Victoria Leal Garcia de Souza

Continuação da modelagem, construção e controle de um monociclo auto-equilibrado

Insper

Engenharia Mecatrônica

Orientador: Prof. Dr. Carlos Eduardo Brito de Novaes

Coorientador: Prof. Dr. Gabriel Pereira das Neves

São Paulo 2024

Sumário

| 1 | PROPOSTA DE PROJETO 3 | , |
|-------|-----------------------------|---|
| 1.1 | Introdução | , |
| 1.1.1 | Parte I: Controle Robusto | - |
| 1.1.2 | Parte II: Controle de yaw | - |
| 1.2 | Objetivos | , |
| 1.3 | Metodologia | j |
| 1.4 | Resultados Esperados | , |
| 1.5 | Cronograma | , |
| | | |
| | REFERÊNCIAS | 7 |

1 Proposta de Projeto

1.1 Introdução

Um monociclo autoequilibrado consiste em um veículo que mantém a posição de equilíbrio apenas com uma roda em contato com o chão, utilizando outro sistema de atuação para controlar o ângulo de queda lateral. Conforme a literatura encontrada, há apenas dois tais monociclos na América Latina, sendo o primeiro originalmente construído em 2017 por um dos professores orientadores (NEVES, 2017) e o segundo uma réplica deste, ainda em desenvolvimento.

Ambos possuem dois ângulos controlados: pitch e roll. O controle de pitch é feito através da roda em contato com o chão, enquanto o ângulo de roll é controlado através de uma roda de inércia. Considerando a posição de equilíbrio do monociclo (na posição vertical), o yaw não é controlado pelas outras duas entradas, logo, é necessário introduzir um novo atuador para garantir a controlabilidade de todos os ângulos.

Os ângulos de pitch, roll e yaw são os ângulos em torno dos eixos y, x e z, respectivamente. O desenho esquemático do monociclo, juntamente com o sistema de coordenadas de referência, é apresentado na Figura 1. Na Tabela 1, podem ser encontrados os componentes principais do monociclo que estão indicados ao lado.

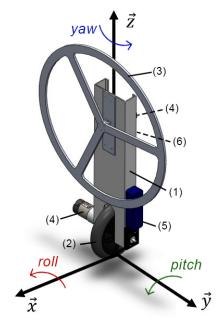


Figura 1 – Desenho esquemático do monociclo, adaptado de (NEVES, 2017).

| Peça | Nome | Quantidade |
|------|-----------------|------------|
| 1 | Corpo | 1 |
| 2 | Roda de contato | 1 |
| 3 | Roda de inércia | 1 |
| 4 | Motor | 2 |
| 5 | Bateria | 1 |
| 6 | Componentes | |
| | eletrônicos | _ |

Tabela 1 – Componentes do monociclo.

Esta proposta tem o objetivo de pedir a extensão de um ano do projeto "Construção e projeto de controle de um monociclo autoequilibrado", cuja finalização está prevista para setembro de 2024, considerando a finalização da construção do robô (caso seja necessário) além do desenvolvimento do que é aqui proposto. A partir da conclusão do projeto mencionado, há interesse em apresentar o trabalho em congressos que aceitem projetos de Iniciação (exemplos: SIICUSP (USP), Congresso de Iniciação Científica (UNICAMP) e Cobenge). Com o tempo adicional do projeto seria possível também utilizar o monociclo construído para auxiliar no ensino da disciplina de Controle Moderno.

1.1.1 Parte I: Controle Robusto

Para ser considerado uma réplica fiel do monociclo-referência, seria necessário fazer para o monociclo-réplica um controlador robusto, visto que até a conclusão do projeto anterior ele terá um controlador linear (PID em cascata) e um controlador ótimo (LQR). Visto que no monociclo de 2017 há um controlador ótimo (LQR) que foi implementado na réplica, e um controlador robusto (por norma \mathcal{H}_2) que não foi implementado devido ao tempo limitado do projeto (além de outras justificativas mencionadas no relatório intermediário), a primeira proposta é, após a conclusão da construção do robô (caso seja necessário), o projeto e implementação de um controlador robusto para o monociclo-réplica.

Conforme (NEVES, 2017), se sabe que controladores não-lineares não são indicados para esta planta, visto que os acionadores operam muito próximo da saturação e portanto a região até onde ambos os monociclos conseguem voltar ao ponto de operação é muito limitada e próxima de 0° ($\pm 8^{\circ}$). No entanto, outros controladores robustos diferentes do controle por norma \mathcal{H}_2 que foi implementado na referência podem ser considerados opções viáveis para o controle do robô, como LQG/LTR (CRUZ, 1996) ou até a adição de um observador de estados (OGATA, 2010) e a adição de um filtro de Kalman (KALMAN, 1960) que também estime não-linearidades e erros de medição do sensor, que são os dois controladores vistos como mais viáveis no presente momento para implementação no robô.

Além de garantir o melhor funcionamento do que os controles linear e ótimo já projetados, e de poder fielmente replicar o monociclo-referência, incluir controle robusto na réplica apresenta uma série de desafios matemáticos e de controle que vão além do que é contemplado nas disciplinas ofertadas durante a graduação e, portanto, apresenta uma excelente oportunidade de aprendizado.

1.1.2 Parte II: Controle de yaw

Enquanto há literatura significativa a respeito do controle da estabilidade estática sobre uma roda, não há muita que retrate o controle de trajetórias. Algumas das soluções

já existentes em monociclos autônomos para o controle dos graus de liberdade incluem o uso de giroscópios (MURATA, 2013), a adição de uma ou mais rodas de inércia (HO; RIZAL; CHEN, 2014; GEIST et al., 2022), o uso de força magnética (RUAN et al., 2012), massas móveis afim de mudar o centro de massa (GUO; HE; SONG, 2016) ou o uso de uma omniwheel (SHEN; HONG, 2020). No entanto, não foram implementadas estas soluções de maneira a controlar apenas o ângulo de yaw e tampouco são - com exceção da roda de inércia e omniwheel - soluções que tornam o controle dos ângulos independentes um dos outros. É de maior interesse verificar a possibilidade de utilizar um acionador que não tenha interferência na implementação do sistema já existente de controle dos ângulos, visto que o monociclo-referência e sua réplica têm os ângulos de pitch e roll perfeitamente desacoplados.

Nesta segunda etapa do projeto, são inicialmente propostas três maneiras de controlar o ângulo de yaw a ser estudadas para o monociclo-réplica que está sendo desenvolvido, após o projeto e implementação do controlador robusto.

O primeiro método a ser testado, apresentado originalmente em (NEVES, 2017), é por meio de precessão giroscópica. Para controlar o yaw assim, é necessário usar a velocidade angular de ambas as rodas como referência para calcular se o raio de giração do monociclo é suficientemente pequeno para que seja possível o controlar pela precessão giroscópica. Um fator complicante é a relação inversa entre a controlabilidade usando precessão giroscópica e o torque necessário para mantê-lo equilibrado em pitch e roll, visto que exigiria uma velocidade angular alta para gerar precessão suficiente para o giro e, em condição de equilíbrio estático, a velocidade angular de ambas as rodas tende a zero.

O segundo acionador a ser testado seria a adição de duas pequenas hélices, usando propulsão diferencial. Tendo em mente que este seria um método de menor dificuldade de modelagem do que a precessão giroscópica, a dificuldade que este método apresenta é em saber se o par de hélices teria força o suficiente para vencer o atrito estático da roda em contato com o chão e girar o robô. Uma maneira de verificar isto seria empiricamente determinar a força mínima necessária para mover o monociclo neste ângulo por meio de experimentos com a réplica uma vez que sua construção esteja concluída. Se for possível controlar yaw desta forma, uma vantagem notável em relação às outras propostas é que as hélices permitem manter os ângulos desacoplados.

A terceira maneira proposta para controlar o ângulo de yaw seria a substituição da roda de inércia existente no monociclo por um par de rodas de inércia inclinadas a 45° em relação ao eixo x do robô. Esta não é vista como uma solução ideal por exigir mudanças muito maiores ao monociclo-réplica do que as propostas supracitadas.

1.2 Objetivos

Este projeto tem como objetivo principal projetar e implementar um controlador robusto para o monociclo-réplica em desenvolvimento, Para que isso seja viável, é possível que seja necessário primeiro terminar a construção dele.

O objetivo secundário é estudar como modificar o monociclo-réplica apresentado na introdução com a finalidade de controlar o terceiro ângulo de Euler (yaw), o que consiste em modelar e desenvolver um sistema atuador.

1.3 Metodologia

Caso seja necessário terminar a construção do monociclo em desenvolvimento, a metodologia a ser seguida inicialmente será a mesma apresentada na documentação referente ao projeto previsto para acabar até setembro de 2024.

Com a conclusão desta, sendo durante a vigência deste projeto ou do projeto anterior, será adotada a metodologia para a implementação do controle robusto no monociclo, que será a seguinte:

- Fazer uma revisão bibliográfica para determinar qual o melhor controlador robusto para implementar no monociclo;
- Projetar o controlador;
- Realizar testes em simulação do controle projetado, ajustando-o até que opere de maneira satisfatória;
- Implementar o controle no robô.

Sendo previsto que a conclusão da construção (se necessária) e o projeto e implementação do controlador robusto no monociclo-réplica não irão ocupar o período completo da bolsa, é proposto começar a estudar a implementação do controle do terceiro ângulo (yaw) durante o tempo remanescente. Assim, de maneira a controlar o ângulo de yaw do monociclo, a metodologia proposta é de inicialmente modificar o modelo simulado existente onde seja possível verificar tanto a parte referente ao modelo matemático quanto ao controle implementado no monociclo (ambos os quais deverão ser modificados para comportar o novo acionador). Para construir o modelo simulado, é proposto:

- Revisar a literatura publicada sobre o monociclo de referência e sua réplica para determinar qual das três formas propostas é a melhor para implementar;
- Readequar o modelo simulado disponível observando versões mais atuais do MATLAB®
 e Simulink®;

 Analisar as técnicas de controle aplicadas ao monociclo e modificá-las para comportar o novo acionador escolhido.

De forma a modificar a construção do monociclo o mínimo possível durante o projeto, serão verificadas as três propostas de controlador na ordem que foram apresentadas (precessão giroscópica, hélices com propulsão diferencial e rodas de inércia inclinadas) porque se acredita que haverá menos dificuldade na implementação dos acionadores seguindo esta ordem. O estudo para implementação de cada um dos acionadores irá requerir sua própria revisão bibliográfica de material relevante, modificação do modelo matemático original e simulação para verificação antes da implementação.

Uma vez estabelecido o acionador a ser implementado e os componentes a serem usados, haverá necessidade de verificar a disponibilidade para compra dos componentes requeridos para que a manufatura e implementação do sistema de atuação seja possível. Os componentes comprados serão financiados sem o auxílio da instituição. Usando manufatura subtrativa, serão feitos os outros componentes no *TechLab* ou *FabLab*.

Por fim, é de fundamental importância a validação prática para verificar o funcionamento do novo acionador. A validação será composta de três testes: verificar se o monociclo consegue manter a estabilidade estática de forma autônoma, verificar se o monociclo consegue girar em torno do seu eixo z e voltar para sua posição original, e um teste de rejeição de perturbação.

1.4 Resultados Esperados

Tendo em vista os objetivo principais de concluir a construção do robô e implementar nele um controlador robusto, é esperado que seja possível concluir estes objetivos em até metade da vigência do projeto com sucesso.

O objetivo secundário é de estudar formas de adicionar um acionador para controlar o terceiro ângulo de Euler, então o primeiro dos resultados esperados é que seja possível encontrar um acionador que seja capaz de controlá-lo. É de se esperar que a etapa de maior risco para este objetivo seja a de modificação do modelo matemático, visto que esta irá determinar a viabilidade ou não da implementação dos três acionadores propostos. A determinação de qual acionador que permita ao monociclo girar já seria considerada um resultado aceitável para este projeto.

1.5 Cronograma

O cronograma proposto na Tabela 2 é composto das atividades delimitadas na seção de metodologia, dividido por mês e semestre visando ter uma melhor organização

 $do\ tempo.$

| | 1º semestre | | | | | 2° semestre | | | | | | |
|---|-------------|---|---|---|---|----------------------|---|---|---|----|----|----|
| Atividade | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 |
| Finalizar a construção do robô (se | x | | | | | | | | | | | |
| necessário) | | X | | | | | | | | | | |
| Revisão bibliográfica | X | Х | X | X | | | | | | | | |
| Projeto do controlador robusto | | X | | | | | | | | | | |
| Teste em ambiente de simulação do | | | x | | | | | | | | | |
| controlador robusto | | | Λ | | | | | | | | | |
| Implementação do controle robusto no | | | | x | | | | | | | | |
| robô | | | | A | | | | | | | | |
| Relatório intermediário | | | | | X | X | | | | | | |
| Verificação da possibilidade de | | | | | x | x | | | | | | |
| implementação da precessão giroscópica | | | | | A | A | | | | | | |
| Verificação da possibilidade de | | | | | | | x | | | | | |
| implementação das hélices (se necessário) | | | | | | | A | | | | | |
| Verificação da possibilidade de | | | | | | | | | | | | |
| implementação das duas rodas (se | | | | | | | | X | | | | |
| necessário) | | | | | | | | | | | | |
| Alterar o controle implementado | | | | | | | | | X | X | | |
| Compra de materiais e componentes (se | | | | | | | | | | X | X | |
| necessário) | | | | | | | | | | Λ | Λ | |
| Manufatura e construção (se necessário) | | | | | | | | | | | X | X |
| Relatório final | | | | | | | | | | | X | X |
| Revisão do cronograma | | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X |

Tabela2 – Cronograma proposto para o trabalho.

Referências

- CRUZ, J. J. d. Controle Robusto Multivariável: O Método LQG/LTR. [S.l.]: Edusp, 1996. Citado na página 4.
- GEIST, A. R. et al. The wheelbot: A jumping reaction wheel unicycle. *IEEE Robotics and Automation Letters*, v. 7, n. 4, p. 9683–9690, 2022. Citado na página 5.
- GUO, L.; HE, K.; SONG, Y. Design of the sliding mode controller for a kind of unicycle robot. 2016 IEEE International Conference on Information and Automation (ICIA), p. 1432–1437, 2016. Citado na página 5.
- HO, M.-T.; RIZAL, Y.; CHEN, Y.-L. Balance control of a unicycle robot. In: 2014 IEEE 23rd International Symposium on Industrial Electronics (ISIE). [S.l.: s.n.], 2014. p. 1186–1191. Citado na página 5.
- KALMAN, R. E. A new approach to linear filtering and prediction problems. Transactions of the ASME - Journal of Basic Engineering, v. 82, n. Series D, p. 35–45, 1960. Citado na página 4.
- MURATA, T. Development of the unicycle-riding robot. 2013. https://corporate.murata.com/newsroom/news/company/csrtopic/2008/0923. Citado na página 5.
- NEVES, G. P. das. *Modeling, construction and control of a self-balancing unicycle*. Dissertação (Mestrado) Escola Politécnica da Universidade de São Paulo (EPUSP), 2017. Disponível em: https://bv.fapesp.br/pt/dissertacoes-teses/140601/modelagem-desenvolvimento-e-controle-de-um-monociclo-auto-e. Citado 3 vezes nas páginas 3, 4 e 5.
- OGATA, K. In: _____. Modern Control Engineering. 5. ed. [S.l.]: Pearson, 2010. Citado na página 4.
- RUAN, X. et al. Lateral stabilization of a single wheel robot applying electromagnetic force. In: *Proceedings of the 10th World Congress on Intelligent Control and Automation*. [S.l.: s.n.], 2012. p. 3675–3680. Citado na página 5.
- SHEN, J.; HONG, D. Omburo: A novel unicycle robot with active omnidirectional wheel. In: 2020 IEEE International Conference on Robotics and Automation (ICRA). [S.l.: s.n.], 2020. p. 8237–8243. Citado na página 5.