ΘΕΜΑ 4

4.1. Στο ομογενές ηλεκτρικό πεδίο ισχύει:

$$\varepsilon = \frac{V}{I}$$

και άρα στην δική μας περίπτωση:

$$\varepsilon = \frac{V_{A\Gamma}}{(A\Gamma)} = \frac{V_{B\Delta}}{(B\Delta)} \tag{1}$$

όπου η απόσταση (ΒΔ) είναι:

$$(B\Delta) = (A\Gamma) - (AB) - (\Delta\Gamma) = 50 \text{ cm} - 10 \text{ cm} - 20 \text{ cm} = 20 \text{ cm}$$

αφού (AB) = x = 10 cm και ($\Delta\Gamma$) = $2 \cdot x = 20$ cm

Αντικαθιστώντας στην (1):

$$\frac{V_{A\Gamma}}{(A\Gamma)} = \frac{V_{B\Delta}}{(B\Delta)} \Leftrightarrow \frac{50 \text{ V}}{0.5 \text{ m}} = \frac{V_{B\Delta}}{0.2 \text{ m}} \Leftrightarrow V_{B\Delta} = 20 \text{ V}$$

Μονάδες 6

4.2. Εφόσον το φορτίο είναι θετικό θα κινηθεί προς τα δεξιά, στην φορά των δυναμικών γραμμών του πεδίου.

Η δύναμη που ασκείται στο φορτίο από το πεδίο είναι:

$$F_{\eta\lambda} = \varepsilon \cdot |q| = \frac{V_{A\Gamma}}{(A\Gamma)} \cdot q = \frac{50 \text{ V}}{0.5 \text{ m}} \cdot 2 \text{ C} = 200 \text{ N}$$

Μονάδες 6

4.3. Εφαρμόζουμε το θεώρημα έργου – ενέργειας για την κίνηση του φορτίου:

$$\begin{split} \Delta K &= \Sigma W \Leftrightarrow K_{\tau\epsilon\lambda} - K_{\alpha\rho\chi} = W_F \Leftrightarrow \frac{1}{2} \cdot m \cdot u^2 - 0 = F_{\eta\lambda} \cdot x_1 \Leftrightarrow \\ u &= \sqrt{\frac{2 \cdot F_{\eta\lambda} \cdot x_1}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 200 \ \text{N} \cdot 0.9 \ \text{m}}{10^{-3} \text{Kg}}} = 600 \ \text{m/s} \end{split}$$

Μονάδες 6

4.4. Η κίνηση του φορτίου από το Α στο Ζ είναι ευθύγραμμη ομαλά επιταχυνόμενη, αφού η μόνη δύναμη που του ασκείται προέρχεται από το ομογενές ηλεκτρικό πεδίο και είναι σταθερή. Οπότε:

$$\Sigma F = m \cdot \alpha \Leftrightarrow F_{\eta\lambda} = m\alpha \Leftrightarrow \alpha = \frac{F_{\eta\lambda}}{m} = \frac{200 \text{ N}}{10^{-3} \text{ Kg}} = 2 \cdot 10^5 \frac{m}{s^2}$$

Ο χρόνος κίνησης είναι:

$$u = \alpha \cdot t \Leftrightarrow t = \frac{u}{\alpha} = \frac{600 \frac{m}{s}}{2 \cdot 10^5 \frac{m}{s^2}} \Leftrightarrow t = 3 \cdot 10^{-3} \text{ s}$$

Μονάδες 7