ΘΕΜΑ 4

Σε τρίγωνο ΑΒΓ θεωρούμε σημείο Δ εσωτερικό της πλευράς του ΒΓ. Έστω Μ το μέσο Μ του τμήματος ΑΔ.

α) Να αποδείξετε ότι:

i.
$$(ABM) = \frac{1}{2} (ABΔ)$$
 (Μονάδες 8)

ii. (ABM) + (MΔΓ) =
$$\frac{1}{2}$$
 (ABΓ) (Μονάδες 9)

β) Να εξετάσετε αν υπάρχει θέση του σημείου Δ τέτοια ώστε τα τρίγωνα ABM και ΜΔΓ να έχουν ίσα εμβαδά. Στην περίπτωση που υπάρχει θέση του σημείου Δ για την οποία τα εμβαδά των τριγώνων ABM και ΜΔΓ είναι ίσα, να βρείτε τι μέρος του εμβαδού του τριγώνου ABΓ είναι το εμβαδόν του κάθε τριγώνου ABM και ΜΔΓ. Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας.

(Μονάδες 8)