ΛΥΣΗ

α) Για τις συντεταγμένες του \overrightarrow{AB} είναι:

$$\overrightarrow{AB} = (x_B - x_A, y_B - y_A) = (11 - 2, 5 - 4) = (9, 1).$$

Όμοια:

$$\overrightarrow{A\Gamma} = (x_{\Gamma} - x_{A}, y_{\Gamma} - y_{A}) = (3 - 2, 7 - 4) = (1, 3).$$

β) Το διάνυσμα \overrightarrow{AA} είναι ίσο με το διάνυσμα $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{A\Gamma}$.

$$Aρα \overrightarrow{AΔ} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AΓ} = (9 + 1, 1 + 3) = (10, 4).$$

γ) Έχουμε $\overrightarrow{A\Delta} = (x_\Delta - x_A$, $y_\Delta - y_A$). Αντικαθιστώντας τις συντεταγμένες του σημείου Α και τις συντεταγμένες του διανύσματος $\overrightarrow{A\Delta}$, η τελευταία ισότητα γίνεται:

$$(10,4) = (x_{\Delta} - 2 \text{ , } y_{\Delta} - 4) \text{ } \acute{\eta} \left\{ \begin{matrix} x_{\Delta} - 2 = 10 \\ y_{\Delta} - 4 = 4 \end{matrix} \right. \acute{\eta} \left\{ \begin{matrix} x_{\Delta} = 12 \\ y_{\Delta} = 8 \end{matrix} \right.$$

Άρα $\Delta(12, 8)$.