ΛΥΣΗ

- α) Αφού η ευθεία (ε) διέρχεται από τα σημεία A,B έχει κλίση $\lambda = \frac{y_B y_A}{x_B x_A} = \frac{2-1}{3-1} = \frac{1}{2}$.
- β) Ως γνωστόν, η εξίσωση ευθείας που διέρχεται από το σημείο $M(x_0,y_0)$ και έχει κλίση λ είναι η $y-y_0=\lambda(x-x_0)$.

Επομένως, η εξίσωση της ευθείας (ε) , η οποία διέρχεται από το σημείο A(1,1) και έχει κλίση $\lambda=\frac{1}{2}$, είναι: $y-1=\frac{1}{2}(x-1) \Leftrightarrow y=\frac{1}{2}x+\frac{1}{2}$.

γ) Επειδή το σημείο Γ της ευθείας (ε) ανήκει και στον άξονα x'x, είναι της μορφής $\Gamma(x,0)$. Έτσι έχουμε:

$$0 = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2} \Leftrightarrow x + 1 = 0 \Leftrightarrow x = -1$$

Επομένως, το ζητούμενο σημείο είναι το $\Gamma(-1,0)$.