Δίνεται η παραβολή C: $y^2=4x$ και η εξίσωση $(\lambda^2-1)x+2\lambda y+\lambda^2+1=0$ (1), $\lambda\in\mathbb{R}$. α) Να βρείτε τις συντεταγμένες της εστίας E και την εξίσωση της διευθετούσας δ της παραβολής C.

(Μονάδες 6)

β) Να αποδείξετε ότι η (1) για κάθε $\lambda\in\mathbb{R}$ παριστάνει ευθεία ε_λ που δεν διέρχεται από το $\mathrm{O}(0,0)$.

(Μονάδες 6)

γ) Να αποδείξετε ότι η διευθετούσα της παραβολής δεν ανήκει στην οικογένεια ευθειών $\varepsilon_{\scriptscriptstyle \lambda}$.

(Μονάδες 6)

δ) Έστω $M(\alpha,\beta)$ σημείο του επιπέδου το οποίο δεν ανήκει στην παραπάνω διευθετούσα δ . Αν από το M διέρχεται μόνο μία ευθεία από την οικογένεια ευθειών ε_{λ} , να δείξετε ότι το M ανήκει στον κύκλο που έχει κέντρο την κορυφή της παραβολής C και διέρχεται από την εστία της E.

(Μονάδες 7)