## Контекст как основа модификаторов доступа

shamcode

Аннотация Использование понятия "Контекста" упрощает описание модели модификаторов доступа, в частоности private, protected.

## 1 Модель модификаторов доступа

Введем несколько определений

Определение 1. F(C) - множество методов класса C

Определение 2.  $a: F(C) \to \{public, protected, private\}$  - модификатор методов

Определение 3.  $i:A \to B$  - класс A наследуется от B

Определение 4.  $[m_1, \ldots, m_n]$  - стек вызовов, состоящий из последовательного вызова методов  $m_1, \ldots, m_n$  таких, что  $m_i$  был вызван из  $m_{i-1}$ .

Определение 5. Стек вызова  $[m_1, \dots, m_n]$  называется корректным если для него выполняются условия:

$$m_1 \in F(C) \implies a(m_1) = public$$
 (1)

$$\begin{cases} m_{j+1} \in F(C) \\ a(m_{j+1}) = private \end{cases} \implies m_j \in F(C)$$
 (2)

$$\begin{cases}
 m_{j+1} \in F(C) \\
 a(m_{j+1}) = private
\end{cases} \implies m_j \in F(C) \tag{2}$$

$$\begin{cases}
 m_{j+1} \in F(i(C)) \\
 a(m_{j+1}) = protected
\end{cases} \implies \begin{bmatrix}
 m_j \in F(C) \\
 m_j \in F(i(C))
\end{cases}$$

Определение 6. Стек вызовов, для которого хотя бы одно из условий 1, 2, 3 не выполненно будем называть некорректным или стеком вызова с ошибками доступа.

2 shamcode

## 2 Свойства корректного стека вызовов

Теорема 1. Для корректного стека  $[...,m_i,...]$  верно:

$$\begin{cases}
 m_j \in F(C) \\
 a(m_j) = private
\end{cases} \implies \exists m_k : \begin{cases}
 k < j \\
 m_k \in F(C) \\
 a(m_k) \neq private
\end{cases} \tag{4}$$

Доказательство. По свойству 2 определения корректного стека 5, получаем, что  $m_{j-1} \in F(C)$ . Если  $a(m_{j-1}) \neq private$ , то мы получаем искомый  $m_k$ , т.к j-1 < j.

Если же  $a(m_{j-1}) = private$ , то применяя свойства 2, получаем, что  $m_{j-2}$  либо является искомым, либо  $a(m_{j-2}) = private$ .

Последовательно применяя свойства 2 мы либо найдем искомый метод, либо дойдем до  $m_1 \in F(C)$ . Но по свойству 1 получаем  $a(m_1) = public$ . Что и требовалось доказать.

Аналогично доказывается:

Теорема 2. Для корректного стека  $[..., m_i, ...]$  верно:

$$\begin{cases}
 m_{j} \in F(C) \\
 a(m_{j}) = protected
\end{cases} \implies \exists m_{k} : \begin{cases}
 k < j \\
 a(m_{k}) = public \\
 \begin{bmatrix}
 m_{k} \in F(C) \\
 m_{j} \in F(C_{n}) \\
 C_{n} = i(C_{n-1})
\end{cases}$$

$$\vdots \\
 C_{1} = i(C)$$
(5)

На основе этих двух теорем мы можем доказать общую:

Теорема 3. Для корректного стека  $[...,m_i,...]$  верно:

$$\begin{cases}
 m_{j} \in F(C) \\
 a(m_{j}) \in \{private, protected\}
\end{cases} \implies \exists m_{k} :
\begin{cases}
 k < j \\
 a(m_{k}) = public \\
 \begin{bmatrix}
 m_{k} \in F(C) \\
 C_{n} = i(C_{n-1}) \\
 \vdots \\
 C_{1} = i(C)
\end{cases} (6)$$

## 3 Оределение контекста вызова

Определение 7. Множество  $\theta$  называется контекством вызова для стека вызовов  $[\dots, m_j, \dots]$ , если

$$\forall m_i \in F(C_k) : C_k \in \theta \tag{7}$$

Перепишем определение 5 с помощью контекста вызова:

Определение 8. Стек вызовов  $[m_1, \ldots, m_n]$  с конекстом выполнения  $\theta$  называется корректным если для него выполняются условия:

$$m_1 \in F(C) \implies C \in \theta$$
 (8)

$$\begin{cases} m_{j+1} \in F(C) \\ a(m_{j+1}) = private \end{cases} \implies C \in \theta$$
 (9)

$$\begin{cases}
 m_{j+1} \in F(i(C)) \\
 a(m_{j+1}) = protected
\end{cases} \Longrightarrow \begin{bmatrix}
 C \in \theta \\
 i(C) \in \theta
\end{cases}$$
(10)

Докажем следующую теорему:

Теорема 4. Если для стека вызов  $[m_1, \ldots, m_n]$  с конекстом выполнения  $\theta$  верно

$$\forall m_j \in F(C_k) : a(m_j) \neq private \implies C_k \in \theta$$
 (11)

то он является корректным стеком вызовов.

Доказательство.