

پروژه سوم – الگوریتم کروسکال

کلاس Graph و Subset :

```

1  package ir.shayandaneshvar;
2
3  import java.util.HashSet;
4  import java.util.Set;
5
6  public class Graph {
7      private Integer vertices;
8      private HashSet<Edge> edges;
9
10     public Graph(Integer numberOfVertices) {
11         vertices = numberOfVertices;
12         edges = new HashSet<>();
13     }
14
15     public void addEdge(Edge edge) {
16         edges.add(edge);
17     }
18
19     public Set<Edge> getEdges() { return (Set<Edge>) edges.clone(); }
20
21
22
23
24     public Integer getSize() {
25         return vertices;
26     }
27
28     public static class Subset {
29         private Integer parent;
30
31         public Integer getParent() { return parent; }
32
33
34         public void setParent(Integer parent) { this.parent = parent; }
35
36     }
37
38 }
39

```

برای پیاده سازی الگوریتم کروسکال، گراف به این شیوه پیاده سازی شده که مجموعه یال ها را ذخیره می کنیم و هر یال دو راسی که به آن متصل است را نگه می دارد، از Hashset برای اینکار استفاده شده . متد hash برای کلاس edge اورراید شده که به آن میرسیم.

رئوس نیز از 0 تا n-1 شماره گذاری می شوند که vertices برابر n می باشد.

کلاس داخلی Subset نیز که برای پیدا کردن دور در گراف به کمک الگوریتم disjoint set که در کتاب نیولیتان ذکر شده است نوشته شده تنها یک فیلد دارد که مشخص کند پدر راس فعلی کدام راس است، پدر با شماره اش مشخص می شود، برای عدد راس فعلی جلوتر از آرایه استفاده شده و نیازی به شماره راس فعلی نبوده است.

کلاس Edge :

```

1 package ir.shayandaneshvar;
2
3 import java.util.Objects;
4
5 public class Edge implements Comparable<Edge> {
6     private Integer from, to, weight;
7     public Edge(Integer from, Integer to, Integer weight) {
8         this.from = from;
9         this.to = to;
10        this.weight = weight;
11    }
12    @Override public boolean equals(Object o) {
13        if (this == o) {
14            return true;
15        }
16        if (o == null || getClass() != o.getClass()) {
17            return false;
18        }
19        Edge edge = (Edge) o;
20        return (Objects.equals(from, edge.from) || Objects.equals(to, edge
21            .from)) && (Objects.equals(to, edge.to) || Objects.equals(from,
22            edge.to)) && Objects.equals(weight, edge.weight);
23    }
24
25    @Override public int hashCode() {
26        return Objects.hash(...values: from, to, weight) +
27            Objects.hash(to, from, weight) + 7 * (to + from) + 11 * weight;
28    }
29
30    @Override public int compareTo(Edge o) {
31        return weight - o.weight;
32    }
33    public Integer getFrom() { return from; }
36    public Integer getTo() { return to; }
39    public Integer getWeight() { return weight; }
42 }

```

این کلاس پیاده سازی یال هاست و دو راس متصل به آن و وزن خودش را نگه می دارد.

متد equals : در صورتی دو راس مساوی می شوند که دو راس متصل به آن با هم مساوی باشند و وزن آن ها یکی باشد.

متد hashCode : به این شکل نوشته شده تا فرقی بین اینکه کدام راس اول باشد و کدام راس دوم تفاوتی ایجاد نشود و HashSet موجود در کلاس گراف دچار مشکل نشود.

اینترفیس Comparable نیز پیاده سازی شده چرا که در الگوریتم کروسکال می خواهیم بر اساس وزن یال مرتب کنیم، در متد compareTo نیز معیار مقایسه تنها وزن یال است.

کلاس KruskalFX:

```

1 package ir.shayandaneshtar;
2
3 import javafx.application.Application;
4 import javafx.fxml.FXMLLoader;
5 import javafx.scene.Scene;
6 import javafx.scene.SceneAntialiasing;
7 import javafx.scene.layout.AnchorPane;
8 import javafx.stage.Stage;
9 import javafx.stage.StageStyle;
10
11 public class KruskalFX extends Application {
12     public Scene scene;
13
14     public static void main(String[] args) { launch(args); }
15
16     @Override
17     public void init() throws Exception {
18         AnchorPane root = FXMLLoader.load(getClass().getResource("/view/main.fxml"));
19         scene = new Scene(root, 255, 520, false, SceneAntialiasing.BALANCED);
20     }
21
22     @Override
23     public void start(Stage stage) {
24         stage.initStyle(StageStyle.UTILITY);
25         stage.setResizable(false);
26         stage.setScene(scene);
27         stage.setTitle("KruskalFX");
28         stage.show();
29         stage.setAlwaysOnTop(true);
30         stage.setOnCloseRequest(status -> System.exit(status));
31     }
32 }
33
34

```

برنامه را شروع میکند و فایل fxml مربوط به گرافیک پروژه را لود میکند، و کنترلر view بدست کنترلر تعریف شده در fxml که کلاس Presenter است میفشد.

فایل main.fxml : منوی گرافیکی در این فایل دیزاین شده است.

```

1 <?xml version="1.0" encoding="UTF-8"?>
2
3 <?import com.jfoenix.controls.JFXButton>
4 <?import com.jfoenix.controls.JFXCheckBox>
5 <?import com.jfoenix.controls.JFXTextArea>
6 <?import com.jfoenix.controls.JFXTextField>
7 <?import javafx.scene.control.Label>
8 <?import javafx.scene.layout.AnchorPane>
9 <?import javafx.scene.text.Font?>
10
11 <AnchorPane prefHeight="520.0" prefWidth="255.0" style="-fx-background-color: blue;" xmlns="http://javafx.com/javafx/11.0.1" xmlns:fx="http://javafx.com/fxml/1" fx:controller="ir.shayandanshwar.Presenter">
12     <children>
13         <AnchorPane prefHeight="520.0" prefWidth="255.0" style="-fx-background-color: #cceabb;">
14             <children>
15                 <Label layoutX="75.0" layoutY="40.0" text="Kruskal FX" textFill="#3f3f44">
16                     <font>
17                         <font name="Helvetica-Bold" size="20.0" />
18                     </font>
19                 </Label>
20                 <JFXTextArea fx:id="matrixArea" focusColor="#fddc9e" layoutX="16.0" layoutY="101.0" prefHeight="194.0" prefWidth="223.0" promptText="Enter the adjacency matrix of graph with size n*n" unfocusColor="#3f3f44">
21                     <font>
22                         <font name="Helvetica-Bold" size="18.0" />
23                     </font>
24                 </JFXTextArea>
25                 <JFXTextField fx:id="length" focusColor="#fddc9e" layoutX="16.0" layoutY="325.0" prefHeight="44.0" prefWidth="87.0" promptText="n" unfocusColor="#3f3f44">
26                     <font>
27                         <font name="Helvetica-Bold" size="18.0" />
28                     </font>
29                 </JFXTextField>
30                 <JFXButton layoutX="16.0" layoutY="395.0" onKeyPressed="#drawGraph" onMouseClicked="#drawGraph" prefHeight="44.0" prefWidth="223.0" style="-fx-background-color: #3f3f44;" text="Draw Graph" textFill="#fddc9e">
31                     <font>
32                         <font name="Helvetica-Bold" size="14.0" />
33                     </font>
34                 </JFXButton>
35                 <JFXButton layoutX="16.0" layoutY="455.0" onKeyPressed="#drawKruskalMST" onMouseClicked="#drawKruskalMST" prefHeight="44.0" prefWidth="223.0" style="-fx-background-color: #3f3f44;" text="Draw Kruskal MST" textFill="#fddc9e">
36                     <font>
37                         <font name="Helvetica-Bold" size="14.0" />
38                     </font>
39                 </JFXButton>
40                 <JFXCheckBox fx:id="autoLayout" checkedColor="#fddc9e" layoutX="119.0" layoutY="338.0" prefHeight="18.0" prefWidth="122.0" selected="true" text="Auto Layout" unfocusColor="#3f3f44">
41                     <font>
42                         <font name="Helvetica-Bold" size="14.0" />
43                     </font>
44                 </JFXCheckBox>
45             </children>
46         </AnchorPane>
47     </children>
48 </AnchorPane>

```

Kruskal FX

Enter the adjacency
matrix of graph with size
 $n \times n$

n

☒ Auto Layout

Draw Graph

Draw Kruskal MST

```

1 package ir.shayandaneshvar;
2 import ...
22 public class Presenter {
23     private Graph graph;
24     private SmartGraphPanel<String, String> graphView;
25     private GraphEdgeList<String, String> graphEdgeList;
26     @FXML
27     private JFXTextArea matrixArea;
28     @FXML
29     private JFXTextField length;
30     @FXML
31     private JFXCheckBox autoLayout;
32
33     @FXML
34     void drawGraph() {
35         Platform.runLater(() -> {
36             handleGraphWindow( title: "Graph");
37             getGraph(Integer.parseInt(length.getText().trim()));
38             prepareGraph(graph);
39         });
40     }
41
42     @FXML
43     void drawKruskalMST() {
44         Platform.runLater(() -> {
45             handleGraphWindow( title: "Minimum Spanning Tree");
46             prepareGraph(Objects.requireNonNull(kruskalMSTAlgorithm()));
47         });
48     }

```

فیلد گراف برای نگه داشتن گراف وارد شده است، دو فیلد دیگر برای نمایش گراف و درخت پوشای کمینه است که اولی کانتینری برای نمایش گراف است و دومی لیستی از یال هایی که باید در صفحه رسم شود را نگاه می دارد.

فیلد هایی که دارای انوتیشن FXML هستند، عناصر گرافیکی موجود در گرافیک هستند.

متد drawGraph که به دکمه خود بایند شده ابتدا متد handleGraphWindow را صدا میزند تا صفحه دیگری برای نمایش گراف رسم شود، سپس ماتریس همجواری از ورودی خوانده می شود و به فرم گرافی که ما نوشتیم ذخیره می شود(متد getGraph) در نهایت متد prepareGraph فراخوانی میشود و گراف خوانده شده را رسم می کند.

متد drawKruskalMST مشابه متد قبل با این تفاوت که به جای گراف الگوریتم کروسکال را فراخوانی میکند و نتیجه آن که یک حالت خاص گراف (درخت) است را رسم می کند.

```

64 private void handleGraphWindow(String title) {
65     SmartPlacementStrategy strategy = new SmartCircularSortedPlacementStrategy();
66     graphEdgeList = new GraphEdgeList<>();
67     graphView = new SmartGraphPanel<>(graphEdgeList, strategy);
68     graphView.automaticLayoutProperty.setValue(autoLayout.isSelected());
69     Stage stage = new Stage();
70     stage.setTitle(title);
71     stage.getIcons().add(new Image(s: "file:/// + new File( pathname: "" +
72         "src/main/resources/images/icon.png").getAbsolutePath()));
73     Scene scene = new Scene(graphView, v: 800, v1: 800, b: false,
74         SceneAntialiasing.BALANCED);
75     stage.setScene(scene);
76     stage.show();
77     graphView.init();
78 }
79 private void getGraph(int size) {
80     String string = matrixArea.getText().replaceAll(regex: "\\D+", replacement: "-");
81     StringTokenizer tokenizer = new StringTokenizer(string, delim: "-");
82     if (tokenizer.countTokens() < size) {
83         length.setText("?");
84         return;
85     }
86     graph = new Graph(size);
87     for (int i = 0; i < size * size; i++) {
88         int weight = Integer.parseInt(tokenizer.nextToken());
89         if (weight == 0) {
90             continue;
91         }
92         graph.addEdge(new Edge( from: i / size, to: i % size, weight));
93     }
94 }
95

```

متد handleGraphWindow :

صفحه ای که گراف داده شده می خواهد در آن رسم شود را آماده می کند ، برای رسم هوشمند گراف از کتابخانه JavaFX smart graph استفاده شده که فایل jar آن در پوشه lib پروژه موجود است، برای قرار دادن node ها از استراتژی دایروی این کتابخانه استفاده شده که تنها استراتژی است که در حال حاضر در آن وجود دارد (استراتژی رندوم نیز وجود دارد که عملا استراتژی محسوب نمی شود)

متد getGraph : اعداد موجود در ماتریس مجاورت را استخراج می کند و به ترتیب هر یال را می سازد (اگر غیر صفر باشد) و همه را اضافه می کند، میدانیم که اینطوری نصف یال ها دوبار اضافه می شوند، ولی چون از HashSet استفاده کردیم و متد equals و hashCode را با هوشمندی نوشتیم یال تکراری به آن اضافه نمی شود.

همچنین تعداد رئوس گراف از textbox موجود در view خوانده می شود.

متد Initialize : مشابه متد موجود در نپولیتان اعضای disjoint set را می سازد و پدر هر خانه را در مرحله اول خودش قرار می دهد و بر میگرداند.

```

99 @ private Graph kruskalMSTAlgorithm() {
100     Queue<Edge> edges = graph.getEdges().stream().sorted().collect(Collectors.toCollection(LinkedList::new));
101     .stream() Stream<Edge>
102     .sorted()
103     .collect(Collectors.toCollection(LinkedList::new));
104     Graph mst = new Graph(graph.getSize());
105     Graph.Subset[] subsets = initialize(graph.getSize());
106     while (mst.getEdges().size() < graph.getSize() - 1) {
107         Edge next = edges.poll();
108         if (next == null) return null;
109         var p = find(subsets, next.getFrom());
110         var q = find(subsets, next.getTo());
111         if (p != q) {
112             merge(subsets, p, q);
113             mst.addEdge(next);
114         }
115     }
116     return mst;
117
118     private void merge(Graph.Subset[] subsets, int p, int q) {
119         int pRoot = find(subsets, p);
120         int qRoot = find(subsets, q);
121         subsets[pRoot].setParent(qRoot);
122     }
123 @ private int find(Graph.Subset[] subsets, Integer i) {
124     if (!subsets[i].getParent().equals(i)) {
125         subsets[i].setParent(find(subsets, subsets[i].getParent()));
126     }
127     return subsets[i].getParent();
128 }
129 @ private Graph.Subset[] initialize(Integer size) {
130     var result = new Graph.Subset[size];
131     for (int i = 0; i < size; i++) {
132         result[i] = new Graph.Subset();
133         result[i].setParent(i);
134     }
135     return result;

```

مقدار `kruskalMSTAlgorithm`: ابتدا یال‌ها را به کمک `Stream API Java` مرتب کرده و درون یک صف میریزیم و گراف `mst` را برای نتیجه نهایی می‌سازیم و `Subset`‌ها را نیز می‌سازیم برای تشخیص دور در گراف، حال شروع به انتخاب یال‌ها می‌کنیم، در هر مرحله عضو ابتدای یال‌ها را بر می‌داریم (کم هزینه‌ترین) سپس پدر دو راس موجود در این یال را پیدا می‌کنیم و با هم

مقایسه می کنیم اگر یکی نبودند به این معنی است که این دو راس در یک Set نیستند، پس می توان یال انتخابی را به جواب اضافه کرد و نیز این دو Set موجود را یکی کرد، این کار را با یکی کردن پدر آن ها در متد merge انجام می دهیم، همین روال را ادامه می دهیم تا به تعداد یکی کمتر از تعداد رئوس یال انتخاب کرده باشیم تا هیچ راسی جدا نماند و در نهایت یک گراف همبند داشته باشیم و MST مورد نظر ساخته شود.

متد find: برای پیدا کردن پدر یک Set به کار می رود، آن قدر پدر یک راس را استخراج می کنیم، تا به راسی برسیم که پدر آن خودش است، چنین راسی را در الگوریتم Disjoint Set می گویند و با آن می توان فهمید آیا دو راس در یک Set هستند یا خیر، اگر پدر یک Set با پدر دیگری برابر باشد به این معنی است که هر دو در یک Set هستند.

متد merge: دو راس را می گیرد و Set های آن دو را یکی می کند، به این شکل که پدر یک Set را میگیرد این راس را به عنوان پدر راسی میگذارد که به عنوان پدر Set دیگر شناخته می شود، این گونه پدر هر راس در هر کدام از Set ها یکی می شود و اینگونه نتیجه می شود که همه این رئوس در یک Set قرار گرفته اند.

نکات: با فعال کردن گزینه auto layout نوعی جاذبه (روی یال ها) و نوعی دافعه (روی رئوس) در گراف اعمال می شود وسیعی می شود رئوس گراف روی هم نیفتند البته در بعضی از اوقات درست کار نمی کند و نیاز است روی رئوس مختلف یکبار کلیک شود و این جاذبه و دافعه اعمال شود تا راسی روی راس دیگر قرار نگیرد.

زمانی که این امکان خاموش است بدون اعمال هیچ نیرویی می توانید رئوس گراف را جا به جا کنید، البته به احتمال زیاد برخی رئوس روی هم میفتند که باید آن ها را با ماوس گرفته و بکشید تا رئوس که در زیر قرار گرفته اند مشخص شوند.

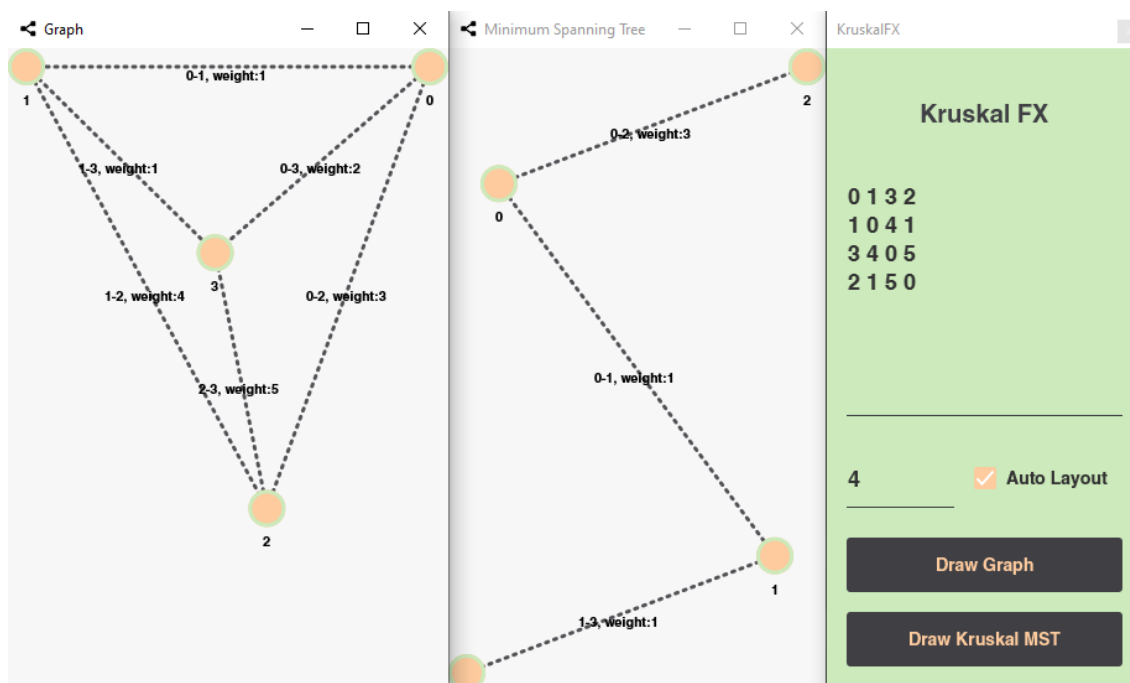
اطلاعات مربوط به جاذبه و دافعه در فایل smartgraph.properties موجود است که برای گراف های کوچکتر کانفیگ شده است، برای گراف های بزرگ تر بهتر است مقدار layout.repulsive-force را تا حدود 5000 کاهش داد تا گراف بهتر دیده شود، این اتوماتیک بودن یکی از خواص کتابخانه smart graph است.

رنگ اجزای مختلف گراف نیز در فایل smartgraph.css موجود است و می توان رنگ قسمت های مختلف را نیز تغییر داد.

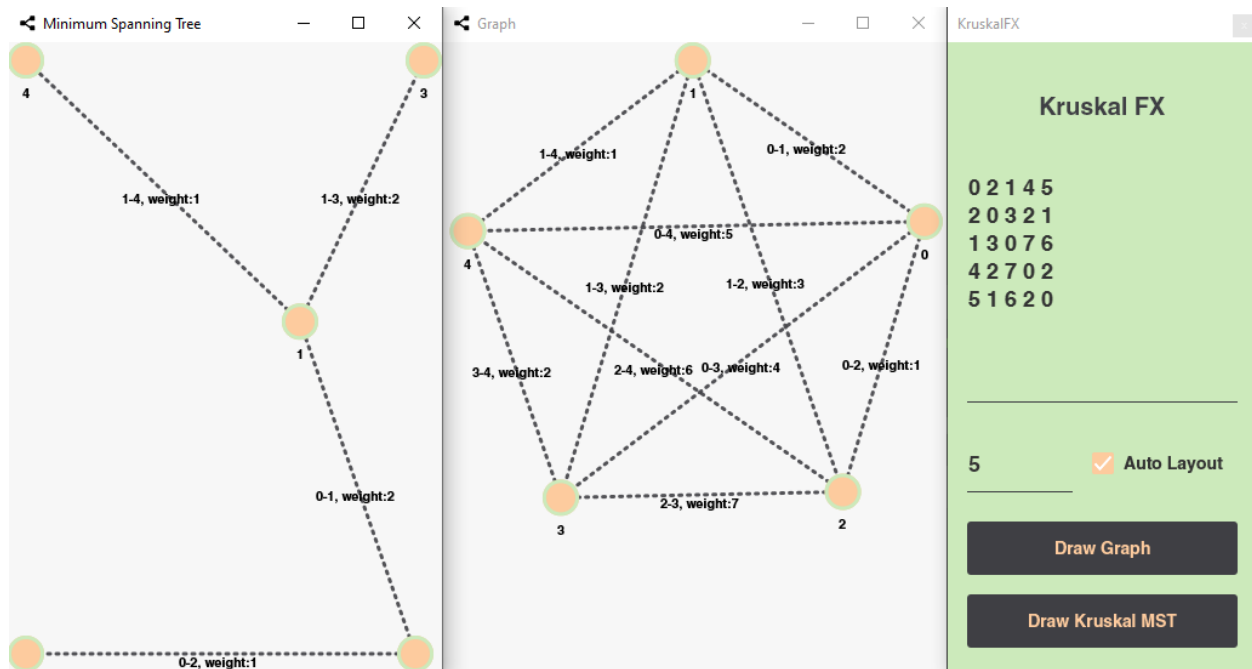
از کتابخانه jfoenix نیز برای UI بهتر (دکمه ها و textArea و TextBox و CheckBox استفاده شده است).

برای اجرا در IntelliJ کافی است کتابخانه smartgraph موجود در پوشه lib را به پروژه اضافه کنید و پروژه را کامپایل کنید.

نمونه اجرا :



نمونه اجرای دو:



نمونه سوم:

