ΘΕΜΑ 2

Δίνονται τα μη συνευθειακά σημεία του επιπέδου A,B,Γ και τα διανύσματα $\overrightarrow{B\Delta}$ και $\overrightarrow{\Gamma E}$ τέτοια ώστε $\overrightarrow{B\Delta} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{B\Gamma}$ και $\overrightarrow{\Gamma E} = \overrightarrow{\Gamma A} + \overrightarrow{\Gamma B}$.

α)

i. Na δείξετε ότι $\overrightarrow{A\Delta} = \overrightarrow{B\Gamma}$ και $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{\Gamma B}$.

(Μονάδες 8)

ii. Να δείξετε ότι τα διανύσματα $\stackrel{\rightarrow}{\mathrm{AL}}$ και $\stackrel{\rightarrow}{\mathrm{AE}}$ είναι αντίθετα.

(Μονάδες 8)

β) Να δικαιολογήσετε γιατί τα σημεία A, Δ και E είναι συνευθειακά.

(Μονάδες 9)