α)

i. Γνωρίζουμε ότι για κάθε x>0 , $\alpha>0$ και $\alpha\neq 1$ ισχύει ότι $\log_{\alpha}\alpha^x=x$.

Οπότε για $x = \alpha = 10$ έχουμε ότι $log 10^{10} = 10$.

Εναλλακτικά, $log 10^{10} = 10 \cdot log 10 = 10 \cdot 1 = 10$.

- ii. Eίναι $A = \ln(\ln e) + \log(\log 10^{10}) = \ln 1 + \log 10 = 0 + 1 = 1$.
- β) Η εξίσωση $\log(x^2+1)=A$ ορίζεται για κάθε $x\in\mathbb{R}$, αφού $x^2\geq 0 \Leftrightarrow x^2+1\geq 1>0$ για κάθε $x\in\mathbb{R}$ και ισοδύναμα έχουμε :

 $\log(x^2+1) = A \Leftrightarrow \log(x^2+1) = 1 \Leftrightarrow x^2+1 = 10 \Leftrightarrow x^2 = 9 \Leftrightarrow x = \pm 3.$