ΘΕΜΑ 2

2.1.

2.1.Α. Σωστή πρόταση η (γ)

Μονάδες 4

2.1.B.

Αν $v_{\rm A}$ η ταχύτητα του βαγονιού ${\rm A}$ πριν τη σύγκρουση και $v_{\rm \Sigma}$ η κοινή ταχύτητα των δύο βαγονιών μετά τη σύγκρουση, εφαρμόζοντας την αρχή διατήρησης της ορμής έχουμε:

$$\vec{P}_{\pi\rho\iota\nu} = \vec{P}_{\mu\epsilon\tau\alpha} \Rightarrow mv_{A} = 2mv_{\Sigma} \Rightarrow v_{\Sigma} = \frac{v_{A}}{2}$$
 (1)

Η κινητική ενέργεια του συσσωματώματος είναι

$$\begin{split} K_{\Sigma} &= \frac{1}{2} (2m) v_{\Sigma}^2 \stackrel{(1)}{\Longrightarrow} K_{\Sigma} = \frac{1}{2} (2m) \left(\frac{v_{\text{A}}}{2} \right)^2 \Rightarrow \\ K_{\Sigma} &= \frac{1}{2} (2m) \frac{v_{\text{A}}^2}{4} \Rightarrow K_{\Sigma} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} m v_{\text{A}}^2 \right) \end{split}$$

και τελικά

$$K_{\Sigma} = \frac{K_{\rm A}}{2}$$

Μονάδες 8

2.2.

2.2.Α. Σωστή πρόταση η (α)

Μονάδες 4

2.2.B.

Η μεταβολή ΒΑ είναι ισοβαρής συμπίεση, επομένως:

$$\frac{V_{\rm A}}{T_{\rm A}} = \frac{V_{\rm B}}{T_{\rm B}} \Rightarrow \frac{V_{\rm A}}{300 \text{ K}} = \frac{10 \text{ L}}{600 \text{ K}} \Rightarrow V_{\rm A} = 1 \text{ L}$$

και με τη βοήθεια της καταστατικής εξίσωσης

$$P_{\rm B}V_{\rm B} = nRT_{\rm B} \Rightarrow$$

$$P_{\rm B} \cdot (2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3) = \left(\frac{2}{R} \text{ mol}\right) \cdot \left(R \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}}\right) \cdot (600 \text{ K}) \Rightarrow$$

$$P_{\rm B} = 600 \cdot 10^3 \frac{\text{J}}{\text{m}^3} \Rightarrow P_{\rm B} = 6 \cdot 10^5 \frac{\text{N} \cdot \text{m}}{\text{m}^3} \Rightarrow P_{\rm B} = 6 \cdot 10^5 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

(L) 2 B 300 600 T(K)

Το έργο σε μία ισοβαρή μεταβολή δίδεται από τη σχέση:

$$W = P \cdot \Delta V$$
 (1)

Εφαρμόζοντας τη σχέση (1) μεταξύ των καταστάσεων Β και Α έχουμε:

$$W_{\rm BA} = P \cdot \Delta V_{\rm BA} \Rightarrow W_{\rm BA} = P \cdot (V_{\rm A} - V_{\rm B}) \xrightarrow{P = P_{\rm A} = P_{\rm B}} W_{\rm BA} = \left(6 \cdot 10^5 \frac{\rm N}{\rm m^2}\right) \cdot (-1 \, \rm L) \Rightarrow$$

$$W_{\rm BA} = \left(6 \cdot 10^5 \frac{\rm N}{\rm m^2}\right) \cdot (-10^{-3} \, \rm m^3) \Rightarrow W_{\rm BA} = -600 \, \rm N \cdot m \Rightarrow W_{\rm BA} = -600 \, \rm J$$

Μονάδες 9