ΘΕΜΑ 4

Δίνεται η εξίσωση x(x-4)+y(y-2)=2(x+y-4) (1).

α) Να δείξετε ότι η εξίσωση (1) παριστάνει κύκλο με κέντρο K(3,2) και ακτίνα $\rho = \sqrt{5}$.

(Μονάδες 6)

- β) Δίνονται τα σημεία Α(4,4) και Β(2,0).
 - Να δείξετε ότι τα σημεία Α και Β είναι αντιδιαμετρικά σημεία του κύκλου.

(Μονάδες 4)

- ii. Να βρείτε τις εξισώσεις των εφαπτόμενων του κύκλου οι οποίες είναι παράλληλες στην διάμετρο ΑΒ.(Μονάδες 9)
- γ) Να βρείτε την τιμή της παραμέτρου λ ώστε η ευθεία (η) με εξίσωση $y = \lambda x + 4$ να τέμνει τον παραπάνω κύκλο σε δύο σημεία Γ και Δ ώστε $(\Gamma \Delta) = \sqrt{20}$. (Μονάδες 6)