ΘΕΜΑ 2

Οι ευθείες ΓΘ και ZH τέμνουν τις παράλληλες ευθείες $ε_1$, $ε_2$ και $ε_3$ στα σημεία Θ, Α, Β και Η, Δ, Ε αντίστοιχα και την ευθεία $ε_4$ στα σημεία Γ και Z όπως στο παρακάτω σχήμα.

Επίσης δίνονται τα μήκη ΘA = 2, AB = 1, $B\Gamma = H\Delta = 4$ και EZ = 8.

α) Να αποδείξετε ότι $\Delta E = 2$.

(Μονάδες 10)

β) Να αποδείξετε ότι η ευθεία ε4 είναι παράλληλη στις ευθείες ε1, ε2 και ε3.

(Μονάδες 05)

γ) Να σχεδιάσετε το ευθύγραμμο τμήμα ΘΖ το οποίο τέμνει την ευθεία ϵ_2 στο Κ και την ευθεία ϵ_3 στο Λ και να υπολογίσετε τον λόγο $\frac{\Lambda Z}{K\Lambda}$.

(Μονάδες 10)

