# Universidad Nacional de San Agustin de Arequipa



## ESTRUCTURA DE DATOS AVANZADOS

## QuadTree

 ${\color{blue} Alumna:} \\ {\color{blue} Chullunqu\'ia~Rosas, Sharon~Rossely} \\$ 

Profesor: Machaca Arceda, Vicente Enrique

29 de septiembre de 2020

Cree un archivo main.html, este llamara a los archivos javascript que vamos a crear. El archivo p5.min.js es una librería para gráficos, la puede descargar de internet o se la puede pedir al profesor. En el archivo quadtree.js estará todo el código de nuestra estructura y en el archivo sketch.js estará el código donde haremos pruebas con nuestro Quadtree.

#### Respuesta:

Código en GitHub : main.html

#### Pregunta #02

En el archivo quadtree.js digitemos el siguiente código, además debe completar las funciones contains y intersects (ambas funciones devuelven true o false).

```
class Point {
constructor (x, y, userData ){
this.x = x;
this.y = y;
this.userData = userData ;
}

class Rectangle {
constructor (x, y, w, h){
```

```
this.x = x; // center
           this.y = y;
11
           this.w = w; // half width
12
           this.h = h; // half height
13
      // verifica si este objeto contiene un objeto Punto
      contains ( point ){
16
       }
17
       // verifica si este objeto se intersecta con otro objeto
          Rectangle
       intersects ( range ){
19
20
21 }
```

```
class Point {
     constructor (x, y, userData ){
           this.x = x;
3
           this.y = y;
           this.userData = userData ;
5
       }
6
7 }
9 class Rectangle {
       constructor (x, y, w, h){
10
           this.x = x; // center
11
           this.y = y;
12
           this.w = w; // half width
13
           this.h = h; // half height
14
       }
15
16
       // verifica si este objeto contiene un objeto Punto
17
       contains(point) {
18
           return (point.x >= this.x - this.w &&
19
20
           point.x <= this.x + this.w &&</pre>
           point.y >= this.y - this.h &&
21
           point.y <= this.y + this.h);</pre>
22
       }
23
       // verifica si este objeto se intersecta con otro objeto
25
          Rectangle
       intersects(range) {
           return !(range.x - range.w > this.x + this.w ||
27
           range.x + range.w < this.x - this.w ||</pre>
28
           range.y - range.h > this.y + this.h ||
29
30
           range.y + range.h < this.y - this.h);</pre>
       }
31
32
```

Código en GitHub : quadtree.js

En el archivo quadtree.js digitemos el siguiente código y complete las funciones subdivide y insert.

```
class QuadTree{
       constructor(boundary, n){
           this.boundary = boundary ; // Rectangle
           this.capacity = n; // capacidad maxima de cada cuadrante
           this.points = []; // vector , almacena los puntos a
              almacenar
           this.divided = false ;
6
       }
7
       // divide el quadtree en 4 quadtrees
       subdivide(){
10
           // Algoritmo
11
           // 1: Crear 4 hijos : qt_northeast , qt_northwest ,
12
              qt_southeast , qt_southwest
           // 2: Asignar los QuadTree creados a cada hijo
13
           // this . northeast = qt_northeast ;
14
           // this . northwest = qt_northwest ;
           // this . southeast = qt_southeast
           // this . southwest = qt_southwest ;
17
           // 3. - Hacer : this . divided <- true
18
       }
19
       insert(point){
20
           // Algoritmo
21
           // 1: Si el punto no esta en los limites ( boundary )
              del quadtree Return
           // 2: Si ( this . points . length ) < ( this . capacity
23
              ),
           // 2.1 Insertamos en el vector this . points
24
           // Sino
           // 2.2 Dividimos si aun no ha sido dividido
26
           // 2.3 Insertamos recursivamente en los 4 hijos .
27
           // this . northeast . insert ( point );
28
           // this . northwest . insert ( point );
29
           // this . southeast . insert ( point );
30
           // this . southwest . insert ( point );
31
       }
32
       show () {
           stroke(255);
34
           strokeWeight(1);
35
           noFill();
36
           rectMode(CENTER);
           rect(this.boundary.x, this.boundary.y, this.boundary.w*2
38
               , this.boundary.h*2) ;
           if ( this.divided ){
39
40
               this.northeast.show();
               this.northwest.show();
41
               this.southeast.show();
42
               this.southwest.show() ;
43
```

```
class QuadTree {
       constructor(boundary, n) {
2
           if (!boundary) {
3
               throw TypeError('boundary is null or undefined');
4
           }
5
           if (!(boundary instanceof Rectangle)) {
               throw TypeError('boundary should be a Rectangle');
8
           }
10
           if (typeof n !== 'number') {
11
               throw TypeError('capacity should be a number but is
12
                  a ${typeof n}');
           }
14
           if (n < 1) {
15
               throw RangeError('capacity must be greater than 0');
16
17
18
           this.boundary = boundary; // Rectangule
19
           this.capacity = n; // Capacidad maxima de cada cuadrante
20
           this.points = []; // Vector, almacena los punto a
21
              almacenar
           this.divided = false;
22
       }
23
       // Divide el quadtree en 4 quadtrees
25
       subdivide() {
26
           let x = this.boundary.x;
27
           let y = this.boundary.y;
           let w = this.boundary.w / 2;
29
           let h = this.boundary.h / 2;
30
31
           // 1: Creamos 4 hijos : qt_northeast , qt_northwest,
32
              qt\_southeast , qt\_southwest
           let qt_northeast = new Rectangle(x + w, y - h, w, h);
33
           let qt_northwest = new Rectangle(x - w, y - h, w, h);
           let qt_southeast = new Rectangle(x + w, y + h, w, h);
35
           let qt_southwest = new Rectangle(x - w, y + h, w, h);
36
37
           // 2: Asignamos los QuadTree creados a cada hijo
```

```
this.northeast = new QuadTree(qt_northeast,
               this.capacity);
           this.northwest = new QuadTree(qt_northwest,
40
               this.capacity);
           this.southeast = new QuadTree(qt_southeast,
              this.capacity);
           this.southwest = new QuadTree(qt_southwest,
42
              this.capacity);
43
           // 3. - Hacemos : this . divided <- true
           this.divided = true;
45
       }
46
47
       insert(point) {
48
           // 1: Si el punto no esta en los limites ( boundary )
49
               del quadtree Return
           if (!this.boundary.contains(point)) {
50
               return false;
51
           }
52
53
           // 2: Si ( this . points . length ) < ( this . capacity)</pre>
           if (this.points.length < this.capacity) {</pre>
55
               this.points.push(point); // 2.1 Insertamos en el
56
                   vector this . points
               return true;
57
           }
58
           else{
59
               // 2.2 Dividimos si aun no ha sido dividido
               if (!this.divided) {
61
                    this.subdivide();
62
               }
               // 2.3 Insertamos en los 4 hijos
               if (this.northeast.insert(point) ||
65
                   this.northwest.insert(point) ||
                    this.southeast.insert(point) ||
66
                       this.southwest.insert(point)) {
                    return true;
67
               }
68
           }
69
       }
70
71
       show () {
72
           stroke(255);
73
           strokeWeight(1);
74
           noFill();
75
           rectMode( CENTER );
76
           rect( this.boundary.x, this.boundary.y, this.boundary.w
77
               * 2 , this.boundary.h * 2);
           if( this.divided ){
78
               this.northeast.show();
79
              this.northwest.show();
```

```
this.southeast.show();
                this.southwest.show();
82
            }
83
            for (let p of this.points ){
84
                strokeWeight(4);
                point(p.x, p.y);
86
            }
87
       }
88
89
  }
```

Código en GitHub : quadtree.js

## Pregunta #04

Editemos el archivo sketch.js. En este archivo estamos creando un QuadTree de tamaño 400x400 con 3 puntos. Ejecute (obtendra un resultado similar a la Figura 1) y comente los resultados (muestre capturas de pantalla).

```
1 let qt;
2 let count = 0;
  function setup(){
       createCanvas(400,400);
       // centre point and half of width and height
6
       let boundary = new Rectangle(200 ,200 ,200 ,200);
       // each leave just could have 4 elements
       qt = new QuadTree( boundary , 4);
10
11
       console.log(qt);
12
13
       for (let i =0; i < 3; i ++) {</pre>
14
           let p = new Point ( Math.random() * 400 , Math.random()
15
              * 400);
           qt.insert(p);
16
17
       background(0);
19
       qt.show();
  }
20
```

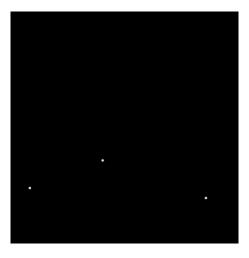


Figura 1: Visualización del QuadTree con 3 datos.

```
1 let qt;
let count = 0;
  function setup() {
       createCanvas(400 ,400) ;
5
       // centre point and half of width and height
7
       let boundary = new Rectangle(200 ,200 ,200 ,200);
8
9
       // each leave just could have 4 elements
10
       qt = new QuadTree( boundary , 4);
11
12
       console.log(qt);
13
       for (let i =0; i < 3; i ++) {</pre>
15
           let p = new Point( Math.random() * 400 , Math.random() *
16
               400);
           qt.insert(p);
17
18
       background(0);
19
       qt.show();
20
```

Código en GitHub : sketch.js

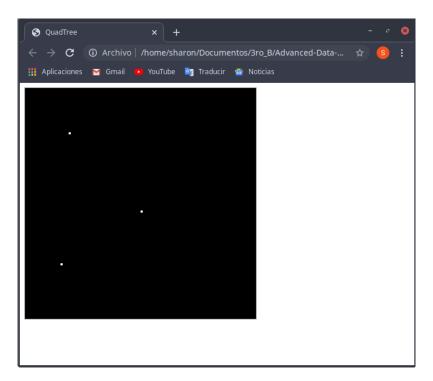


Figura 2: Programa en ejecución del QuadTree con 3 datos.

Abra las opciones de desarrollador (opciones/más herramientas/ opciones de desarrollador) de su navegador para visualizar la console. Comente que datos encuentra y muestre una captura de pantalla.

#### Respuesta:

Los datos que se muestran en la Figura 3 son los siguientes :

- Boundary : Representa el tamaño del *QuadTree*, el cual es de 400x400.
- Capacity : La capacidad máxima de puntos en cada cuadrante del *QuadTree*, en este caso 4.
- **Divided**: Un booleano que nos indica si el *Quadtree* está dividido, en este caso *false*, porque aún no se han realizado divisiones, así como se puede ver en la Figura 2.
- Points : Representa un arreglo de tamaño 3 que almacena puntos, y es de tamaño 3 porque por el momento tenemos sólo 3 puntos creados; también podemos observar que de cada punto se muestra sus coordenadas en el plano bidimensional del *QuadTree*.

```
Elements
                    Console
                               Sources
                                         Network
                                                     Performance
       top
                          ▼ ⊙ Filter
                                                            Default levels ▼
                                                                            sketch.js:13
▼ QuadTree 📋
 ▶ boundary: Rectangle {x: 200, y: 200, w: 200, h: 200}
   capacity: 4
   divided: false
  ▼ points: Array(3)
   \blacktriangleright 0: Point {x: 77.78748113866705, y: 78.75840657130651, userData: undefined}
   ▶ 1: Point {x: 202.04150730355445, y: 213.57051050763465, userData: undefined}
   ▶ 2: Point {x: 63.5318818095012, y: 305.0598806200667, userData: undefined}
     length: 3
   ▶ __proto__: Array(0)
 ▶ __proto__: Object
```

Figura 3: Vista a la Console de las opciones de desarrollador del navegador Web.

Inserte más puntos y muestre cómo varían sus resultados.

#### Respuesta:



Figura 4: Visualización del QuadTree con 8 datos.

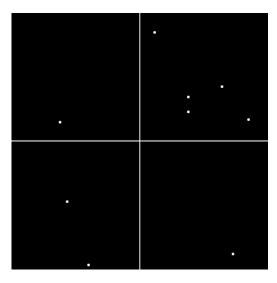


Figura 5: Visualización del QuadTree con 9 datos.

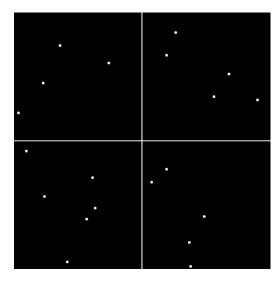


Figura 6: Visualización del QuadTree con 20 datos.

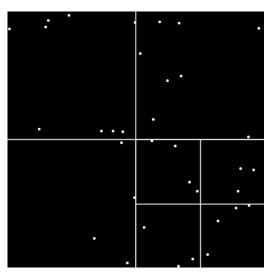


Figura 7: Visualización del QuadTree con 36 datos.

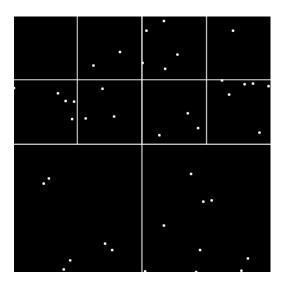


Figura 8: Visualización del QuadTree con 40 datos.

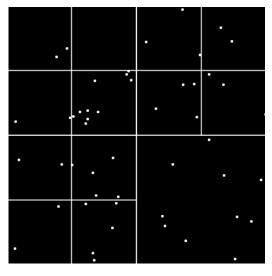


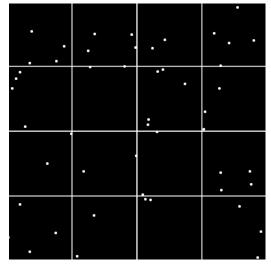
Figura 9: Visualización del QuadTree con 50 datos.

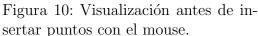
Edite el archivo sketch.js con el siguiente código. En este caso, nos da la posibilidad de insertar los puntos con el mouse. Muestre sus resultados y comente cómo funciona el código.

```
1 let qt;
2 let count = 0;
4 function setup(){
       createCanvas(400,400);
       let boundary = new Rectangle(200,200,200,200);
       qt = new QuadTree(boundary,4);
7
  }
8
  function draw(){
10
       background(0);
11
       if (mouseIsPressed){
12
           for (let i = 0; i < 1; i ++){</pre>
               let m = new Point (mouseX + random( -5 ,5) , mouseY
14
                   + random( -5 ,5));
                qt.insert(m)
15
           }
16
       }
17
       background(0);
18
       qt.show();
19
20 }
```

```
1 let qt;
let count = 0;
  function setup() {
       createCanvas(400 ,400) ;
5
6
       // centre point and half of width and height
7
       let boundary = new Rectangle(200 ,200 ,200 ,200);
       // each leave just could have 8 elements
10
       qt = new QuadTree( boundary , 8);
11
       console.log(qt);
13
14
       for (let i =0; i < 50; i ++) {</pre>
15
           let p = new Point( Math.random() * 400 , Math.random() *
               400);
           qt.insert(p);
17
       }
18
       background(0);
19
       qt.show();
20
21 }
22
  function draw() {
      background(0);
24
       if ( mouseIsPressed ) {
25
     for (let i = 0; i < 1; i ++) {</pre>
```

Código en GitHub : sketch.js





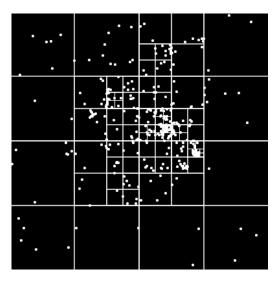


Figura 11: Visualización después de insertar puntos con el mouse.

Nuestro QuadTree inicia con 50 datos que están ubicados dentro del límite definido con posiciones aleatorias (Figura 10), en este caso nuestra capacidad máxima es de 8 puntos en cada cuadrante; todo esto está implementado en nuestra función setup(). Sobre este estado inicial del QuadTree, podemos insertar puntos con el mouse, donde se puede notar que al hacerlo se produce más y más divisiones, tal y como se ve en la Figura 11; claramente se observa que existen más divisiones en las zonas donde existe una gran concentración de puntos, y esto es porque en nuestra clase QuadTree hemos definido una función insert() en la que tenemos como condicion lo siguiente; si la cantidad de puntos dentro del cuadrante es menor a la capacidad máxima, se ubica el punto en el cuadrante y se almacena en el arreglo de puntos; caso contrario, si en el cuadrante, la cantidad de puntos llega a pasar de la capacidad máxima, el cuadrante se divide en 4 nodos hijos, y nuestro valor booleano divided se convierte en un true.