ΛΥΣΗ

α) Είναι:

$$\overrightarrow{AB} = (x_B - x_A, y_B - y_A)$$

$$(3,-1) = (x_B - 2, y_B - 1)$$

Επομένως:

$$x_{\rm B}-2=3$$
 ή  $x_{\rm B}=5$  και  $y_{\rm B}-1=-1$  ή  $y_{\rm B}=0$  , άρα B(5,0).

β)

i. 
$$\overrightarrow{A\Gamma} = (x_{\Gamma} - x_{A}, y_{\Gamma} - y_{A}) = (4 - 2, -1 - 1) = (2, -2)$$
 kal  $\overrightarrow{AB} = (3, -1)$ .

Για να σχηματίζουν τρίγωνο αρκεί  $\,\det\!\left(\overrightarrow{AB},\overrightarrow{A\Gamma}\right)\!\neq0$  .

Πράγματι,

$$\begin{vmatrix} 3 & -1 \\ 2 & -2 \end{vmatrix} = 3(-2) - 2(-1) = -6 + 2 = -4$$

Επομένως, τα σημεία Α ,Β και Γ σχηματίζουν τρίγωνο.

ii. Το εμβαδόν του τριγώνου ΑΒΓ δίνεται από τον τύπο:

$$(\mathsf{AB}\Gamma) = \frac{1}{2} \left| \det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{A\Gamma}) \right| = \frac{1}{2} \left| -4 \right| = \frac{1}{2} \cdot 4 = 2 \ \tau.\mu.$$