Στο παρακάτω ορθοκανονικό σύστημα συντεταγμένων, το 1ο τεταρτημόριο αντιστοιχεί σε μια θαλάσσια περιοχή και τα υπόλοιπα τεταρτημόρια σε στεριά. Οι ημιάξονες Ox,Oy οριοθετούν ένα λιμάνι. Ένα πλοίο ρυμουλκείται στο λιμάνι, δεμένο με δύο συρματόσχοινα στο ίδιο σημείο $\Pi(\kappa,\lambda)$ του πλοίου. Το ένα από τα δύο ρυμουλκά είναι σταθερό στο σημείο E(2,0) και το άλλο κινείται ώστε η θέση να περιγράφεται από το σημείο $P(-2,\lambda)$. Η ρυμούλκηση γίνεται με τέτοιο τρόπο ώστε κάθε χρονική στιγμή της ρυμούλκησης να ισχύει $\Pi(E) = \Pi(E)$.

α) Να αποδείξετε ότι το σημείο $P(-2,\lambda)$ κινείται σε σταθερή ευθεία (δ) της οποίας να βρείτε την εξίσωση.

(Μονάδες 5)

β) Να αιτιολογήσετε γιατί κάθε χρονική στιγμή της ρυμούλκησης είναι $\Pi P \perp (\delta)$.

(Μονάδες 5)

γ) Να αποδείξετε ότι η πορεία του $\Pi(\kappa,\lambda)$ είναι παραβολή C της οποίας να βρείτε την εξίσωση.

(Μονάδες 7)

δ) Αν $y^2 = 8x$ η εξίσωση της παραβολής C να αποδείξετε ότι κάθε χρονική στιγμή η μεσοκάθετος του EP εφάπτεται της παραβολής C στο σημείο Π .

(Μονάδες 8)

