## ΘΕΜΑ 4

Στο καρτεσιανό επίπεδο Οχυ τα σημεία Α και Β έχουν διανύσματα θέσεως

$$\overrightarrow{OA}=2\overrightarrow{\imath}+\lambda\overrightarrow{\jmath}$$
 kai  $\overrightarrow{OB}=(\lambda+1)\overrightarrow{\imath}+(\lambda+3)\overrightarrow{\jmath}$  , he  $\lambda\in\mathbb{R}$  .

- α) Να αποδείξετε ότι  $\overrightarrow{AB} = (\lambda 1)\overrightarrow{i} + 3\overrightarrow{j}$ . (Μονάδες 6)
- β) Να βρείτε την απόσταση των σημείων A και B ως συνάρτηση του  $\lambda$ . (Μονάδες 7)
- γ) Για ποιές τιμές του  $\lambda$  η απόσταση των σημείων A και B είναι ίση με 5; (Μονάδες 7)
- δ) Θεωρήστε τον ισχυρισμό: «Υπάρχει πραγματικός αριθμός  $\lambda$  τέτοιος ώστε η απόσταση των σημείων A και B να παίρνει τη μικρότερη δυνατή τιμή.»

Είναι αληθής ή ψευδής ο παραπάνω ισχυρισμός; Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας.

(Μονάδες 5)