ECOLE NORMALE SUPÉRIEURE DE L'ENSEIGNEMENT

TECHNIQUE DE MOHAMMEDIA

UNIVERSITÉ HASSAN II DE CASABLANCA





المدرسة العليا لأسائذة التعليم التقني المحمدية جامعة الحسن الثاني بالدار البيضاء

# Département Mathématiques

e Informatique

Algorithmique



Programmation

En Langage C







# **Objectifs**

- Comprendre les bases algorithmiques et Apprendre à utiliser les techniques de résolutions de problèmes informatiques :
  - Analyse descendante (abstraction successive),
  - Paradigme réduire/diviser pour régner,
  - Formulation récursive/itérative,
  - Structure de contrôle, Procédure/Fonction,
  - les structures de données : linked lists, stacks, queues, sets, hash tables, trees, heaps, priority queues, and graphs,
- Apprendre les techniques d'analyse d'algorithmes :
  - Efficacité, abstraction, réutilisation
- Apprendre à formuler des algorithmes et à les coder en langage C
- Apprendre à élaborer des applications programmée en langage C

## Chap. I: Introduction à l'algorithmique

- Notion de Système Informatique (SI)
  - Fonctions d'un SI
  - Information
  - Eléments matériels,
  - Eléments logiciels
- ⇔ Codage binaire de l'information
- Notions d'algorithmique et d'algorithme
- Notion de Programme, compilateur/interpréteur
- Démarche méthodologique : Abstraction, Décomposition
- Sexemples d'algorithmes
- Structure générale d'un algorithme

## Chap. II: Les Concepts de base

- Les Types de données,
- Notion d'objets (Constantes et de variables)
- Notion d'instructions primitives
- Notion d'opérateurs et d'expressions
- Les Structures de contrôle
  - Séquence,
  - Test,
  - Boucles

# Chap. III: Les fonctions et procédures

- Notion de modularité
- Les Fonctions et procédures
- 🖔 La récursivité :
  - Récursivité terminale/centrale
  - Pile d'exécution
  - Test d'arrêt

# Chap. IV : Les structures de données linéaires

- Notion de types abstraits de données
- Pointeurs et allocation dynamique de mémoire
- ♦ Les Tableaux algorithmes sur les tableaux
  - Tri, recherche, ...
- Les Listes
- ♦ Les Piles
- \$\text{Les Files}

## Chap. V: Les fichiers

- Définition et Classification
- manipulation des fichiers
  - Cas des fichiers textes
  - Cas des fichiers binaires
- ♦ Applications

## I. Notion de système informatique

#### 1. Définitions

#### **Informatique**:

Science de traitement automatique et rationnel de l'information.

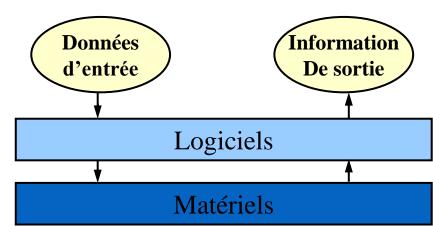
Un système informatique a pour buts :

- L'exécution réaliser des tâches longues, répétitives et complexes
- La production des résultats précis en un temps court

#### **Système Informatique**:

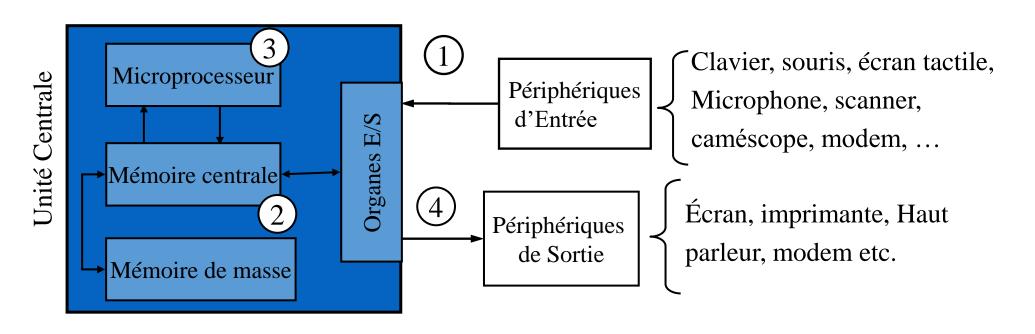
Ensemble des éléments matériels et logiciels permettant le traitement de

l'information.



## 2. Fonctions d'un Systèmes Informatique

- 1 La collecte des informations d'entrée : Périphériques d'entrée
- (2) La **Mémorisation** (donnée + programmes) : **Mémoires**
- 3 Le Traitement des données : microprocesseur
- (4) La restitution des informations de sortie : Périphériques de sortie



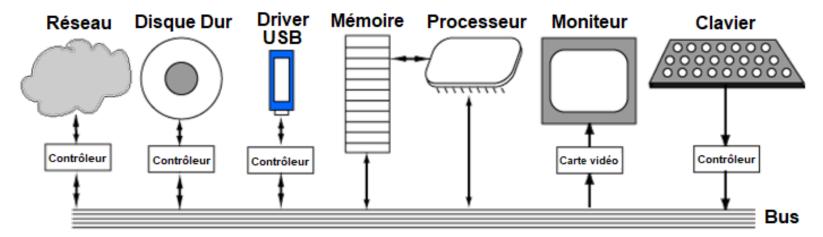
#### 3. L'information

Elément de **connaissance** humaine susceptible d'être **représentée** à l'aide de conventions (**codages**) afin d'être **conservée**, **traitée** et **communiquée**.

#### Formes de l'information

Une information peut avoir les formes suivantes :

- écrite : lettres, factures, fiches techniques ...
- picturale : dessins de voiture, schémas de bâtiment, graphiques, photographies, ...
- **autres formes**: orale ou sonore, Tactiles, olfactives, ...



#### 4. Matériel

Ensemble de **circuits électroniques**. Chaque circuit est caractérisé par deux états : **état 1** (passage de courant ) et **état 0** (Absence de courant). Les symboles { **0, 1**} constituent **l'alphabet** du **langage machine** (**binaire**) compréhensible par le matériel

#### 4.1. Les Mémoires

On distingue les classes de mémoires suivantes :

- La **mémoire centrale** :
  - RAM : contient les données et les programmes de façon temporaire
  - **ROM** : Contient le **BIOS** (programmes définis par le constructeur)
- La **mémoire de masse** (disquette, disque dur, CD/DVD ROM, USB ...) : Stocke les données et les programmes de façon **permanente**

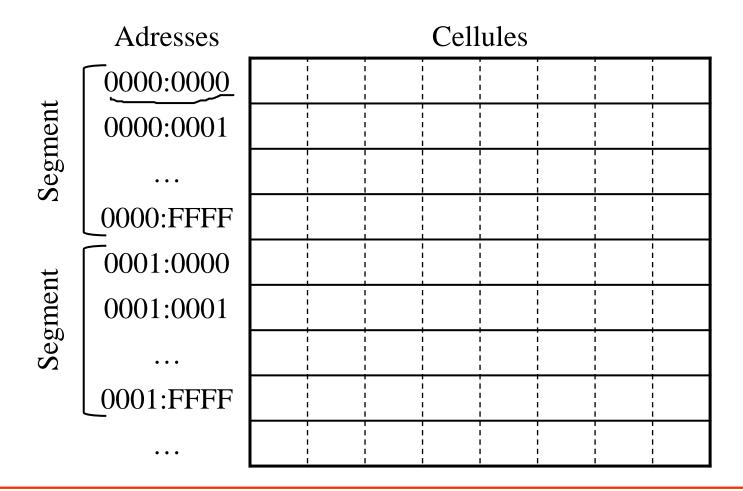
#### Unités de mémoires

- Le bit (Binary digIT): Peut contenir un seul état binaire (0 ou 1)
- L'Octet (O): Byte en anglais, représente un groupe de 8 bits
- **KiloOctet** (**KO**) : 1KO = 1024 O =  $2^{10} \text{ O}$
- MegaOctet MO) :  $1MO = 1024 \text{ KO} = 2^{20} \text{ O}$
- **GigaOctet** (**GO**) : 1GO = 1024 MO =  $2^{30} \text{ O}$
- **Tira Octet (TO)** : 1TO =  $1024 \text{ GO} = 2^{40} \text{ O}$

#### Schéma logique d'une mémoire

Une mémoire est vue logiquement comme une suite de **cellules** d'un octet chacune. Chaque cellule est caractérisée par :

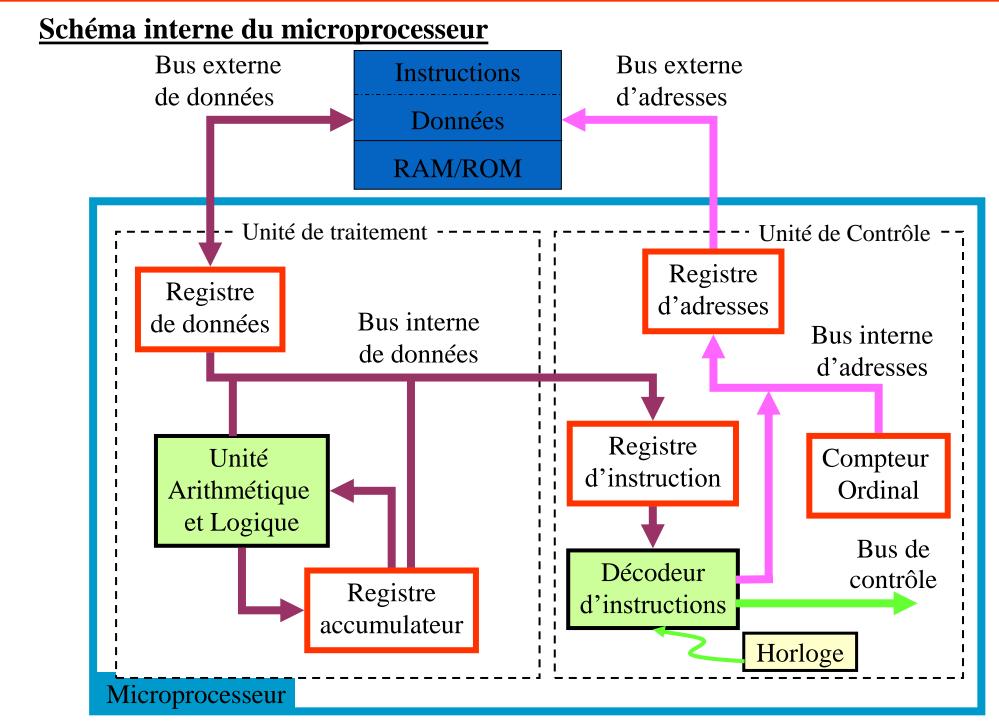
- Une adresse : entier qui représente la position de la cellule
- Le **contenu** : suite de huit digits binaires



#### **4.2.** Le microprocesseur (CPU)

C'est le composant essentiel de l'ordinateur qui exécute les instructions (jeu d'instructions) et génère les commandes. Il est constitué essentiellement des éléments suivants :

- L'unité arithmétique et logique : effectue les calculs arithmétiques et logiques
- L'unité de contrôle : analyse les instructions à exécuter et génère les ordres de commande pour les autres composants
- Horloge : fixe la cadence d'exécution des instructions élémentaires. (GHz)
- Registres : mémoires très rapides de petite taille (8, 16, 32, 64, 128) bits
- **Mémoire cache** :.mémoire plus rapides que la RAM et sert à minimiser le nombre d'accès à la RAM
- **Bus** : permet le transfert des données (bus de données), d'adresses (bus d'adresses) et de commandes (bus de commandes)



## 5. Logiciel

Ensemble de **programmes** qui réalisent l'interface entre le matériel et l'utilisateur. Un Programme est une suite finie et ordonnée **d'actions** écrites dans un **langage** accepté par l'ordinateur

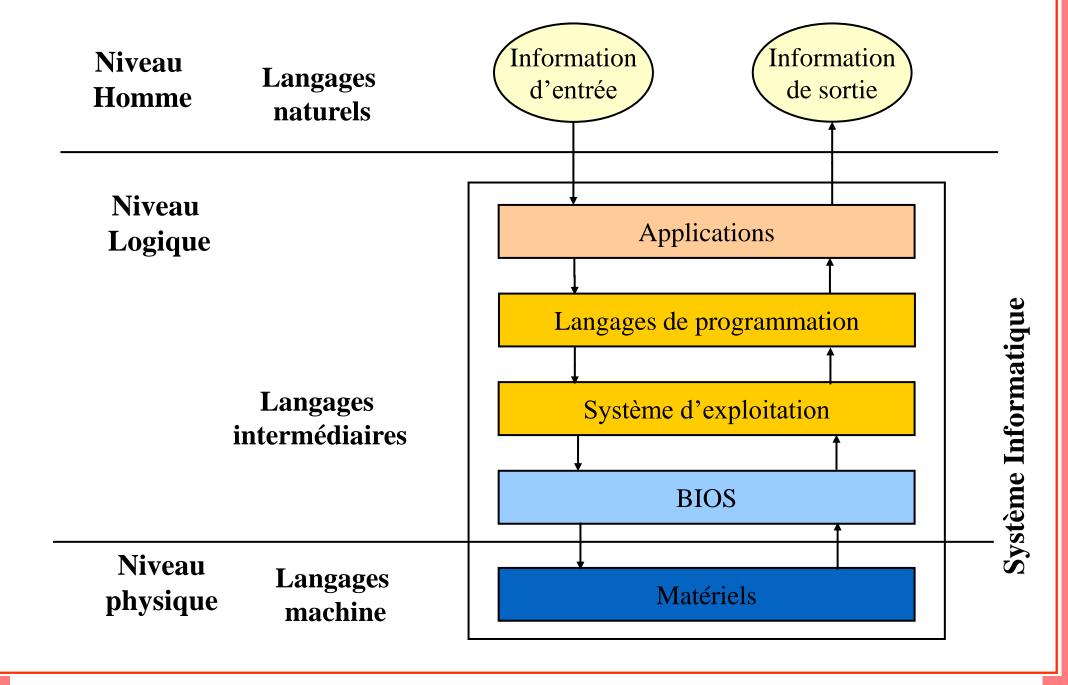
#### **5.1. Types de Logiciels**

On distingue quatre catégories de logiciels :

- **BIOS** : programme de base qui s'exécute au démarrage de l'ordinateur.
  - Identifie les différents composants et vérifie leur état
  - Permet de configurer certains périphériques
  - Offre des fonctions de bas niveau pour utiliser ces périphériques.
- Systèmes d'exploitation (Dos, Windows, Unix, Linux, MacOS,...):
  - gère les ressources matérielles,
  - gère l'exécution des programmes,
  - gère le stockage des données dans les mémoire de masse,
  - gère les utilisateurs

- Langages de programmation : Environnements destinés pour produire des applications. On distingue 3 catégories: les compilateurs, les interpréteurs et les semi compilateurs
- Applications utilisateurs (programmes lancés par l'utilisateur) :
  - Application standards: traitements de texte, tableurs, PAO, ...
  - Applications spécifiques : Logiciels de comptabilité, de dessin ...

#### 5.2. Couches d'abstraction d'un système informatique

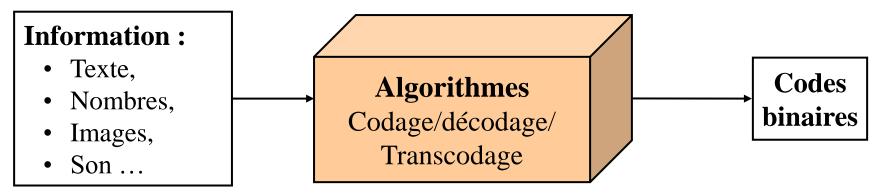


# II. Notions de codage

#### 1. Définitions

Dans un ordinateur, toutes les informations doivent être codées sous une forme physique représentée par une suite de 0 et de 1 : langage binaire. Il faut produire des algorithmes qui permettront à la machine de coder les informations à traiter : entiers, réels, caractères, images, sons ...

- Cette opération qui consiste à transformer l'information en code binaire unique correspondant s'appelle **codage**.
- Le **décodage** étant l'opération inverse qui permet de remonter à partir d'un code binaire à l'information correspondante.
- Le transcodage est le changement de code appliqué à des informations déjà codées.



#### 2. Systèmes de numération

Les systèmes de numérations binaire, Octal et hexadécimal sont très utilisés en informatique. Tout programmeur doit les connaître en plus du système décimal.

#### 2.1. Principe d'une base

La base est le nombre qui sert à définir un système de numération. exemples :

Système de numération	Base	digits
Binaire	2	0,1
Octal	8	0,1,2,3,4,5,6,7
Décimal	10	0,1,2,3,4,5,6,7,8,9
Hexadécimal	16	0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F

#### 2.2. Conversion d'un nombre en base b quelconque en décimal

Quelque soit la base numérique b employée, elle suit la relation suivante :

$$(a_n a_{n-1} ... a_1 a_0)_b = (\sum_{i=0}^{i=n} a_i b^i)_{10} = (a_n b^n + ... + a_2 b^2 + a_1 b^1 + a_0 b^0)_{10}$$

ou :  $a_i$  : digit de la base b de rang i ( $0 \le a_i < b$ )

et : b<sup>i</sup> : puissance de la base b d'exposant de rang i

#### 2.3. Décimal vers binaire

Pour obtenir l'expression binaire d'un nombre exprimé en décimal, il suffit de **diviser successivement ce nombre par 2** jusqu'à ce que le quotient obtenu soit égal à O. Les restes de ces divisions lus de bas en haut représentent le nombre binaire.

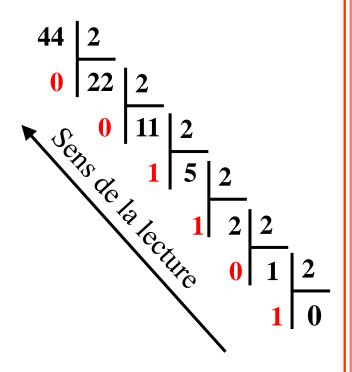
#### **Exemple:**

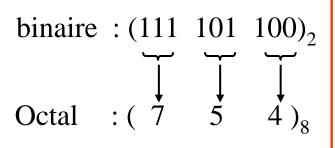
$$(44)_{10} = (101100)_2$$

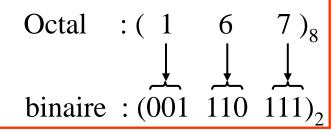
#### 2.4. Relation entre binaire et octal

La propriété d'équivalence entre chaque chiffre octal et chaque groupe de 3 chiffres binaires (8=2<sup>3</sup>) permet de passer facilement d'un système à base 8 à un système à base 2 et vice versa.

#### Exemples:







21

## Chap. I: Introduction à l'algorithmique

#### 2.5. Relation entre binaire et hexadécimal

Le passage du binaire au hexadécimal et vice versa s'obtient par équivalence entre chaque chiffre hexadécimal et chaque groupe de 4 chiffres binaires  $(16=2^4)$ .

## **Exemples:**

## 3. Codage des entiers

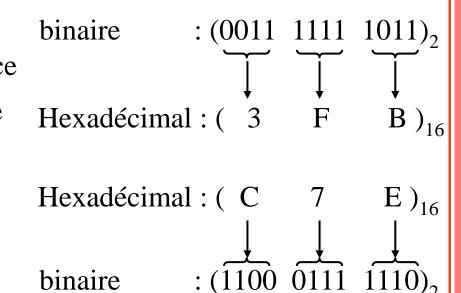
deux modes de codage des entiers :

- binaire pur
- complément à deux

#### 3.1. Binaire pur (entiers naturels)

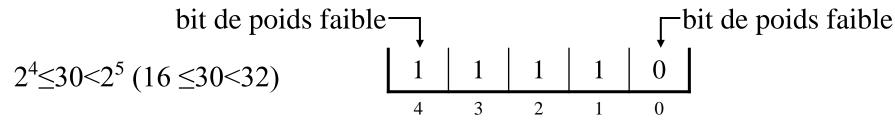
Pour coder un entier naturel n, il faut prévoir une mémoire minimale de p bits tel que :  $2^{p-1} \le n < 2^p$ 

Inversement une mémoire de p bits est suffisante pour représenter le code binaire de tout entier  $n \in [0...2^p-1]$ 



#### **Exemples:**

Pour coder 30, le nombre minimal de bits nécessaire est 5 car :



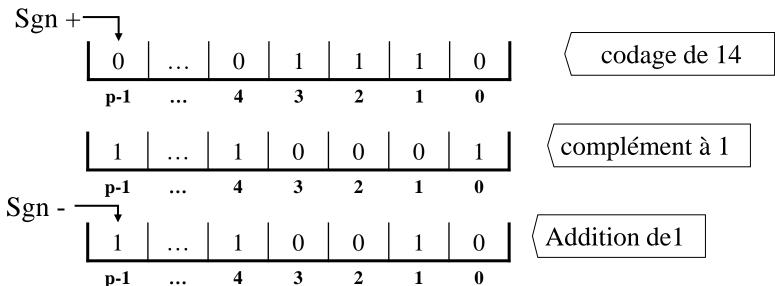
Une mémoire de 8 bits permet de coder tout entier de [0 .. 255]

#### 3.2. Binaire Signé - complément à 2 (Entiers relatifs)

Ce codage permet de représenter en mémoire un entier relatif x par :

- $\triangle$  le bit de poids fort représentant le signe (0 si x>0 et 1 si x<0)
- $\le$  si x > 0, le codage en binaire naturel qui s'applique (le bit de signe vaut 0, les n bits restants codent le nombre),
- $\triangle$  si x < 0, alors
  - on code |x| en binaire.
  - on complémente tous les bits de la mémoire.
  - on additionne 1 au nombre binaire de la mémoire (addition binaire).

Exemple :représentation binaire du nombre -14 sur p bits :



Une mémoire de p bits est suffisante pour représenter le code binaire de tout entier relatif  $n \in [-2^{p-1} ... 2^{p-1}-1]$ 

Par exemple une mémoire de 8 bits pour coder tout entier de l'intervalle [-128 ... 127]

## 4. Codage des nombres Réels

Un réel x peut être représenté dans la base 2 selon un standard défini par l'IEEE :

$$\mathbf{x} = (-1)^{s} \ 2^{E-127} \ 1.\mathbf{F}$$

signe

十

S

exposant

caractéristique

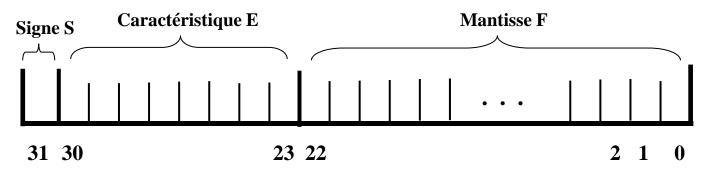
 ${f E}$ 

partie décimale

mantisse

 ${f F}$ 

En général on représente un réel sur 4 octets (32 bits) par :



#### Décomposition d'un nombre réel décimal en binaire

Soit le nombre 0.8 à convertir en binaire. Le code correspondant est :

$$S = 0$$

$$E=126$$

0

01111110

10011001100110011001100

On constate d'abord que son signe est positif, donc S=0. On cherche ensuite à le décomposer en une somme de puissances de 2.

$$0.8 = 2^{0} \times 0.8$$

$$0.8 \times 2 = 1.6 \quad donc \ 0.8 = 2^{-1} \times 1.6 = 1 \times 2^{-1} + 0.6 \times 2^{-1}$$

$$0.6 \times 2 = 1.2$$

 $0.6 \times 2 = 1.2$  donc  $0.8 = 1 \times 2^{-1} + 1.2 \times 2^{-2}$ 

$$0.2 \times 2 = 0.4$$
 donc  $0.8 = 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} + 0.4 \times 2^{-3}$ 

$$0.4 \times 2 = 0.8$$
 donc  $0.8 = 2^{-1} \times 1 + 2^{-2} \times 1 + 2^{-3} \times 0 + 2^{-4} \times 0.8$ 

 $0.8 \times 2 = 1.6$  donc on retrouve une expression déjà rencontrée qui se répéter infiniment

$$0.8 = (-1)^0 \times 1.1001100110011... \times 2^{-1}$$

#### 5. Codage des caractères.

Les caractères sont représentés sur **8** bits. La convention de **codage ASCII** est la plus fréquente. Elle fait correspondre à chaque caractère de l'ensemble des caractères une valeur entière de 0 à 255.

On distingue deux catégories de caractères :

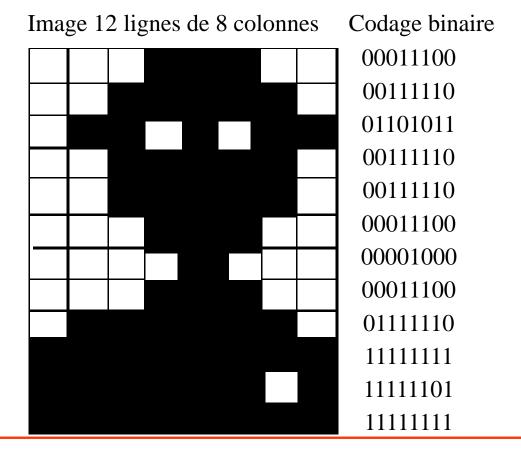
- Caractères non imprimables : correspondent à des caractères de contrôle.
   Ils ont des codes compris entre 0 et 32
- Caractères imprimables: Lettres majuscules (65 à 92), Lettres minuscules
   (97 à 124), les chiffres (48,57) et les symboles

#### 6. Codage des images

Le codage des images consiste à superposer une grille très fine à 1 'image. Chaque carré de la grille appelé pixel est assimilé à une seule couleur coloré. En fonction du nombre de couleurs, chaque couleur est représenté par un code.

Pour une image monochrome le NOIR est codé 1, et le BLANC est codé 0. L 'image est donc codée sous forme d'un tableau à deux dimensions de 0 et de 1.

#### **Exemple**



#### Codages des couleurs en RGB

Une couleur codée en **RGB** se présente comme un nombre hexadécimal à six chiffres : **FF06C3** par exemple. Chaque paire de chiffres est dédiée à une couleur primaire. Sur le même exemple, cela donne : FF pour le **rouge**, 06 pour le **vert** et C3 pour le **bleu** : soit les valeurs décimales 255, 6 et 211.

Chacune de ces valeurs indique **l'intensité** avec laquelle la lampe correspondant va être allumée. Soit : 100 % pour le rouge, 2.35 % pour le vert et 82.75 % pour le bleu.

Toutes les lampes au maximum de leur intensité **FFFFF** fournissent du **blanc**, alors que toutes les lampes éteintes **000000** font du **noir**.

## 6. Codage des sons

Le codage d'un son passe par sa **transformation** en un **signal électrique** continu puis son **échantillonnement** ce signal électrique et le **numériser**.

# III. Notions d'algorithmique

#### 1. Définitions

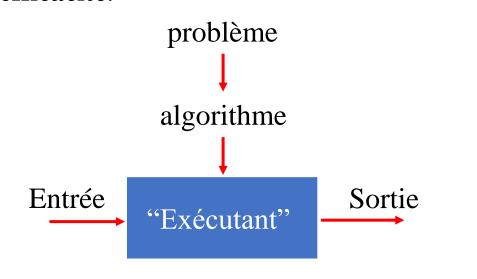
#### **Algorithme**

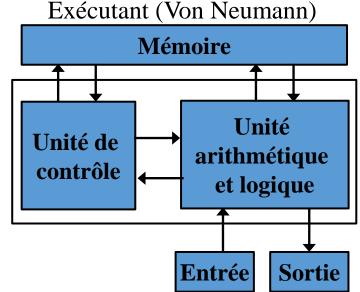
Un algorithme est une **séquence finie d'instructions** non ambiguës énoncé dans un **langage formel** pour résoudre un **problème**, c'est-à-dire pour obtenir, en un **temps fini**, une **sortie** requise pour toute **entrée valide**.

#### **Algorithmique**

L'algorithmique s'intéresse à **l'art de construire des algorithmes** ainsi qu'à caractériser leur **validité**, leur **robustesse**, leur **réutilisabilité**, leur **complexité** ou leur **efficacité**.

Exécutant (Von Neumann)





#### **Programme**

Une séquence d'instructions destinées à être exécutées par un ordinateur.

Code source : programme exprimé dans un langage de programmation compréhensible par un être humain, et ne pouvant pas être exécuté directement par l'ordinateur.

Code binaire: programme exprimé en langage machine, pouvant être directement exécuté par l'ordinateur

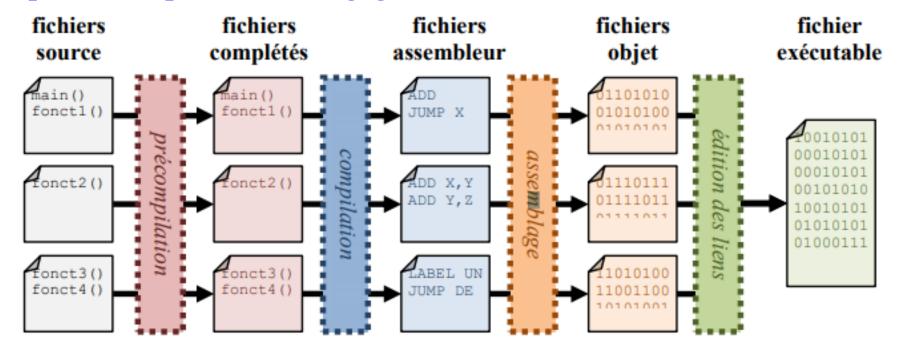
## Compilateur

Programme système qui permet de de **transformer** un **code source** en **code binaire**, de manière à obtenir un **fichier exécutable** à partir d'un **fichier source** 

Exemple de langages compilés
C, C++, Fortran, ...

Code
Source
Compilateur
Code
binaire

#### **Etapes de compilation en langage C**



Interpréteur: permet de traduire et d'exécuter chaque instruction du programme source (Lisp, Prolog, ...)

Semi-compilateur: Basé sur un mécanisme qui combine les deux techniques (compilation pour une machine virtuelle et interprétation pour la machine physique)

**Exemples:** Java, Python, C#, ...

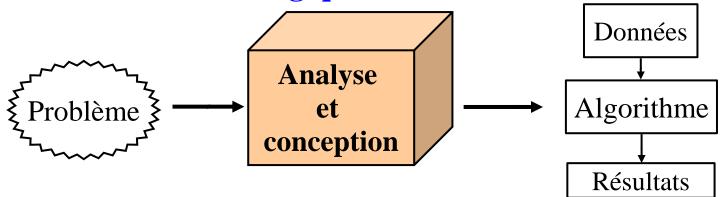
## 2. Caractéristiques d'un algorithme

Un bon algorithme doit être :

- **Fini** : Le nombre d'étapes de l'algorithme doit être fini
- Précis : Toute étape doit être définie parfaitement (sans ambiguïté).
- **Exécutable :** Chaque étape de l'algorithme doit être exécutable par l'exécutant
- Efficace : Produit les résultat en un minimum de ressources et de temps
- Lisible : doit être compréhensible même par des non informaticiens (formulé dans un langage formel indépendamment des détails techniques)
- **Réutilisable** : Structuré en entités réutilisables (entités fonctionnelles, Type abstrait de données, Modules, ...)

Remarque : A un problème, il peut exister plusieurs algorithmes. Il faut trouver le meilleur algorithme pour le résoudre, le plus efficace.

#### 3. Démarche méthodologique



#### 3.1. Besoin de méthode

Pour concevoir une application on doit recourir à une méthode pour bien aborder :

- © Complexité de la structure de données
- © Complexité des traitements à effectuer ...

#### 3.2. Composantes d'une méthode de développement

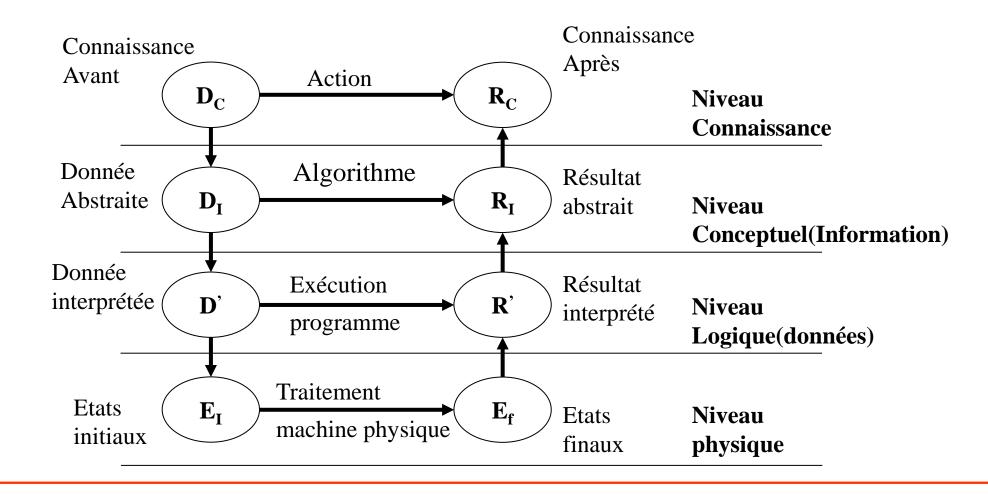
Une méthode de développement est composée des éléments suivants :

- Des principes : abstraction par niveaux, diviser/réduire/transformer pour régner
- Une **démarche** : Étapes de mise en œuvre
- Des outils : Des Langages , Des modèles

#### a. abstraction

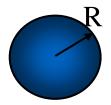
Le développement d'une application consiste à représenter les éléments de connaissances à des **niveaux d'abstraction différents** pour descendre du niveau **humain** au niveau de la **machine** 

On distingue les quatre niveaux d'abstraction suivants :



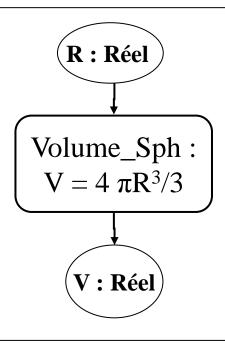
#### **Abstraction - Exemple**

Calcul du volume d'une sphère



$$V = 4 \pi R^3/3$$

Niveau Connaissance



```
Algorithme Vol_Sph
Const Reel Pi = 3.14
Reel R, V
Début
Lire (R)
V ← 4 * Pi * R* R *R /3
Ecrire ("Volume = ",V)
Fin
```

Niveau information

```
#include<stdio.h>
#define cube(x) (x)*(x)*(x)

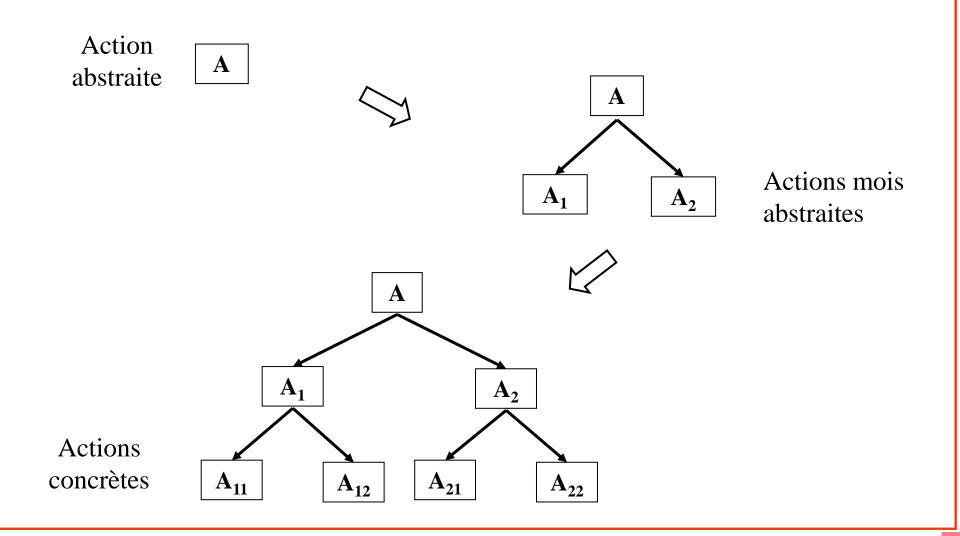
const float Pi = 3.14;
float R, V;
```

```
int main(){
    scanf("%f" ,&R );
    V = 4 * Pi * cube(R) /3;
    printf(" volume : %.3f\n",V);
    return 0;
}
```

Niveau Logique

## b. Diviser pour régner : Analyse descendante

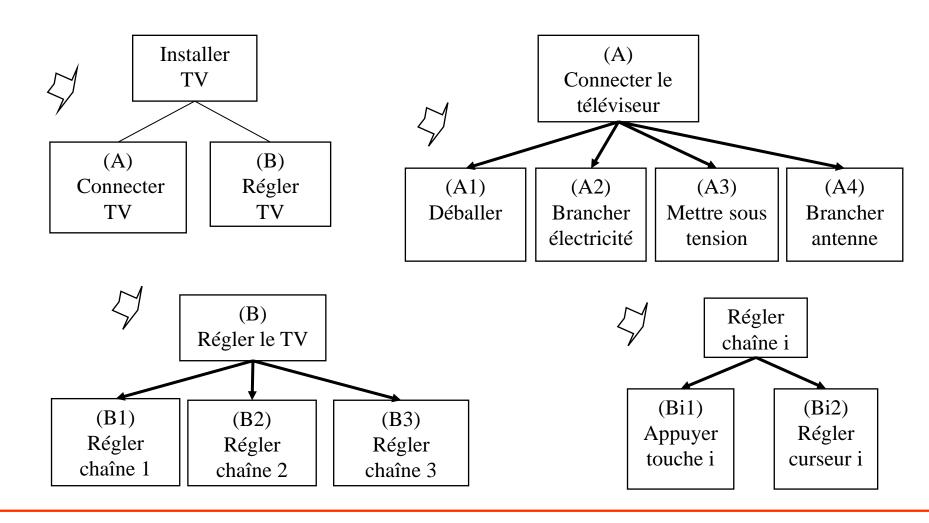
Diviser pour régner consiste à **décomposer** le problème complexe à résoudre en plusieurs **sous problèmes** moins complexes. A refaire cette décomposition sur les sous problèmes jusqu'à obtenir des sous problèmes faciles à résoudre.



#### **Exemple1: Installation d'un téléviseur**

Installer TV

#### Enoncés séquentiels



#### Enoncé Conditionnel Enoncé répétitif (A2)(Bi<sub>2</sub>) Brancher Régler l'électricité curseur i Tension (Bi21) = 220VAvancer le curseur (A21)(A22)l'image Connecter la • tourner le commutateur de n'apparaît prise tension pas à l'écran • brancher la prise

#### Exemple 2:

Déterminer la liste des 6 premiers nombres d'Armstrong.

Soit x un nombre entier qui s'écrit dans la base 10 sous la forme  $x = d_{n-1}...d_1d_0$ 

 $d_i \in \{0,1,\,...,\,9\}$  étant le digit numéro i.

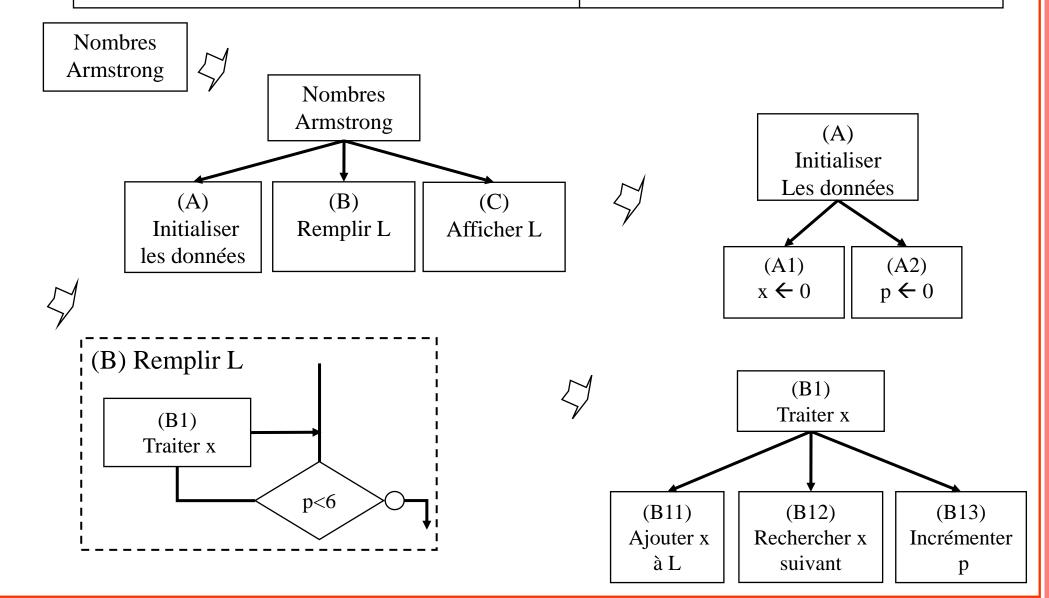
x est un nombre d'Armstrong ssi:

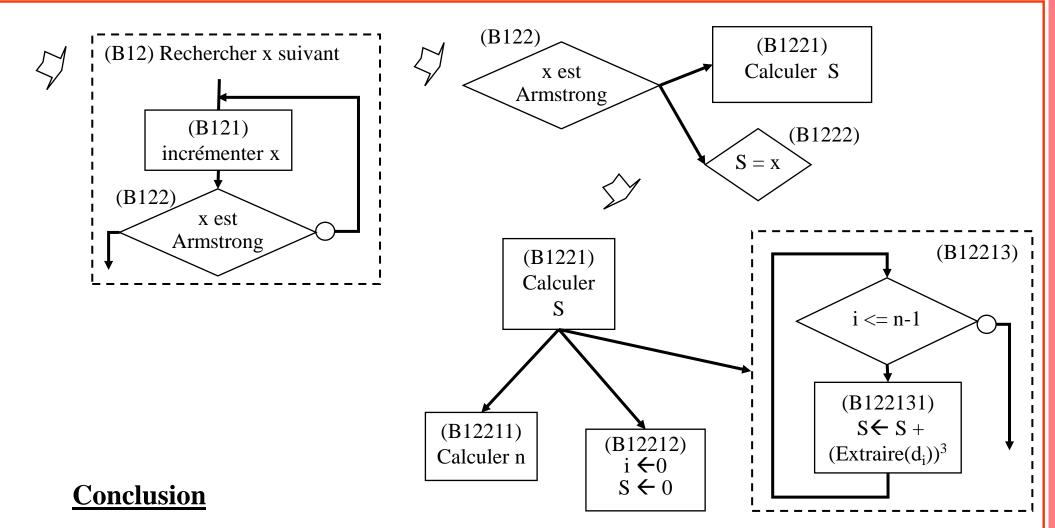
$$x = \sum_{i=0}^{n-1} d_i^3$$

#### Les données :

- x : un nombre d'Armstrong
- p : nombre de nombres d'Armstrong trouvés
- n : nombre de chiffres de x

- d<sub>i</sub>: digit n° i du nombre x
- S : Somme des cubes de d<sub>i</sub>
- L : Liste des nombres d'Armstrong



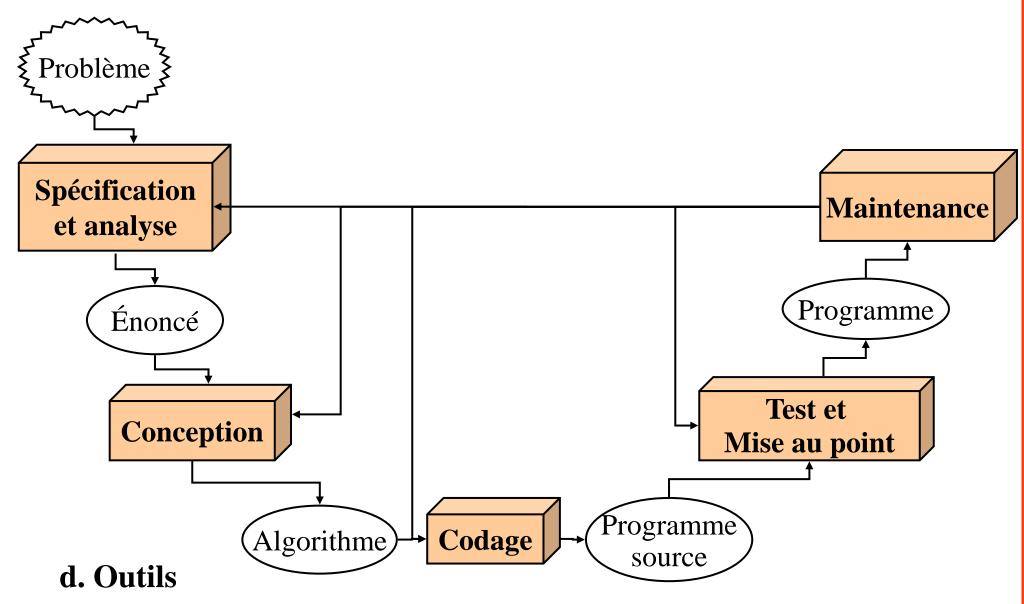


La solution à un problème bien défini peut être formulée comme une suite des trois énoncés suivants :

- **Séquentiel** : suite d'étapes
- Conditionnel : choix entre deux étapes suivant une condition
- Répétitif (itératif) : répétition d'une étape

#### c. Démarche

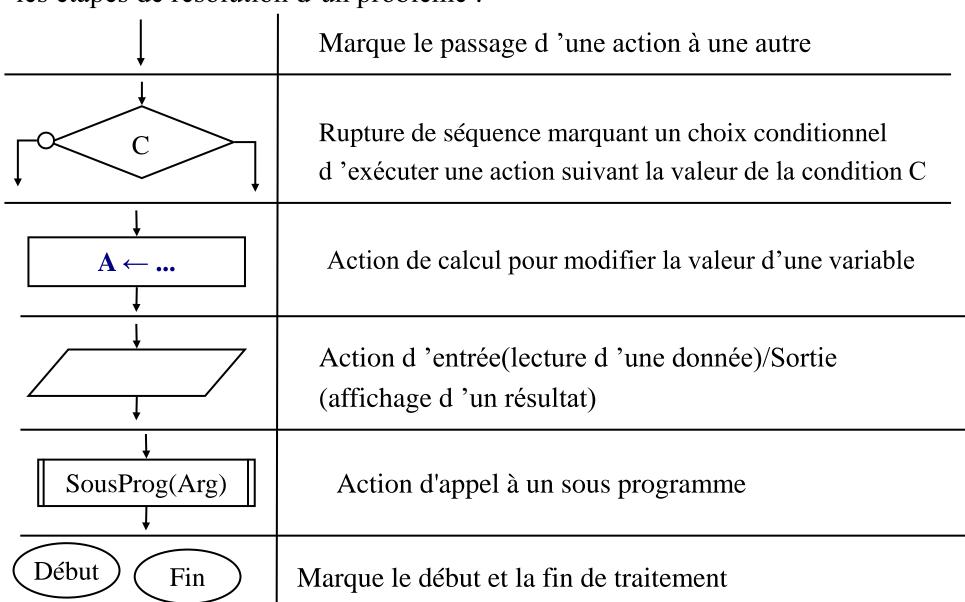
Le développement d'une application passe par les différentes phases suivantes :



Langages: Outil textuel pour écrire des algorithmes (pseudo code = français)

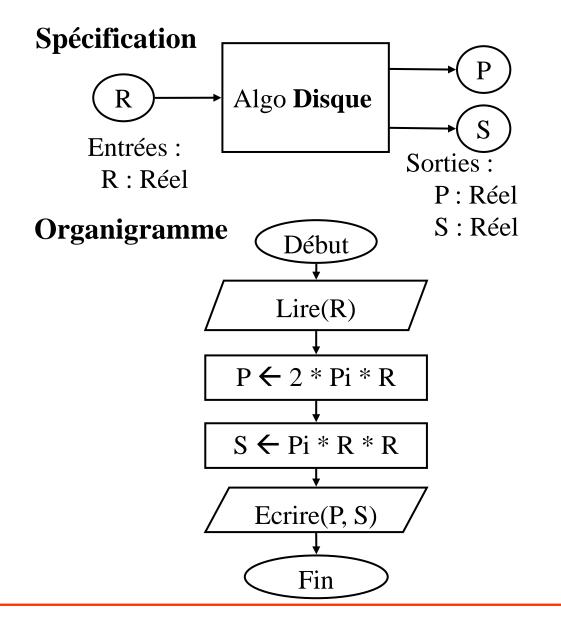
#### **Organigramme**

Représentation schématique utilisant des symboles graphiques pour décrire les étapes de résolution d'un problème :



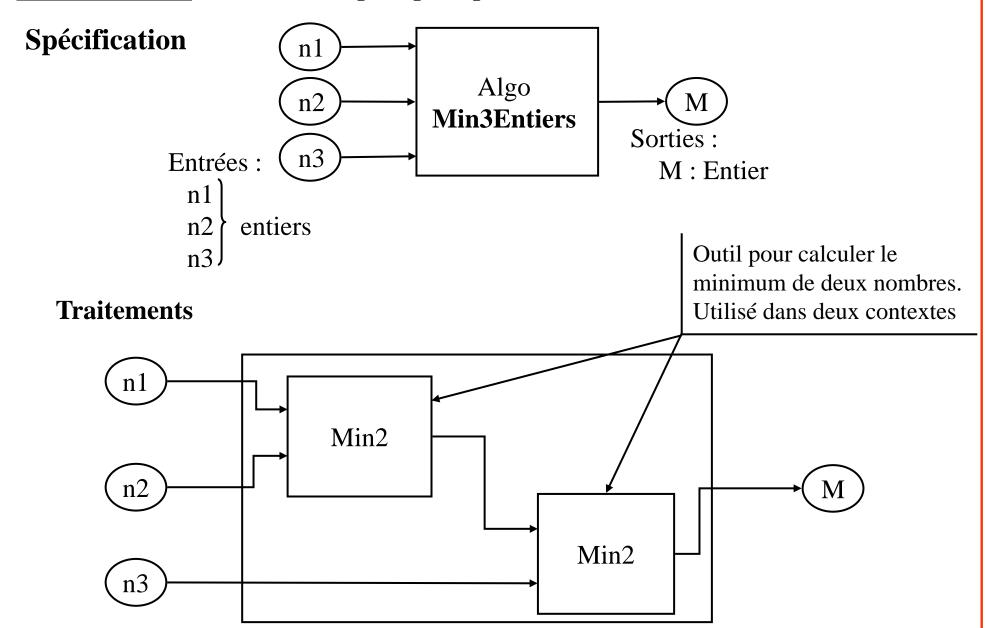
#### 4. Exemples d'algorithmes

Algorithme1: Calcul du périmètre P et de la surface S d 'un disque de rayon R.



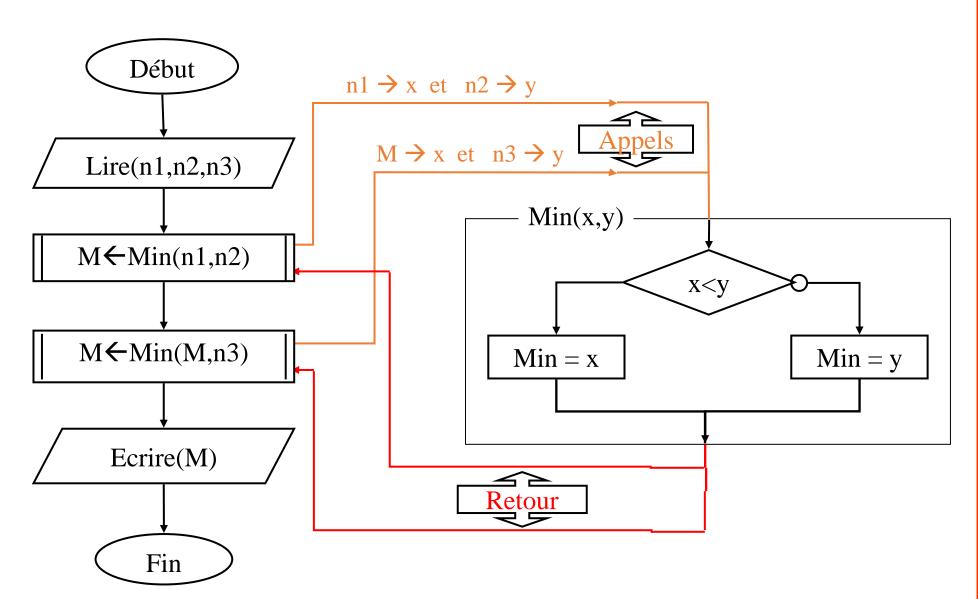
```
Algorithme
Algorithme Disque
  /* déclarations */
  Const Réel Pi = 3.14
  Réel R, P, S
/* Corps principal */
Début
  /* Saisie */
  Lire(R);
  /* Calculs */
  P \leftarrow 2 * PI * R;
  S \leftarrow Pi * R *R;
  /* Affichage */
  Ecrire("Périmètre = ", P)
  Ecrire("Surface = ", S)
Fin
```

Algorithme2: recherche du plus petit parmi trois nombres entiers n1, n2 et n3.



Remarque: Le problème se trouve simplifié au calcul du minimum de 2 entiers.

#### **Organigramme**



```
Algorithme
Algorithme Min3
/*déclarations */
  Entier n1, n2, n3, M
/* Définition fonction Min */
Entier Min(Entier x , Entier y)
   Entier m;
Début
  Si x<y alors
       m \leftarrow x
  Sinon
       m \leftarrow y
   FinSi
  Retourner m
FinFonction
```

```
/* Corps principal */
Début
  /*introduire n1, n2 et n3 */
  Ecrire("Introduire les nombres : ")
  Lire(n1, n2, n3)
  /* mettre dans M le Min de n2 et n3*/
  M \leftarrow Min(n1,n2); /* Appel de Min */
  /* mettre dans M le Min de M et n3*/
  M \leftarrow Min(M,n3)
  /* afficher M */
  Ecrire("Le minimum = ", M)
Fin
```

#### 5. Structure d'un algorithme

Un algorithme est structuré en trois parties :

- Un **en-tête** : Pour nommer l'algorithme
- Des déclarations : Pour préciser les données et les modules (fonctions et procédures )utilisés par l'algorithme
- Un **corps principal** : pour placer la suite des instructions exécutées par l'algorithme

```
Algorithme Nom_Algo

/* déclarations des objets(données + procédures +fonctions)*/
...

/* Corps principal */

Début

/* instructions */
...

Fin
```