ΛΥΣΗ

- α) Για k=2, το σύστημα γίνεται $\begin{cases} 3x+y=11 \\ 6x+2y=8 \end{cases}$ και διαιρώντας κάθε όρο της δεύτερης εξίσωσης με το 2 παίρνουμε $\begin{cases} 3x+y=11 \\ 3x+y=4 \end{cases}$ οπότε το σύστημα είναι αδύνατο.
- β) Για k=1, το σύστημα γίνεται $\begin{cases} 3x+y=11\\ 6x+y=8 \end{cases}$ και πολλαπλασιάζοντας κάθε όρο της δεύτερης εξίσωσης με το -1 παίρνουμε $\begin{cases} 3x+y=11\\ -6x-y=-8 \end{cases}$

Τότε από την πρώτη εξίσωση παίρνουμε 3(-1)+y=11, οπότε $-3+y=11 \Leftrightarrow y=14$.

Άρα το σύστημα έχει μοναδική λύση το ζεύγος (x,y)=(-1,14)

Προσθέτοντας κατά μέλη παίρνουμε την εξίσωση $-3x = 3 \Leftrightarrow x = -1$.