Lab06 线性方程组求根的迭代法

要求 1

- 1. 编写Gauss-Seidel迭代和SOR迭代的通用程序
- 2. 用如上程序求方程

$$\begin{pmatrix} 31 & -13 & 0 & 0 & 0 & -10 & 0 & 0 & 0 \\ -13 & 35 & -9 & 0 & -11 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -9 & 31 & -10 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -10 & 79 & -30 & 0 & 0 & 0 & -9 \\ 0 & 0 & 0 & -30 & 57 & -7 & 0 & -5 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -7 & 47 & -30 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -30 & 41 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -5 & 0 & 0 & 27 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -9 & 0 & 0 & 0 & -2 & 29 \end{pmatrix} x = \begin{pmatrix} -15 \\ 27 \\ -23 \\ 0 \\ -20 \\ 12 \\ -7 \\ 7 \\ 10 \end{pmatrix}$$

的根,并打印迭代步数和根。

3. 取松弛因子为 $\omega = i/50, (i = 1, 2, \dots, 99)$, 试给出一个最佳的值

输出

示例如下:

根为:

XXXXXXXXXXXXXXXX

XXXXXXXXXXXXXXXX

XXXXXXXXXXXXXXXXX

XXXXXXXXXXXXXXXX

Gauss-seidel迭代总迭代步数为: XXXXXX

SOR迭代步数为: 松弛因子: 0.02, 迭代步数为: XXXXX

松弛因子: 0.04, 迭代步数为: XXXXX 松弛因子: 0.06, 迭代步数为: XXXXX 松弛因子: 0.08, 迭代步数为: XXXXX

松弛因子: 1.98, 迭代步数为: XXXXX

最佳松弛因子为: X.XX