## **ΘΕΜΑ 4**

## 4.1. Για την περίοδο είναι:

$$T = \frac{2 \cdot \pi \cdot \ell}{v}, \qquad T = \frac{2 \cdot \pi \cdot \frac{1}{\pi}}{20}s, \qquad T = 0.1s$$

Για τη συχνότητα:

$$f = \frac{1}{T}, \qquad f = 10Hz$$

Για τη γωνιακή ταχύτητα:

$$\omega = \frac{2 \cdot \pi}{T}, \qquad \omega = \frac{2 \cdot \pi}{0.1} \frac{rad}{s}, \quad \omega = 20 \cdot \pi \frac{rad}{s},$$

Μονάδες 6

4.2. Η κεντρομόλος επιτάχυνση είναι ίση με:

$$\alpha_{\kappa} = \frac{v^2}{\ell}, \quad \alpha_{\kappa} = \frac{20^2}{\frac{1}{\pi}} \frac{m}{s^2}, \qquad \alpha_{\kappa} = 400 \cdot \pi \frac{m}{s^2}$$

Κεντρομόλος δύναμη:

$$F_{\kappa} = m_1 \cdot a_{\kappa}$$
,  $F_{\kappa} = 0.1 \cdot 400 \cdot \pi N$ ,  $F_{\kappa} = 40 \cdot \pi N$ ,

Μονάδες 6

## 4.3.

Για το μονωμένο σύστημα, των δύο σωμάτων, η ορμή διατηρείται.

$$\vec{p}_{\alpha\rho\chi} \; = \; \vec{p}_{\tau\varepsilon\lambda}$$
 
$$m_1 \cdot v \; = \; (m_1 + m_2) \cdot \; V, \quad V \; = \; \frac{m_1 \cdot v}{m_1 + m_2}, \qquad V \; = \; \frac{0.1 \cdot 20}{0.1 + 0.9} \, \frac{m}{s}, \qquad V = 2 \, \frac{m}{s}$$

Μονάδες 6

**4.4.** Για τη μεταβολή της ορμής του σώματος μάζας  $m_1$  είναι:

$$\Delta \vec{p}_1 = \overrightarrow{p'}_1 - \vec{p}_1, \qquad \Delta p_1 = p'_1 - p_1, \quad \Delta p_1 = m_1 \cdot V - m_1 \cdot v \,, \quad \Delta p_1 = m_1 \cdot (V - v),$$
 
$$\Delta p_1 = 0.1 \cdot (2 - 20) Kg \frac{m}{s}, \quad \Delta p_1 = -1.8 Kg \frac{m}{s}$$

Για τη μεταβολή της κινητικής ενέργειας του σώματος μάζας  $m_1$  είναι:

$$\Delta K_1 = K'_1 - K_1, \qquad \Delta K_1 = \frac{1}{2} \cdot m_1 \cdot V^2 - \frac{1}{2} \cdot m_1 \cdot v^2, \qquad \Delta K_1 = \frac{1}{2} \cdot m_1 \cdot (V^2 - v^2),$$

$$\Delta K_1 = \frac{1}{2} \cdot 0.1 \cdot (2^2 - 20^2) J, \qquad \Delta K_1 = -19.8 J$$

Μονάδες 7