ΛΥΣΗ

- α) Επειδή $P(1) = 1^4 1^3 5 \cdot 1^2 + 7 \cdot 1 2 = 1 1 5 + 7 2 = 0$, ο αριθμός 1 είναι ρίζα του πολυωνύμου.
- β) Οι πιθανές ακέραιες λύσεις του πολυωνύμου είναι οι διαιρέτες του σταθερού όρου του δηλαδή οι διαιρέτες του 2 που είναι οι αριθμοί 1, 2, -1, -2.

Ο αριθμός 1 είδαμε ότι είναι ρίζα του πολυωνύμου. Εξετάζουμε αν κάποιος από τους άλλους αριθμούς είναι ρίζα. Είναι:

•
$$P(2) = 16 - 8 - 20 + 14 - 2 = 0$$

•
$$P(-1)=1+1-5-7-2=-12\neq 0$$

•
$$P(-2) = 16 + 8 - 20 - 14 - 2 = -12 \neq 0$$

Επομένως οι ακέραιες ρίζες του πολυωνύμου είναι οι αριθμοί 1 και 2.