ΘΕΜΑ 4

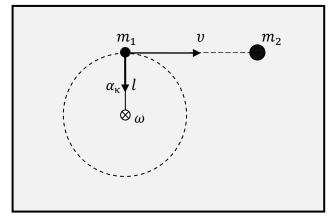
4.1. Το σώμα m_1 εκτελεί ομαλή κυκλική κίνηση.

Για τα μέτρα της γωνιακής ταχύτητας ω , της περιόδου T και της κεντρομόλου επιτάχυνσης $\alpha_{\rm k}$ του σώματος έχουμε

$$\omega = \frac{v}{l} \Rightarrow \omega = 20 \text{ rad/s}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega} \Rightarrow T = \frac{\pi}{10} \text{ s}$$

$$\alpha_{\kappa} = \frac{v^{2}}{l} \Rightarrow \alpha_{\kappa} = 200 \text{ rad/s}^{2}$$



Οι φορές των διανυσμάτων της γωνιακής

ταχύτητας ω και της κεντρομόλου επιτάχυνσης α_{κ} του σώματος φαίνονται στο σχήμα.

Μονάδες 6

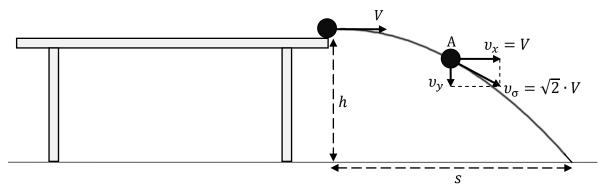
4.2.. Από την αρχή διατήρησης της ορμής έχουμε

$$\vec{P}_{\alpha\rho\chi} = \vec{P}_{\tau\varepsilon\lambda} \Rightarrow m_1 v = (m_1 + m_2)V \Rightarrow V = 2 \text{ m/s}$$

Το ποσοστό της κινητικής ενέργειας του σώματος μάζας m_1 το οποίο έχει μεταφερθεί στο συσσωμάτωμα μετά τη κρούση είναι:

$$\Pi\% = \frac{K_{\text{συσ.}}}{K_1} 100\% \Rightarrow \Pi\% = \frac{\frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2}{\frac{1}{2} m_1 v^2} 100\% \Rightarrow \Pi\% = \mathbf{20}\%$$

Μονάδες 6



4.3. Το συσσωμάτωμα εκτελεί οριζόντια βολή. Έστω ότι φθάνει στο έδαφος την χρονική στιγμή t. (Θεωρούμε ότι το συσσωμάτωμα εγκαταλείπει το τραπέζι τη χρονική στιγμή $t_0=0$ s). Από τις εξισώσεις της οριζόντιας βολής και σύμφωνα με την αρχή ανεξαρτησίας των κινήσεων έχουμε:

$$s = V \cdot t \Rightarrow t = \frac{s}{V} \Rightarrow t = 0.4 \text{ s}$$

και

$$h = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2 \Rightarrow \mathbf{h} = \mathbf{0}, \mathbf{8} \mathbf{m}$$

4.4. Τη χρονική στιγμή t_1 το συσσωμάτωμα φτάνει στο σημείο Α και η ταχύτητα του δίδεται από τη σχέση:

$$v_{\sigma}^{2} = v_{x}^{2} + v_{y}^{2} \Rightarrow$$

$$\left(\sqrt{2} \cdot V\right)^{2} = V^{2} + (g \cdot t_{1})^{2} \Rightarrow V^{2} = (g \cdot t_{1})^{2} \Rightarrow$$

$$t_{1} = \frac{V}{g} \Rightarrow t_{1} = 0, 2 \text{ s}$$

Μονάδες 7