Teacher's Content

☑ বীজগাণিতিক সুত্রাবলী

🗹 মান নির্ণয়

☑ ফাংশন

☑ যোগ-বিয়োগ

🗹 গুণ-ভাগ

Content Discussion

Teacher Discussion

বিয়োগ ও গুণ-ভাগ) এবং সেট

- ০১. $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ হলে $x^3 + \frac{1}{x^3}$ এর মান কত? (৩৮তম বিসিএস) ক. $3\sqrt{2}$ খ. $18\sqrt{3}$ গ. $12\sqrt{3}$ ঘ. 8
- ০২. $x^2 + y^2 = 8$ এবং xy = 7 হলে $(x + y)^2$ এর মান কত? (৪৩ তম বিসিএস)
 - ক. ১৪
- খ. ১৬
- গ. ২২
- ঘ. ৩০
- ০৩. a+b=7 এবং $a^2+b^2=25$ হলে, নিচের কোনটি ab এর মান হবে? (৪১ তম বিসিএস)

 - ক. 12 খ. 10
- গ. 6
- ঘ. কোনটিই নয়
- ০৪. $a + \frac{1}{a} = \sqrt{3}$ হলে $a^2 + \frac{1}{a^2}$ এর মান- (৪৪ তম বিসিএস) ক. 6 খ. 4 গ. 2

- ০৫. যদি $a^2 + \frac{1}{a^2} = 51$ হয়, তবে $a \frac{1}{a}$ এর মান কত? (৩৯তম বিসিএস)
 - ক. ± 9
- খ. ± 7 গ. ± 5
- घ. ± 3
- o৬. যদি $(x-y)^2=14$ এবং xy=2 হয়, তবে $x^2+y^2=$ কত? (২৭তম বিসিএস)
- ০৭. x + y = 7 এবং xy = 10 হলে $(x y)^2$ এর মান কত? (৪৫তম বিসিএস)
- খ. 6 গ. 9
- ob. a + b + c = 9, $a^2 + b^2 + c^2 = 29$ হলে, 2(ab + bc + ca)এর মান কত ? (১৬তম বিসিএস) গ. 26 ক. 52 ঘ. 22
- খ. 46

- ০৯. x + y = 8, x y = 6 হলে, $x^2 + y^2$ এর মান-ক. 40 খ. 60 গ. 50 ঘ. 80

- বীজগাণিতিক সুত্রাবলী (মান নির্ণয়, যোগ- বিয়োগ ও গুণ-ভাগ) এবং সেট

 - ক. $5\sqrt{3}$ খ. $3\sqrt{5}$ গ. $4\sqrt{5}$ ঘ. $6\sqrt{5}$

(৩৭তম বিসিএস)

- ১১. $x + \frac{1}{x} = \sqrt{3}$ হলে $x^3 + \frac{1}{x^3}$ এর মান কত? (২৫তম বিসিএস)

- ১২. $a + \frac{1}{a} = 3$ হলে, $a^3 + \frac{1}{a^3}$ এর মান কত? (৩০তম বিসিএস)
 - খ. 18
- ঘ. 36
- ১৩. $x y = 2, x^2 + y^2 = 4$ হলে $x^3 + y^3 =$ কত? (৩৪তম বিসিএস)
- **১8.** $x \frac{1}{x} = 1$ হলে, $x^3 \frac{1}{x^3} = 4$ এর মান কত?

- ১৫. যদি $a^3 b^3 = 513$ এবং a b = 3 হয়, তবে ab-এর মান কত? (১১তম বিসিএস)
 - ক. 54
- খ. 35
- গ. 45
- ঘ. 55
- ১৬. a+b+c=0 হলে, $a^3+b^3+c^3$ এর মান কত? (১০ম বিসিএস) খ. 3abc গ. 6abc ঘ. 9abc
- ১৭. a+b=5 এবং a-b=3 হলে ab এর মান কত? (১০ম বিসিএস) খ. 3 ঘ. 5 গ. 4
- ১৮. x + y = 12 এবং x y = 2 হলে xy এর মান কত? (২২তম বিসিএস)
 - খ. 140
 - গ. 70
- ঘ. 144
- ১৯. যদি a+b=2, ab=1 হয় তবে a এবং b এর মান যথাক্রমে? (৩১তম বিসিএস)
 - ক. 0, 2 খ. 1, 1 গ. 1, 3

ক. 35

- ঘ. 3, 4
- ২০. x-y=2 এবং xy=24 হলে, x-এর ধনাত্মক মানটি-(৩৫তম বিসিএস)
 - ঘ. 6

- ক. 3
- খ. 4
- গ. 5

যোগ-বিয়োগ-গুণ-ভাগ

- ২১. $\frac{x}{y}$ এর সাথে কত যোগ করলে যোগফল $\frac{y}{x}$ হবে? (৩৩তম বিসিএস)
 - Φ . $\frac{x^2-y^2}{xy}$
- $\forall . \frac{2x^2 y^2}{xy}$
- গ. $\frac{x^2-2y^2}{xy}$
- ঘ. $\frac{y^2-x^2}{xy}$
- ২২. $x^2 8x 8y + 16 + y^2$ এর সঙ্গে কত যোগ করলে যোগফল একটি পূর্ণ বর্গ হবে? (৩২তম, ২৬তম ও ১২তম বিসিএস) ক. 4xy খ. 2xy গ. 6xy ঘ. 8xy
- ২৩. $x^2 x^2$ কে x 2 দ্বারা ভাগ করলে অবশেষ থাকবে- (৩১তম বিসিএস) ক. 2 খ. 4 গ. -6 ঘ. -8
- ২৪. $\mathbf{A} = \{1,2,3\}$ এবং $\mathbf{B} = \phi$ হলে, $\mathbf{A} \cup \mathbf{B} = \phi$ ত? (৩৪তম বিসিএস) ক. $\{1,2,3\}$ খ. $\{1,2,\phi\}$ গ. $\{2,3,\phi\}$ ঘ. ϕ
- ২৫. যদি সেট $\mathbf{A} = \{5, 15, 20, 30\}$ এবং $\mathbf{Y} = \{3, 5, 15, 18, 20\}$ হয় তবে নীচের কোনটি $\mathbf{A} \cap \mathbf{B}$ নির্দেশ করবে? (৩৩৩ম বিসিএস) ক. $\{3, 18, 30\}$ খ. $\{3, 5, 18, 20, 30\}$ গ. $\{5, 15, 20\}$ ঘ. কোনোটি নয়
- ২৬. যদি সার্বিক সেট $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ এবং $A = \{1, 2, 4\}$, $B = \{1, 3, 5\}$ হয় তবে নীচের কোনটি $A' \cup B'$ নির্দেশ করবে? ক. $\{1, 2, 3\}$ খ. $\{2, 3, 4\}$ গ. $\{2, 3, 4, 5\}$ ঘ. কোনোটি নয়
- ২৭. সেট $A = \{x \in \mathbb{N} : x^2 > 8, x^3 < 30\}$ হলে x এর সঠিক মান কোনটি? (৩২তম বিসিএস) ক. 2 খ. 3 গ. 4 ঘ. 5
- ২৮. $\mathbf{A}=\{x\mid x$ ধনাত্বক পূর্ণ সংখ্যা এবং $x^2<25\}$, (৩৭তম বিসিএস) $\mathbf{B}=\{x\mid x$ মৌলিক সংখ্যা এবং $x^2<25\}$, $\mathbf{C}=\{x\mid x$ মৌলিক সংখ্যা এবং $x^2<25\}$, হলে $\mathbf{A}\cap \mathbf{B}\cap \mathbf{C}=?$ ক. $\{1,2,3,4\}$ খ. $\{2,3,4\}$ ঘ. ϕ
- ২৯. $A = \{x : x \text{ মৌলক সংখ্যা এবং } x \le 5\}$ হলে, P(A) এর সদস্য সংখ্যা কত? (৩৬তম বিসিএস) ক. 8 খ. 7 গ. 6 ঘ. 3

Student Work

বীজগাণিতিক সূত্রাবলী (মাননির্ণয়, যোগ বিয়োগ ও গুণ-ভাগ) এবং সেট

$$x = \sqrt{3} - \frac{1}{x} = x + \frac{1}{x} = \sqrt{3}$$
বা, $\left(x + \frac{1}{x}\right)^3 = \left(\sqrt{3}\right)^3$
বা, $x^3 + \frac{1}{x^3} + 3.x.\frac{1}{x}\left(x + \frac{1}{x}\right) = 3\sqrt{3}$
বা, $x^3 + \frac{1}{x^3} + 3\sqrt{3} = 3\sqrt{3}$
 $\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} = 0$ উত্তর : গ

০২. $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ হলে $x3 + \frac{1}{x^3}$ এর মান কত? ক. $6\sqrt{2}$ খ. $18\sqrt{3}$ গ. $9\sqrt{2}$ ঘ. $8\sqrt{3}$ সমাধানঃ

 $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$

বা,
$$\frac{1}{x} = \frac{1}{\sqrt{3 + \sqrt{2}}} = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\left(\sqrt{3} + \sqrt{2}\right)\left(\sqrt{3 - \sqrt{2}}\right)}$$

$$= \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\left(\sqrt{3}\right)^2 - \left(\sqrt{2}\right)^2} \quad \therefore \quad \frac{1}{x} = \sqrt{3} - \sqrt{2}$$

$$\therefore x + \frac{1}{x} = \sqrt{3} + \sqrt{2} - \sqrt{2} = 2\sqrt{3}$$
এখন, $\left(x + \frac{1}{x}\right)^3 = x^3 + \frac{1}{x^3} + 3x \cdot \frac{1}{x}\left(x + \frac{1}{x}\right)$

$$\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x^3}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$= \left(2\sqrt{3}\right)^3 - 3 \times 2\sqrt{3}$$

$$= 8 \times 3 \quad \sqrt{3} - 6\sqrt{3}$$

$$= 18\sqrt{3} \quad \text{Wea} : \text{ \forall}$$

০৩. সমাধানঃ
$$x + \frac{1}{x} = 2$$
বা, $x^2 + 1 = 2x$
বা, $x^2 - 2x + 1 = 0$
বা, $(x - 1)^2 = 0$
 $\therefore x = 1$
এখন, প্রদত্ত রাশি $= \frac{x}{x^2 + x - 1}$
 $= \frac{1}{1 + 1 - 1} = 1$

উত্তর : ক

০৪.
$$x^2 + \frac{1}{x^2}$$
 এর মান কত হলে $\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} = 2$ হবে?

সমাধানঃ
$$\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} = 2$$

বা, $\left(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}\right)^2 = 2^2$

বা, $x + \frac{1}{x} = 2.\sqrt{x}.\frac{1}{\sqrt{x}} = 4$

বা, $x + \frac{1}{x} = 4 = 2$

বা, $\left(x + \frac{1}{x}\right) = 2^2$

বা, $x^2 + \frac{1}{x^2} = 4 - 2 = 2$ উত্তর : গ

০৫. যদি
$$a+\frac{1}{a}=4$$
 হয় তাহলে $a^2+\frac{1}{a^2}=$ কত?

ক. 9 খ. 12 গ. 14 ঘ. 18

সমাধানঃ $\left(a+\frac{1}{a}\right)^2=a^2+\frac{1}{a^2}+2.a.\frac{1}{a}$

বা, $4^2=a^2+\frac{1}{a^2}+2$
 $\therefore a^2+\frac{1}{a^2}=4^2-2=16-2=14$

০৬. যদি
$$a+\frac{1}{a}=3$$
 হয়, তবে $a^2+\frac{1}{a^2}$ কত?

 \overline{a} . 6 খ. 7 গ. 8 ঘ. 9
সমাধানঃ
$$\left(a+\frac{1}{a}\right)^2=a^2+\frac{1}{a^2}+2.a.\frac{1}{a}=a^2+\frac{1}{a^2}+2$$

$$\therefore a^2+\frac{1}{a^2}=\left(a+\frac{1}{a}\right)^2-2$$

$$=3^2-2=9-2=7$$
 উন্তর: খ

০৭. $x=\sqrt{3}+\sqrt{2}$ হলে $x^2+\frac{1}{x^2}$ এর মান নির্ণয় করুন।

 \overline{a} . 0 খ. 1 গ. 5 ঘ. 10
সমাধানঃ $x=\sqrt{3}+\sqrt{2}$

বা,
$$\frac{1}{x} = \frac{1}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{(\sqrt{3} + \sqrt{2})(\sqrt{3} - \sqrt{2})}$$

$$= \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{(\sqrt{3})^2 - (\sqrt{2})^2}$$
বা $x + \frac{1}{x} = \sqrt{3} - \sqrt{2}$

$$\therefore x + \frac{1}{x} = \sqrt{3} + \sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{2} = 2\sqrt{3}$$
এখন, $\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} + 2x \cdot \frac{1}{x}$

$$\therefore x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2$$

$$= \left(2\sqrt{3}\right)^2 - 2 = 12 - 2 = 10$$
উত্তর: ঘ

ob.
$$a-\frac{1}{a}=3$$
 হলে $a^2\frac{1}{a^2}$ এর মান কত?

ক. 6 খ. 7 গ. 9 ঘ. 11

সমাধানঃ $\left(a-\frac{1}{a}\right)^2=a^2+\frac{1}{a^2}-2.a.\frac{1}{a}$
 $=3^2+2=9+2=11$
বা, $a^2+\frac{1}{a^2}=\left(a-\frac{1}{a}\right)^2+2$
উত্তর : ঘ

Lecture-06

৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

০৯.
$$2x + \frac{2}{x} = 3$$
 হলে $2x + \frac{1}{x^2} = \infty$?

ক. $\frac{1}{4}$ খ. $\frac{1}{2}$ গ. $\frac{1}{6}$ ঘ. 2

সমাধানঃ $2x + \frac{2}{x} = 3$

বা, $2\left(x + \frac{1}{x}\right) = 3$

বা, $x + \frac{1}{x} = \frac{3}{2}$

বা, $\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{9}{4}$

বা, $x^2 + \frac{1}{x^2} + 2 \cdot x \cdot \frac{1}{x} = \frac{9}{4}$
 $\therefore x^2 + \frac{1}{x^2} + \frac{9}{4} - 2 = \frac{1}{4}$

১০.
$$x^2 + \frac{1}{x^2}$$
 এর মান কত হলে, $\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} = a$ হরে?

ক. $a^2 + 4^a + 4$ খ. $a^4 - 4a^2 + 2$ ঘ. $a^4 + 4a^2 - 2$

সমাধানঃ $\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} = a$

বা, $\left(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}\right)^2 = a^2$

বা, $x + \frac{1}{x} + 2.\sqrt{x}.\frac{1}{\sqrt{x}} = a^2$

বা, $x + \frac{1}{x} = a^2 - 2$

বা, $\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = (a^2 - 2)^2$

বা, $x^2 + \frac{1}{x^2} + 2.x.\frac{1}{x} = a^4 - 4a^2 + 4$

বা, $x^2 + \frac{1}{x^2} = a^2 - 4a^2 + 4 - 2$
 $\therefore x^2 + \frac{1}{x^2} = a^4 - 4a^2 + 2$

উত্তর: খ

১১.
$$p-\frac{1}{p}=5$$
 হলে, $\left(p+\frac{1}{p}\right)^2=$ কত?

ক. 29 খ. 27 গ. 25 ঘ. 21

সমাধানঃ $\left(p+\frac{1}{p}\right)=\left(p-\frac{1}{p}\right)^2+4.p.\frac{1}{p}$
 $=5^2+4=25+4=29$ উত্তর : ক

১২. $a+\frac{1}{a}=2$ হলে, $a^2+\frac{1}{a^2}$ এর মান কত?

ক. 2 খ. 4 গ. 8 ঘ. 12

ক. 2 খ. 4 গ. 8 ঘ. 12

সমাধানঃ
$$\left(a + \frac{1}{a}\right)^2 = a^2 + \frac{1}{a^2} + 2.a.\frac{1}{a}$$

$$= a^2 + \frac{1}{a^2} + 2$$
বা, $a^2 + \frac{1}{a^2} = \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2$

$$= 2^2 - 2 = 4 - 2 = 2$$
উদ্ভৱ: ক

১৩.
$$x - \frac{6}{x} = 1$$
 হলে $\frac{6}{x^2 - x + 1}$ এর মান কত?

ক. $\frac{3}{7}$ খ. $\frac{7}{6}$ গ. $\frac{5}{6}$ ঘ. $\frac{6}{7}$

সমাধানঃ $x - \frac{6}{x} = 1$

বা, $x^2 - 6 = x$
বা, $x^2 - 6 - x = 0$
বা, $x^2 - x = 6$
 \therefore প্রদত্ত রাশি $= \frac{6}{x^2 - x + 1}$
 $= \frac{6}{6 + 1} = \frac{6}{7}$ উত্তর : ঘ

১৪.
$$\frac{\sqrt{5}+\sqrt{5-x}}{\sqrt{5}-\sqrt{5-x}}=5$$
 হলে x এর মান কত?
$$\frac{20}{9}$$
 খ. $\frac{25}{9}$ গ. $\frac{22}{9}$ ঘ. $\frac{15}{9}$ সমাধানঃ ১৪-এর অনুরূপ। উত্তর: খ

১৫.
$$\frac{\sqrt{3} + \sqrt{3 - x}}{\sqrt{3} - \sqrt{3 - x}} = 3$$
 হলে x এর মান হবে-

$$\frac{9}{4}$$
 $\frac{4}{9}$ $\frac{4}{9}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{4}{3}$

$$\forall . \frac{4}{9}$$

গ.
$$\frac{3}{4}$$

ঘ.
$$\frac{4}{2}$$

সমাধানঃ
$$\frac{\sqrt{3} + \sqrt{3 - x}}{\sqrt{3} - \sqrt{3 - x}} = 3$$

[যোজন বিয়োজন করে]

$$41, \frac{2\sqrt{3}}{2\sqrt{3-x}} = \frac{4}{2} = 2$$

বা,
$$\frac{3}{3-x}=4$$
 [বর্গ করে]

বা,
$$12 - 4x = 3$$
 $\therefore x \frac{9}{4}$ উত্তর : ক

১৬. x + y = 14 হলে xy এর বৃহত্তম মান কত?

ঘ. 63

সমাধানঃ x + y = 14

xy-এর মান বৃহত্তম হবে, যখন x=y=7

 $\therefore xy$ এর বৃহত্তম মান $xy = 7 \times 7 = 49$

উত্তর : খ

১৭. x + y = 6 হলে xy এর বৃহত্তম মান কত?

ঘ. 12

সমাধানঃ x + y = 6

xy এর মান বৃহত্তম হবে, যখন x = y = 3 হবে।

 $\therefore xy$ এর বৃহত্তম মান $xy = 3 \times 3 = 9$ উত্তর : ক

১৮. x + y = 12 এবং x - y = 2 হলে xy এর মান কত?

সমাধানঃ
$$(x+y)^2 = x^2 + y^2 + 2xy$$
____(i)

$$(x+y)^2 = x^2 + y^2 - 2xy$$
 (ii)

(i) ও (ii) হতে.

$$(x+y)^2 - (x-y)^2 = 4xy$$

$$4x = \frac{1}{4} \{ (x+y)^2 - (x-y)^2 \}$$

$$=\frac{1}{4}\times(12^2-2^2)=\frac{1}{4}(144-4)$$

$$\therefore xy = \frac{1}{4} \times 140 = 35$$

১৯. a + b = 5 এবং a - b = 3 হলে ab-এর মান কত?

সমাধানঃ ১৮-এর অনুরূপ। উত্তর: গ

২০. $a^2 - b^2 = 45$ এবং a - b = 3 হলে ab-এর মান কত?

সমাধানঃ
$$a^2 - b^2 = 45$$
 আবার, $a - b = 3$ _____ (i)

বা,
$$(a+b)(a-b)=45$$
 (ii)

- (ii) কে (i) দ্বারা ভাগ করে, a+b=15 _____ (iii)
- (i) ও (iii) যোগ করে, 2b = 12, ∴ b = 6,

:.
$$ab = 9 \times 6 = 54 + b = 15$$
 _____ (iii)

উত্তর : খ

২১. x + y = 3 হলে $x^3 + y^3 + 9xy$ এর মান কত?

সমাধানঃ
$$(x+y)^3 = x^3 + y^3 + 3xy(x+y)$$

$$3^3 = x^3 + y^3 + 3xy \times 3$$

$$x^3 + y^3 + 9xy = 27$$

২২. x-y=4 এবং xy=0 হলে, $x^3-y^3=$ কত?

সমাধানঃ
$$(x-y)^3 = x^3 - y^3 - 3xy(x-y)$$

$$4x - y^3 = (x - y)^3 + 3xy(x - y)$$

$$=4^3+3\times0\times4=64$$
 উত্তর : গ

Lecture-06

৪৬তম BCS প্রিলিমিনারি

- ২৩. যদি a+b=7 এবং ab=12 হয়, তবে $(a-b)^2$ হবেক. 50 খ. 125 গ. 5 ঘ. 1সমাধানঃ $(a-b)^2=(a+b)^2-4ab$ বা, $(a-b)^2=7^2-4\times12=49-48=1$ উত্তর : ঘ
- ২৪. $\mathbf{a} + \mathbf{b} = \mathbf{7}$ এবং $\mathbf{ab} = \mathbf{12}$ হলে $\mathbf{a} \mathbf{b} = \mathbf{5}$ তং ক. 3 খ. 22 গ. 1 ঘ. 4 সমাধানঃ $(a-b)^2 = (a+b)^2 4ab$ বা, $(a-b)^2 = \mathbf{7}^2 4 \times 12 = 49 48 = 1$ $\therefore a-b=1$ উত্তর : গ
- হ৫. যদি x + 2y = 4 এবং xy = 2 হয়, তবে $x = \infty$?

 ক. 0 খ. 12 গ. 1 ঘ. 2সমাধানঃ x + 2y = 4 আবার, xy = 2বা, 2y = 4 xবা, $y = \frac{2}{x}$ $\therefore y \frac{2}{x}$ হতে পাই, $2 \cdot \frac{2}{x} = 4 x$ বা, $\frac{4}{x} = 4 x$ বা, $x^2 4x + 4 = 0$ বা, $(x 2)^2 = 0$ $\therefore x = 2$
- ২৬. x = -1 হলে $-x^2 2x^3$ -এর মান কত হবে?

 ক. +2 খ. +1 গ. -3 ঘ. 0সমাধানঃ $-x^2 2x^3$ $= -x^2 (1+2x)$ $= -(1)2 \{1+2(-1)\}$ $= -1 (1-2) = -1 \times -1 = 1$ উত্তর: খ

- ২৭. যদি $\mathbf{a} + \mathbf{b} = \mathbf{2}$ এবং $\mathbf{a}\mathbf{b} = \mathbf{5}$ হয়, তবে $\mathbf{a}^2 + \mathbf{b}^2$ এর মান কত? ক. $\mathbf{4}$ খ. $\mathbf{6}$ গ. $-\mathbf{6}$ ঘ. সমাধানঃ $(\mathbf{a} + \mathbf{b})^2 = \mathbf{a}^2 + \mathbf{b}^2 + 2\mathbf{a}\mathbf{b}$ বা, $\mathbf{a}^2 + \mathbf{b}^2 = (\mathbf{a} + \mathbf{b})^2 2\mathbf{a}\mathbf{b}$ $= 2^2 2 \times 5 = 10 6$ উত্তর : গ
- ২৮. $\mathbf{a} + \mathbf{b} = \mathbf{5}$ এবং $\mathbf{a}\mathbf{b} = \mathbf{6}$ হয়, তবে $\mathbf{a}^2 + \mathbf{b}^2$ এর মান কত?

 ক. 13 খ. 25 গ. 36 ঘ. 61

 সমাধানঃ ২৭-এর অনুরূপ উত্তর : ক
- ২৯. a + b = c হলে $a^3 + b^3 + 3abc = কছ?$ ক. a^3 খ. b^3 গ. c^3 ঘ. abcসমাধানঃ (a + b)3 = a3 + b3 + 3ab (a + b)বা, $a^3 + b^3 + 3abc = c^3 \left[\Theta \ a + b = c\right]$ উত্তর : গ
- ৩০. যদি x + 3y = 40 এবং y = 3x হয়, তবে x = কত?
 ক. 6 খ. 10 গ. 8 ঘ. 4
 সমাধানঃ x + 3y = 40
 বা, x + 3 × 3x = 40 [Θ y = 3x]
 বা, 10x = 40
 ∴ x = 4 উভর : ঘ
- ে x = 4 ভঙ্গ : খ

 ৩১. যদি $a + b = \sqrt{5}$ এবং $a b = \sqrt{3}$ হয়, তবে $a^2 + b^2$ কত?

 ক. 4 খ. $4\sqrt{2}$ গ. 6 ঘ. $\sqrt{8}$ সমাধানঃ $(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$ _____(i) $(a-b)^2 = a^2 + b^2 2ab$ _____(ii)

 (i) ও (ii) যোগ করে, $(a+b)^2 + (a-b)^2 = 2(a^2 + b^2)$ $\therefore a^2 + b^2 = \frac{1}{2}\{(a+b)^2 + (a-b)^2\}$ $= \{(\sqrt{5})^2 + (\sqrt{3})^2\}$ $\therefore a^2 + b^2 = \frac{1}{2} \times (5 \times 3) = \frac{1}{2} \times 8 = 4$

উত্তর : ক

- ৩২. a + b = 13 এবং a b = 3 হলে $a^2 + b^2$ এর মান কত?
 - ক. 69
- খ. 99
- গ. 89
- ঘ. 109

সমাধানঃ ৩০-এর অনুরূপ। **উত্তর** : গ

- ৩৩. যদি $(x y)^2 = 12$ এবং xy = 1 হয় তবে $x^2 + y^2 = \infty$?
 - ক. 11 খ. 12
- গ. 13
- ঘ. 14

সমাধানঃ $(x - y)^2 = x^2 + y^2 - 2xy$

$$= 12 + 2 \times 1 = 14$$

উত্তর : ঘ

- ৩৪. a + b = 2, a b = 0 হলে $\frac{a}{b} = \overline{a}$
 - ক. 0

- ঘ. 3
- সমাধানঃ (a + b) + (a b) = 2 + 0
 - বা, 2a = 2 ∴ a = 1
 - আবার, (a + b) (a b) = 2 0
 - বা, 2b = 2
 - $\therefore b = 1$
 - $\therefore \frac{a}{b} = 1$ উত্তর : খ
- ৩৫. 2xy + y = 14 এবং x = 3 হলে 2y + x = ?
 - ক. 5
- খ. 6
- গ. 7
- ঘ. 8
- সমাধানঃ 2xy + y = 14
 - বা, y(2+1) = 14
 - বা, y $(2 \times 3 + 1) = 14$ [∴ x = 3]
 - $\therefore y \frac{14}{7} = 2$
 - \therefore 2y + x = 2 × 2 + 3 = 4 + 3 = 7 উত্তর : গ।
- ৩৬. 2x + y = 12 এবং x = 3 হলে x y =কত?
 - ক. 3
- খ. 1
- গ. —1
- ঘ. –3

- সমাধানঃ 2x + y = 12
 - বা, $2 \times 3 + y = 12$
 - বা, y = 6
 - $\therefore x y = 3 6 = -3$
 - উত্তর : ঘ

- ৩৭. $x^4 = 81$ হলে এবং x ধনাত্মক হলে x এর মান কত?
 - ক. $\frac{81}{4}$ খ. 7
- ঘ. 3
- সমাধানঃ x4 = 81; বা, $\sqrt{x^4} = \sqrt{81}$

বা, $\chi^2=9$ [বর্গমূল করে ও ধনাত্মক মান নিয়ে]

বা,
$$\sqrt{x^2} = \sqrt{9}$$

- ∴ *x* = 3 উত্তর : ঘ
- ৩৮. 2y = 2x 4 এবং 4x 5y = 3 হলে $x \, \theta \, y$ এর মান কত?

ক.
$$x = 5$$
, $y = 7$

খ.
$$x = 2$$
, $y = 5$

গ.
$$x = 3$$
, $y = 7$

ঘ.
$$x = 7$$
, $y = 5$

সমাধানঃ
$$2y = 2x - 4$$

বা,
$$2x - 2y = 4$$

$$\therefore x - y = 2 - (i)$$

আবার,
$$4x - 5y = 3$$
 ——— (ii)

(i) কে 4 দারা গুণ করে (ii) হতে বিয়োগ দিয়ে

$$(4x - 5y) (4x - 4y) = 3 - 8$$

বা,
$$-y = -5$$
 : $y = 5$

y-এর মান (ii) নং-এ বসিয়ে 4x = 5y + 3 = 25 + 3

$$\therefore x = \frac{28}{4} = 7$$

- ∴ x = 7 এবং y = 5 উত্তর : ঘ
- ৩৯. যদি x = y = 2z এবং xyz = 256 হয়, তবে y = ?

- খ. $2\sqrt{2}$ গ. $4\sqrt[3]{2}$
- সমাধানঃ xyz = 256

বা, y.y.z = 256
$$\Theta x = y$$

ৰা, y.y.
$$\frac{y}{2} = 256 \ [\Theta \ y = 2z]$$

বা,
$$y^3 = 2 \times 256 = 512$$

$$\therefore y = \sqrt[3]{512} = 8$$

- উত্তর : ঘ
- 80. a + b + c = 9 এবং ab + bc + ca = 31 হলে, $a^2 + b^2 + c^2$ এর মান হবে-
 - ক. 17

খ. 18

গ. 19

- ঘ. 143
- সমাধানঃ $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2 (ab+bc+ca)$ বা, $9^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2 \times 31$

বা,
$$a^2 + b^2 + c^2 = 81 - 62 = 19$$
 উত্তর : গ

- 8১. a+b+c=15 এবং $a^2+b^2+c^2=83$ হলে $ab+bc+\begin{vmatrix} 8b & (x-1)(x^2+x+1) \end{vmatrix}$ এব গুণফল কত হবে? ca = কত?
 - ক. 70
 - খ. 68 সমাধানঃ ৪০-এর অনুরূপ। **উত্তর : ঘ**
- গ. 72
- খ. (*x* − 1)3
- Φ . $x^3 1$ গ. $x^3 + 1$
- $\nabla x^3 + 4x^3 + 1$
- সমাধানঃ $(x-1)(x^2+x+1)$

$$= x^3 - 1$$

- 8২. $\frac{a}{b} + \frac{b}{a} = 4$ এবং $\frac{a^2}{b^2} + \frac{b^2}{a^2}$ এর মান কত?
- খ. 16
- গ. 20
- ঘ. 24

ঘ. 71

- সমাধানঃ $\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a}\right)^2 = \frac{a^2}{b^2} + \frac{b^2}{a^2} + 2 \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{b}{a}$ $=\frac{a^2}{b^2}+\frac{b^2}{a^2}+2$
- $\therefore \frac{a^2}{L^2} + \frac{b^2}{a^2} = 42 2 = 16 2 = 14$ উত্তর : ক
- ৪৩. (x+3)(x-3) কে x^2-6 দিয়ে ভাগ করলে ভাগশেষ কত হবে? (১১তম বিসিএস)
 - $\overline{\Phi}$. -6
- খ. 3
- গ. 6
- ঘ. 3
- সমাধানঃ (x+3)(x-3)

$$=x^2-9=(x^2-6)-3$$

- ∴ ভাগশেষ হবে 3 ৷ উত্তর : ঘ
- 88. a-b+b(a-b) ভাগ a-b=কত?

ক.
$$1 - b$$
 খ. $1 + b$ গ. $a + b$

- ঘ. a − b
- সমাধানঃ a-b+b (a-b)

$$= (a - b) (1 + b) = (a - b) (b + 1)$$

- ∴ভাগফল (b + 1) বা (1 + b) উত্তর : খ
- ৪৫. $\frac{a^2b^2}{c^2d}$ কে $\frac{a^3b^2}{cd^3}$ দিয়ে ভাগ করলে ভাগফল কত?
 - ক. $\frac{ab^2}{ca}$ খ. $\frac{a^3b^2}{dc}$
 - গ. $\frac{b^2c}{a^2}$ ঘ. $\frac{bd^2}{ac}$
 - সমাধান। $\frac{a^2b^3}{c^2d} \div \frac{a^3b^3}{cd^3} = \frac{a^2b^3}{c^2d} \times \frac{cd^3}{a^3b^2}$ $=\frac{bd^2}{ac}$ উত্তর : ঘ

- ৪৭. $(x^2)^3$ কে x^3 দ্বারা গুণ করলে কত হবে?
 - $\overline{\Phi}$, χ^9

- গ, x^{27} ঘ, x^{24}

সমাধানঃ $(x^2)^3 \times x^3$

$$=x^6.x^3=x^6+3=x^9$$
 উত্তর : ক

- ৪৮. যদি $x^3 + 5x 2$ কে (x 1)(x 2) দ্বারা ভাগ করা হয়, তবে ভাগশেষ হবে
- খ. 0

গ. 4

- ঘ. 12x
- সমাধানঃ $x^2 3x + 2$) $x^3 + 5x 2$ (x + 3)

$$\underline{x^3 - 3x^2 + 2x - }$$

$$3x^2 + 3x - 2$$

$$\frac{3x^2-9x+6}{12x-8}$$

- উত্তর : ক
- 8৯. যদি $a^3 b^3 = 513$ এবং a b = 3 হয়, হবে ab এর মান কত?
 - (১১তম বিসিএস)

ক. 54

খ. 35

- গ. 45
- সমাধানঃ $(a-b)^3 = a^3 b^3 3ab (a-b)$
- $4, 3ab (a b) = (a^3 b^3) (a b)^3$
- বা, $3 \times 3 \times ab = 513 27$
- ∴ ab = $\frac{1}{9} \times 486 = 54$ উত্তর : ক

- ৫০. a+b=5 এবং a-b=3 হলে ab এর মান কত? (১০তম বিসিএস) \mid ৫৩. x+y=7 এবং xy=10 হলে $(x-y)^2$ এর মান কত?
 - ক. 2

খ. 3

গ. 4

- ঘ. 5
- সমাধানঃ $(a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$ ———(i)
 - $(a b) = a^2 + b^2 2ab$ ——— (ii)
 - (i) হতে (ii) বিয়োগ করে,
 - (a + b)2 (a b)2 = 4ab.
 - $ab = \frac{1}{4} \{ (a+b)^2 (a-b)^2 \}$ $=\frac{1}{4}\times(52-32)$ $=\frac{1}{4}(25-9)$
 - ∴ ab $\frac{1}{4} \times 16 = 4$ উত্তর : গ
- ৫১. যদি $(x-5)(a+x) = x^2 25$ হয় তবে a এর মান কত? (১০তম বিসিএস)
 - ক. *−* 5

খ. 5

গ. 25

- ঘ. 25
- সমাধানঃ $(x-5)(a+x)=x^2-25$
 - ∴ *x* = 5 অথবা a = 5
 - $4x 5a + x^2 5x = x^2 25$
 - \therefore a = 5
 - বা, ax 5a 5x + 25 = 0

 - ∴ (x-5)(a-5)=0 উত্তর : খ
- ৫২. $x + \frac{1}{r} = \sqrt{3}$ হলে $x^3 + \frac{1}{r^3}$ এর মান কত? (২৫তম বিসিএস)
 - ক. 2

গ. ()

- সমাধানঃ $\left(x+\frac{1}{r}\right)^3 = x^3 + \frac{1}{r^3} + 3 \cdot x \cdot \frac{1}{r} \left(x+\frac{1}{r}\right)$
 - \overline{q} , $x^3 + x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 3\left(x + \frac{1}{x}\right)$ $=\left(\sqrt{3}^3\right)-3\times\sqrt{3}$
 - $\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} = 3\sqrt{3} 3\sqrt{3} = 0$ উত্তর : গ

- - (২৪তম বিসিএস)

ক. 3

খ. 6

গ ৯

- ঘ. 12
- সমাধানঃ $(x y)^2 = (x + y)^2 4xy$
- বা. $(x y)^2 = 7^2 4 \times 10 = 49 40 = 9$
- $(x y)^2 = 9$
- উত্তর : গ
- ৫৪. x + y = 12 এবং x y = 2 হলে xy এর মান কত?

(২২তম বিসিএস)

ক. 35

খ. 140

গ. 70

- ঘ. 144
- সমাধানঃ $(x + y)^2 = x^2 + y^2 + 2xy$ (i)
- $(x y)^2 = x^2 + y^2 2xy$ ——— (ii)
 - (i) হতে (ii) বিয়োগ করে,
 - (x + y)2 (x y)2 = 4xy
- $41, xy = \frac{1}{4} \{ (x+y)^2 (x-y)^2 \}$
 - $=\frac{1}{4}\times(12^2-2^2)=\frac{1}{4}\times(144-4)$
- $\therefore xy = \frac{1}{4} \times 140 \therefore xy = 35$
- ৫৫. $x^2 + v^2 = 8$ এবং xv = 7 হলে $(x + v)^2$ এর মান কত?

(২০তম বিসিএস)

ক. 14

খ. 16

গ. 22

- ঘ. 30
- সমাধানঃ $(x + y)^2 = x^2 + y^2 + 2xy$
 - $= 8 + 2 \times 7$
 - = 8 + 14 = 22
- উত্তর : গ

- ৫৬. $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}, A = \{1, 2, 3\}, B = \{2, 4, 6\}$ হলে | ৬০. $A = \{a, b\}, B = \{b, c, d\},$ এবং $C = A \cup B$ হলে P(C) $A' \cap B' = \overline{a}$
 - ₮. {1, 4}
- খ. {5, 6}

গ. {5}

- ঘ. {6}
- সমাধানঃ $A' = \{x \in U : x \notin A\} = \{4, 5, 6\}$

$$B' = \{x \in U : x \notin B\} = \{1, 3, 5\}$$

$$A' \cap B' = \{4, 5, 6\} \cap \{1, 3, 5\} = \{5\}$$

উত্তর : গ

- ৫৭. যদি U = {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}, A= {0, 1, 2, 3, $\{4\}, B = \{2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ তাহলে $U \cap (A \cup B)$ এর মান নির্ণয় করুন।
 - ক. {3, 7, 9}
- খ. {2, 6, 8}
- গ. {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7} ঘ. {0, 1, 5, 6}
- সমাধানঃ $U \cap (A \cup B) = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ \cap [{0, 1, 2, 3, 4} \cup {2, 3, 4, 5, 6, 7}] $= \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\} \cap \{0, 1, 2, 3, 9\}$ 4, 5, 6, 7} = {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7} উত্তর : গ
- **CEV.** $A = \{0, 2, 3, 7, 9\}, B = \{1, 5, 6, 8, 11\}, C = \{2, 5, 7, 9\}$ $\{A, 12, 14\}$ হলে $\{A \cap B\} \cup \{A \cup C\}$ হবে-
 - $\overline{\Phi}$. {2, 3, 5, 7}
- খ. {4, 7, 9}
- গ. $\{2,7\}$
- ঘ. {0, 2, 3, 8}
- সমাধানঃ $A \cap (A \cup B)$

$$= [\{0, 2, 3, 7, 9\} \cap \{1, 5, 6, 8, 11\}] \cup [\{0,$$

- $2, 3, 7, 9 \cap \{2, 5, 7, 8, 12, 14\}$
- $= \{\emptyset\} \cup \{2,7\} = \{2,7\}$ উত্তর : গ
- ৫৯. n উপাদানবিশিষ্ট একটি প্রদত্ত সেটের উপসেটের সংখ্যা কত হবে?
 - $\overline{\Phi}$. n (n + 1)
- খ. n2

গ. 2ⁿ⁻¹

- ঘ. 2ⁿ
- সমাধানঃ যে কোন সেট A এর উপাদান সংখ্যা n হলে, P(A) এর উপাদান সংখ্যা $=2^n$ উত্তর : ঘ

- নির্ণয় করুন।
 - $\overline{\Phi}$. {a, b, c, d}, {a, b, c}, {a, b, d} {b, c, d}
 - \forall . {a, c},{a, d},{b, c}, {b, d}, {c, d}, {a},{b}, {c}
 - গ. $\{a, b, c, d\}, \{a, b, d\}, \{b, c, d\}, \{a, c, d\}, \{a, b\}$
 - \forall . {a, b, c, d}, {a, b, c}, {a, b, d}, {b, c, d}, {a, c, d}, {a, b}, $\{a, c\}, \{a, d\}, \{b, c\}, \{b, d\}, \{c, d\}, \{a\}, \{b\},$ $\{c\}, \{d\}, \{\emptyset\}$

সমাধানঃ দেওয়া আছে, $A = \{a, b\}, B = \{b, c, d\} C = A \cup B$.

P(C) নির্ণয় করতে হবে।

- $C = A \cup B$:
 - $= \{a, b\} \cup \{b, c, d\}$
 - = (a, b, c, d)
- $P(C) = \{a, b, c, d\}, \{a, b, c\}, \{a, b, d\},\$
- $\{b, c, d\} \{a, c, d\} \{a, b\},\$
- $\{a, c\}, \{a, d\}, \{b, c\}, \{b, d\}, \{c, d\}, \{a\},$
- {b}, {c}, {d}, {∅} উত্তর : ঘ
- ৬১. যদি ${f A}=\{-1,1\},\ {f B}=\left\{rac{1}{2},rac{1}{3}
 ight\}$ হয় তবে ${f A} imes {f B}$ নির্ণয় করুন।
 - $\Phi. \{-1,1\} \times \left\{\frac{1}{2},\frac{1}{3}\right\}$
 - $\forall. \left\{ \left(-1, \frac{1}{2}\right), \left(-1, \frac{1}{3}\right), \left(1, \frac{1}{2}\right), \left(1, \frac{1}{3}\right) \right\}$
 - গ. $\left\{ \left(-1, \frac{1}{2}\right), \left(-1, \frac{1}{3}\right), \left(1, \frac{1}{3}\right) \right\}$

ঘ. কোনোটিই নয়

সমাধানঃ দেওয়া আছে, $A = \{-1, 1\}$,

$$B = \left\{rac{1}{2}, rac{1}{3}
ight\}$$
 হয় তবে $\mathtt{A} imes \mathtt{B}$ এবং $\mathtt{B} imes$

A নির্ণয় করতে হবে।

$$\therefore \mathbf{A} \times \mathbf{B} = \{-1 \ 1\} \times \left\{ \frac{1}{2}, \frac{1}{3} \right\}$$
$$= \left\{ \left(-1, \frac{1}{2}\right), \left(-1, \frac{1}{3}\right), \left(1, \frac{1}{2}\right), \left(1, \frac{1}{3}\right) \right\}$$

উত্তর : খ

 $\mathbf{99}.\quad \mathbf{U}=\{1,2,3,4,5,6\},$ $A = \{1, 2, 3\}, B \{2, 4, 6\}$ হলে $A' \cap B' =$ কত?

সমাধানঃ
$$A' = \{x \in U : x \notin A\} = \{4, 5, 6\}$$

 $B' = \{x \in U : x \notin B\} = \{1, 3, 5\}$

$$A' \cap B' = \{4, 5, 6\} \cap \{1, 3, 5\} = \{5\}$$

উত্তর : গ

bo. $A = \{0, 2, 3, 7, 9\}, B = \{1, 5, 6, 8, 11\}, C = \{2, 5, 9, 11\}, C = \{2, 5, 9, 11\}, C = \{2, 11\}, C = \{2,$ $7,8,12,14\}$ হলে $(A\cap B)\cup (A\cup C)$ হবে-

সমাধানঃ $(A \cap B) \cup (A \cap C)$

$$= [\{0, 2, 3, 7, 9\} \cap (1, 5, 6, 8, 11)] \cup [\{0, 2, 3, 7, 9\} \cap \{2, 5, 7, 8, 12, 14\}]$$

 $= \{\emptyset\} \cup \{2,7\} = \{2,7\}$ উত্তর : ক

৬৪. $f(x) = x^2 + \frac{1}{x} + 1$ এর অনুরূপ কোনটি? (১৭তম বিসিএস)

ক.
$$f(1)=1$$

খ.
$$f(0) = 1$$

ক.
$$f(1)=1$$
 খ. $f(0)=1$
গ. $f(-1)=3$ ঘ. $f(1)=3$

$$= f(1) = 3$$

সমাধানঃ
$$x$$
-এর মান ১ বসিয়ে পাই, $(1) = 12 + \frac{1}{1} + 1$

 $f(x) = x^3 + kx^2 - 6x - 9;k$ এর মান কত হলে f(3)=0(৩০তম বিসিএস)

= 1 + 1 = 3.

সমাধানঃ f(3)=0 হলে,

উত্তর : ঘ

$$(3)^3 + k(3)^2 - 6(3) - 9 = 0$$
 eq.

$$\Rightarrow 27 + 9k - 18 - 9 = 0$$

$$\Rightarrow$$
 9k = 0