ΘΕΜΑ 4

Δίνονται οι εξισώσεις $\lambda x + y = 2\lambda$ (1) και $x + \lambda y = \lambda + 1$ (2), όπου $\lambda \in \mathbb{R}$.

α) Να δείξετε ότι για κάθε $\lambda\in\mathbb{R}$ οι εξισώσεις (1) και (2) παριστάνουν ευθείες ε_λ και η_λ αντίστοιχα.

(Μονάδες 6)

β) Να βρείτε για ποιες τιμές του $\,\lambda\,$ οι ευθείες $\,\varepsilon_{_{\!\lambda}}\,$ και $\,\eta_{_{\!\lambda}}\,$ τέμνονται.

(Μονάδες 6)

γ) Για $\lambda \in \mathbb{R} - \{-1,1\}$

i. να βρείτε συναρτήσει του $\,\lambda\,$ τις συντεταγμένες του σημείου τομής $\,{\bf M}\,$ των $\,{m \varepsilon}_{\!\scriptscriptstyle \lambda}\,$ και $\,{m \eta}_{\!\scriptscriptstyle \lambda}.$

(Μονάδες 7)

ii. αν $M\left(\frac{2\lambda+1}{\lambda+1},\frac{\lambda}{\lambda+1}\right)$ να αποδείξετε ότι το M κινείται στην ευθεία $\zeta:x-y=1$.

(Μονάδες 6)