ΘΕΜΑ 3

Δίνονται τα σημεία A(1,3), B(-2,2) και η ευθεία ε: $3x + y + \alpha = 0$ με $\alpha \in \mathbb{R}$.

α) Να βρεθεί η απόσταση του σημείου Α από το σημείο Β.

(Μονάδες 5)

β) Για ποιες τιμές του α, η απόσταση ΑΒ είναι ίση με την απόσταση του σημείου Α από την ευθεία ε.

(Μονάδες 8)

γ) Για $\alpha=4$ να βρεθεί το εμβαδόν του τριγώνου ΑΒΓ, όπου Γ το σημείο τομής της ευθείας ε με τον άξονα y'y.

(Μονάδες 12)