুরোপুরি উপকৃত হন।

এই উদ্দেশ্যকে সামনে রেখেই সমানীত শিক্ষকদেরকে একমাত্র S@ifur's-এই বারবার প্রশিক্ষণ দেওয়া হয়। অতএব, ক্লাসের পড়া না বুঝে থাকলে আপনি নিঃসঙ্কোচে টিচারের সাহায্য নিন। এরপরও শিক্ষকদের পড়ানো নিয়ে, শীট নিয়ে ও অফিস ব্যবস্থাপনা নিয়ে কোন প্রশংসা কিংবা সমস্যা থাকলে- (01613 43 20 65) নম্বরে SMS দিয়ে জানান।

# Student Work

সরলীকরণ, সমাধান (সরল ও দ্বিপদী সমীকরণ, সরল ও দ্বিপদী অসমতা এবং সরল সহসমীকরণ)

০১. 
$$(-1)x(-1)x(-1)+(-1)x(-1)$$
 কত?

$$\overline{\Phi}$$
  $r - r^2$ 

ক. 
$$x - x^2$$
 খ.  $x + x^2$  গ.  $2x + x^2$  ঘ. 1

$$= -x^2 + x$$

$$=x-x^2$$
 উত্তর : ক

০২. 
$$2 + (-2) \{-(x)\} - 2 =$$
 কত?

সমাধান ঃ 
$$2 + (-2) \{-(x)\} - 2$$

$$=2-2+2-2$$

$$=4-4$$

oo. 
$$\frac{15 \div 15 \times 15}{15 \div 15 \times 15} = ?$$

সমাধান ঃ 
$$\frac{15 \div 15 \times 15}{15 \div 15 \times 15}$$

$$=\frac{1\times15}{1\times15}$$
 1

**88.** 
$$\frac{a^2 - x^2}{a + y} + \frac{a^2 - y^2}{ax + x^2} \times \frac{1}{a - x} = \text{70}$$

$$\overline{\Phi}$$
.  $\frac{a-y}{x}$ 

$$\overline{\Phi}$$
.  $\frac{a-y}{x}$ 

গ. 
$$\frac{x-y}{a}$$

গ. 
$$\frac{x-y}{a}$$
 

য.  $\frac{y+a}{x}$ 

সমাধান ঃ 
$$\frac{a^2-x^2}{a+y} \times \frac{a^2-y^2}{ax+x^2} \times \frac{1}{a-x}$$

$$\frac{(a+x)(a-x)}{(a+y)}\frac{(a+y)(a-y)}{x(a+x)} \times \frac{1}{(a-x)} = \frac{a-y}{x}$$

উত্তর : ক

# ৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

oc. 
$$\frac{a^2 + b^2 - c^2 + 2ab}{a^2 - b^2 + c^2 + 2ac} = \overline{\qquad}$$

$$\Phi. \frac{a+b-c}{a-b+c} \qquad \forall. \frac{a+b-c}{a-b-c}$$

$$\forall . \frac{a+b-c}{a-b-c}$$

গ. 
$$\frac{a+b+c}{a-b+c}$$

ঘ. 
$$\frac{a+b-c}{a+b+c}$$

সমাধান ঃ

$$\frac{a^2 + b^2 - c^2 + 2ab}{a^2 - b^2 + c^2 + 2ac}$$

$$= \frac{(a^2 + 2ab + b^2) - c^2}{(a^2 + 2ac + c^2) - b^2}$$

$$= \frac{(a+b)^2 - c^2}{(a+c)^2 - b^2}$$

$$= \frac{(a+b+c)(a+b-c)}{(a+b+c)(a-b+c)}$$

$$= \frac{a+b-c}{a-b+c}$$
Gen 3

ob. 
$$\frac{1}{2} \left( \frac{1}{x-1} - \frac{1}{x+1} \right) - \frac{1}{x^2+1}$$
 মান কত?

ক. 
$$\frac{2}{x^4 - 1}$$
 খ.  $\frac{3}{x^4 - 1}$  গ.  $\frac{3}{x^4 - 2}$  ঘ.  $\frac{1}{x^4 - 1}$ 

গ. 
$$\frac{3}{x^4-2}$$

ঘ. 
$$\frac{1}{x^4-1}$$

সমাধান ঃ 
$$\frac{1}{2} \left( \frac{1}{x-1} - \frac{1}{x+1} \right) - \frac{1}{x^2 + 1}$$

$$= \frac{1}{2} \left\{ \frac{x+1-x+1}{(x-1)(x+1)} \right\} - \frac{1}{x^2 + 1}$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{x^2 - 1} - \frac{1}{x^2 + 1}$$

$$= \frac{1}{x^2 - 1} - \frac{1}{x^2 + 1}$$

$$= \frac{x^2 + 1 - x^2 + 1}{(x^2 - 1)(x^2 + 1)}$$

$$= \frac{2}{x^4 - 1}$$
 উত্তর : ক

on. 
$$\frac{1}{a^2 + ab + b^2} \times \frac{2a}{a^3 + b^3} \times \frac{a^4 + a^2b^2 + b^4}{4a^2}$$

ক. 
$$\frac{2}{a^4-1}$$

খ. 
$$\frac{3}{a^2-1}$$

গ. 
$$\frac{1}{2a(a+2)}$$

ঘ. 
$$\frac{1}{a^4-b}$$

সমাধান ঃ 
$$\frac{1}{a^2 + ab + b^2} \times \frac{2a}{a^3 + b^3} \times \frac{a^4 + a^2b^2 + b^4}{4a^2}$$

$$= \frac{1}{\left(a^2 + ab + b^2\right)} \times \frac{2a}{\left(a + b\right)\left(a^2 - ab + b^2\right)}$$

$$\times \frac{\left(a^2+ab+b^2\right)\left(a^2-ab+b^2\right)}{4a^2}$$

$$=\frac{1}{2a(a+b)}$$

$$\therefore$$
 নির্ণেয় সরল  $\frac{1}{2a(a+b)}$ 

ob. 
$$\frac{a^2 - x^2}{a + b} \times \frac{a^2 - b^2}{ax + x^2} \times \left(a + \frac{ax}{a - x}\right)$$
 মান কত?

$$\Phi. \frac{a^2(x-b)}{x} \qquad \forall. \frac{a^2(a-b)}{x}$$

$$\forall . \frac{a^2(a-b)}{x}$$

গ. 
$$\frac{a}{2a(a+x)}$$
 ঘ.  $\frac{1}{a^4-x}$ 

ঘ. 
$$\frac{1}{a^4 - x}$$

$$\frac{a^{2} - x^{2}}{a + b} \times \frac{a^{2} - b^{2}}{ax + x^{2}} \times \left(a + \frac{ax}{a - x}\right)$$

$$= \frac{a^{2} - x^{2}}{a + b} \times \frac{a^{2} - b^{2}}{ax + x^{2}} \times \left(\frac{a^{2} - ax + ax}{a - x}\right)$$

$$= \frac{(a + x)(a - x)}{(a + b)} \times \frac{(a + b)(a - b)}{x(a + x)} \times \frac{a^{2}}{(a - x)}$$

$$= \frac{a^{2}(a - b)}{x}$$

# ৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

০৯. 
$$\frac{x}{b-c} = \frac{y}{c-a} = \frac{z}{a-b}$$
 হলে,  $x + y + z = \overline{a}$ 

সমাধান ঃ ধরি, 
$$\frac{x}{b-c} = \frac{y}{c-a} = \frac{z}{a-b} = k$$

$$x = k (b - c); y = k (c - a)$$
 এবং  $z = k (a - b)$ 

$$\therefore x + y + z = k (b - c + c - a + a - b)$$

$$=$$
  $\mathbf{k} imes 0 = 0$  উত্তর : ক

১০.  $x^4 = 81$  হলে এবং x ধনাত্মক হলে, x-এর মান কত?

ক. 
$$\frac{81}{4}$$
 খ. 7 গ.  $\frac{4}{81}$  ঘ. 3

গ. 
$$\frac{4}{81}$$

সমাধান ঃ x4 = 81; বা,  $\sqrt{x^4} = \sqrt{8}$ 

বা, 
$$x^2 = 9$$

বা,  $x^2 = 9$  [বর্গমূল করে ও ধনাত্মক মান নিয়ে]

বা, 
$$\sqrt{x^2} = \sqrt{9}$$

### ১১. $32^{x-2} - 5.3^{x-2} - 66 = 0$ হলে x এর মান কত?

সমাধান ঃ 
$$32^{x-2} - 5.3^{x-2} - 66 = 0$$

$$\boxed{3^{2x}.3^{-2}-5.3^{x}.3^{-2}-66=0}.$$

$$4, 3^{x}.3^{-2}(3^{x}-5)=66$$

$$at, \frac{3x}{9}(3x-5) = 66$$

বা, 
$$3^x (3^x - 5) = 66 \times 9 = 594$$

$$5.3^{x^2} - 5.3^x - 594 = 0.$$

বা, 
$$3^x = a$$

$$a^2 - 5a - 594 = 0$$
.

বা, 
$$a^2 - 27a + 22a - 594 = 0$$
.

বা, 
$$(a-27)(a+22)=0$$
.

বা, 
$$3^x = 3^3$$

$$\therefore x = 3.$$

উত্তর : খ

১২. 
$$(2+x)+3=3(x+2)$$
 হলে x মান কত?

$$\Phi$$
.  $-\frac{1}{2}$ 

খ. 
$$\frac{1}{2}$$

গ. 
$$\frac{1}{3}$$

ঘ. 
$$\frac{2}{3}$$

সমাধান ঃ 
$$(2 + x) + 3 = 3(x + 2)$$

$$4$$
,  $2 + x + 3 = 3x + 6$ 

বা. 
$$5 + x = 3x + 6$$

বা, 
$$2x = -1$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2}$$

$$\therefore$$
 নির্ণেয়  $x$  এর মান  $=-rac{1}{2}$  উত্তর : খ

১৩. x এর মান কত হলে a(x-a) = b(x-b) হবে?

সমাধান ঃ 
$$a(x-a) = b(x-b)$$

বা, 
$$ax - a^2 = bx - b2$$

বা, 
$$ax - bx = a2 - b2$$

$$\therefore x = a + b$$
 [উভয়পক্ষকে  $(a - b)$  দ্বারা ভাগ করে]

$$\therefore$$
 নির্ণেয়  $x$  এর মান =  $a + b$ 

১৪. 
$$\frac{x}{2} + 3 = \frac{x}{3} + 4$$
 হলে এই সমীকরণে  $x$  এর মান কত?

খ. 
$$-\frac{2}{3}$$

ক. 7 খ. 
$$-\frac{2}{3}$$
 গ. 6 ঘ. কোনটিই নয়

সমাধান ঃ 
$$\frac{x}{2} + 3 = \frac{x}{3} + 4$$

বা, 
$$\frac{x}{2} - \frac{x}{3} = 4 - 3$$

বা, 
$$\frac{x}{6} = 1$$

$$\therefore x = 6$$

$$\therefore$$
 নির্ণেয়  $x$  এর মান =  $6$  উত্তর : গ

# ৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

১৫. 
$$4\left(x-\frac{2}{3}\right)=0$$
 হলে  $x$  এর মান কত?

খ. 
$$-\frac{2}{3}$$

গ. 
$$\frac{8}{3}$$

সমাধান ঃ 
$$4\left(I - \frac{2}{3}\right) = 0$$

বা, 
$$x - \frac{2}{3} = 0$$
 [উভয় পক্ষকে 4 দ্বারা ভাগ করে]

$$\therefore x = \frac{2}{3}$$

∴ নির্ণেয় 
$$x$$
 এর মান =  $\frac{2}{3}$ 

উত্তর : ক

১৬. 
$$2(5x-18)=14$$
 হলে  $x$ -এর মান কত?

সমাধান ঃ 
$$2(5x-18)=14$$

বা, 
$$5x - 18 = 7$$

বা, 
$$5x = 18 + 7 = 25$$

$$\therefore x = 5$$

∴ নির্ণেয় 
$$x$$
 এর মান = 5

উত্তর : গ

### ১৭. $3^{x+2} = 81$ হলে x এর মান কত?

সমাধান ঃ 
$$3^{x+2} = 81$$

বা, 
$$3^{x+2} = 3^4$$

বা, 
$$x + 2 = 4$$

বা, 
$$x = 4 - 2$$

$$\therefore x = 2$$

১৮. 
$$5^{3x-7} = 3^{3x-7}$$
 হলে  $x$ -এর মান কত?

ঘ. 
$$\frac{7}{3}$$

সমাধান ঃ 
$$5^{3x-7} = 3^{3x-7}$$

বা, 
$$\frac{5^{3x-7}}{3^{3x-7}} = 1$$
[উভয়পক্ষকে  $3^{3x-7}$  দ্বারা ভাগ করে]

বা, 
$$\left(\frac{5}{3}\right)^{3x-7} = \left(\frac{5}{3}\right)^0 [\Theta \ a^0 = 1]$$

বা, 
$$3x - 7 = 0$$

বা, 
$$3x = 7$$

$$\therefore x = \frac{7}{3}$$

$$\therefore x$$
 এর মান  $\frac{7}{3}$ 

উত্তর : ঘ

১৯. 
$$2^{x-4} = 4a^{x-6}$$
 হলে  $x$  এর মান কত?

সমাধান ঃ 
$$2^{x-4} = 4a^{x-6}$$

বা, 
$$\frac{2^{x-4}}{2^2} = a^{x-6}$$

বা, 
$$2^{x-4-2} = a^{x-6}$$

বা, 
$$2^{x-6} = a^{x-6}$$

বা, 
$$\frac{2^{x-6}}{a^{x-6}} = 1$$

বা, 
$$x - 6 = 0$$

$$\therefore x = 6$$

# ৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

২০. 
$$5x - 3 = 2x + 9$$
 হলে  $x$  এর মান কত?

ঘ. 1

সমাধান ঃ 
$$5x - 3 = 2x + 9$$

বা, 
$$5x - 2x = 9 + 3$$

বা. 
$$3x = 12$$

বা, 
$$x = \frac{12}{3}$$

বা, 
$$x = 4$$

২১. 
$$\frac{ax}{b} - \frac{bx}{a} = a^2 - b^2$$
 হলে  $x$  এর মান কত?

$$\overline{\Phi}$$
.  $a+b$   $\forall$ .  $a-b$   $\eta$ .  $\frac{a}{b}$ 

গ. 
$$\frac{a}{b}$$

ঘ. ab

সমাধান ঃ 
$$\frac{ax}{b} - \frac{bx}{a} = a^2 - b^2$$

ৰা, 
$$\frac{a^2x - b^2x}{ab} = a^2 - b^2$$

বা, 
$$x(a^2 - b^2) = ab(a^2 - b^2)$$

$$\text{ II, } x = \frac{ab(a^2 - b^2)}{(a^2 - b^2)} = ab$$

 $\therefore$  নির্ণেয় x এর মান = ab

উত্তর : ঘ

২২. 
$$\sqrt{3}x - 2 = 2\sqrt{3} + 4$$
 হলে x-এর মান কত?

ক. 
$$(1+\sqrt{3})$$
 খ.  $2(1+\sqrt{3})$  গ.  $\sqrt{3}$  ঘ.  $2\sqrt{3}$ 

ঘ. 
$$2\sqrt{3}$$

সমাধান ঃ 
$$\sqrt{3}x - 2 = 2\sqrt{3} + 4$$

বা, 
$$\sqrt{3}x = 2\sqrt{3} + 4 + 2$$

বা, 
$$\sqrt{3}x = 2\sqrt{3} + 6$$

বা. 
$$\sqrt{3}x = 2\sqrt{3} + 2.3$$

$$41, \ \sqrt{3}x = 2\sqrt{3} + 2.\sqrt{3.\sqrt{3}}$$

$$[\Theta \ 3 = \sqrt{3}.\sqrt{3}]$$

বা. 
$$\sqrt{3}x = 2\sqrt{3}(1+\sqrt{3})$$

বা, 
$$x = \frac{2\sqrt{3}(1+\sqrt{3})}{\sqrt{3}} = 2(1+\sqrt{3})$$
 উত্তর : খ

২৩. 
$$(\sqrt{5} + 5)y + 4 = 9 + 5\sqrt{5}$$
 হলে y-এর মান কত?

$$\Phi$$
.  $5\sqrt{5}$ 

খ. 
$$\sqrt{5} + 5$$

গ. 
$$\sqrt{5}$$

সমাধান ঃ 
$$(\sqrt{5} + 5)y + 4 = 9 + 5\sqrt{5}$$

বা, 
$$(\sqrt{5}+5)y=9-4+5\sqrt{5}$$

$$\sqrt{5} + \sqrt{5} \cdot \sqrt{5} = 5 + 5\sqrt{5}$$

$$[\Theta \ 5 = \sqrt{5}.\sqrt{5}]$$

$$\sqrt{5}(1+\sqrt{5})y = 5(1+\sqrt{5})$$

$$\exists 1, \ y = \frac{5(1+\sqrt{5})}{\sqrt{5}(1+\sqrt{5})} = \frac{5}{\sqrt{5}}$$

ৰা, 
$$y = \frac{\sqrt{5}.\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \sqrt{5}$$

∴ নির্ণেয় 
$$y$$
 এর মান  $=\sqrt{5}$ 

উত্তর : গ

২৪. 
$$\frac{x}{x-2} = 3$$
 হলে  $x$  এর মান কত?

সমাধান ঃ 
$$\frac{x}{x-2}=3$$

বা, 
$$3x - 6 = x$$

বা, 
$$3x - x = 6$$

বা, 
$$2x = 6$$

বা, 
$$x = \frac{6}{2} = 3$$

 $\therefore$  নির্ণেয় x এর মান = 3

উত্তর : ক

# ৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

২৫.  $2^{2x} - 3 \cdot 2^{x+2} = -32$  হলে, নিচের কোনটি x এর সঠিক মান?

সমাধান ঃ  $2^{2x} - 3.2^{x+2} = -32$ 

$$41, 2^{x}.2^{x}-3.2^{x}.2^{2}=-32$$

বা, 
$$a.a - 3.a.4 = -32$$
 [ $2^x = a$  ধরে]

বা, 
$$a^2 - 12a + 32 = 0$$

বা, 
$$a^2 - 8a - 4a + 32 = 0$$

$$(a-8) - 4 (a-8) = 0$$

বা, 
$$(a-8)(a-4)=0$$

$$\therefore a - 8 = 0$$

বা, 
$$2x = 23$$
 [a এর মান বসিয়ে]

বা, 
$$2^x = 4$$
 [a এর মান বসিয়ে]

$$\therefore x = 3$$

$$\therefore x = 2$$

২৬.  $\left(\sqrt{3}\right)^{x+5} = \left(\sqrt[3]{3}\right)^{2x+5}$  হলে, x-এর মান কত?

গ. 
$$\sqrt{3}$$

সমাধান ঃ  $\left(\sqrt{3}\right)^{x+5} = \left(\sqrt[3]{3}\right)^{2x+5}$ 

$$41, \ 3^{\frac{1}{2}(x+5)} = 3^{\frac{1}{3}(2x+5)}$$

$$41, \ \frac{x+5}{2} = \frac{2x+5}{3}$$

বা, 4x + 10 = 3x + 15 [বজ্রগুণন করে]

বা, 
$$4x - 3x = 15 - 10$$

$$\therefore x = 5$$

উত্তর : খ

২৭.  $3^{x+2} = 81$  হলে, x এর মান কত?

গ. 
$$\sqrt{3}$$

সমাধান ঃ  $3^{x+2} = 81$ 

বা, 
$$3^{x+2} = 3^4$$

বা, 
$$x + 2 = 4$$

বা, 
$$x = 4 - 2$$

$$\therefore x = 2$$

 $\therefore$  নির্ণেয়  $\mathbf{x}$  এর মান =2. উত্তর : ক

২৮. P বিন্দুর স্থানাংক (x, y) হলে মূল বিন্দুর দূরত্ব কত?

গ. 
$$\sqrt{(x+y)^2}$$
 ঘ.  $x+y$ 

সমাধান ঃ P(x, y) ও মূলবিন্দু (0, 0) এর দূরত্ব

$$\sqrt{(x-0)^2 + (y-0)^2} = \sqrt{x^2 + y^2}$$

উত্তর : ক

২৯. 3.2<sup>n</sup> – 4.2<sup>n</sup> = কত?

সমাধান ៖  $3.2^{n} - 4.2^{n-2} = 3.2^{n} - 2^{2}.2^{n-2} = 3.2^{n} - 2^{n-2+2}$ 

$$=3.2^{\rm n}-2^{\rm n}$$

$$= 2^{n} (3-1) = 2^{n}.2 = 2^{n+1}$$

৩০.  $2^n \div 2^{n-1} = \overline{\Phi}$  ত?

সমাধান ঃ  $2^n \div 2^{n-1} = 2^{n-n+1} = 2^1 = 2$  উত্তর : ক

# ৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

$$9.2^{n}-2.2^{n-1}=\overline{\Phi}$$
?

সমাধান ঃ 
$$9.2^n - 2.2^{n-1}$$

$$=9.2^{n}-2.1+n-1$$

$$=9.2^{n}-2^{n}$$

$$=2^{n}(9-1)$$

$$= 2^{n}.8$$

$$=2^{n}.2^{3}$$

$$=2^{n+3}$$

৩২. যদি 
$$x^3 + hx + 10 = 0$$
 এর একটি সমাধান 2 হয়, তবে h এর

(১৩তম বিসিএস)

সমাধান ঃ দেওয়া আছে, x=2

$$x^3 + hx + 10 = 0$$

$$\P(2)^3 + hx + 10 = 0 \ [\Theta \ x = 2]$$

বা, 
$$8 + 2h + 10 = 0$$

বা, 
$$2h = -18$$

বা, 
$$2h = \frac{2}{-18}$$

### ৩৩. 5x - 3 = 2x + 9 সমীকরণে x এর মান কত?

সমাধান ঃ দেওয়া আছে,

বা, 
$$5x - 3 = 2x + 9$$

বা, 
$$5x - 2x = 9 + 3$$

বা. 
$$3x = 12$$

৩৪. 
$$-a(4x+2)-(-3x-5)=3$$
 হলে,  $x=\sqrt[3]{2}$ 

সমাধানঃ দেওয়া আছে.

$$-(4x+2)-(-3x-5)=3$$

$$4x = 2 + 3x + 5 = 3$$

বা, 
$$-x = 3 - 3$$

বা, 
$$-x = 0$$

৩৫. 
$$ax^2 + 7x + 6 = (x + 2)(2x + 3)$$
 হয়, তবে a এর মান কত?

সমাধান ঃ দেওয়া আছে,

$$ax^2 - 7x + 6 = (x + 2)(2x + 3)$$

$$4x - 7x + 6 = 2x^2 + 3x + 4x + 6$$

বা, 
$$a = \frac{2x^2}{x^2}$$

৩৬. 
$$(2+x)+3=3(x+2)$$
 হলে,  $x=$  কত?

$$\Phi . - 0$$

খ. 
$$-\frac{1}{2}$$

গ. 
$$\frac{1}{3}$$

সমাধানঃ দেওয়া আছে.

$$(2 + x) + 3 = 3(x + 2)$$

$$4$$
,  $2 + x + 3 = 3x + 6$ 

$$4x - 3x = 6 - 5 \quad 4x - 2x = 1$$

বা, 
$$x \frac{1}{-2}$$
 :  $x = -\frac{1}{2}$ 

# ৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

৩৭. 
$$5(x-5)+2=5(2x-8)-3$$
 হলে,  $x=\sqrt[3]{2}$ 

সমাধান ঃ দেওয়া আছে.

$$5(x-5) + 2 = 5(2x-8) - 3$$

গ. 5

$$4$$
,  $5x - 15 + 2 = 10x - 40 - 3$ 

বা, 
$$5x - 13 = 10x - 43$$

বা, 
$$5x - 10x = -43 + 13$$

বা, 
$$-5x = -30$$

### ৩৮. a এর কোন মানের জন্য $a^2 + 1 < 2a + 4$ হবে?

ক. 
$$a < -1$$
 খ.  $a < 3$  গ.  $x = 3$  ঘ.  $x \le 6$ 

সমাধান a + 1 < 2a + 4

বা, 
$$a^2 - 2a - 3 < 0$$

$$(a-3)(a+1) < 0$$

(a-3) এবং (a+1) এর গুণফল ঋণাত্মক হলে এরা

বিপরীত চিহ্নবিশিষ্ট হবে।

$$∴ a - 3 > 0$$
 হলে  $a > 3$  হবে;

∴ 
$$a-3<0$$
 হবে ∴  $a<3$  হবে ।

এবং a + 1 > 0 হবে;  $\therefore a > -1$  হবে

∴ a এর মান হবে – 1 <a <3 উত্তর : ঘ

# ৩৯. $x \le \frac{x}{3} + 4$ হলে, x এর মান কত?

ক. 
$$x < -1$$
 খ.  $x < 3$  গ.  $x = 3$  ঘ.  $x \le 6$ 

সমাধান ঃ দেওয়া আছে,  $x \le \frac{x}{2} + 4$ 

বা, 
$$3x \le 3\left(\frac{x}{3} + 4\right)$$
 [উভয়পক্ষকে 3 দারা গুণ করে]

বা, 
$$3x \le x + 12$$

বা,  $3x - x \le x + 12 - x$  [উভয়পক্ষ x দ্বারা বিয়োগ করে]

বা, 
$$2x \le 12$$

$$\frac{2x}{2} \le \frac{12}{2}$$
[উভয়পক্ষকে 2 দ্বারা ভাগ করে]

∴ নির্ণেয় সমাধান :  $x \le 6$ 

উত্তর : ঘ

### 80. $8 \ge 2 - 2x$ হলে, x এর মান কত?

$$\overline{\Phi}$$
.  $x \ge -3$ 

গ. 
$$x = 3$$

সমাধানঃ দেওয়া আছে.

$$8 \ge 2 - 2x$$

বা, 
$$8-2 \ge 2-2x-2$$
 [উভয়পক্ষ হতে 2 বিয়োগ করে]

বা, 
$$6 \ge -2x$$

বা. 
$$2x \ge -6$$
 [উভয়পক্ষকে  $-1$  দ্বারা গুণ করে]

বা, 
$$x \ge \frac{-6}{2}$$

বা, 
$$x \ge -3$$

∴ নির্ণেয় সমাধান 
$$: x \ge -3$$
 উত্তর  $:$  ক

### 8১. 3x-2 > 2x-1 হলে, x এর মান কত?

$$\overline{\Phi}$$
.  $x \ge -3$ 

ঘ. 
$$x \le 6$$

### সমাধান ঃ

দেওয়া আছে.

$$3x - 2 > 2x - 1$$

বা, 
$$3x - 2x - 2 > 2x - 1 - 2x$$
 [উভয়পক্ষ হতে  $2x$ 

বিয়োগ করে]

বা, 
$$x - 2 > -1$$

বা, 
$$x - 2 + > 1 + 2$$
 [উভয়পক্ষ হতে 2 যোগ করে]

বা, 
$$x > 1$$

∴ নির্ণেয় সমাধান 
$$: x > 1$$

# ৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

- 8২. এক টুকরা কাগজের ক্ষেত্রফল 40 বর্গ সে. মি.। তা থেকে x দীর্ঘ এবং 5 সে. মি. গ্রন্থবিশিষ্ট আয়তাকার কাগজ কেটে নেওয়া হলো। x এর সম্ভাব্য মান কত?
  - $\overline{\Phi}$ . 5 < *x* ≥ − 3
- খ. 5 < *x* < 3
- গ. 5 < x > 1
- ঘ. 5 < x < 8
- সমাধান ঃ দেওয়া আছে.
  - এক টুকরা কাগজের ক্ষেত্রফল 40 বর্গ সে. মি.। আয়তাকার কেটে নেওয়া কাগজের দৈর্ঘ্য  $\chi$  সে. মি. এবং প্রস্থ সে. মি.। প্রশ্নমতে,
  - $x \times 5 < 40$
  - বা,  $\frac{x \times 5}{5} < \frac{40}{5}$  [উভয়পক্ষকে 5 দ্বারা ভাগ করে]
  - $\therefore x < 8$
  - যেহেতু, দৈর্ঘ্য প্রস্তের চেয়ে ছোট হতে পারে না।
  - সুতরাং, 5 < x < 8
  - নির্ণেয় অসমতা, 5x < 40
  - এবং x এর সম্ভাব্য মান, 5 < x < 8
- উত্তর : ঘ
- ৪৩. 70 টাকা কেজি দরে সোহরাব সাহেব x কেজি আম কিনলেন। বিক্রেতাকে 500 টাকার একখানা নোট দিলেন। বিক্রেতা 20 টাকার x খানা নোটসহ বাকি টাকা ফেরত দিলেন। x এর সম্ভাব্য মান কত?
  - $\overline{\Phi}$ . 5 < x ≥ 3
- খ. 0 < x < 6
- গ. 5 < x > 1
- ঘ. 5 < x < 8
- সমাধান ঃ 70 টাকা দরে x কেজি আমের মূল্য 70x টাকা x খানা 20 টাকা নোটের মূল্যমান 20x টাকা প্রশ্নমতে.
  - 70x + 20x < 500
  - বা, 90x < 500
  - বা,  $\frac{90x}{90} < \frac{500}{90}$  [উভয়পক্ষকে 90 দ্বারা ভাগ করে]
  - বা, *x* < 5.55
  - বা, x < 6
  - নির্ণেয় অসমতা, 70x + 20x < 500
  - এবং x এর সম্ভাব্য মান, 0 < x < 6 উত্তর : খ

- 88. 2x-7 < 8 < 3x-11 হলে x এর মান পূর্ণ সংখ্যায় কত?
  - ক. 6

খ. 8

গ. 7

ঘ. 9

সমাধান ঃ 
$$2x - 7 < 8 < 3x - 11$$

- এখন, অসমতার ১ম অংশ হতে
- $2x 7 \le 8$ ; বা,  $2x \le 15$

$$\therefore x \le \frac{15}{2}$$
 বা 75

আবার, অসমতার ২য় অংশ হতে,

$$3x - 11 \ge 8$$
; বা,  $3x \ge 19$ ; বা,  $x \ge \frac{19}{3}$  বা, 6.33

- ∴ x এর মানে  $6.33 \le x \ 7.5$ । যেহেতু x একটি পূর্ণ
- সংখ্যা উক্ত অসমতার মধ্যে x এর একমাত্র পূর্ণমান 7.
- উত্তর : গ
- ৪৫.  $x^y = y^x$ ; x = 2y  $(x \ne 0, y \ne 0)$  হলে, (x, y) মান কত?
  - $\mathbf{\Phi}.\ (x,\,\mathbf{y}) = (8,\,4) \qquad \qquad \forall.\ (x,\,\mathbf{y}) = (6,\,3)$
  - গ. (x, y) = (2, 1) ঘ. (x, y) = (4, 2)
  - সমাধান ঃ  $x^y = y^x$  ......(i)

$$x = 2y$$
 .....(ii)

- (i) সমীকরণ x=2y বসিয়ে পাই
- $(2y)^y = y^{2y}$
- বা,  $2^{y}y^{y} = y^{2y}$
- বা,  $2^y = y^{2y-y}$
- বা,  $2^y = y^y$
- $\therefore 2 = y$
- y এর মান (ii) নং সমীকরণে বসিয়ে পাই
- x = 2.2 = 4
- ∴ (x, y) = (4, 2) উত্তর : ঘ

# S@ifur's Complete Math Solution

BCS- সহ সরকারি-বেসরকারি
ব্যাংক এবং অন্যান্য চাকুরীর জন্য
একটি পূর্ণাঙ্গ Math সমাধান

Lecture- 10	৪৬তম <b>BCS</b> প্রিলিমিনারি	
Mathematical Reaso	oning-10	Page ≥13

Lecture- 10	৪৬ <b>ত</b> ম <b>BCS</b> প্রিলিমিনারি	
Mathematical Reaso	oning-10	Page ≥14