

Geometry

Short Techniques & Formulas

অটোমেটিক স্ক্রলের মাধ্যমে ই-বুক পড়া / রিডের জন্যঃ

আপনার ই-বুক বা pdf রিডারের Menu Bar এর **View** অপশনটি তে ক্লিক করে Auto /Automatically Scroll অপশনটি সিলেক্ট করুন (অথবা সরাসরি যেতে $\Rightarrow \text{Ctrl} + \text{Shift} + \text{H}$)। এবার \uparrow up Arrow বা \downarrow down Arrow তে ক্লিক করে আপনার পড়ার সুবিধা অনুসারে স্ক্রল স্পীড ঠিক করে নিন।

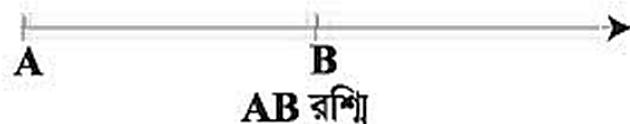
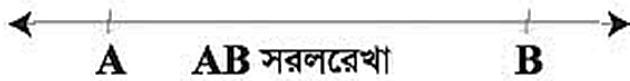
জ্যামিতিগে ব্যবহৃত গুরুত্বপূর্ণ প্রতীকঃ

\leftrightarrow	Straight line \rightarrow সরলরেখা (কোন প্রান্তবিন্দু নেই)
\rightarrow	Ray \rightarrow রশি (একটি মাত্র প্রান্তবিন্দু)
-	Line Segment \rightarrow রেখাংশ (দুটি প্রান্তবিন্দু থাকে)
\sim	Similar to \rightarrow সদৃশ
\approx	Almost Equal to \rightarrow প্রায় সমান
\cong	Is Equivalent to / Congruent \rightarrow সর্বসম
\angle	Angle \rightarrow কোন
\angle / R	Right Angle \rightarrow সমকোন
\measuredangle	Measured Angle \rightarrow পরিমাপকৃত কোন
\perp	Perpendicular To \rightarrow লম্ব
\parallel	Is Parallel to \rightarrow সমান্তরাল
\therefore	Therefore / Hence \rightarrow সুতরাং
\because	Since / Because \rightarrow যেহেতু / কারণ
\triangle	Triangle \rightarrow ত্রিভুজ
\square	Rectangle/Square \rightarrow আয়তক্ষেত্র বা বর্গক্ষেত্র
\odot	Circle \rightarrow বৃত্ত

জ্যামিতি (Geometry)

★ Euclid's (ইউক্লিড): বিখ্যাত গ্রন্থ 'Elements' যা 13 খণ্ডে সমাপ্ত, খ্রিষ্টপূর্ব 300 অব্দে রচিত।

রেখা ⇒ Line:



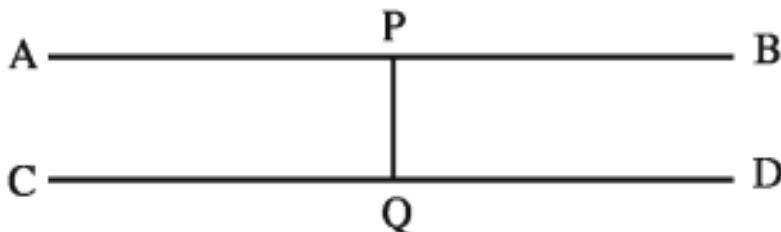
Straight line → সরলরেখাঃ যার কোন প্রান্তবিন্দু নেই

Ray → রশিৎ যার একটি মাত্র প্রান্তবিন্দু

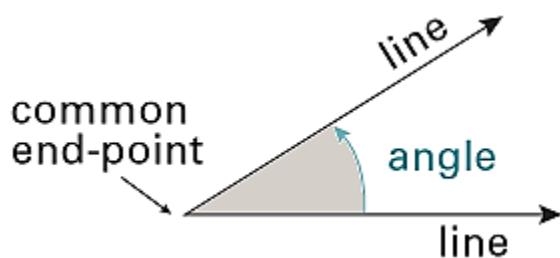
Line Segment → রেখাংশঃ যার দুটি প্রান্তবিন্দু থাকে

সমান্তরাল রেখা (Parallel lines):

এদের কোন সাধারণ বিন্দু নেই বা এরা একে অপরকে ছেদ করতে পারে না। অর্থাৎ সমান্তরাল রেখা কখনও মিলিত হবে না। দুই বা ততোধিক সরলরেখা একটি সরলরেখার উপর লম্ব হলে, তারা পরস্পর সমান্তরাল।



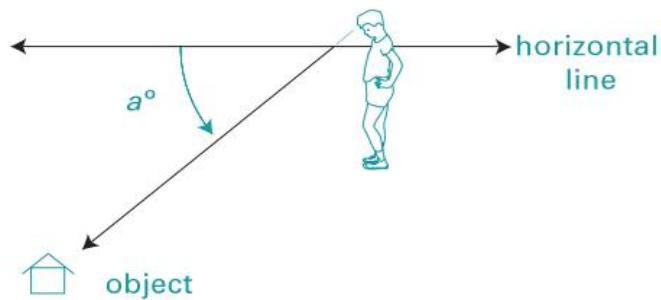
কোণ(Angle)



angle of depression

(of an object)

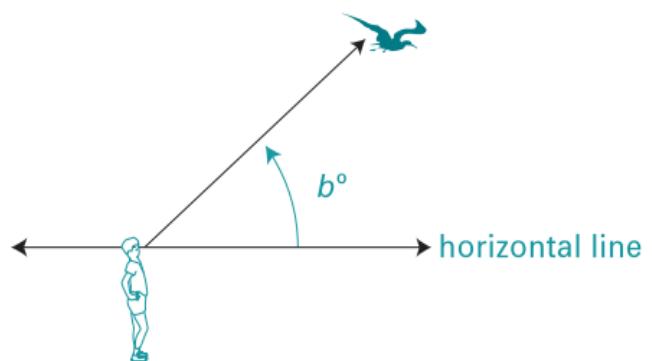
An angle formed between the horizontal line and the line of sight to an object below.



The angle of depression is α° .

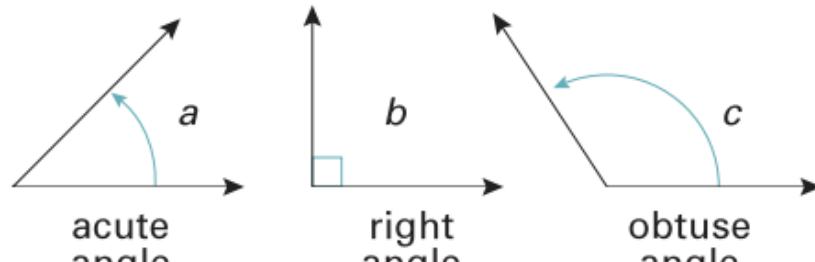
angle of elevation

An angle formed between the horizontal line and the line of sight to an object above.



The angle of elevation is b° .

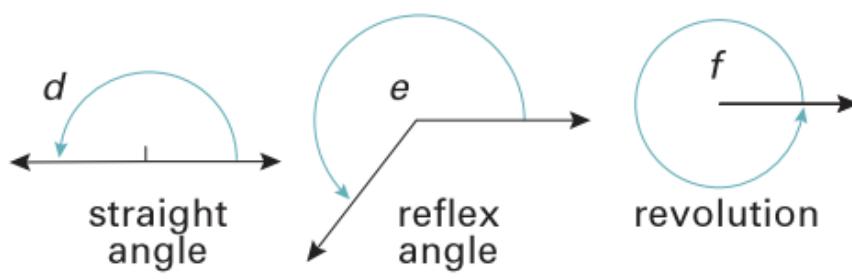
Angles are measured in degrees ($^\circ$), minutes ('') and seconds ('').



$$0^\circ < a < 90^\circ$$

$$b = 90^\circ$$

$$90^\circ < c < 180^\circ$$

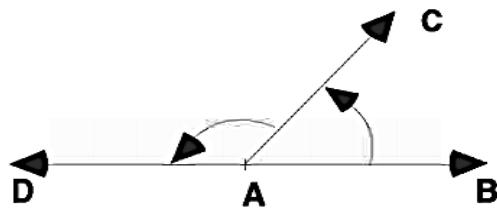


$$d = 180^\circ$$

$$180^\circ < e < 360^\circ$$

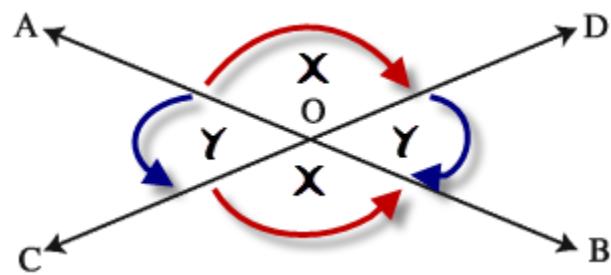
$$f = 360^\circ$$

সন্ধিত কোন (Adjacent Angles):



যদি কোন তলে দুইটি কোনের একই শীর্ষ বিন্দু হয় এবং কোনদ্বয় সাধারণ বাহুর বিপরীত পাশে অবস্থান করে।

বিপ্রতীপ কোন (Vertically Opposite angles):

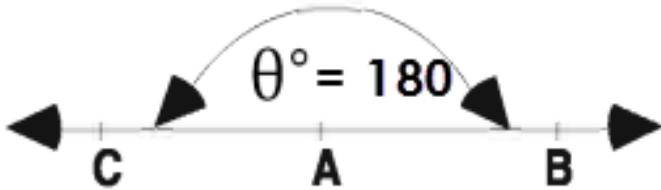


$$\angle AOD = \text{বিপ্রতীপ } \angle COD$$

$$\text{এবং } \angle AOC = \text{বিপ্রতীপ } \angle BOD$$

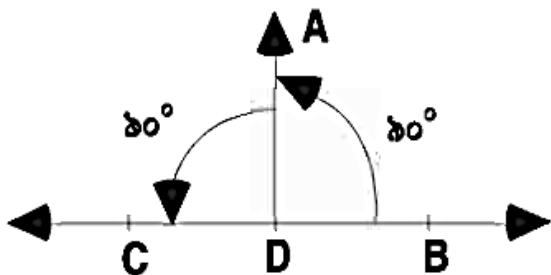
সরল কোন (Straight Angles):

$$\angle \theta = 180^\circ$$



সমকোন (Right Angles) বা লম্ব (Perpendicular):

$$\angle ADB = \angle ADC = \angle \theta = 90^\circ$$

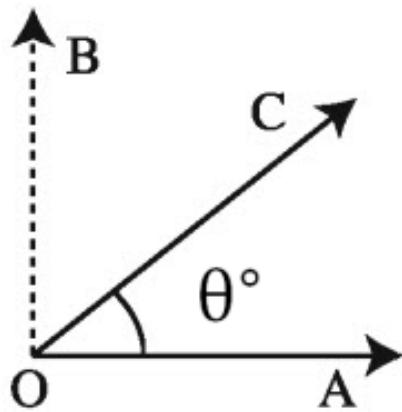


যদি একই রেখার উপর অবস্থিত দুইটি সন্ধিত কোন পরস্পর সমান হয় , তবে কোন দুইটির প্রত্যেকটি সমকোণ।
অর্থাৎ সমকোণ হচ্ছে সরল কোনের অর্ধেক।

সমকোণের বাহু দুইটি পরস্পরের উপর লম্ব। $\therefore \angle \theta = 90^\circ$

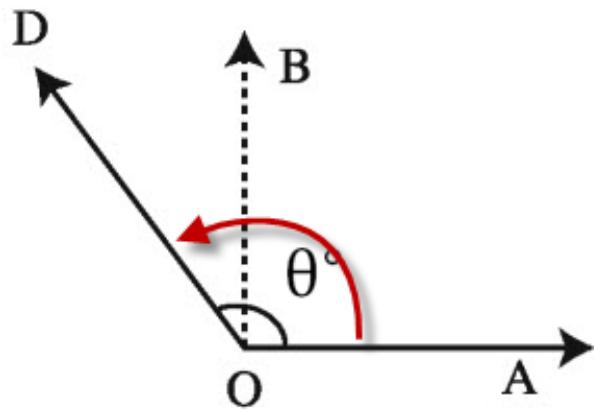
সূক্ষকোণ (Acute Angles):

এক সমকোণ থেকে ছোট কোনকে $10^\circ < \angle AOC < 90^\circ$



স্তুলকোণ (Obtuse Angles):

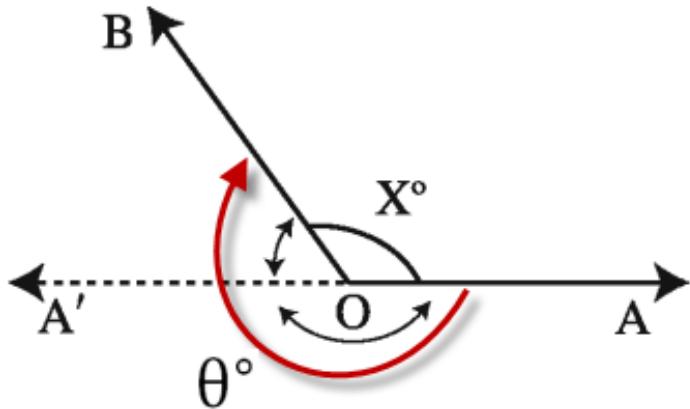
এক সমকোণ থেকে বড় কিন্তু দুই সমকোণ থেকে ছোট। $90^\circ < \angle AOD < 180^\circ$



প্রবিঞ্চকোণ Reflex Angles :

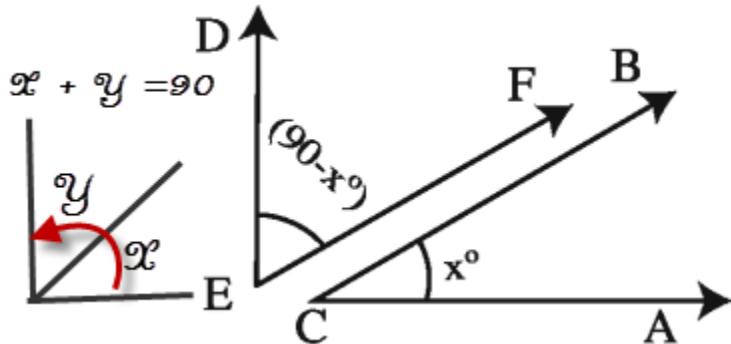
দুই সমকোণ থেকে বড় কিন্তু চার সমকোণ থেকে ছোট। $180^\circ < \angle AOB < 360^\circ$

$$\angle AOB = 360 - \angle X$$



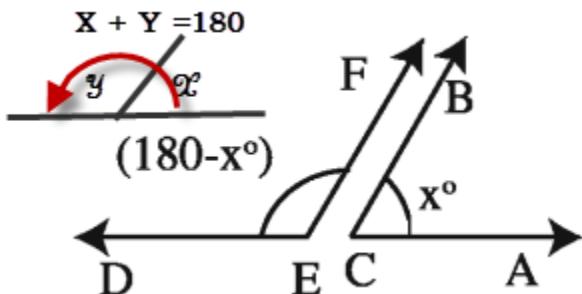
পূরক কোণ \Rightarrow Complementary Angles :

দুইটি কোনের সমষ্টি এক সমকোণ বা 90° হলে , একটি অপরটির পূরক কোণ।



সম্পূরক কোণ \Rightarrow Supplementary Angles :

দুইটি কোনের সমষ্টি এক সরল কোণ বা 180° হলে , একটি অপরটির সম্পূরক কোণ। এখানে $\angle DEF$ সম্পূরক কোণ হল $\angle ACB$ ।

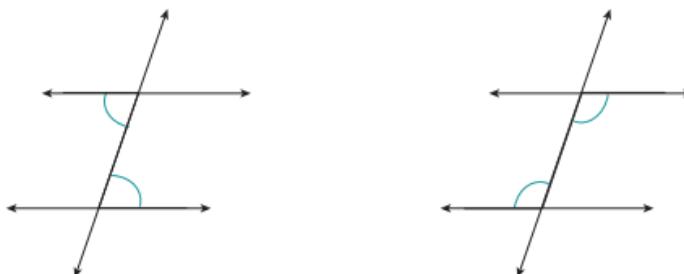
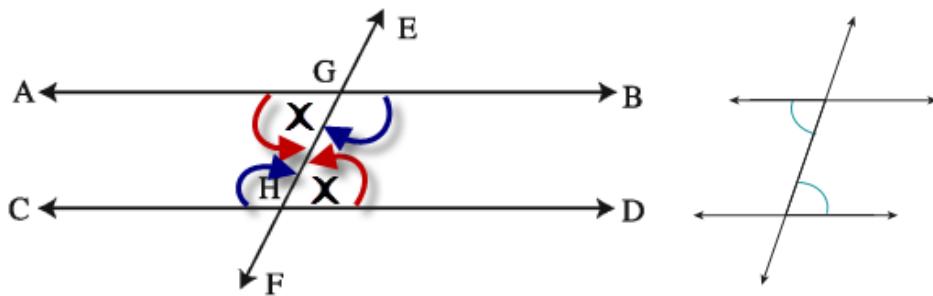


একাত্মর কোণ \Rightarrow Alternate Angles :

$AB \parallel CD$ হলে EF ছেদক (Transversal) হলে , $\angle AGF =$ একাত্মর $\angle DHE$

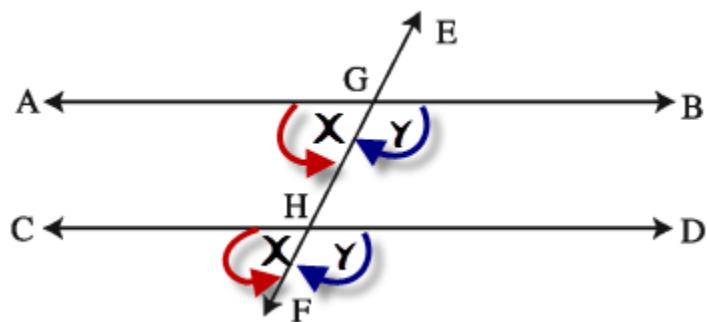
এবং $\angle DGF =$ একাত্মর $\angle CHE$

alternate angles
(make Z-shape). They are equal.

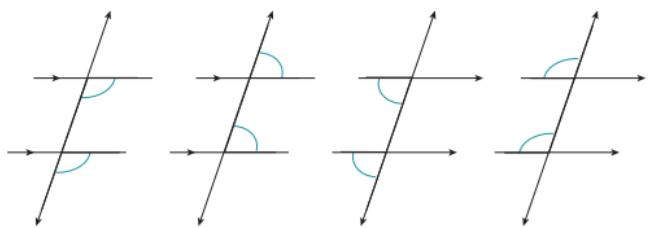


অনুরূপ কোণ⇒ Corresponding Angles : AB || CD হলে EF ছেদক (Transversal) হলে ,

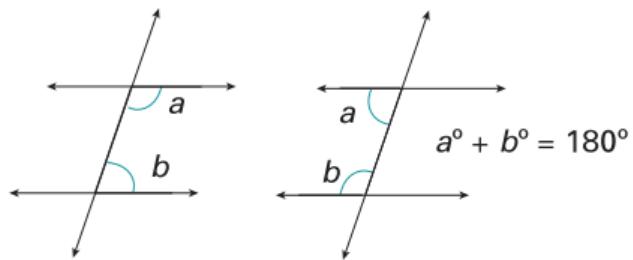
$\angle AGF = \text{অনুরূপ } \angle CHF$ এবং $\angle DGF = \text{একান্তর } \angle DHF$



1 corresponding angles
(make F-shape). They are equal.

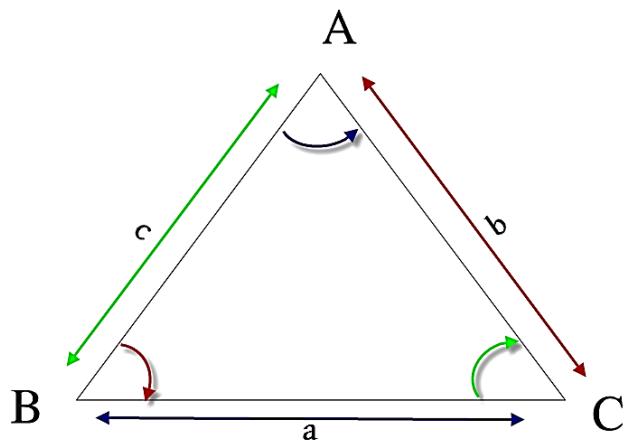


cointerior angles
(make U-shape). They add up to 180° .

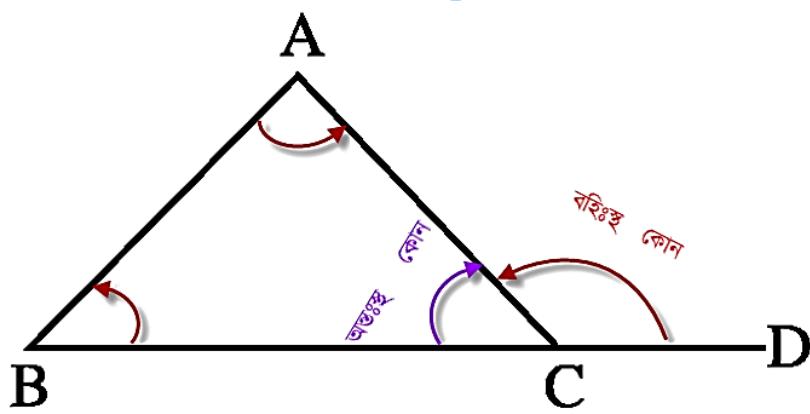


ত্রিভুজ (Triangle):

তিনটি রেখাংশ দ্বারা আবদ্ধ ক্ষেত্রের সীমারেখাকে ত্রিভুজ বলা হয়।



এখানে $\triangle ABC$ একটি ত্রিভুজ, এর $\angle BAC = \angle B$, $\angle ABC = \angle C$, $\angle ACB = \angle A$ কোণ।
এবং $AB = c$, $BC = a$ ও $AC = b$ বাহু।



ত্রিভুজের একটি বাহুকে বর্ধিত করলে যে কোণ উৎপন্ন হয় তাকে বহিঃস্থ কোণ বলে ।

এখানে $\angle ACD$ = বহিঃস্থ কোণ এবং $\angle ACB$ = অন্তঃস্থ কোণ

ত্রিভুজের সর্বসমতাঃ

★ দুইটি ত্রিভুজের সর্বসমতাঃ

\therefore দুইটি ত্রিভুজ সর্বসম হবে যদি

\Rightarrow একটির দুই বাহু যথাক্রমে অপরটির দুই বাহুর সমান হয় এবং বাহু দুইটির অন্তর্ভুক্ত কোণদ্বয় পরস্পর সমান হয় ।

\Rightarrow একটির তিন বাহু অপরটির তিন বাহু সমান হয় ।

\Rightarrow একটির দুই কোণ ও একটি বাহু যথাক্রমে অপরটির দুই কোণ ও অনুরূপ বাহুর সমান হয় ।

\Rightarrow তারা উভয়ই সমকোণী ত্রিভুজ হয় , তাদের অতিভুজদ্বয় সমান হয় ও একটি বাহু অপরটির অনুরূপ বাহুর সমান সমান হয় ।

ত্রিভুজের ধর্মাবলী (Properties of Triangles):

★ ত্রিভুজের ভূমির বিপরীত দিকের বিন্দুর নাম শীর্ষবিন্দু ।

★ ত্রিভুজের তিন কোনের সমষ্টি দুই সমকোণ বা 180° ।

★ ত্রিভুজের তিনটি Vertex এ তিনটি বহিঃস্থ কোনের(Exterior angel) সমষ্টি 360° । যা ত্রিভুজের অন্তর্স্থ কোণ সমূহের সমষ্টির দ্বিগুণ ।

★ ত্রিভুজের বৃহত্তম বাহুর বিপরীত কোণ বৃহত্তম । বা বৃহত্তম কোনের বিপরীত বাহুও বৃহত্তম ।

★ ত্রিভুজের একটি কোণ অপর একটি কোণ অপেক্ষা বৃহত্তর হলে , বৃহত্তর কোনের বিপরীত বাহু ক্ষুদ্রতর কোনের বিপরীত বাহু অপেক্ষা বৃহত্তর হবে ।

★ ত্রিভুজের দুইটি বাহু সমান হলে তাদের বিপরীত কোণদ্বয় সমান এবং দুইটি কোণ সমান হলে তাদের বিপরীত বাহুদ্বয় সমান ।

★ ত্রিভুজের যে কোন দুই বাহুর সমষ্টি ত্রিভুজের তৃতীয় বাহু অপেক্ষা বৃহত্তর ।

★ ত্রিভুজের যে কোন দুই বাহুর অন্তর ত্রিভুজের তৃতীয় বাহু অপেক্ষা ক্ষুদ্রতর ।

★ কোন সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ (সমকোণের বিপরীত বাহু) অন্য যে কোন বাহু অপেক্ষা বৃহত্তর ।

★ ত্রিভুজের যেকোন বাহুকে বর্ধিত করলে উৎপন্ন বহিঃস্থ কোন , ত্রিভুজের অন্তঃস্থ কোনের বিপরীত কোণদ্বয়ের সমষ্টির সমান ।

★ ত্রিভুজের প্রত্যেক বাহুকে উভয় দিকে বর্ধিত করলে যে ছয়টি বহিঃস্থ কোন উৎপন্ন হয় , তাদের সমষ্টির আট সমকোন ।

★ ত্রিভুজের দুই বাহুর মধ্যবিন্দুর সংযোগ রেখাংশ ত্রিভুজের তৃতীয় বাহুর সমান্তরাল ও দৈর্ঘ্য তার অর্ধেক ।

★ কোন ত্রিভুজের শীর্ষ বিন্দু থেকে ভূমির মধ্যবিন্দুর সংযোজক সরল রেখাকে মধ্যমা বলে । তিভুজের তিনটি মধ্যমা হয় ।
এগুলো সমবিন্দু । এই মধ্যমাত্রয় পরস্পরকে $2:1$ এ বিভক্ত করে ।

★ ত্রিভুজের মধ্যমা তিনটির সমষ্টি তার পরিসীমা(তিন বাহুর সমষ্টি) অপেক্ষা ক্ষুদ্রতর ।

★ ত্রিভুজের যে কোন মধ্যমা ত্রিভুজকে সমান দুটি ক্ষেত্রে বিভক্ত করে ।

সদৃশ ত্রিভুজ সংক্রান্তঃ

★ দুইটি ত্রিভুজ সদৃশ হলে তাদের অনুরূপ বাহুগুলোর অনুপাত সমান এবং বিপ্রিতক্রমে দুইটি ত্রিভুজের বাহুগুলো সমানুপাতিক হলে ত্রিভুজদ্বয় সদৃশকোনী এবং অনুরূপ বাহুর বিপরীত কোনগুলো পরস্পর সমান ।

★ দুইটি ত্রিভুজের একটি কোন অপরাটির এক কোনের সমান ও সমান সমান কোন সংলগ্ন বাহুগুলো সমানুপাতিক হলে ত্রিভুজদ্বয় সদৃশ হবে ।

★ দুইটি সদৃশ ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলদ্বয়ের তাদের যেকোন দুই অনুরূপ বাহুর বর্গের অনুপাতের সমান ।

জ্য৮িতিক ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল সংক্রান্তঃ

★ একই ভূমির উপর এবং একই সমান্তরাল রেখাদ্বয়ের মধ্যে অবস্থিত সকল ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল সমান ।

★ একটি ত্রিভুজ ও একটি সামান্তরিক বা আয়ত একই ভূমির উপর এবং একই সমান্তরাল রেখাদ্বয়ের মধ্যে অবস্থিত হলে ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল সামান্তরিক ক্ষেত্র বা অয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের অর্ধেক ।

★ কোন সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজের উপর অক্ষিত বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল অপ্র বাহুদ্বয়ের উপর অক্ষিত বর্গক্ষেত্রদ্বয়ের ক্ষেত্রফলের সমষ্টির সমান ।

ত্রিভুজের কেন্দ্র(Center of Triangles)

অন্তঃকেন্দ্র (In-Centre): ত্রিভুজের কোনত্রয়ের সমদ্বিখণক গুলোর সমবিন্দু । (যা ত্রিভুজের অন্তর্লিখিত বৃত্তের কেন্দ্র)

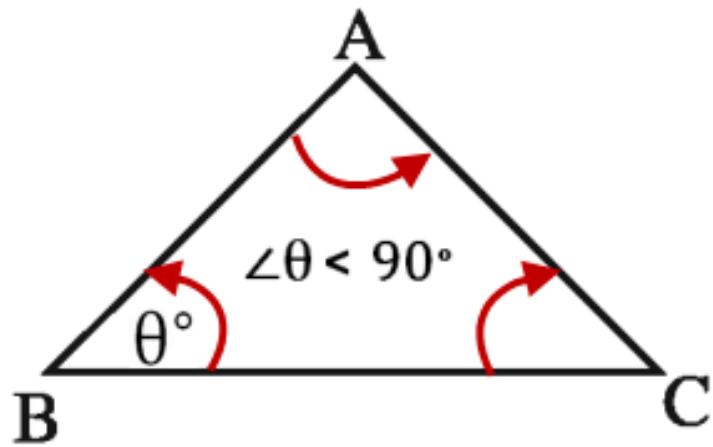
পরিকেন্দ্র(Circumcentre): ত্রিভুজের বাহুত্রয়ের লম্বসমদ্বিখণকত্রয় সমবিন্দু । (যা ত্রিভুজের পরিলিখিত বৃত্তের কেন্দ্র)

ভরকেন্দ্র(Centroid): ত্রিভুজের কোন একটি শীর্ষবিন্দু এবং তার বিপরীত বাহুর মধ্যবিন্দুর সংযোজক সরলরেখাকে মধ্যমা বলে । ত্রিভুজের মধ্যমাত্রয় সমবিন্দু । অর্থাৎ ভরকেন্দ্র হল কোন ত্রিভুজের তিনবাহুর সমদ্বিখণক গুলোর ছেদবিন্দু ।

লম্ববিন্দু(Orthocentre) : ত্রিভুজের শীর্ষত্রয় হতে বিপরীত বাহুর উপর অক্ষিত লম্বত্রয় সমবিন্দু ।

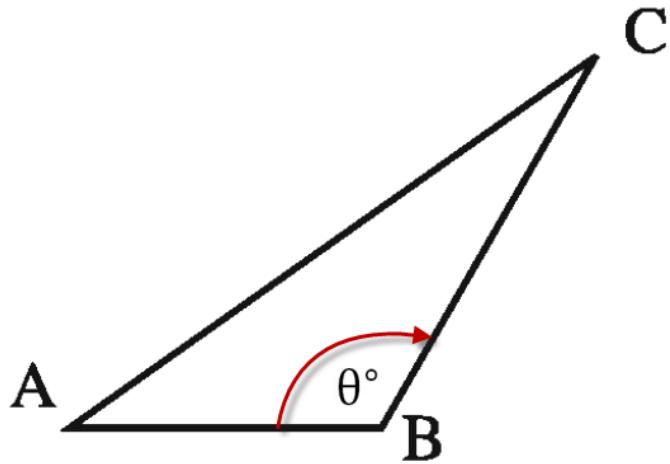
Types of Trinagle According to Angles:

সূক্ষকোণী ত্রিভুজ \Rightarrow Acute Angled Triangle :



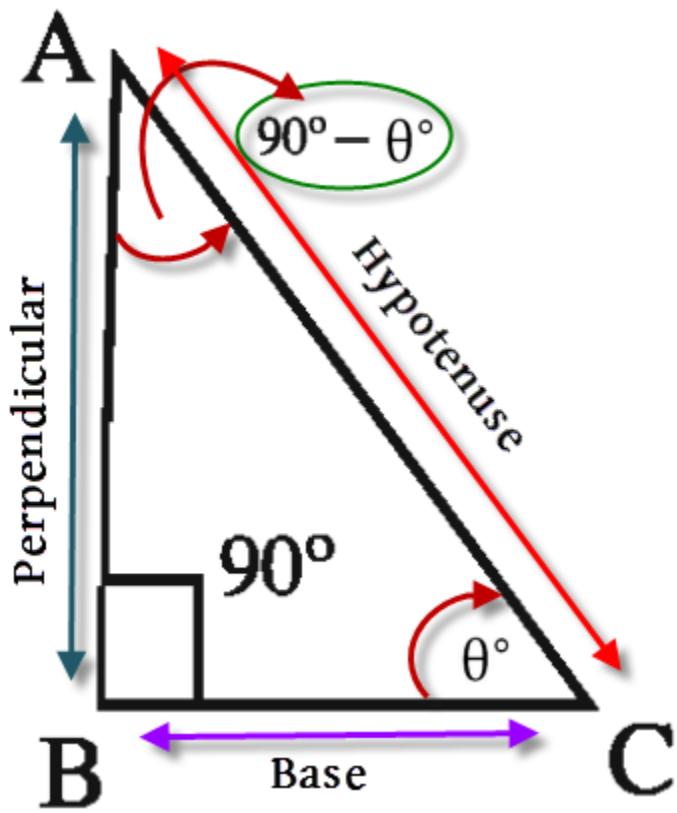
ΔABC এ $\angle A, \angle B$ ও $\angle c < 90^\circ$

স্তুলকোণী ত্রিভুজ \Rightarrow Obtuse Angled Triangle :



ΔABC এ $\angle A$ ও $\angle C < 90^\circ$ এবং $\angle B =$ স্তুলকোণ ($90^\circ < \theta < 180^\circ$)

সমকোণী ত্রিভুজ \Rightarrow Right Angled Triangle :



ΔABC এ $\angle B =$ এক সমকোন $= 90^{\circ}$

এবং $\angle A + \angle C = 90^{\circ}$

$\therefore \angle A = \theta$ হলে $\angle C = 90^{\circ} - \theta$

★ কোন ত্রিভুজের একটি কোন যদি অপর দুইটি কোনের সমান হয় , তবে ত্রিভুজটি সমকোণী ।

★ সমকোণী ত্রিভুজের সমকোণ ভিন্ন অন্য দুইটি কোন হবে সূক্ষকোন ।

★ সমকোণী ত্রিভুজের সূক্ষকোণ দুটি পরস্পরের পূরক কোন ।

★ কোন ত্রিভুজের যে কোন একটি কোন সমকোণ বা 90° হলে ।

$\therefore (\text{অতিভুজ})^2 = (\text{ভূমি})^2 + (\text{লম্ব})^2$

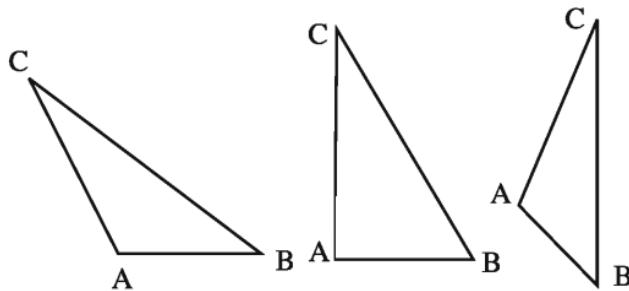
$$\Rightarrow (AC)^2 = (BC)^2 + (AB)^2$$

★ যে কোন সমকোণী ত্রিভুজের বাহুগুলোর অনুপাত $3:4:5$, $5:12:13$, $8:15:17$, $7:24:25$, বা এদের যে কোন Multiple বা গুনক হতে পারে ।

[$\because (AC)^2 = (BC)^2 + (AB)^2$, $\Rightarrow 5^2 = 4^2 + 3^2$, $\Rightarrow 25 = 25$ এই সূত্রে উভয় পাশের বসানো মান সমান হলে ,
সেই অনুপাত গুলো সমকোণী ত্রিভুজের বাহুর অনুপাত হবে ।]

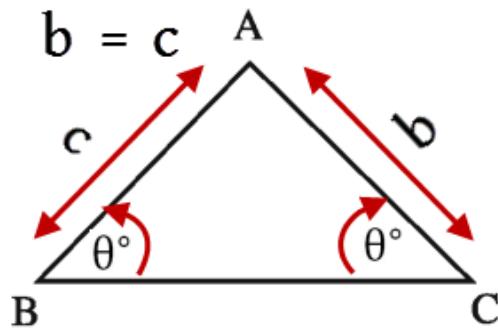
Types of Triangle According to Sides:

বিষমবাহু ত্রিভুজ \Rightarrow Science Triangle :



ΔABC এ $AB \neq BC \neq CA$

সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ \Rightarrow Isosceles Triangle :

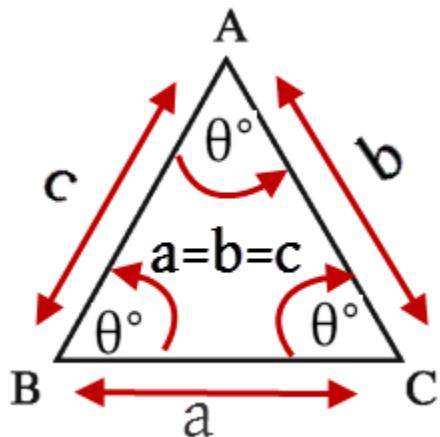


ΔABC এ $AB = AC \neq BC$ বা $b = c$ এবং $\angle B = \angle C$

★ কোন ত্রিভুজের ভূমির প্রান্তবিন্দুদ্বয় থেকে বিপরীত বাহুর উপর অঙ্কিত মধ্যমাদ্য বা লম্বদ্বয় যদি সমান হয় , তবে ত্রিভুজটি সমদ্বিবাহু ।

★ কোন ত্রিভুজের শিরঃকোনের সমদ্বিখণ্ডক যদি ভূমির উপর লম্ব হয় , তবে ত্রিভুজটি সমদ্বিবাহু ।

সমবাহু ত্রিভুজ \Rightarrow Equilateral Triangle :

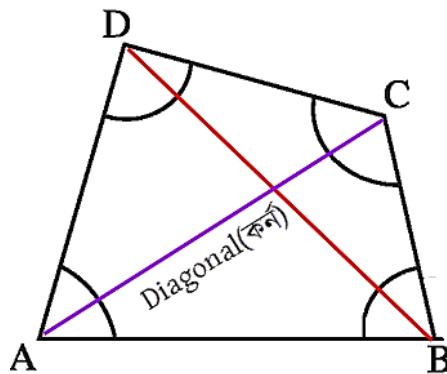


ΔABC এ $AB = BC = AC$ বা $a = b = c$ এবং $\angle A = \angle B = \angle C = 60^{\circ}$

- ★ ত্রিভুজের মধ্যমাত্রয় বা লম্বত্রয় যদি সমান হয় , তবে ত্রিভুজটি সমবাহু ।
- ★ সমবাহু ত্রিভুজের মধ্যমাণ্ডলো বাহুর মধ্যবিন্দুতে উক্ত বাহুর উপর লম্ব ।
- ★ সমবাহু ত্রিভুজের বাহুগুলোর মধ্যবিন্দু যোগ করলে যে ত্রিভুজটি পাওয়া যায় ,তাও সমবাহু ।
- ★ সমবাহু ত্রিভুজের বাহুগুলোর মধ্যবিন্দু যোগফলের (মধ্যমা ত্রয়) ছেদ বিন্দু ও কোনের সমান্বিতওক ত্রয়ের যোগফলের ছেদ বিন্দু সবসময় একই হবে ।

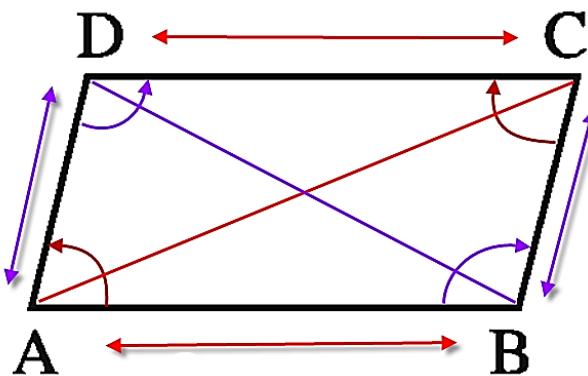
চতুর্ভুজ (Quardrilateral)

চারটি সরলরেখা বা বাহু দ্বারা সীমাবদ্ধ ক্ষেত্রকে চতুর্ভুজ বলে ।



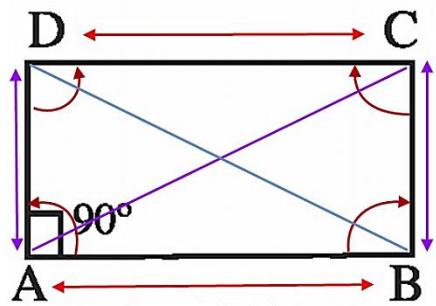
- ★ চতুর্ভুজ চার অন্তঃস্থ কোনের সমষ্টি 4 সমকোণ বা 360° | $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^{\circ}$
- ★ চতুর্ভুজের কর্ণদ্বয়ের সমষ্টি তার পরিসীমা অপেক্ষা ক্ষুদ্রতর ।

সামান্তরিক (Parallelogram):



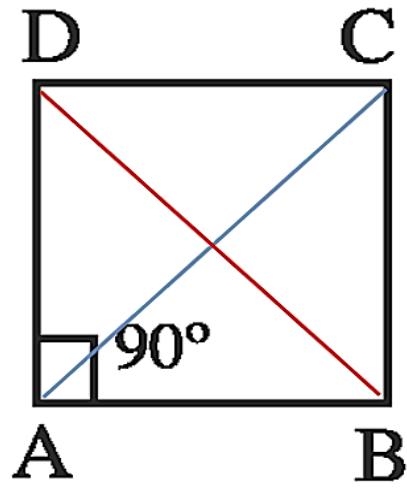
- ★ সামান্তরিকের বিপরীত বাহুদ্বয় পরস্পর সমান ও সমান্তরাল ।
- ★ সামান্তরিকের বিপরীত কোণগুলো পরস্পর সমান ।
- ★ সামান্তরিকের যে কোন দুইটি ক্রমিক বা সন্নিহিত কোন পরস্পরের সম্পূরক ।
- ★ সামান্তরিকের কর্ণদ্বয় অসমান । এরা পরস্পরকে সমান্বিত করে ।

অয়তক্ষেত্র (Rectangle):



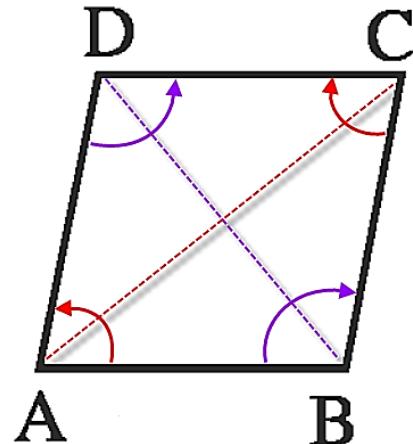
- ★ অয়তক্ষেত্রের বিপরীত বাহুদ্বয় পরস্পর সমান ও সমান্তরাল ।
- ★ অয়তক্ষেত্রের কোনগুলো পরস্পর সমান। এবং প্রত্যেকটি কোন সমকোণ ।
- ★ অয়তক্ষেত্রের কর্ণদ্বয় সমান । এরা পরস্পরকে সমদ্বিখন্ডিত করে ।

বর্গ (Square):



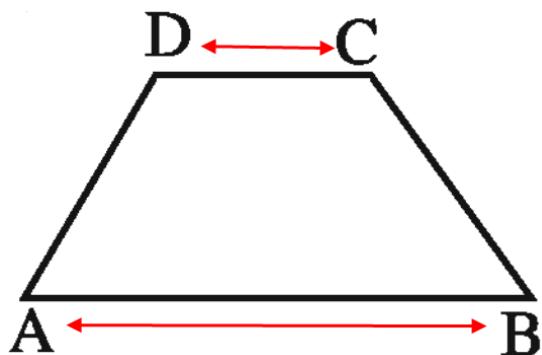
- ★ বর্গক্ষেত্রের প্রত্যেক বা সকল বাহু পরস্পর সমান ও সমান্তরাল ।
- ★ বর্গক্ষেত্রের কোনগুলো পরস্পর সমান। এবং প্রত্যেকটি কোন সমকোণ ।
- ★ বর্গক্ষেত্রের কর্ণদ্বয় সমান । এরা পরস্পরকে সমদ্বিখন্ডিত করে ।

রম্বস(Rhombus)



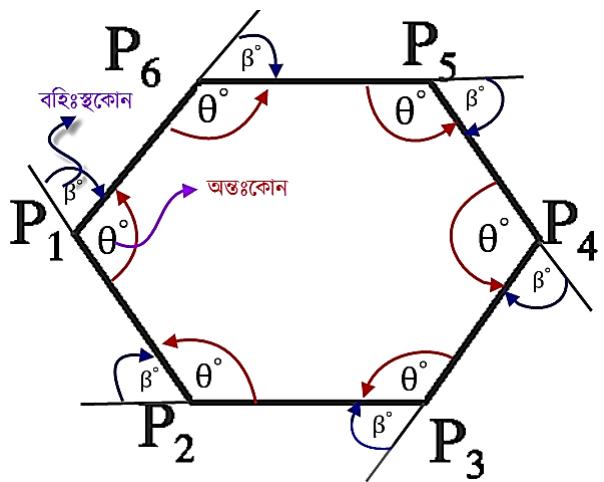
- ★ রম্বসের প্রত্যেক বা সকল বাহু পরস্পর সমান ও সমান্তরাল ।
- ★ রম্বসের বিপরীত কোনগুলো পরস্পর সমান। কিন্তু একটি কোনও সমকোণ নয় ।
- ★ রম্বসের কর্ণদ্বয় অসমান । এরা পরস্পরকে সমদ্বিখন্ডিত করে ।

ট্রাপিজিয়াম (Trapezium):



★ ট্রাপিজিয়ামের কেবলমাত্র দুইটি বাহু সমান্তরাল , কিন্তু সমান্তরাল বাহুদ্বয় সমান নয় ।

বহুভুজ (Polygon):



সুষম বহুভুজের বাহুর সংখ্যা n হলে

★ সুষম বহুভুজের অন্তঃ কোণগুলোর (Interior Angles) সমষ্টি $n\theta = (2n - 4) \times 90^{\circ} = (n - 2) \times 180^{\circ}$

★ সুষম বহুভুজের প্রত্যেকটি অন্তঃ কোণের পরিমাণ $\theta = (\frac{n-2}{n} \times 180)^{\circ}$

★ সুষম বহুভুজের বহিঃস্থ কোন গুলোর সমষ্টি, $n\theta = 360^{\circ}$

★ সুষম বহুভুজের প্রত্যেকটি বহিঃস্থ কোণের পরিমাণ $= (\frac{360}{n})^{\circ}$

Area of Hexagon

$$A = 2.6 S^2 \quad [\text{where } s \text{ is the length of one side}]$$

Area of Octagon

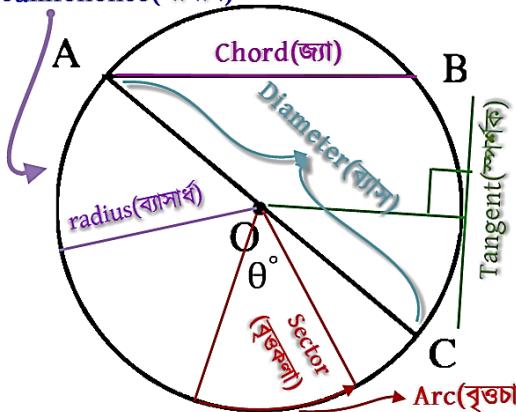
$$A = 4.83S^2 \quad [\text{where } s \text{ is the length of one side}]$$

বৃত্ত (Circle):

কোন সমতলে একটি বিন্দুকে কেন্দ্র করে সমান দুরত্ব বজায় রেখে অপর একটি বিন্দু তার চারদিকে একবার ঘুরে এলে যে অবন্ধ গোলীয় রেখা সৃষ্টি হয় তাকে বৃত্ত বলে।

অর্থাৎ কোন নির্দিষ্ট বিন্দু থেকে সমদূরত্বে আবর্তিত গোলাকার অবন্ধ সমতলীয় ক্ষেত্রকে বৃত্ত বলে।

Circumference(পরিধি)



☆ একই সরল রেখায় অবস্থিত নয় এমন তিনটি বিন্দুর মধ্যে দিয়ে কেবল একটি বৃত্ত আঁকা যাবে।

☆ একই সরলরেখায় অবস্থিত এমন তিনটি বিন্দুর মধ্য দিয়ে কোন বৃত্ত আঁকা যাবে না।

☆ দুইটি নির্দিষ্ট বিন্দু দিয়ে তিনটি বৃত্ত আঁকা যায়।

জ্যা ⇒ Chord:

☆ বৃত্তের পরিধিস্থ যে কোন দুই বিন্দুর সংযোজক সরলরেখাকে জ্যা বলে।

☆ বৃত্তের কেন্দ্র ছেদকারী বা বৃত্তে কেন্দ্র দিয়ে অতিক্রম করে বা গমন করে এরূপ জ্যা বা রেখাকে ব্যাস বলে। বৃত্তের ব্যাসই বৃহত্তম জ্যা।

☆ বৃত্তের দুটি জ্যা পরস্পরকে সমদ্বিখণ্ডিত করলে ছেদবিন্দুটি হবে বৃত্তের কেন্দ্র।

☆ কোন বৃত্তের তিনটি সমান সমান জ্যা একই বিন্দুতে ছেদ করলে ঐ বিন্দুটি বৃত্তের কেন্দ্রে অবস্থিত হবে।

☆ কোন বৃত্তের দুইটি সমান সমান জ্যা একটি বিন্দুতে ছেদ করলে ঐ বিন্দুটি প্রত্যেক জ্যা কে দুটি অংশে বিভক্ত করে, এই জ্যা দুটির বৃহত্তম খণ্ডিতাংশ পরস্পর সমান হবে। একইভাবে ক্ষুদ্রতম খণ্ডিতাংশ ও সমান হবে।

☆ বৃত্তের যে কোন জ্যা এর লম্বদ্বিখণ্ডক কেন্দ্রগামী।

☆ বৃত্তের ব্যাস ভিন্ন কোন জ্যা এর মধ্যবিন্দু ও কেন্দ্রের সংযোজক রেখাংশ ঐ জ্যা এর উপর লম্ব।

☆ বৃত্তের কেন্দ্র হতে কোন জ্যা এর উপর অঙ্কিত লম্ব ঐ জ্যাকে সমদ্বিখণ্ডিত করে।

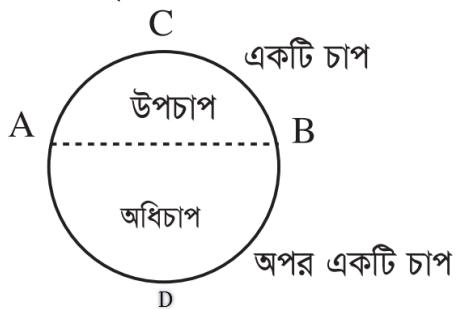
☆ বৃত্তের কেন্দ্র থেকে সমদূরবর্তী সকল জ্যা পরস্পর সমান।

☆ বৃত্তের সমান সমান জ্যা কেন্দ্র থেকে সমদূরবর্তী।

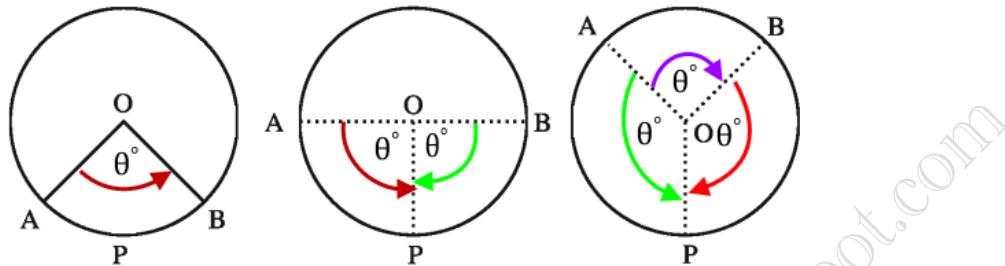
☆ বৃত্তের দুটি জ্যা এর মধ্যে কেন্দ্রের নিকটতর জ্যা-টি অপর জ্যা অপেক্ষা বৃহত্তর।

চাপ , কেন্দ্রস্থ ও পরিধিস্থ কোনঃ

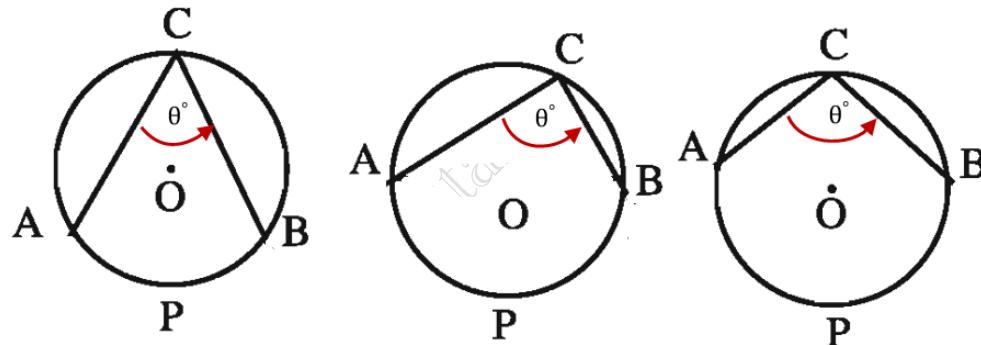
চাপ বা বৃত্তচাপ(Arc): পরিধির যে কোন অংশবিশেষকে চাপ বা বৃত্তচাপ বলে। এখানে \widehat{ACB} ও \widehat{ADB} দুটি চাপ।
বৃত্তচাপের বৃহত্তম অংশকে বলা হয় অধিচাপ। এবং বৃত্তচাপের ক্ষুদ্রতম অংশকে বলা হয় উপচাপ।



কেন্দ্রস্থ কোন (Central Angles): বৃত্তের দুইটি ব্যাসার্ধ কর্তৃক বৃত্তের কেন্দ্রে সৃষ্টি কোনকে কেন্দ্রস্থ কোন বলে। অথবা বৃত্তের পরিধির উপর দুইটি ভিন্ন বিন্দু থেকে কেন্দ্রের সাথে সংযোজক রেখা দ্বারা যে কোন উৎপন্ন হয়।



পরিধিস্থ বা বৃত্তস্থ কোন (Inscribed Angles): বৃত্তের দুটি জ্যা এর দুই প্রান্ত পরিধির উপর দুইটি ভিন্ন বিন্দুতে এবং অপ্র প্রান্ত একটি নির্দিষ্ট বিন্দুতে মিলিত হলে পরিধির উপরে যে কোন উৎপন্ন হয়, তাকে পরিধিস্থ বা বৃত্তস্থ কোন বলে।



☆ বৃত্তের কোন চাপ দ্বার উৎপন্ন কেন্দ্রস্থ কোন ঐ বৃত্তচাপের সমানুপাতিক।

☆ যে কোন দুইটি বৃত্তের স্ব-স্ব পরিধি ও ব্যাসের অনুপাত সমান।

☆ যেকোনো দুইটি পরিধির দৈর্ঘ্য ও ব্যাসের দৈর্ঘ্যের অনুপাত একই।

☆ অর্ধবৃত্তস্থ কোন এক সমকোন। অর্থাৎ অর্ধেক বৃত্তচাপের উপর অবস্থিত প্রতিটি বৃত্তস্থ কোন এক সমকোন।

☆ কোন বৃত্তের অধিচাপে(বৃত্তচাপের বৃহত্তম অংশ) অন্তলিখিত কোন বা বৃত্তস্থ কোন \rightarrow সূক্ষকোন হবে।

☆ কোন বৃত্তের উপচাপে(বৃত্তচাপের ক্ষুদ্রতম অংশ) অন্তলিখিত কোন বা বৃত্তস্থ কোন \rightarrow স্তুলকোন হবে।

☆ বৃত্তের একই চাপের উপর দণ্ডয়মান বৃত্তস্থ কোনগুলো পরস্পর সমান।

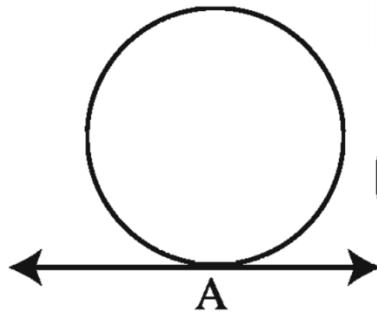
☆ বৃত্তের একই চাপের উপর দণ্ডয়মান বৃত্তস্থ কোন কেন্দ্রস্থ কোনের অর্ধেক।

$$\therefore 1 \text{ পরিধিস্থ বা বৃত্তস্থ কোন} = \frac{1}{2} \times \text{কেন্দ্রস্থ কোন}$$

\Rightarrow কেন্দ্রস্থ কোন = $2 \times$ পরিধিস্থ বা বৃত্তস্থ কোন

স্পর্শক \Rightarrow Tangent :

কোন সরলরেখার বৃত্তের উপর স্পর্শ করে যাওয়ার সময় পরিধির যে বিন্দুতে ছেদ করে , সেই বিন্দু দিয়ে গমনকারী রেখাটিকে এই বৃত্তটির একটি স্পর্শক বলা হয়।



☆ বৃত্তের কোন বিন্দুতে একটি স্পর্শক আঁকা যায়।

☆ একটি বৃত্ত ও একটি সরলরেখার সর্বাধিক দূটি ছেদবিন্দু থাকতে পারে।

☆ বৃত্তের স্পর্শ বিন্দুতে স্পর্শকের উপর অংকিত লম্ব কেন্দ্রগামী।

☆ বৃত্তের যে কোন বিন্দুতে অঙ্কিত স্পর্শক স্পর্শবিন্দুগামী ব্যাসার্ধের উপর লম্ব। অর্থাৎ বৃত্তের কেন্দ্র ও স্পর্শক বিন্দুর সংযোগ রেখা স্পর্শক রেখার উপর লম্ব হয়।

☆ দুইটি বৃত্ত পরস্পর স্পর্শ করলে , তাদের কেন্দ্রদ্বয় ও স্পর্শ বিন্দু সমরেখ হবে।

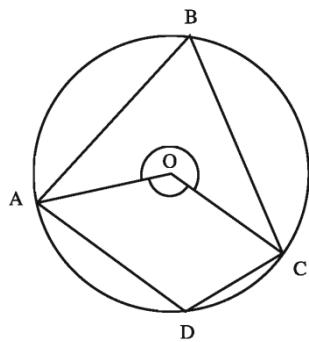
☆ দুইটি বৃত্ত পরস্পরকে বহিঃস্থভাবে স্পর্শ করলে ,তাদের কেন্দ্রদ্বয়ের দূরত্ব বৃত্তদ্বয়ের ব্যাসার্ধের সমষ্টির সমান ।

☆ বৃত্তের বহিঃস্থ কোন বিন্দু থেকে বৃত্তের শুধুমাত্র দুটি স্পর্শক টানা যায়, এবং এই বিন্দু থেকে স্পর্শ বিন্দুদ্বয়ের দূরত্ব সমান হয়।

☆ দুইটি বৃত্ত পরস্পরকে অন্তঃস্থভাবে স্পর্শ করলে ,তাদের কেন্দ্রদ্বয়ের দূরত্ব বৃত্তদ্বয়ের ব্যাসার্ধের অন্তরের বা বিয়োগফলের সমান ।

☆ দুইটি পরস্পর ছেদী বৃত্তে দুইটি সাধারণ স্পর্শক আঁকা যায়।

বৃত্তে অন্তর্লিখিত চতুর্ভুজঃ



☆ বৃত্তে অন্তর্লিখিত সামান্তরিক একটি আয়তক্ষেত্র ।

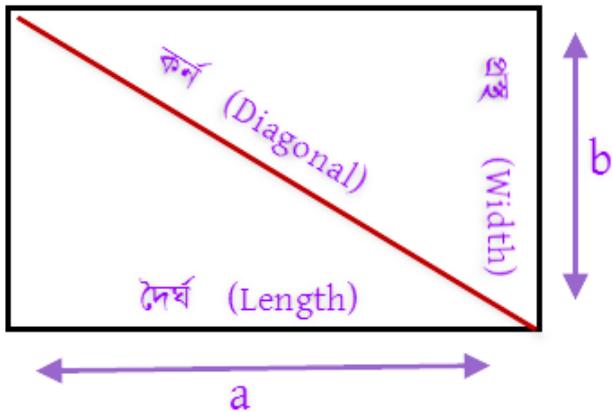
☆ বৃত্তে অন্তর্লিখিত চতুর্ভুজের যে কোন দুইটি বিপরীত কোনের সমষ্টি দুই সমকোণ।

☆ বৃত্তস্থ ট্রাপিজিয়ামের ত্রিয়ক বাহুদ্বয় পরস্পর সমান ।

পরিমিতি (Mensuration)

চতুর্ভুজ(Quadrilateral):

আয়তক্ষেত্রে \Rightarrow Rectangle :



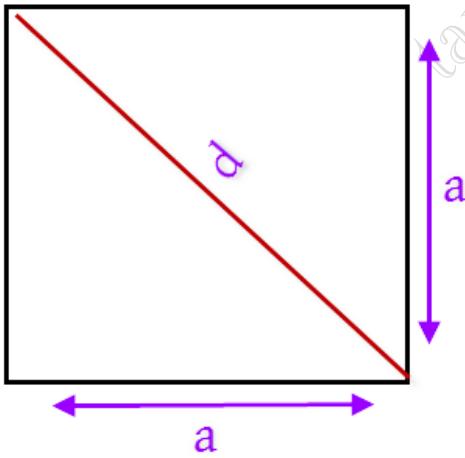
কোন আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য = a একক ও প্রস্থ = b একক হলে,

☆ আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল $A = \text{দৈর্ঘ্য} \times \text{প্রস্থ} = a \times b$ বর্গ একক

☆ আয়তক্ষেত্রের পরিসীমা $S = 2 \times (\text{দৈর্ঘ্য} + \text{প্রস্থ}) = 2(a + b)$ একক

☆ আয়তক্ষেত্রের কর্ণ $d = \sqrt{a^2 + b^2}$ একক

বর্গক্ষেত্র \Rightarrow Square :



কোন বর্গক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য = প্রস্থ = a একক

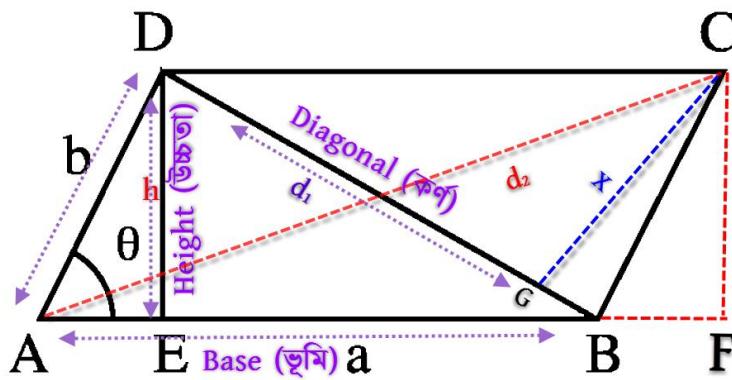
☆ বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল $A = \text{দৈর্ঘ্য} \times \text{দৈর্ঘ্য} = a \times a$ বর্গ একক = a^2 বর্গ একক

☆ বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল $A = \frac{1}{2} \times (\text{কর্ণের})^2 = \frac{1}{2} \times d^2$ বর্গ একক [$\because d^2 = 2a^2 = 2 \times \text{ক্ষেত্রফল}(A)$]

☆ বর্গক্ষেত্রের পরিসীমা $S = 2(a + a)$ একক = $4a$ একক

☆ বর্গক্ষেত্রের কর্ণ $d = \sqrt{a^2 + a^2}$ একক = $\sqrt{2} \times a$ একক

সামান্তরিক ⇒ Parallelogram :



☆ সামান্তরিকক্ষেত্রের ভূমি = a ও উচ্চতা h দেওয়া থাকলেঃ

$$\Rightarrow \text{সামান্তরিকক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল} = \text{ভূমি} \times \text{উচ্চতা} = a \times h \text{ বর্গ একক}$$

☆ সামান্তরিকক্ষেত্রের দুইটি সন্ধিহিত বাহু a , b একক ও তাদের অন্তর্ভুক্ত কোন θ দেওয়া থাকলেঃ

$$\Rightarrow \text{সামান্তরিকক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল} = a \times b \times \sin \theta \text{ বর্গ একক}$$

☆ সামান্তরিকক্ষেত্রের একটি কর্ণের দৈর্ঘ্য d এবং বিপরীত শির্ষবিন্দু থেকে কর্ণের উপর লম্ব দূরত্ব X দেওয়া থাকলেঃ

$$\Rightarrow \text{সামান্তরিকক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল} = \text{কর্ণের দৈর্ঘ্য}(AC) \times \text{শির্ষবিন্দু ও কর্ণের লম্ব দূরত্ব}(CG) = d \times X \text{ বর্গ একক}$$

☆ সামান্তরিকক্ষেত্রের কর্ণদুয় d_1 ও d_2 হলে, এবং উহাদের মধ্যবর্তী কোন θ হলেঃ

$$\Rightarrow \text{সামান্তরিকক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল} = \frac{1}{2} \times d_1 \times d_2 \times \sin \theta$$

☆ সামান্তরিকক্ষেত্রের দুইটি সন্ধিহিত বাহু a , b একক ও তাদের যে কোন একটি কর্ণ d দেওয়া থাকলেঃ এই কর্ণ সামান্তরিকক্ষেত্রকে দুইটি সমান ত্রিভুজ ক্ষেত্রে বিভক্ত করে।

\Rightarrow সামান্তরিকক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল = $2 \times \text{ত্রিভুজ ক্ষেত্রফল(যা ভূমি , প্রস্থ ও কর্ণ দ্বারা গঠিত)}$ বর্গ একক

[\because এখানে এই ত্রিভুজের তিনি বাহুর মান দেওয়া আছে , তাই এই সামান্তরিকক্ষেত্রের কর্ণ দ্বারা গঠিত ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল = $\sqrt{S(S-a)(S-b)(S-d)}$ $\Rightarrow S = \text{অর্ধপরিসীমা} = \frac{1}{2} \times \text{ত্রিভুজের পরিসীমা}$]

☆ সামান্তরিকক্ষেত্রের পরিসীমা = $2 \times (\text{দৈর্ঘ্য} + \text{প্রস্থ})$ একক

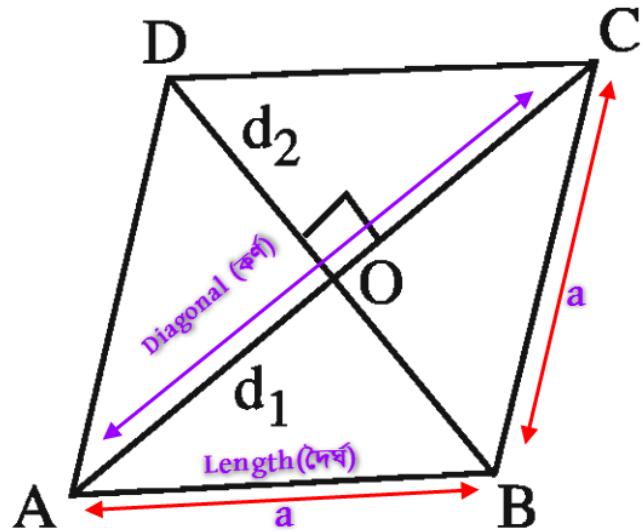
☆ সামান্তরিকক্ষেত্রের একটি কর্ণ $BD = d_1$ দেওয়া থাকলেঃ

$$\Rightarrow \text{সামান্তরিকক্ষেত্রের অপর কর্ণ } AC(d_2) = \sqrt{AF^2 + CF^2} = \sqrt{(AB+BF)^2 + DE^2} [\because \text{উচ্চতা } CF = DE]$$

[DE এর মানঃ $\Rightarrow \frac{1}{2} \times AB \times DE = \text{ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল} \sqrt{S(S-a)(S-b)(S-d_1)}$]

[BF এর মানঃ $\Rightarrow BF = \sqrt{BC^2 - CF^2} \text{ বা } DE^2$]

রম্পস \Rightarrow Rhombus:

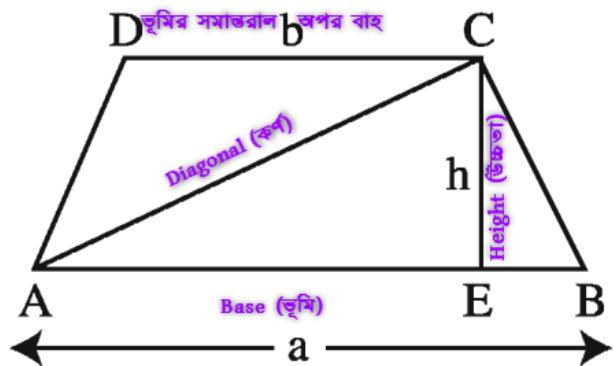


কোন রম্পসের দৈর্ঘ্য = প্রস্থ = a একক এবং একটি কর্ণ $AC = d_1$ ও অপর কর্ণ $BD = d_2$ হলেঃ

\star রম্পসের ক্ষেত্রফল $A = \frac{1}{2} \times \text{কর্ণদ্বয়ের গুণফল}$) বর্গ একক $= \frac{d_1 \times d_2}{2}$ বর্গ একক

\star বর্গক্ষেত্রের পরিসীমা $S = 4 \times \text{বাহুর দৈর্ঘ্য}$

ট্রাপিজিয়াম(Trapezium):



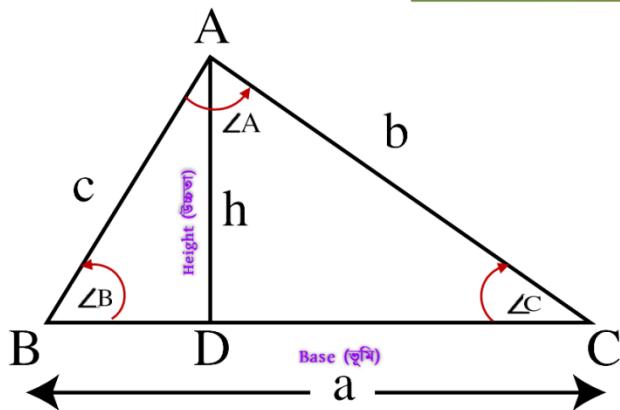
\star ট্রাপিজিয়ামক্ষেত্রের সমান্তরাল দুটি বাহু $AB = a$ ও $DC = b$ এবং তাদের মধ্যবর্তী লম্ব দূরত্ব বা উচ্চতা $CE = h$ দেওয়া থাকলেঃ

\Rightarrow ট্রাপিজিয়ামক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল $= \frac{1}{2} \times \text{সমান্তরাল বাহুদ্বয়ের যোগফল} \times \text{বাহুদ্বয়ের মধ্যবর্তী লম্ব দূরত্ব বা উচ্চতা}$

\therefore ট্রাপিজিয়ামক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল $= \frac{1}{2} \times (AB + CD) \times CE = \frac{1}{2} \times (a + b) \times h$ বর্গ একক

\star ট্রাপিজিয়ামক্ষেত্রের পরিসীমা = ট্রাপিজিয়ামের চার বাহুর যোগফল

ତ୍ରିଭୁଜ (Triangle):



★ ତ୍ରିଭୁଜେର ଭୂମି $BC = a$ ଓ ଉଚ୍ଚତା $AD = h$ ଦେଓଯା ଥାକଲେ:

$$\Rightarrow \text{ତ୍ରିଭୁଜକ୍ଷତ୍ରେର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ} = \frac{1}{2} \times \text{ଭୂମି}(BC) \times \text{ଉଚ୍ଚତା}(AD) = \frac{1}{2} \times a \times h \text{ ବର୍ଗ ଏକକ}$$

★ ତ୍ରିଭୁଜେ ଏକଟି କୋନ ଏକ ସମକୋଣ ହଲେ, ତ୍ରିଭୁଜେର ସମକୋଣ ସଂଲଗ୍ନ ବାହ୍ୟ ଦୁଟିର ଏକଟିକେ ଭୂମି ଓ ଅପରାଟିକେ ଲୟ ବା ଉଚ୍ଚତା ଧରା ହଲେ:

$$\Rightarrow \text{ସମକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜକ୍ଷତ୍ରେର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ} = \frac{1}{2} \times \text{ସମକୋଣ ସଂଲଗ୍ନ ବାହ୍ୟରେ ଗୁଣଫଳ} = \frac{1}{2} \times \text{ଭୂମି}(a) \times \text{ଲୟ}(b)$$

★ ତ୍ରିଭୁଜେର ଯେ କୋନ ଦୁଟି ବାହ୍ୟ ଓ ତାଦେର ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ କୋନ ଦେଓଯା ଥାକଲେ:

$$\Rightarrow \text{ତ୍ରିଭୁଜକ୍ଷତ୍ରେର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ} = \frac{1}{2} a b \sin \angle c = \frac{1}{2} b c \sin \angle A = \frac{1}{2} c a \sin \angle B$$

★ ବିଷମବାହ୍ୟ ତ୍ରିଭୁଜ ΔABC ଏର ତିନଟି ବାହ୍ୟ $BC=a$, $AB=c$ ଓ $AC=b$ ଦେଓଯା ଥାକଲେ:

ତ୍ରିଭୁଜେର ପରିସୀମା($2S$) = ତିନି ବାହ୍ୟ ଦୈର୍ଘ୍ୟର ଯୋଗଫଳ = $a+b+c$

$$\therefore \text{ତ୍ରିଭୁଜେର ଅର୍ଧପରିସୀମା } S = \frac{\text{ପରିସୀମା}}{2} = \frac{a+b+c}{2}$$

$$\Rightarrow \text{ତ୍ରିଭୁଜ କ୍ଷତ୍ରେର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ} = \sqrt{S(S-a)(S-b)(S-c)}$$

★ ଦୁଟି ବାହ୍ୟ / ବାହ୍ୟ ସଂଲଗ୍ନ କୋନଗୁଲୋ / ଦୁଟି ମଧ୍ୟମା \Rightarrow ସମାନ ହଲେ ତ୍ରିଭୁଟି ସମଦ୍ଵିବାହ୍ୟ ତ୍ରିଭୁଜ।

ଏଇ ସମଦ୍ଵିବାହ୍ୟ ତ୍ରିଭୁଜେର ଅସମାନ ବାହ୍ୟ = b ଓ ସମାନ ସମାନ ଦୁଟି ବାହ୍ୟ ଉଭୟଟି = a ହଲେ:

$$\Rightarrow \text{ସମଦ୍ଵିବାହ୍ୟ ତ୍ରିଭୁଜକ୍ଷତ୍ରେର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ} = \frac{b}{4} \times \sqrt{(4a^2 - b^2)}$$

★ ତିନଟି ବାହ୍ୟ / ତିନଟି କୋନ(ପ୍ରତ୍ୟେକଟି କୋନ= 60°) / ମାଧ୍ୟମାତ୍ରୟ \Rightarrow ପରମ୍ପରା ସମାନ ହଲେ ତ୍ରିଭୁଜଟି ସମବାହ୍ୟ ତ୍ରିଭୁଜ।

ଏଇ ସମବାହ୍ୟ ତ୍ରିଭୁଜେର ପ୍ରତ୍ୟେକ ବାହ୍ୟ ଦୈର୍ଘ୍ୟ = a ହଲେ:

$$\Rightarrow \text{ସମବାହ୍ୟ ତ୍ରିଭୁଜକ୍ଷତ୍ରେର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ} = \frac{\sqrt{3}}{4} \times a^2 \text{ ବର୍ଗ ଏକକ}$$

$$\Rightarrow \text{ସମବାହ୍ୟ ତ୍ରିଭୁଜେର ପରିସୀମା:} = 3 \times a$$

$$\Rightarrow \text{সমবাহু ত্রিভুজের উচ্চতা বা মধ্যমার দৈর্ঘ্য} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times \text{বাহুর দৈর্ঘ্য} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times a \quad [\text{বাহুর দৈর্ঘ্য} = a]$$

★ ত্রিভুজ ΔABC এর তিনটি মধ্যমা বা মধ্যমাত্রয় l, m ও n দেওয়া থাকলেঃ $\therefore S = \frac{l+m+n}{2}$

$$\Rightarrow \text{ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল} = \frac{4}{3} \times \sqrt{S(S-l)(S-m)(S-n)}$$

★ অন্তর্বৃত্তে অবস্থিত ত্রিভুজ ΔABC এর তিনটি বাহু a, b ও c হলে ; এবং অন্তর্বৃত্তের বৃত্তের ব্যাসার্ধ $= R$ হলেঃ

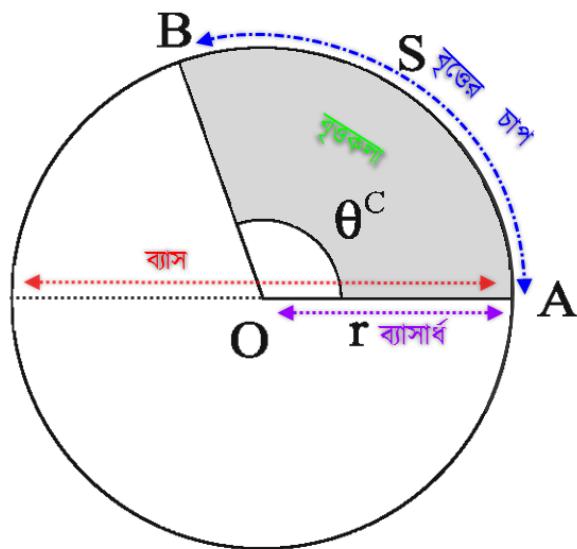
$$\Rightarrow \text{ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল } A = \frac{1}{2} \times (a + b + c) \times R$$

★ পরিবৃত্তে অবস্থিত ত্রিভুজ ΔABC এর তিনটি বাহু a, b ও c হলে ; এবং পরিবৃত্তের বৃত্তের ব্যাসার্ধ $= R$ হলেঃ

$$\Rightarrow \text{ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল } A = \frac{a b c}{4 R}$$

বৃত্ত (Circle):

কোন সমতলে একটি বিন্দুকে কেন্দ্র করে সমান দুরত্ব বজায় রেখে অপর একটি বিন্দু তার চারদিকে একবার ঘুরে এলে যে অবন্দ গোলীয় রেখা সৃষ্টি হয় তাকে বৃত্ত বলে।



★ বৃত্তের পরিধি ও ব্যাসের অনুপাত সর্বদা একই অর্থাৎ একটি ধ্রুব সংখ্যা, যাকে π দ্বারা চিহ্নিত করা হয়। π একটি অমূলদ সংখ্যা। এর মান $\pi = \frac{22}{7} = 3.1416$ (প্রায়)।

আবার π^c রেডিয়ান $= 180^\circ$ ডিগ্রী।

$$1^\circ = \frac{\pi}{180} \text{ রেডিয়ান}$$

★ বৃত্তের পূর্ণ বক্ররেখার দৈর্ঘ্যকে পরিধি বলে।

★ পরিধির যে কোন অংশকে বৃত্তের চাপ (S) বলে।

★ বৃত্তের পরিধির যে কোন দুই বিন্দু ও কেন্দ্রের সংযোজক সরল রেখাকে ব্যাস(d) বলে।

★ বৃত্তের কেন্দ্র থেকে পরিধি পর্যন্ত দূরত্বকে বৃত্তের ব্যাসার্ধ (r) বলে।

$$\Rightarrow \text{বৃত্তের ব্যাস} = 2 \times \text{ব্যাসার্ধ} = 2r \quad \therefore \pi = \frac{\text{পরিধি}}{\text{ব্যাস}}$$

$$\Rightarrow \text{বৃত্তের পরিধি} = \pi \times \text{ব্যাস} = \pi \times 2r = 2\pi r$$

★ r ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট কোন বৃত্তের কোন চাপ S যদি বৃত্তের কেন্দ্রে θ° কোন উৎপন্ন করেঃ

\Rightarrow বৃত্তের 360° কোন জন্য চাপের দৈর্ঘ্য $= 2\pi r$ একক

$$\text{“ } \theta^\circ \text{ ” } = \frac{\theta^\circ \times 2\pi r}{360} = \frac{\theta^\circ \pi r}{180} \text{ একক}$$

$$\therefore \theta^\circ \text{ কোনের জন্য চাপের দৈর্ঘ্য } S = \frac{\theta^\circ}{180} \times \pi r \text{ একক}$$

★ r ব্যাসার্ধের কোন বৃত্তে S দৈর্ঘ্যের কোন চাপ কেন্দ্রে θ রেডিয়ান কোন ধারণ করলে,

$$S = r \times \theta [\because 1^\circ = \frac{\pi}{180} \text{ রেডিয়ান বা } \pi \text{ এর রেডিয়ান মান } 180^\circ]$$

★ কোন বৃত্তের ব্যাসার্ধ $= r$ একক, হলেঃ তা দ্বারা সীমাবদ্ধ বৃত্তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল $= \pi r^2$ বর্গ একক

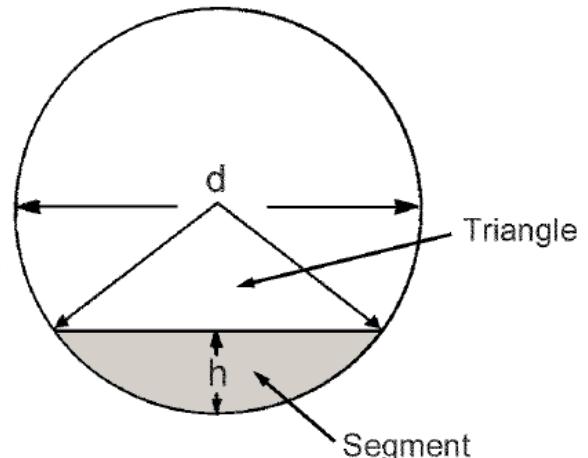
★ r ব্যাসার্ধের কোন বৃত্তে S দৈর্ঘ্যের কোন চাপ কেন্দ্রে θ° কোন ধারণ করলে,

$$\therefore \theta^\circ \text{ কোন দ্বারা উৎপন্ন বৃত্তকলার ক্ষেত্রফল} = \frac{\theta^\circ}{360^\circ} \times \pi r^2 \text{ বর্গ একক}$$

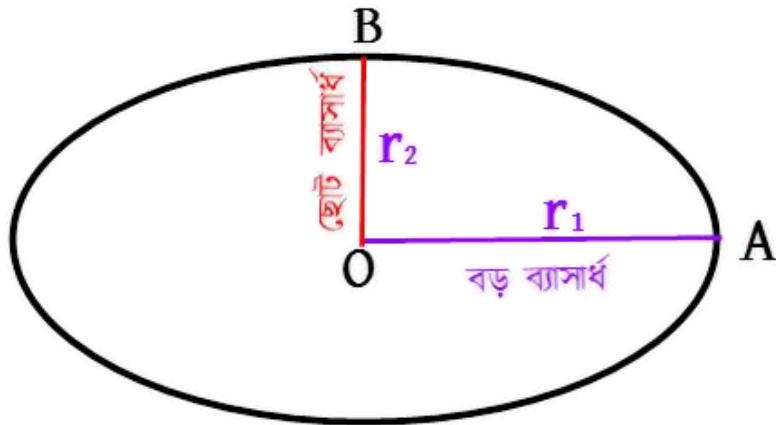
Area of a Segment of a Circle

$$A = \text{area of sector} - \text{area of triangle}$$

$$\text{Also approximate area} = \frac{4}{3} h^2 \sqrt{\frac{d}{h} - 0.608}$$



উপবৃত্ত (Ellipse):



কোন উপবৃত্তের বড় ব্যাসার্ধ $OA = r_1$ ও ছোট ব্যাসার্ধ $OB = r_2$ হলে ,

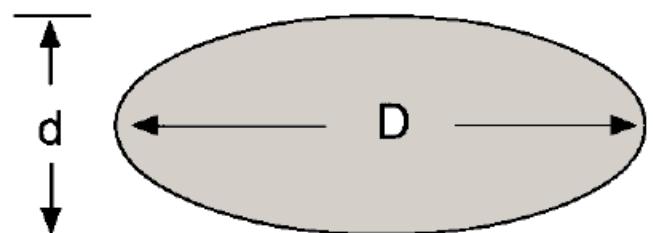
উপবৃত্তের ক্ষেত্রফল = $\pi \times \text{বড় ব্যাসার্ধ} \times \text{ছোট ব্যাসার্ধ} = \pi \times r_1 \times r_2$ বর্গ ক্ষেত্র

$$\text{উপবৃত্তের পরিসীমা} = 2\pi \times \sqrt{\frac{r_1^2 + r_2^2}{2}} \text{ একক}$$

Ellipse

$$A = \frac{\pi}{4} Dd$$

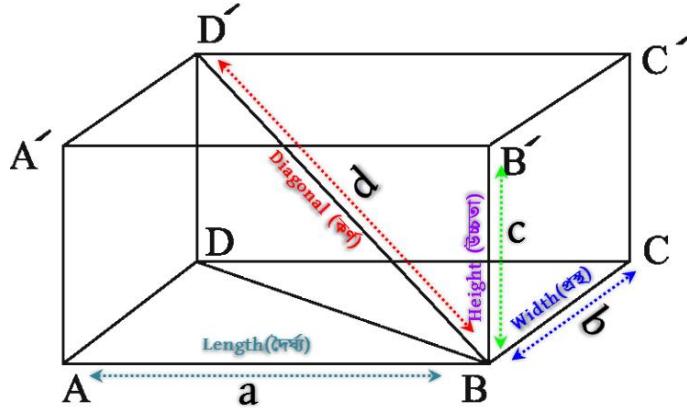
$$\text{Approx. circumference} = \pi \frac{(D + d)}{2}$$



ঘন জ্যামিতি(Solid Geometry)

আয়তিক বা আয়তকার ঘনবস্তু)Rectangular Paralleloepiped(:

এখানে দৈর্ঘ্য = a , প্রস্থ = b ও উচ্চতা = c । এবং কর্ণ দৈর্ঘ্য = d হলেঃ



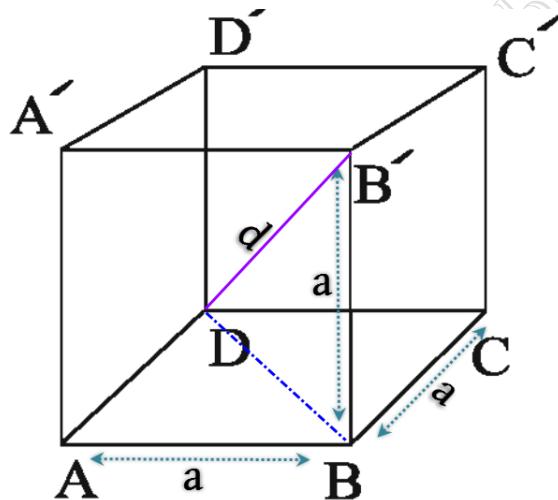
★ আয়তকার ঘনবস্তুর সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল(Area of the Whole Surface)= ছয়টি পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফলের সমষ্টি

\Rightarrow সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল = $2(ab + bc + ca)$ বর্গ একক

★ আয়তকার ঘনবস্তুর আয়তন (Volume) = দৈর্ঘ্য \times প্রস্থ \times উচ্চতা = $a b c$ ঘন একক

★ আয়তকার ঘনবস্তুটির কর্ণ, $d = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$ একক

ঘনক (Cube): দৈর্ঘ্য = প্রস্থ = উচ্চতা = a ও কর্ণ = d হলেঃ



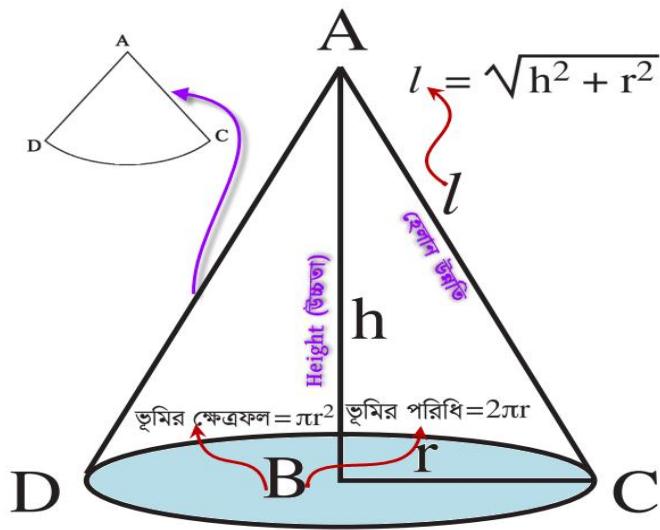
★ ঘনকের সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল(Area of the Whole Surface)= ছয়টি পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফলের সমষ্টি

\Rightarrow সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল = $6 \times a^2$ বর্গ একক

★ ঘনকের আয়তন(Volume) = দৈর্ঘ্য 3 = a^3 ঘন একক

★ ঘনকের কর্ণ, $d = \sqrt{3} \times a$ একক

কোণক (Cone):



সমবৃতভূমিক (Right Circular) কোন কোণকের ভূমির ব্যাসার্ধ $BC = r$ একক , উচ্চতা $AB = h$ একক এবং তির্যক উচ্চতা বা হেলান উন্নতি $AC = l$ একক ।

$$\therefore l = \sqrt{h^2 + r^2} \quad [\because \Delta ABC \text{ এ } l^2 = h^2 + r^2]$$

★ কোণকের বক্রতলের ক্ষেত্রফল = $\frac{1}{2} \times \text{ভূমির পরিধি}(2\pi r) \times \text{হেলান উন্নতি}(l)$

$$\Rightarrow \text{কোণকের বক্রতলের ক্ষেত্রফল} = \pi r l \text{ বর্গ একক} = \pi r \sqrt{h^2 + r^2} \text{ বর্গ একক}$$

★ কোণকের সমগ্র তলের (Whole Surface) ক্ষেত্রফল = বক্রতলের ক্ষেত্রফল($\pi r l$) + ভূমির ক্ষেত্রফল (πr^2)

$$\Rightarrow \text{কোণকের সমগ্র তলের ক্ষেত্রফল} = \pi r (l + r) \text{ বর্গ একক}$$

★ কোণকের আয়তন(Volume): $= \frac{1}{3} \times \text{ভূমির ক্ষেত্রফল} (\pi r^2) \times \text{উচ্চতা} (h)$

$$\Rightarrow \text{কোণকের আয়তন} = \frac{1}{3} \pi r^2 h \text{ ঘন একক}$$

Area of curved surface of frustum

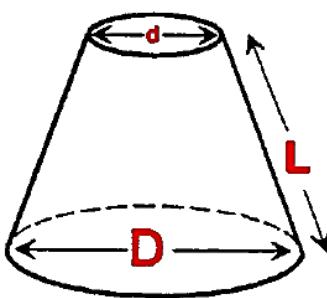
$$A_F = \frac{\pi (D + d)L}{2}$$

Volume of cone:

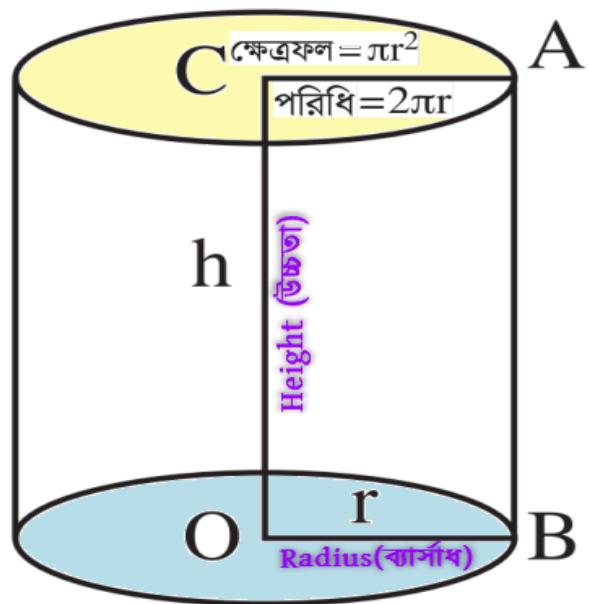
$$V = \frac{\text{base area} \times \text{perpendicular height}}{3}$$

Volume of frustum:

$$V_F = \frac{\text{perpendicular height} \times \pi (R^2 + r^2 + Rr)}{3}$$



সিলিন্ডার বা বেলন(Cylinder):



সমবৃতভূমিক(Right Circular) সিলিন্ডারের ভূমির ব্যাসার্ধ $OB = r$ একক এবং উচ্চতা $OC = h$ একক

★ বেলনের বক্রপৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল = ভূমির পরিধি $(2\pi r)$ \times উচ্চতা (h)

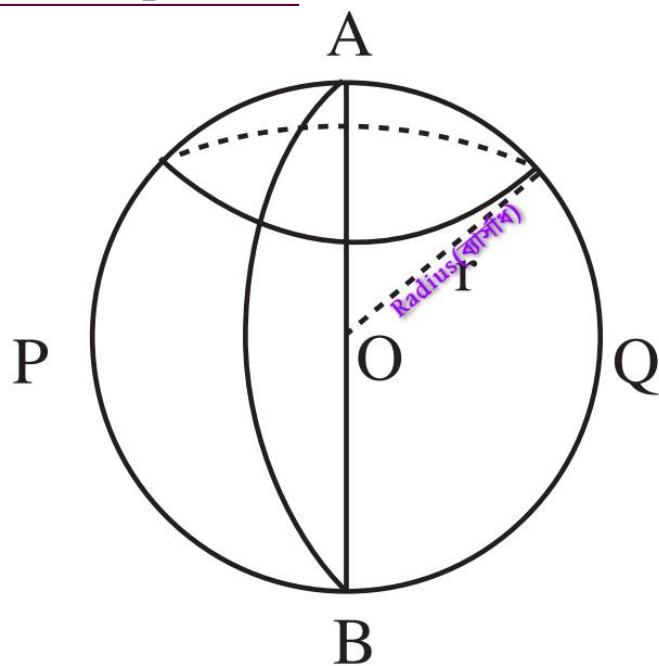
\Rightarrow বেলনের বক্রপৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল = $2\pi rh$ বর্গ একক

★ বেলনের সমগ্রপৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল = বক্রপৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল $(2\pi rh)$ + দুই প্রান্তের বৃন্তের ক্ষেত্রফল $(2 \times \pi r^2)$

\Rightarrow বেলনের সমগ্রপৃষ্ঠের (Whole Surface) ক্ষেত্রফল = $2\pi r(h+r)$ বর্গ একক

★ বেলনের আয়তন = ভূমির ক্ষেত্রফল (πr^2) \times উচ্চতা $(h) = \pi r^2 h$ ঘন একক

গোলক(Sphere):



কোন গোলকের ব্যাসার্ধ = r একক

★ গোলকের পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল = $\pi \times \text{ব্যাস} (2r)^2 = 4\pi r^2$ বর্গ একক

★ গোলকের আয়তন = $\frac{4}{3} \pi r^3$ ঘন একক

$$\text{Total surface area } A = 4\pi r^2$$

Surface area of segment $A_s = \pi dh$

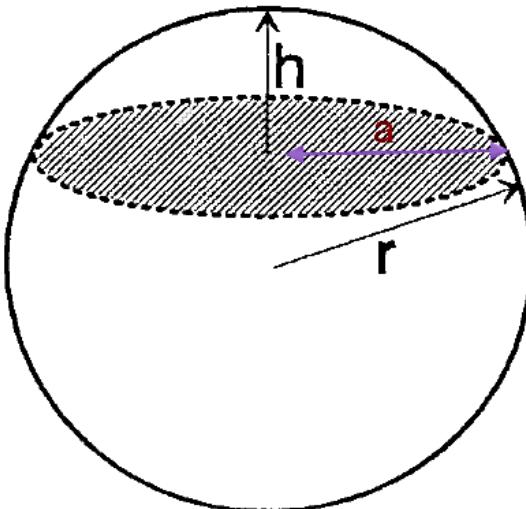
$$\text{Volume } V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

Volume of segment

$$V_s = \frac{\pi h^2}{3} (3r - h)$$

$$V_s = \frac{\pi h}{6} (h^2 + 3a^2)$$

where a = radius of segment base



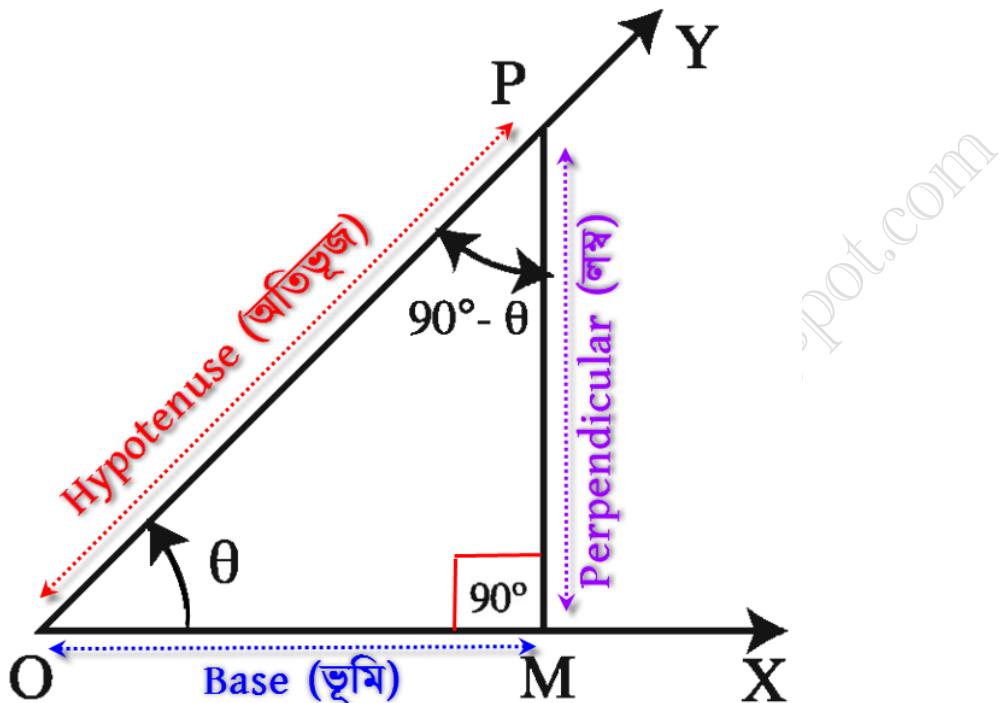
ত্রিকোণমিতি (Trigonometry)

❖ সমকোণী ত্রিভুজের সমকোণ ভিন্ন অন্য দুইটি কোণ হবে সূক্ষকোন । এই কোণ দুইটির সমষ্টি এক সমকোণ $[\angle MOP (\theta) + \angle OPM (90-\theta) = 90^{\circ} \angle PMO]$ । এই কোণ দ্বয় পরস্পরের পূরক কোণ ।

❖ সমকোণী ত্রিভুজের সূক্ষকোন দ্বয়ের মধ্যে যে কোনের মান দেওয়া থাকবে তার বিপরীত বাহুকে লম্ব ধরে হিসাব করতে হবে ।

❖ সমকোণী ত্রিভুজের ক্ষেত্রেঃ $(\text{আতিভূজ})^2 = (\text{লম্ব})^2 + (\text{ভূমি})^2$

❖ কোন ত্রিভুজের বাহুগুলোর অনুপাত $(3:4:5)$, $(5:12:13)$, $(7:24:25)$ ও $(8:15:17)$ হলে ত্রিভুজটি একটি সমকোণী ত্রিভুজ হবে । কারণ $(5^2 = 4^2 + 3^2)$ উভয় পক্ষের মান সমান হয় ।



$\angle \theta$ সূক্ষকোণের ত্রিকোণমিতিক অনুপাতঃ

$$\diamond \sin \theta = \frac{\text{লম্ব}}{\text{আতিভূজ}} \quad [\text{সা ল অতি}] \quad \Rightarrow \diamond \operatorname{Cosec} \theta = \frac{\text{আতিভূজ}}{\text{লম্ব}}$$

$$\diamond \cos \theta = \frac{\text{ভূমি}}{\text{আতিভূজ}} \quad [\text{ক ভূ অতি}] \quad \Rightarrow \diamond \sec \theta = \frac{\text{আতিভূজ}}{\text{ভূমি}}$$

$$\diamond \tan \theta = \frac{\text{লম্ব}}{\text{ভূমি}} \quad [\text{টে ল ভূ}] \quad \Rightarrow \diamond \cot \theta = \frac{\text{ভূমি}}{\text{লম্ব}}$$

ত্রিকোণমিতিক অনুপাত গুলোর সম্পর্ক:

$$\star \sin \theta = \frac{1}{\cosec \theta} \Rightarrow \star \cosec \theta = \frac{1}{\sin \theta}$$

$$\star \cos \theta = \frac{1}{\sec \theta} \Rightarrow \star \sec \theta = \frac{1}{\cos \theta}$$

$$\star \tan \theta = \frac{1}{\cot \theta} \Rightarrow \star \cot \theta = \frac{1}{\tan \theta}$$

$$\star \tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} \Rightarrow \star \cot \theta = \frac{\cos \theta}{\sin \theta}$$

ত্রিকোণমিতিক সূত্রসমূহঃ

$$\star (\sin \theta)^n \leftrightarrow \sin^n \theta$$

$$\star \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$\Rightarrow \sin^2 \theta = 1 - \cos^2 \theta$$

$$\Rightarrow \cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta$$

$$\star \sec^2 \theta - \tan^2 \theta = 1$$

$$\Rightarrow \sec^2 \theta = 1 + \tan^2 \theta$$

$$\Rightarrow \tan^2 \theta = \sec^2 \theta - 1$$

$$\star \cosec^2 \theta - \cot^2 \theta = 1$$

$$\Rightarrow \cosec^2 \theta = 1 + \cot^2 \theta$$

$$\Rightarrow \cot^2 \theta = 1 - \cosec^2 \theta$$

ত্রিকোণমিতিক অনুপাতের মান সমূহঃ

কোণ $\angle \theta$	0^0	30^0	45^0	60^0	90^0
\sin	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
\cos	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{1}{2}$	0
$\tan(\frac{\sin}{\cos})$	0	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	1	$\sqrt{3}$	∞
$\cot(\frac{1}{\tan \theta})$	∞	$\sqrt{3}$	1	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	0
$\sec(\frac{1}{\cos \theta})$	1	$\frac{2}{\sqrt{3}}$	$\sqrt{2}$	2	∞
$\operatorname{cosec}(\frac{1}{\sin \theta})$	∞	2	$\sqrt{2}$	$\frac{2}{\sqrt{3}}$	1

মনে রাখার জন্যঃ

0, 1, 2, 3, 4, সংখ্যা গুলোর প্রত্যেককে 4 দ্বারা ভাগ করে ভাগফলগুলো বর্গমূল করলে $0^0, 30^0, 45^0, 60^0, 90^0$

কোণগুলোর $\sin \theta$ এর অনুপাতের মান পাওয়া যায়। অর্থাৎ $\sin 0^0, \sin 30^0, \sin 45^0, \sin 60^0, \sin 90^0$ অনুপাত

গুলোর মান যথাক্রমে $\frac{0}{4}, \frac{1}{4}, \frac{2}{4}, \frac{3}{4}, \frac{4}{4}$ সংখ্যা গুলোর বর্গমূল $0, \frac{1}{2}, \frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{\sqrt{3}}{2}, 1$ ।

আবার \sin এর অনুপাতগুলোর মান উল্টাক্রমে সাজিয়ে লিখলে \cos এর অনুপাতগুলোর মান পাওয়া যায়। \sin অনুপাত মান গুলোকে ও \cos এর অনুপাত মান দ্বারা ভাগ করলে \tan এর অনুপাত মান পাওয়া যায়।

ত্রিকোণমিতিক অনুপাতিক মানের সীমাঃ

❖ $-1 \leq \sin \theta \leq +1$

❖ $-1 \leq \cos \theta \leq +1$

❖ $\sec \theta$ ও $\operatorname{cosec} \theta$ এর মান ≥ 1 অথবা ≤ -1

❖ $\tan \theta$ ও $\cot \theta$ এর মানের কোন সীমা নির্ধারন করা যায় না।

$\frac{\pi}{2}$ বা 90^0 কোনের চেয়ে বড় কোনের অনুপাতের মানঃ

$\Rightarrow \sin / \cos / \tan \{n \times (90^0 \text{ বা } \frac{\pi}{2}) \pm \theta\}$ কোনের অনুপাতের মানঃ

$\{n \times (90^0 \text{ বা } \frac{\pi}{2}) \pm \theta\}$ কোনের ত্রিকোণমিতিক অনুপাতঃ

❖ প্রদত্ত কোণকে এরূপ দুইটি অংশে ভাগ করতে হবে যার একটি অংশ সূক্ষ্মকোণ ($\theta < 90^0$), এবং অপর অংশ 90^0 বা $\frac{\pi}{2}$ বা এক সমকোণের n গুণিতক। ধরি প্রদত্ত কোণকে $(n \times 90^0 \pm \theta)$ আকারে প্রকাশ করা হল।
❖ $[n (\text{জোড় সংখ্যা}) \times 90^0 \pm \theta]$ অর্থাৎ n এর মান জোড় সংখ্যা হলেও ত্রিকোণমিতিক অনুপাত গুলোর পরিবর্তন হবে না।

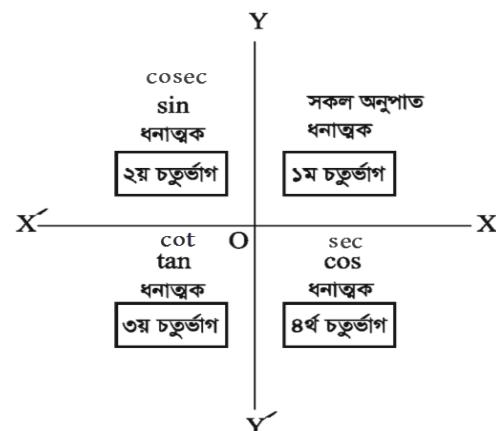
❖ $[n (\text{বিজোড় সংখ্যা}) \times 90^0 \pm \theta]$ অর্থাৎ n এর মান বিজোড় সংখ্যা হলেও ত্রিকোণমিতিক অনুপাত গুলোর পরিবর্তন হবে। যেমনঃ

$\Rightarrow \sin$ থাকলে তা পরিবর্তিত হয়ে \cos হবে, আবার $\Rightarrow \cos$ থাকলে \sin হবে

$\Rightarrow \tan$ থাকলে তা পরিবর্তিত হয়ে \cot হবে, আবার $\Rightarrow \cot$ থাকলে \tan হবে

$\Rightarrow \sec$ থাকলে তা পরিবর্তিত হয়ে \cosec হবে, আবার $\Rightarrow \cosec$ থাকলে \sec হবে

❖ পরিবর্তিত অনুপাতের চিহ্ন নির্ণয়ঃ



প্রথমে n এর এক এককের জন্য একটি চতুর্ভাগ হিসাব করে, এন্টি ক্লক বা ঘড়ির কাঁটার বিপরীত দিকে গননা করে যেতে হবে। এভাবে n এর মান অনুসারে চতুর্ভাগ হিসাব করার পর, $\pm \theta$ এর মান হিসাব করতে হবে। যদি $+ \theta$ থাকে তাহলে n এর প্রাপ্ত চতুর্ভাগের পরবর্তী চতুর্ভাগ হিসাব করতে হবে। যদি $- \theta$ থাকে তাহলে n এর প্রাপ্ত চতুর্ভাগই হিসাব করতে হবে। এখন n এর গণনা থেকে প্রাপ্ত চতুর্ভাগ যদি,

প্রথম চতুর্ভাগ হয় \Rightarrow তাহলে সকল অনুপাতের মান ধনাত্মক হবে।

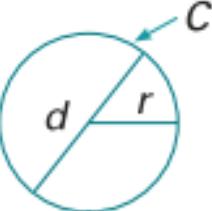
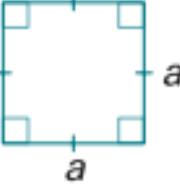
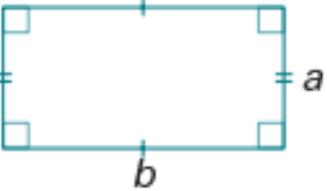
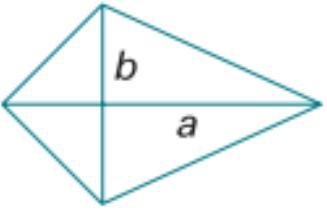
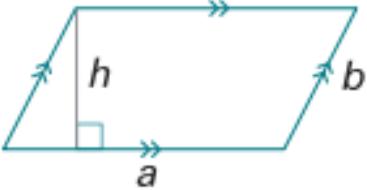
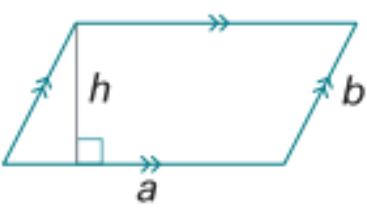
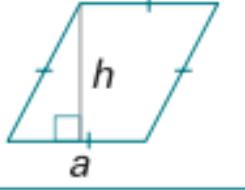
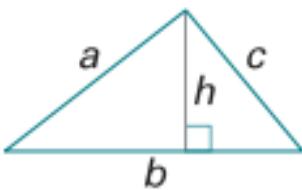
দ্বিতীয় চতুর্ভাগ হয় \Rightarrow তাহলে sin ও cosec অনুপাতের মান ধনাত্মক হবে। বাকি সব অনুপাতের মান ঋনাত্মক।

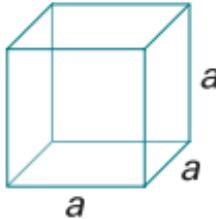
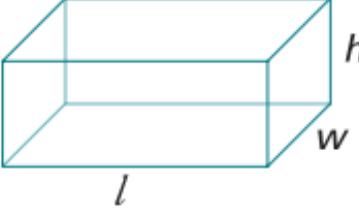
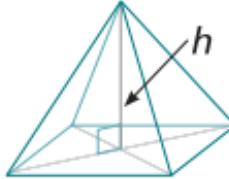
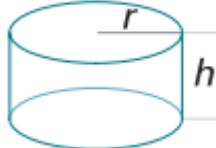
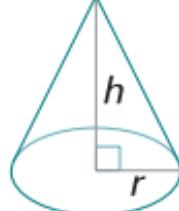
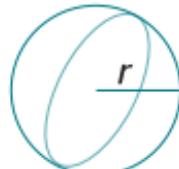
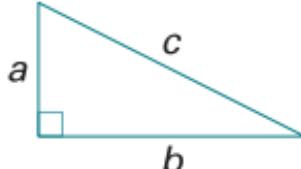
তৃতীয় চতুর্ভাগ হয় \Rightarrow তাহলে tan ও cot অনুপাতের মান ধনাত্মক হবে। বাকি সব অনুপাতের মান ঋনাত্মক।

চতুর্থ চতুর্ভাগ হয় \Rightarrow তাহলে cos ও sec অনুপাতের মান ধনাত্মক হবে। বাকি সব অনুপাতের মান ঋনাত্মক।

❖ এখন প্রাপ্ত কোনের মান যদি ঋনাত্মক হয় তাহলে নিচের নিয়ম আনুসারে পরিবর্তিত হবেঃ

$\sin(-\theta) = -\sin \theta$	$\cos(-\theta) = \cos \theta$	$\tan(-\theta) = -\tan \theta$
$\cosec(-\theta) = -\cosec \theta$	$\sec(-\theta) = \sec \theta$	$\cot(-\theta) = -\cot \theta$

Plane shapes	Diagram	Area	Perimeter
circle		$A = \pi r^2$	$C = 2\pi r = \pi d$
square		$A = a^2$	$P = 4a$
rectangle		$A = ab$	$P = 2(a + b)$
kite		$A = \frac{ab}{2}$	
trapezium		$A = \frac{a+b}{2} \times h$	$P = a + b + c + d$
parallelogram		$A = ab$	$P = 2(a + b)$
rhombus		$A = ab$	$P = 4a$
triangle		$A = \frac{1}{2}bh$	$P = a + b + c$

Solids	Diagram	Volume	Surface area
cube		$V = a^3$	$S = 6a^2$
cuboid		$V = lwh$	$S = 2(lw + hl + hw)$
pyramid		$V = \frac{1}{3} \text{ base} \times h$	$S = \text{area of base} + 4 \times \text{Area of } \triangle$
cylinder		$V = \pi r^2 h$	$S = 2 \times \pi r^2 + 2\pi rh$ $= 2\pi r(r + h)$
cone		$V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$	
sphere		$V = \frac{4}{3} \pi r^3$	$S = 4\pi r^2$
Pythagoras' theorem		$\begin{aligned} c^2 &= a^2 + b^2 \\ a &= \sqrt{c^2 - b^2} \\ b &= \sqrt{c^2 - a^2} \\ c &= \sqrt{a^2 + b^2} \end{aligned}$	

ইন্টারনেট হতে সংগ্রহীত

প্রয়োজনীয় বাংলা বই ফ্রী ডাউনলোড করতে চাইলে নিচের লিংক গুলো দেখতে পারেন:

- ★ http://techtunes.com.bd/tuner/tanbir_cox
- ★ http://tunerpage.com/archives/author/tanbir_cox
- ★ <http://somewhereinblog.net/tanbircox>
- ★ http://pchelplinebd.com/archives/author/tanbir_cox
- ★ http://prothom-aloblog.com/blog/tanbir_cox

Tanbir Ahmad Razib

📱 Mobile No: → 01738 -359 555

✉ E-Mail: → tanbir.cox@gmail.com

🌐 Facebook: → <http://facebook.com/tanbir.cox>

💻 e-books Page: → <http://facebook.com/tanbir.ebooks>

🌐 Web Site : → <http://tanbircox.blogspot.com>



I share new interesting & Useful Bangla e-books(pdf) everyday on my facebook page & website .

Keep on eye always on my facebook page & website & update ur knowledge .

If You think my e-books are useful , then please share & Distribute my e-book on Your facebook & personal blog .

My DVD Collection 4 U

Complete Solution of your Computer

আপনি যেহেতু এই লেখা পড়ছেন , তাই আমি ধরে নিচ্ছ যে আপনি কম্পিউটার ও ইন্টারনেট ব্যবহারে অভিজ্ঞ ,কাজেই কম্পিউটারের প্রয়োজনীয় বিষয় গুলো সম্পর্কে ভালো খারাপ বিবেচনা করারা ক্ষমতা অবশ্যই আছে ...

তাই আপনাদের কাছে একান্ত অনুরোধ “ আপনারা সামান্য একটু সময় ব্যয় করে ,শুধু এক বার নিচের লিংকে ক্লিক করে এই DVD গুলোর মধ্যে অবস্থিত বই ও সফটওয়্যার এর নাম সমূহের উপর চোখ বুলিয়ে নিন ।” তাহলেই বুঝে যবেন কেন এই DVD গুলো আপনার কালেকশনে রাখা দরকার ! আপনার আজকের এই ব্যয়কৃত সামান্য সময় ভবিষ্যতে আপনার অনেক কষ্ট লাঘব করবে ও আপনার অনেকে সময় বাঁচিয়ে দিবে । বিশ্বাস করুন আর নাই করুন :- ‘বিভিন্ন ক্যাটাগরির এই DVD গুলোর মধ্যে দেওয়া বাংলা ও ইংলিশ বই , সফটওয়্যার ও টিউটোরিয়াল এর কালেকশন দেখে আপনি হতবাক হয়ে যাবেন !’

আপনি যদি বর্তমানে কম্পিউটার ব্যবহার করেন ও ভবিষ্যতেও কম্পিউটার সাথে যুক্ত থাকবেন তাহলে এই ডিভিডি গুলো আপনার অবশ্যই আপনার কালেকশনে রাখা দরকার..... কারণঃ

☆ এই ডিভিডি গুলো কোন দোকানে পাবেন না আর ইন্টারনেটেও এতে ইস্পরট্যান্ট কালেকশন একসাথে পাবেন বলে মনে হয় না । তাছাড়া এত বড় সাইজের ফাইল নেট থেকে নামানো খুবই কষ্টসাধ্য ও সময়সাপেক্ষ ব্যাপার । এছাড়া আপনি যেই ফাইলটা নামাবেন তা ফুল ভার্সন নাও হতে পারে ..

☆ এই ডিভিডি গুলো আপনার কালেকশনে থাকলে আপনাকে আর কোন কম্পিউটার বিশেষজ্ঞদের কাছে গিয়ে টাকার বিনিময়ে বা বন্ধুত্বের খাতিরে “ভাই একটু হেল্প করুন” বলে অন্যকে বিরক্ত করা লাগবে না ... ও নিজেকেও হয়রানি হতে হবে না ।

☆ এই ডিভিডি গুলোর মধ্যে অবস্থিত আমার করা ৩০০ টা বাংলা ই-বুক (pdf) ও ছোট সাইজের প্রয়োজনীয় সফটওয়্যার আপনাদের জন্য বিনামূল্যে আমার সাইটে শেয়ার করে দিয়েছি । কিন্তু প্রয়োজনীয় বড় সাইজের বই, টিউটোরিয়াল ও ফুল ভার্সন সফটওয়্যার গুলো শেয়ার সাইট গুলোর সীমাবদ্ধতা ও ইন্টারনেটের স্লো আপলোড গতির জন্য শেয়ার করতে পারলাম না । তাছাড়া এই বড় ফাইল গুলো ডাউনলোড করতে গেলে আপনার ইন্টারনেট প্যাকেজের অনেক জিবি খরচ করতে হবে ... যেখানে ১ জিবি প্যাকেজ জন্য সর্বনিম্ন ৩৫০ টাকা তো খরচ হবে , এর সাথে সময় ও ইন্টারনেট গতিরও একটা ব্যাপার আছে । এই সব বিষয় চিন্তা করে আপনাদের জন্য এই ডিভিডি প্যাকেজ চালু করেছি ...

মোট কথা আপনাদের কম্পিউটারের বিভিন্ন সমস্যার চিরস্থায়ী সমাধান ও কম্পিউটারের জন্য প্রয়োজনীয় সব বই, সফটওয়্যার ও টিউটোরিয়াল এর সার্বিক সাপোর্ট দিতে আমার খুব কার্যকর একটা উদ্যোগ হচ্ছে এই ডিভিডি প্যাকেজ গুলো ...

আমার ডিভিডি প্যাকেজ গুলো সম্পর্কে বিস্তারিত জানার জন্য নিচের লিংকে ক্লিক করুনঃ

All DVD Collection [At a Glance]: এই ডিভিডি গুলো সম্পর্কে সংক্ষিপ্ত ভাবে ধারনা লাভ করার জন্য ... শুধু একবার চোখ বুলান

☆ <http://tanbircox.blogspot.com/2013/07/My-DVD-Collection-4-U.html>

E-Education: [মোট দুইটা ডিভিডি , সাইজ ৯ জিবি] আপনার শিক্ষাজীবনের জন্য প্রয়োজনীয় সব বাংলা বই ও সফটওয়্যার

☆ <http://tanbircox.blogspot.com/2013/04/Complete-Solution-of-your-Education.html>

Genuine Windows Collection: [মোট তিনটা ডিভিডি, সাইজ ১৩.৫ জিবি] Genuine Windows XP Service Pack 3 , Windows 7 -64 & 32 bit & Driver Pack Solution 13 এর সাথে রয়েছে উইন্ডোজের জন্য প্রয়োজনীয় বাংলা বই ও সফটওয়্যার

☆ <http://tanbircox.blogspot.com/2013/07/All-Genuine-Windows-Collection.html>

Office & Documents: All MS Office, documents ,pdf reader & Pdf edit Software এবং প্রয়োজনীয় সব বাংলা বই । যে কোন ধরনের ডকুমেন্ট এডিট , কনভার্ট ও ডিজাইন করার জন্য এই ডিভিডি টি যথেষ্ট , এই ডিভিডি পেলে অফিস ও ডকুমেন্ট সম্পর্কিত যে কোন কাজে অসাধ্য বলে কিছু থাকবে না... আপনার অফিসিয়াল কাজের জন্য প্রয়োজনীয় সফটওয়্যারের সম্পূর্ণ ও চিরস্থায়ী সমাধান...

☆ <http://tanbircox.blogspot.com/2013/07/office-documents-soft-dvd.html>

All Design , Graphics & Photo Edit Soft: [হয়ে যান সেরা ডিজাইনার] ডিজাইন ,গ্রাফিক্স ও ছবি এডিট সম্পর্কিত প্রয়োজনীয় সব বাংলা ও ইংলিশ ই-বুক ,টিউটোরিয়াল ও ফুল ভার্সন সফটওয়্যার ভালো ও এক্সপার্ট ডিজাইনার হওয়ার জন্য এর বাইরে আর কিছুই লাগবে না

☆ <http://tanbircox.blogspot.com/2013/07/All-Design-and-Graphics-Software.html>

All Internet & Web programming Software: প্রয়োজনীয় সব বাংলা ও ইংলিশ ই-বুক ,টিউটোরিয়াল ও ফুল ভার্সন সফটওয়্যার ।

☆ <http://tanbircox.blogspot.com/2013/07/All-Internet-And-Web-programming-Software.html>

All Multimedia & Windows Style Software: A2Z Audio & Video player , Edito & converter . CD, DVD edit

ও উইন্ডোজ কে সুন্দর দেখানোর জন্য প্রয়োজনীয় সব ফুল ভার্সন সফটওয়্যার।

☆ <http://tanbircox.blogspot.com/2013/07/All-Multimedia-And-Windows-Style-Software.html>

5000+ Mobile Applications & games:

☆ <http://tanbircox.blogspot.com/2013/07/mobile-software-hardware-dvd-5000.html>

3000 +Bangla e-books Collection of best bd Writer:

☆ <http://tanbircox.blogspot.com/2013/07/A2Z-Bangla-ebooks-Collection.html>