机器学习导论 作业二

学号,作者姓名,邮箱 2018年4月4日

1 [25pts] Multi-Class Logistic Regression

教材的章节3.3介绍了对数几率回归解决二分类问题的具体做法。假定现在的任务不再是二分类问题,而是多分类问题,其中标记 $y \in \{1, 2..., K\}$ 。请将对数几率回归算法拓展到该多分类问题。

- (1) [**15pts**] 给出该对率回归模型的"对数似然"(log-likelihood);
- (2) [10pts] 计算出该"对数似然"的梯度。

提示1: 假设该多分类问题满足如下K-1个对数几率,

$$\ln \frac{p(y=1|\mathbf{x})}{p(y=K|\mathbf{x})} = \mathbf{w}_1^{\mathrm{T}} \mathbf{x} + b_1$$

$$\ln \frac{p(y=2|\mathbf{x})}{p(y=K|\mathbf{x})} = \mathbf{w}_2^{\mathrm{T}} \mathbf{x} + b_2$$

$$\dots$$

$$\ln \frac{p(y=K-1|\mathbf{x})}{p(y=K|\mathbf{x})} = \mathbf{w}_{K-1}^{\mathrm{T}} \mathbf{x} + b_{K-1}$$

提示2: 定义指示函数 I(·),

$$\mathbb{I}(y=j) = \begin{cases} 1 & \textit{若y等于j} \\ 0 & \textit{若y不等于j} \end{cases}$$

Solution. 此处用于写解答(中英文均可)

2 [20pts] Linear Discriminant Analysis

假设有两类数据,正例独立同分布地从高斯分布 $\mathcal{N}(\mu_1,\Sigma_1)$ 采样得到,负例独立同分布地从另一高斯分布 $\mathcal{N}(\mu_2,\Sigma_2)$ 采样得到,其中参数 μ_1,Σ_1 及 μ_2,Σ_2 均已知。现在,我们定义"最优分类":若分类器在得到测试样例在不同类别的分类概率后,取概率最大的类别作为最终预测的类别输出,则满足"最优分类"性质。

试证明: 当两类数据的分布参数 $\Sigma_1 = \Sigma_2 = \Sigma$ 时,线性判别分析(LDA)方法可以达到"最优分类"。(提示: 找到定义的最优分类的分类平面。)

Solution. 此处用于写解答(中英文均可)

3 [55+10*pts] Logistic Regression Programming

在本题中,我们将初步接触机器学习编程,首先我们需要初步了解机器学习编程的主要步骤, 然后结合对数几率回归,在UCI数据集上进行实战。机器学习编程的主要步骤可参见博客。

本次实验选取UCI数据集Page Blocks(下载链接)。数据集基本信息如表 1所示,此数据集特征维度为10维,共有5类样本,并且类别间样本数量不平衡。

Table 1: Page Blocks数据集中每个类别的样本数量。

标记	1	2	3	4	5	total
训练集	4431	292	25	84	103	4935
测试集	482	37	3	4	12	538

对数几率回归(Logistic Regression, LR)是一种常用的分类算法。面对多分类问题,结合处理 多分类问题技术,利用常规的LR算法便能解决这类问题。

- (1) [**5pts**] 此次编程作业要求使用Python 3或者MATLAB编写,请将main函数所在文件命名为LR_main.py或者LR_main.m,效果为运行此文件便能完成整个训练过程,并输出测试结果,方便作业批改时直接调用;
- (2) [30pts] 本题要求编程实现如下实验功能:
 - [10pts] 根据《机器学习》3.3节,实现LR算法,优化算法可选择梯度下降,亦可选择牛顿 法;
 - [10pts] 根据《机器学习》3.5节,利用"一对其余"(One vs. Rest, OvR)策略对分类LR算法进行改进,处理此多分类任务;
 - [10pts] 根据《机器学习》3.6节,在训练之前,请使用"过采样"(oversampling)策略进行样本类别平衡;
- (3) [20pts] 实验报告中报告算法的实现过程(能够清晰地体现(1)中实验要求,请勿张贴源码),如优化算法选择、相关超参数设置等,并填写表 2,在http://www.tablesgenerator.com/上能够方便地制作LaTex表格;
- (4) [附加题10pts] 尝试其他类别不平衡问题处理策略(尝试方法可以来自《机器学习》也可来自其他参考材料),尽可能提高对少数样本的分类准确率,并在实验报告中给出实验设置、比较结果及参考文献;

[**注意**] 本次实验除了numpy等数值处理工具包外禁止调用任何开源机器学习工具包,一经发现此实验题分数为0,请将实验所需所有源码文件与作业pdf文件放在同一个目录下,请勿将数据集放在提交目录中。

实验报告.

Table 2: 算法在测试数据集上泛化性能测试结果,先报告在每个类别上的查全率和查准率,最后报告在整个测试数据集上的准确率。

标记	1	2	3	4	5	准确率
查全率 查准率	0.xx	0.xx	0.xx	0.xx	0.xx	0.xx
查准率	0.xx	0.xx	0.xx	0.xx	0.xx	0.xx