ΘΕΜΑ 4

4.1. Για την πλαστική κρούση βλήματος – σφαίρας ισχύει η αρχή διατήρησης της ορμής:

$$P_{o\lambda}^{\alpha\rho\chi}=\ P_{o\lambda}^{\tau\epsilon\lambda}$$
 , δηλαδή:

$$\mathbf{m} \cdot \mathbf{u}_0 + \mathbf{0} = (\mathbf{m} + \mathbf{M}) \cdot \mathbf{V} \leftrightarrow$$

$$V = \frac{m \cdot u_0}{(m+M)} = \frac{0.05 \text{ kg} \cdot 200 \text{ m/s}}{2 \text{ kg}} = 5 \text{ m/s}$$

Μονάδες 6

4.2. Για τον χρόνο κίνησης του συσσωματώματος έχουμε:

$$h = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2 \leftrightarrow t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = 4s.$$

Η οριζόντια απόσταση που έχει διανύσει το συσσωμάτωμα όταν φτάνει στο έδαφος είναι:

$$x = V \cdot t = 20m$$
.

Μονάδες 6

4.3. Για την εξίσωση τροχιά του συσσωματώματος έχουμε:

$$y = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2 = \frac{1}{2} \cdot g \cdot (\frac{x}{V})^2 = \frac{g \cdot x^2}{2 \cdot V^2} = \frac{10 \cdot x^2}{50} = \frac{1}{5} \cdot x^2$$

Μονάδες 6

4.4. Το ποσοστό % απώλειας της κινητικής ενέργειας του συστήματος βλήματος – σφαίρας, λόγω της πλαστικής κρούσης είναι:

$$\alpha\,\% = \, \frac{|\mathsf{K}_{o\lambda}^{\text{tel}} - \mathsf{K}_{o\lambda}^{\alpha\rho\chi}|}{\mathsf{K}_{o\lambda}^{\alpha\rho\chi}} \cdot 100\% = |\, \frac{\mathsf{K}_{o\lambda}^{\text{tel}}}{\mathsf{K}_{o\lambda}^{\alpha\rho\chi}} - 1| \cdot 100\% = |\, \frac{\frac{1}{2}\,\cdot\,(m+\,M)\cdot V^2}{\frac{1}{2}\,\cdot\,m\cdot u_0^2} - 1| \cdot 100\%$$

Οπότε: $\alpha \% = 97,5\%$.

Μονάδες 7