统计因果推断及应用—2023 年秋季期末作业

截止日期: 2023年11月11日晚22: 00

1 Presentation

- 1. 请用课堂所学的方法分析实际数据,提供数据来源、数据整理过程、分析过程、及最终结 论。整理成小组报告形式提交,请组长提交,第九周课堂展示。
- 2. 因果推断方面的论文读书报告。整理成小组读书报告形式提交,此部分内容可以个人 or 小组, 第九周课堂展示。
- 3. 科研交流展示。提交展示 ppt 即可, 此部分内容可以个人 or 小组, 第九周课堂展示。
- 注: 每个小组控制在15分钟以内。

以下作业截止日期: 2023年11月30日晚22: 00

2 个人作业 (完成 10 题)

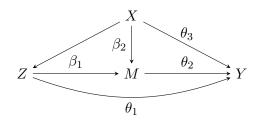
- 1. 叙述因果推断的三个层级。列举你的生活和研究中分别对应三个层级的例子。
- 2. 叙述 Simpson's paradox 的内容。列举你的生活和研究中可能存在以上悖论的例子。
- 3. 叙述可识别性的定义。
- 4. 叙述潜在结果模型中潜在结果的定义,个体因果作用和平均因果作用的定义。
- 5. 叙述可忽略性的定义和含义。
- 6. 证明在可忽略性假设下,控制组因果作用可识别。
- 7. 叙述倾向得分的定义和性质。
- 8. 叙述估计量的双稳健性质的含义。
- 9. 验证双稳健估计量的有效性。
- 10. 叙述平行趋势假设。
- 11. 叙述不依从问题。
- 12. 叙述死亡删失问题。

13. 假设 X 为随机化,及 $Y_{Z=1,X=x}=Y_{Z=0,X=x}=Y_{X=x}$,试通过表1计算中 $ACE_{Z\to X}$, $ACE_{X\to Y}$,及 $ACE_{Z\to Y}$ 。并叙述替代指标悖论。

主分层	人数	$X_{Z=0}$	$X_{Z=1}$	$Y_{X=0}$	$Y_{X=1}$	$Y_{Z=0}$	$Y_{Z=1}$
1	20	0	0	3	5	3	3
2	40	0	1	6	7	6	7
3	20	1	0	5	8	8	5
4	20	1	1	9	10	10	10

表1:100位心律失常患者的总体

- 14. 叙述二值处理下的主分层框架。
- 15. 叙述倾向得分匹配的原理和估计思想。
- 16. 叙述 $pr(Y_0 = 0 \mid Z = 1, Y = 1)$ 和 $pr(Y_1 = 1 \mid Z = 0, Y = 0)$ 的因果含义。
- 17. 利用单调性假设,即 $Y_1 \ge Y_0$,说明 $\operatorname{pr}(Y_0 = 0, Y_1 = 1)$ 和 $\operatorname{pr}(Y_1 = 1 \mid Z = 0, Y = 0)$ 的识别性。
- 18. 叙述工具变量在单调性假设下的非参识别性。
- 19. 叙述工具变量线性模型下两阶段最小二乘估计。
- 20. 叙述工具变量线性模型下基于 control function 的估计方法。
- 21. 叙述工具变量两阶段最小二乘的有效性。
- 22. 叙述工具变量两阶段基于 control function 的有效性。
- 23. 叙述无效工具变量下的一些识别方法。
- 24. 叙述双重差分和合成控制法的异同。
- 25. 叙述平均自然直接作用和平均自然间接作用的定义。
- 26. 在下述线性模型下,按定义计算平均自然直接作用和平均自然间接作用。



$$E(M \mid Z, X) = \beta_0 + \beta_1 Z + \beta_2^{\mathrm{T}} X + \beta_3^{\mathrm{T}} Z X$$

$$E(Y \mid Z, M, X) = \theta_0 + \theta_1 Z + \theta_2 M + \theta_3^{\mathrm{T}} X + \theta_4^{\mathrm{T}} Z M$$

27. 证明题:对于二值中介变量M,在X随机化,序贯可忽略性成立,及 cross-world indepen-

dence 成立时, 会有 NIE = $\tau_{X\to M}\tau_{M\to Y}(1)$, 其中

$$\tau_{X \to M} = \text{pr}(M = 1 \mid X = 1) - \text{pr}(M = 1 \mid X = 0).$$

$$\tau_{M \to Y}(x) = \mathbb{E}(Y \mid X = x, M = 1) - \mathbb{E}(Y \mid X = x, M = 0).$$

28. 利用定义计算下表中个体 3 的总作用、自然直接作用和自然间接作用。

$\overline{}$	Z	M	Y	M_0	M_1	Y(0, 0)	Y(0, 1)	Y(1,0)	Y(1, 1)
1	1	1	25	0	1	18	18	20	25
2	1	0	40	1	0	45	43	40	48
3	0	1	40	1	0	34	40	41	38
4	0	0	30	0	0	30	20	23	25
						• • •		• • •	• • •

- 29. 给定 STUVA, 一致性和可忽略性, 利用倾向得分估计、回归估计、双稳健估计、和一些机器学习的方法完成平均因果作用的估计, 包括数据生成和估计。
- 30. 我们关心某个二值处理变量 X 对结果变量 Y 的因果作用。给定 STUVA,一致性和可忽略性,及完全观察的协变量 V,一个参数倾向得分

$$\pi(V; \alpha) = \operatorname{pr}(X = 1 \mid V; \alpha)$$

和一个参数化结果回归

$$m(V;\beta) = \mathbb{E}(Y \mid X = 1, V; \beta)$$

这里 \hat{E} 表示经验均值算子。我们可以用以下三种方法估计潜在结果均值 $\mu = \mathbb{E}(Y_1)$:

• IPW:

$$\begin{split} \hat{E}\left[\left\{\frac{X}{\pi(V;\hat{\alpha})} - 1\right\} \cdot g(V)\right] &= 0 \\ \hat{E}\left\{\frac{XY}{\pi(V;\hat{\alpha})} - \hat{\mu}_{\mathrm{ipw}}\right\} &= 0, \end{split}$$

• REG:

$$\hat{E}\left[X\{Y - m(V; \hat{\beta})\} \cdot h(V)\right] = 0$$

$$\hat{E}\left\{m(V; \hat{\beta}) - \hat{\mu}_{reg}\right\} = 0,$$

• DR:

$$\hat{E}\left[\left\{\frac{X}{\pi(V;\hat{\alpha})} - 1\right\} \cdot g(V)\right] = 0$$

$$\hat{E}[X\{Y - m(V;\hat{\beta})\} \cdot h(V)] = 0$$

$$\hat{E}\left[\frac{XY}{\pi(V;\hat{\alpha})} + \left\{1 - \frac{X}{\pi(V;\hat{\alpha})}\right\} m(V;\hat{\beta}) - \hat{\mu}_{dr}\right] = 0.$$

作业如下:

- (a) 设计一个模拟试验完成上面三种估计方法,包括数据生成和估计。(参考广义矩估计思想)
- (b) 给定工作模型正确,一些正则性条件,证明所得到的估计量具有相合性和渐进正态

性。(参考广义矩估计思想)

(c) 计算它们的渐进方差,并解释它们如何受到 g 和 h 的选择影响。

作业提交助教邮箱: smengchen@163.com; 抄送: shan3_luo@163.com