ΘΕΜΑ 4

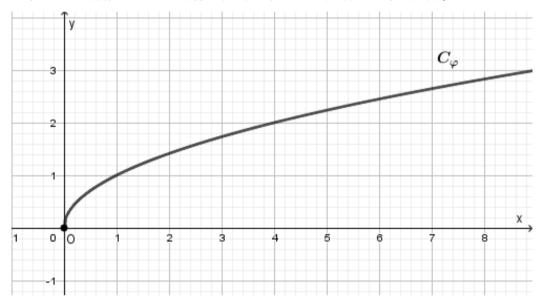
Δίνονται οι συναρτήσεις:

$$\varphi(x)=\sqrt{x},\ \mathrm{me}\ x\geq 0, f(x)=\sqrt{x-1},\ \mathrm{me}\ x\geq 1\ \mathrm{kal}\ g(x)=\frac{x+1}{3},\ \mathrm{me}\ x\in \mathbb{R}.$$

α) Να βρείτε τα κοινά σημεία των γραφικών παραστάσεων των συναρτήσεων f και g.

(Μονάδες 08)

β) Στο παρακάτω σχήμα δίνεται η γραφική παράσταση της συνάρτησης φ .



i. Με τη βοήθεια της γραφικής παράστασης της συνάρτησης φ , να σχεδιάσετε την γραφική παράσταση της συνάρτησης f.

(Μονάδες 02)

ii. Στο ίδιο σύστημα συντεταγμένων, να σχεδιάσετε και την γραφική παράσταση της συνάρτησης g.

(Μονάδες 04)

γ) Με τη βοήθεια του σχήματος ή με οποιονδήποτε άλλο τρόπο, να βρείτε το διάστημα στο οποίο η γραφική παράσταση της f βρίσκεται πάνω από την γραφική παράσταση της g.

(Μονάδες 06)

δ) Να αποδείξετε ότι $\sqrt{ln10-1}>\frac{1+ln10}{3}$.

(Μονάδες 05)