ΘΕΜΑ 4

Δίνεται η εξίσωση $x^2 + y^2 + (4 - 2k)x - 2(1 + k)y + 5 - 2k = 0$ (I), όπου $k \in (0, +\infty)$.

α) Να αποδείξετε ότι η (I) παριστάνει κύκλο με κέντρο M(k-2,k+1) και ακτίνα $k\sqrt{2}$ για κάθε k>0.

(Μονάδες 10)

β) Να αποδείξετε ότι το σημείο M ανήκει σε μια σταθερή ευθεία για κάθε k>0.

(Μονάδες 7)

γ) Να αποδείξετε ότι η ευθεία (ε) : y=-x-1 είναι εφαπτομένη του παραπάνω κύκλου για κάθε k>0.

(Μονάδες 8)