

Sprawozdanie z ćwiczenia laboratoryjnego nr 3.
Wyznaczanie $\frac{c_p}{c_v}$ dla powietrza metodą rezonansu akustycznego.
Pomiar prędkości dźwięku w powietrzu.

Piotr Bródka, Ivan Rukhavets, Aliaksandr Sharapa

21 marca 2017

1 Wstęp

Celem zadania jest wyznaczanie stosunku c_p - ciepła właściwego pod stałym ciśnieniem do c_v - ciepła właściwego w stałej objętości dla powietrza. Stosunek ten oznaczamy w termodynamice przez κ i nazywamy stałą adiabaty. Drugim celem doświadczenia jest też wyznaczenie prędkości rozchodzenia się dźwięku w powietrzu.

2 Wyznaczanie $\frac{c_p}{c_v}$ dla powietrza metodą rezonansu akustycznego.

2.1 Wstęp teoretyczny

Przyjęta konwencja jednostek:

v – prdko

ρ – gsto

T – okres

f – czstotliwo

\bar{T} – temperatura

k – staa Boltzmana

Są dwie popularne metody wyznaczania κ :

1. Clementa-Desormesa, oparta na przeprowadzeniu dwóch przemian gazu: adiabatycznej, a następnie izochorycznej
2. Laplace'a, która bazuje na własnościach fal dźwiękowych.

To doświadczenie dotyczy drugiej metody. Przedstawimy fakty, które pomogą zrozumieć to doświadczenie.

Fala dźwiękowa jest falą mechaniczną, więc potrzebuje do rozchodzenia się ośrodka (którego cząsteczek drgania są właśnie tą falą).

W naszym przypadku źródłem tej fali (źródłem drgań) będzie głośnik, a bardziej precyzyjnie - drgania membrany głośnika.

Fala dźwiękowa jest falą podłużną. Rozchodzi się w powietrzu. Drgania cząsteczek powietrza (naszego ośrodka) objawiają się miejscowym nierównościami ilości cząsteczek na jednostkę objętości, co znaczy: miejscowymi nierównościami ciśnienia. Możemy przyjąć, że fala dźwiękowa rozchodzi się

na tyle szybko, że te zmiany ciśnienia realizowane są w ramach przemiany adiabatycznej gazu (układ nie wymienia ciepła z otoczeniem), czyli spełnione jest:

$$pV^\kappa = \text{const.}$$

Ostatecznie:

$$\kappa = \frac{c_p}{c_v} = \frac{\lambda^2 f^2 M}{k\bar{T}}$$

lub

$$\kappa = \frac{c_p}{c_v} = \frac{\lambda^2 M}{kT^2\bar{T}}$$

2.2 Pomiary

Dokonaliśmy 9 pomiarów dla różnych częstotliwości. Na generatorze ustaliliśmy częstotliwość f_0 . Generator nie jest jednak dokładny i żeby uzyskać dane do dalszych obliczeń - trzeba było zrobić coś innego. Na oscyloskopie zmierzaliśmy czas jednego pełnego okresu i stąd dostaliśmy prawdziwą częstotliwość. Częstotliwość na generatorze f_0 nie ma funkcji inne niż pokazanie, że wartość na generatorze jest obciążona dużym błędem.

Jest 9 pomiarów dla różnych częstotliwości, rozłożonych w przybliżeniu równomiernie od około 4kHz do około 8kHz. Dla każdego z tych pomiarów wyznaczaliśmy wektor (oznaczymy go w) kolejnych punktów na linijce, gdy obserwujemy na oscyloskopie rezonans mechaniczny. Taki rezonans występuje co odległość $\frac{1}{2}\lambda$ (połowa długości fali).

Następnie za pomocą odejmowania $w_{i+1} - w_i$ dostajemy wektor (odznaczmy go d) długości połówek fali (w centymetrach).

Liczymy średnią arytmetyczną

W pomiarze niepewności długości fali mamy błędy:

1. typu A: odchylenie standardowe średniej, niepewność średniej $\frac{s_d}{\sqrt{|d|}}$, gdzie s_d to odchylenie standardowe wektora d , a $|d|$ to jego liczność.
2. typu B: związana z niedokładnościami sprzętu pomiarowego.

$$u_b = \sqrt{\frac{(\Delta x)^2}{3} + \frac{(\Delta x_E)^2}{3}}$$

U nas niepewność wzorcowania to długość jednej podziałki, czyli 0.1cm , a niepewność eksperymentatora to pół długości jednej podziałki, czyli 0.05cm . Zatem: $u_b = 0.0645497\text{cm}$

2.2.1 Pomiar 1

$$T = 2.4 * 0.1ms \quad \Delta T = 0.2 * 0.1ms \quad \Delta T_e = 0.1 * 0.1ms$$

$$f_0 = 4023Hz \quad f = 4167Hz$$

w: 4.8, 9.0, 13.3, 17.5, 21.8, 26.0, 30.3, 34.5, 38.8, 43.0, 47.3

d: 4.2 4.3 4.2 4.3 4.2 4.3 4.2 4.3 4.2 4.3

średnia: 4.25

$$u_a = 0.016666667$$

$$u_b = 0.0645497cm \quad u_c = 0.06666667cm$$

2.2.2 Pomiar 2

$$T = 4.4 * 0.05ms \quad \Delta T = 0.2 * 0.05ms \quad \Delta T_e = 0.1 * 0.5ms$$

$$f_0 = 4503Hz \quad f = 4545Hz$$

w: 0.3, 4.1, 8.0, 11.8, 15.6, 19.5, 23.3, 27.1, 31.0, 34.8, 38.6, 42.5, 46.3

d: 3.8 3.9 3.8 3.8 3.9 3.8 3.8 3.9 3.8 3.8 3.9 3.8

średnia: 3.833333

$$u_a = 0.01421338$$

$$u_b = 0.0645497cm$$

$$u_c = 0.06609604cm$$

2.2.3 Pomiar 3

$$T = 4.0 * 0.05ms \quad \Delta T = 0.2 * 0.05ms \quad \Delta T_e = 0.1 * 0.5ms$$

$$f_0 = 4990Hz \quad f = 5000Hz$$

w: 2.6, 6.0, 9.6, 13.0, 16.4, 19.8, 23.3, 26.7, 30.2, 33.6, 37.1, 40.6, 44.0, 47.5

d: 3.4 3.6 3.4 3.4 3.4 3.5 3.4 3.5 3.4 3.5 3.4 3.5

średnia: 3.453846

$$u_a = 0.01831135$$

$$u_b = 0.0645497cm$$

$$u_c = 0.06709674cm$$

2.2.4 Pomiar 4

$$T = 3.6 * 0.05ms \quad \Delta T = 0.2 * 0.05ms \quad \Delta T_e = 0.1 * 0.5ms$$

$$f_0 = 5497Hz \quad f = 5556Hz$$

w: 3.0, 6.1, 9.2, 12.4, 15.5, 18.7, 21.9, 25.0, 28.1, 31.3, 34.4, 37.6, 40.8, 43.9, 47.1

d: 3.1 3.1 3.2 3.1 3.2 3.2 3.1 3.1 3.2 3.1 3.2 3.2 3.1 3.2

średnia: 3.15

$$u_a = 0.0138675$$

$$u_b = 0.0645497cm$$

$$u_c = 0.06602253cm$$

2.2.5 Pomiar 5

$$T = 3.4 * 0.02ms \quad \Delta T = 0.2 * 0.02ms \quad \Delta T_e = 0.1 * 0.2ms$$

$$f_0 = 5986Hz \quad f = 5952Hz$$

w: 2.3, 5.2, 8.1, 11.0, 13.9, 16.8, 19.7, 22.6, 25.5, 28.4, 31.3, 34.2, 37.1, 40.0, 42.9, 45.8, 48.7

d: 2.9 2.9 2.9 2.9 2.9 2.9 2.9 2.9 2.9 2.9 2.9 2.9 2.9 2.9 2.9

średnia: 2.9

$$u_a = 0.00$$

$$u_b = 0.0645497cm$$

$$u_c = 0.06454972cm$$

2.2.6 Pomiar 6

$$T = 7.8 * 0.02ms \quad \Delta T = 0.2 * 0.02ms \quad \Delta T_e = 0.1 * 0.2ms$$

$$f_0 = 6502Hz \quad f = 6410Hz$$

w: 1.4, 4.0, 6.7, 9.4, 12.1, 14.7, 17.4, 20.0, 22.7, 25.4, 28.0, 30.7, 33.4, 36.0, 38.7, 41.3, 44.0, 46.7, 49.4

d: 2.6 2.7 2.7 2.7 2.6 2.7 2.6 2.7 2.7 2.6 2.7 2.7 2.6 2.7 2.6 2.7 2.7 2.7

średnia: 2.666667

$$u_a = 0.01143324$$

$$u_b = 0.0645497cm$$

$$u_c = 0.06555445cm$$

2.2.7 Pomiar 7

$$T = 7.0 * 0.02ms \quad \Delta T = 0.2 * 0.02ms \quad \Delta T_e = 0.1 * 0.02ms$$

$$f_0 = 6995Hz \quad f = 7143Hz$$

w: 0.6, 3.2, 5.6, 8.0, 10.5, 13.0, 15.5, 18.0, 20.5, 22.9, 25.4, 27.9, 30.4, 32.8, 35.3, 37.8, 40.3, 42.7, 45.2, 47.7

d: 2.6 2.4 2.4 2.5 2.5 2.5 2.5 2.5 2.4 2.5 2.5 2.5 2.4 2.5 2.5 2.5 2.4 2.5 2.5

średnia: 2.478947

$$u_a = 0.0122807$$

$$u_b = 0.0645497cm$$

$$u_c = 0.06570755cm$$

2.2.8 Pomiar 8

$$T = 6.6 * 0.02ms \quad \Delta T = 0.2 * 0.02ms \quad \Delta T_e = 0.1 * 0.02ms$$

$$f_0 = 7504Hz \quad f = 7576Hz$$

w: 2.1, 4.4, 6.8, 9.1, 11.4, 13.7, 16.0, 18.3, 20.6, 22.9, 25.2, 27.6, 29.8, 32.2, 34.5, 36.8, 39.1, 41.4, 43.7, 46.0, 48.3

d: 2.3 2.4 2.3 2.3 2.3 2.3 2.3 2.3 2.3 2.3 2.4 2.2 2.4 2.3 2.3 2.3 2.3 2.3 2.3
2.3

średnia: 2.31

$$u_a = 0.01$$

$$u_b = 0.06454972cm$$

$$u_c = 0.06531973cm$$

2.2.9 Pomiar 9

$$T = 6.2 * 0.02ms \quad \Delta T = 0.2 * 0.02ms \quad \Delta T_e = 0.1 * 0.02ms$$

$$f_0 = 7988Hz \quad f = 8065Hz$$

w: 1.0, 3.2, 5.3, 7.6, 9.8, 11.9, 14.1, 16.3, 18.4, 20.6, 22.8, 25.0, 27.2, 29.3, 31.4, 33.6, 35.1, 37.9, 40.1, 42.3, 44.5, 46.6, 48.8 d: 2.2 2.1 2.3 2.2 2.1 2.2 2.2

2.1 2.2 2.2 2.2 2.2 2.1 2.1 2.2 1.5 2.8 2.2 2.2 2.2 2.1 2.2

średnia: 2.172727

$$u_a = 0.04422582$$

$$u_b = 0.0645497cm$$

$$u_c = 0.07824698cm$$

3 Pomiar prędkości dźwięku w powietrzu.