

پروژه پایانی یادگیری ماشین

شایان بمانیان

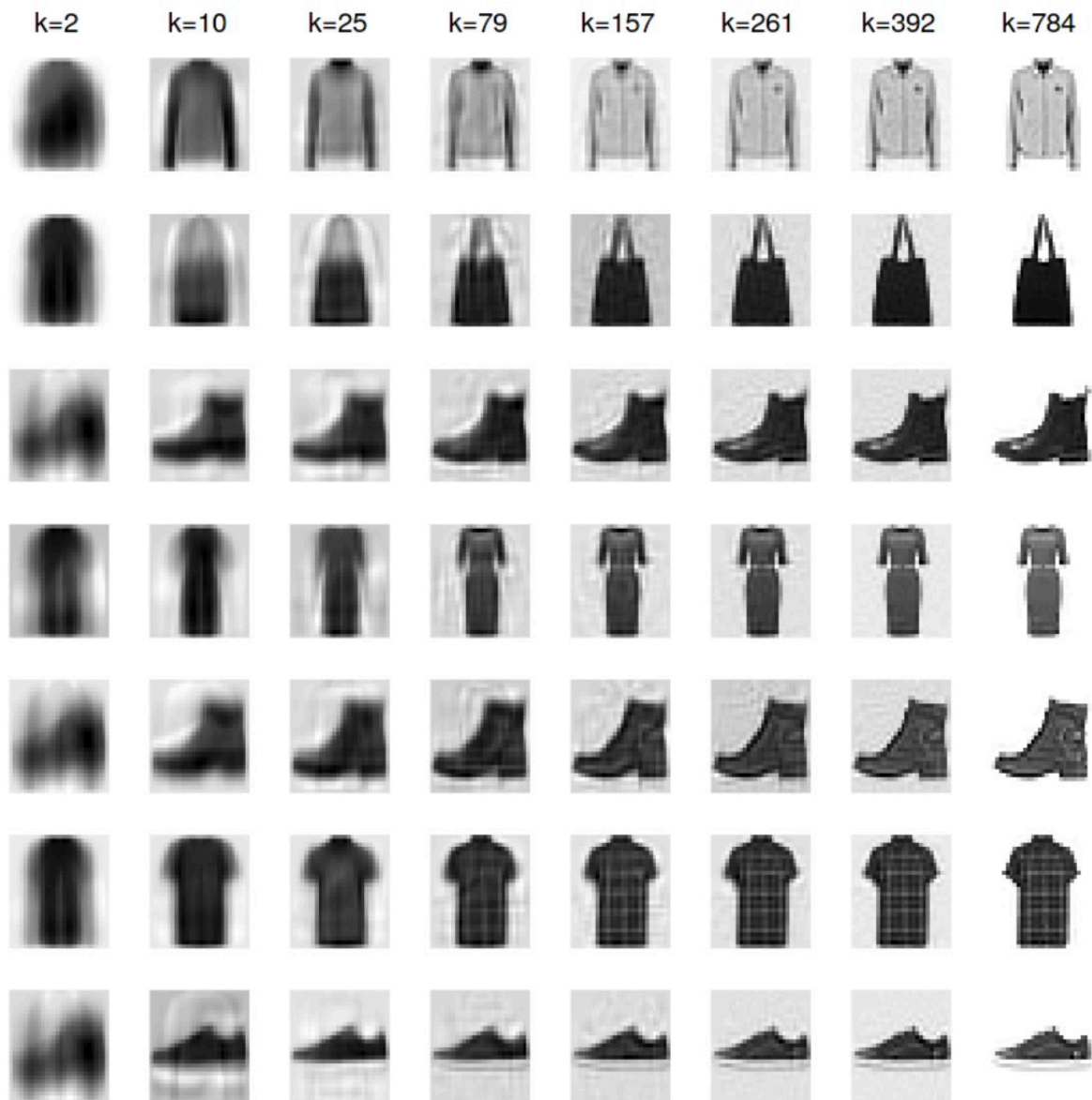
مقدمه

مدل مخفی مارکوف یک روش محبوب برای مدل سازی داده های زمانی و سیکونشال است. این مدل از یک سری وضعیت یا حالت های نهان، که تعیین کننده فرایند هستند تشکیل شده و با استفاده از پارامترهایی که از داده های آموزشی به دست می آید، احتمال ورود به هر یک از این حالت ها در زمان های مختلف، محاسبه می شود. در این پروژه ما قصد داریم از این مدل برای انجام دسته بندی روی داده دیتاست FashionMNIST استفاده کنیم. هرچند این مدل جزو دسته بند های معروف شناخته نمی شود اما ما با استفاده از استخراج ویژگی های درست و تنظیم هایپرپارامتر ها به دقت ۸۷٪ روی این دیتاست دست پیدا کنیم. چالش های اصلی این پروژه شامل پیدا کردن هایپر پارامتر های مناسب و معماری درست برای مدل مارکوف و استخراج درست ویژگی ها از تصویر بود.

توضیح روال پیاده سازی

با توجه به inductive bias یا گرایش استنتاجی مدل مخفی مارکوف به داده های زمانی و متوالی، ما باید تصویر خود را به صورت سیکونشال درآوریم. برای این کار در تلاش اول تصویر استاندارد ۲۸ در ۲۸ پیکسلی MNIST را فلت کرده که حاصل آن ۷۸۴ پیکسل می شود و می توان آن را به صورت متوالی به مدل داد. البته که با این روش مدل دقت ۲٪ را کسب می کرد. سپس از تصمیم گرفتیم از روش کاهش بعد با استفاده از PCA مدل را آموزش دهیم که دقت مدل خیلی تغییری نکرد. پس از جستجو زیاد به این نتیجه رسیدیم که بهتر است برای هر کلاس یک مدل جداگانه ترین کنیم. با این کار و با استفاده از روش کاهش بعد PCA به دقت ۶۷٪ رسیدیم. که با تغییر تعداد استیت های hmm و ابعاد خروجی PCA تا این عدد به ۷۴٪ رسید.

در تصویر زیر تاثیر PCA روی عکس های دیتاست ما آورده شده:



سپس تصمیم گرفتیم به سراغ روش های کاهش بعد مرسوم مثل LDA برویم. در LDA تعداد فیچر های خروجی آن به این صورت محاسبه می شود: $\min(n_classes - 1, n_features)$ در اینجا ۹ بود. چون تعداد فیچر ها کم بود تعداد استیت هارا نیز کاهش دادیم و با ۲ استیت به دقت ۸۰٪ رسیدیم. اما هرچقدر هایپرپارامتر هارا تغییر دادیم دقت ما از این عدد بالاتر نرفت.

ترکیب دو روش PCA و LDA نیز کمکی به افزایش دقت نکرد و حتی باعث کاهش آن نیز شد. به‌طور مثال به کد زیر توجه کنید:

```
# PCA to reduce dimensionality
pca = PCA(n_components=157)
X_train_pca = pca.fit_transform(X_train)
X_test_pca = pca.transform(X_test)

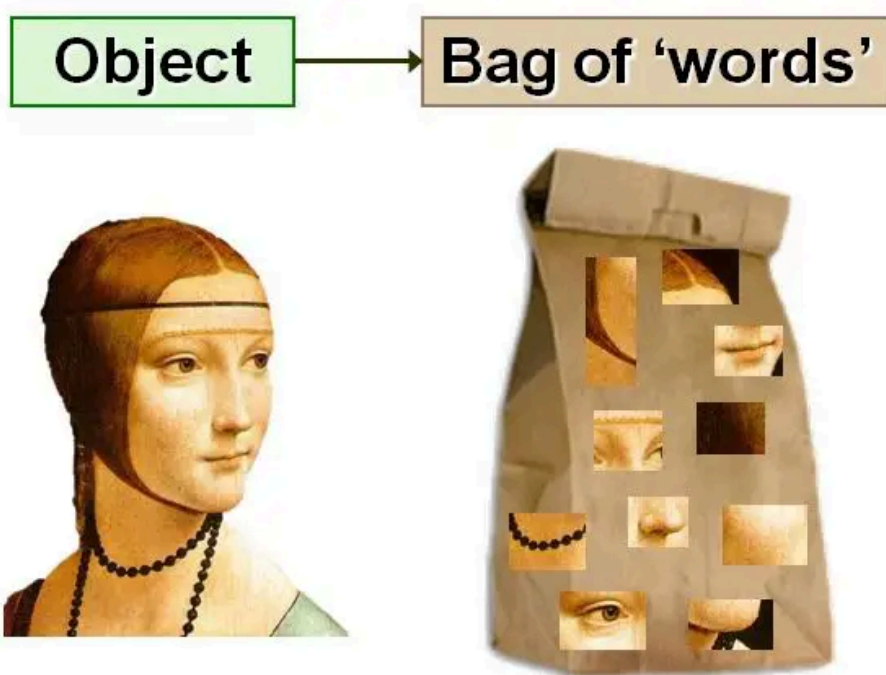
# LDA to get feature vectors
lda = LinearDiscriminantAnalysis(n_components=9) # n_components must be min(n_classes - 1, n_features)
X_train = lda.fit_transform(X_train_pca, y_train)
X_test = lda.transform(X_test_pca)

# One HMM per class
models = []
n_states = 25
for c in range(10):
    # Train HMM for each class
    model = hmm.GaussianHMM(n_components=n_states, covariance_type="tied")
    model.fit(X_train[y_train==c])
    models.append(model)

y_pred = []
for i in range(len(X_test)):
    obs = X_test[i]
    obs = obs.reshape(1, -1) # Reshape to 2D
    scores = [model.score(obs) for model in models]
    y_pred.append(np.argmax(scores))
```

	precision	recall	f1-score	support
T-shirt/top	0.82	0.74	0.78	1000
Trouser	0.99	0.94	0.96	1000
Pullover	0.75	0.56	0.65	1000
Dress	0.66	0.74	0.70	1000
Coat	0.39	0.45	0.42	1000
Sandal	0.87	0.91	0.89	1000
Shirt	0.46	0.51	0.48	1000
Sneaker	0.91	0.85	0.88	1000
Bag	0.92	0.94	0.93	1000
Ankle boot	0.88	0.92	0.90	1000
accuracy			0.76	10000
macro avg	0.77	0.76	0.76	10000
weighted avg	0.77	0.76	0.76	10000

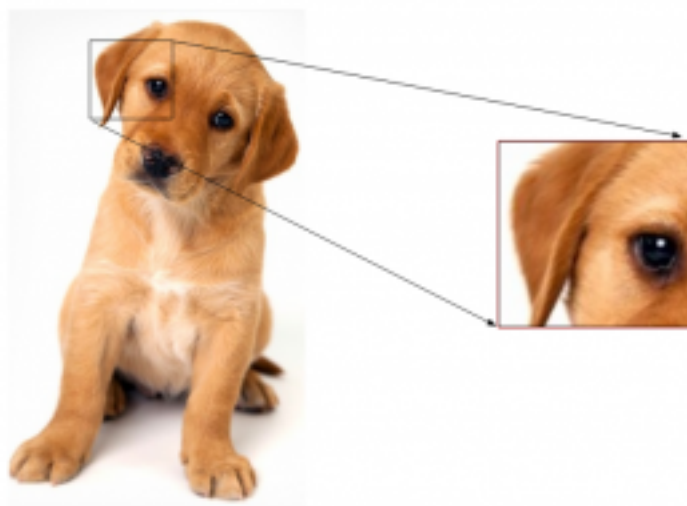
با جستجوی بیشتر و مراجعه به این مقاله به روشی به نام Visual bag of words رسیدیم. پایه Visual bag of words الگوریتم SIFT است. این الگوریتم نقاط کلیدی را شناسایی می‌کند و یک بردار از فیچرهای اصلی تصویر به ما می‌دهد. این روش از متد TF-IDF استفاده می‌کند و به ما کمک می‌کند ویژگی خاص هر تصویر را به دست آوریم البته این الگوریتم برای دیتاست ما اصلاً دقت مناسبی را ارائه نداد.



سپس به کتابخانه scikit-image رسیدیم که شامل چندین روش استخراج ویژگی از تصویر است. چند الگوریتم مرسوم استخراج ویژگی از تصویر شامل HOG، SIFT، LBP و Gabor Filter و یا Canny و Edge Detector هستند.

اکثر مقاله‌هایی که در زمینه دسته‌بندی تصویر با استفاده از روش‌های کلاسیک ماشین لرنینگ ارائه شده بود از الگوریتم‌های HOG یا SIFT یا LBP یا SVD استفاده کرده بودند. تمامی روش‌ها را با هایپرپارامترهای مختلف امتحان کردیم ولی در نهایت بهترین دقت را با استفاده از الگوریتم HOG بدست آوردیم. توضیح الگوریتم **Histogram of Oriented Gradients** در این لینک به خوبی توضیح داده شده است. اما توضیح آن را به طور خلاصه در ادامه می‌آوریم.

این الگوریتم از گرادیان استفاده می کند. این تصویر را در نظر بگیرید:



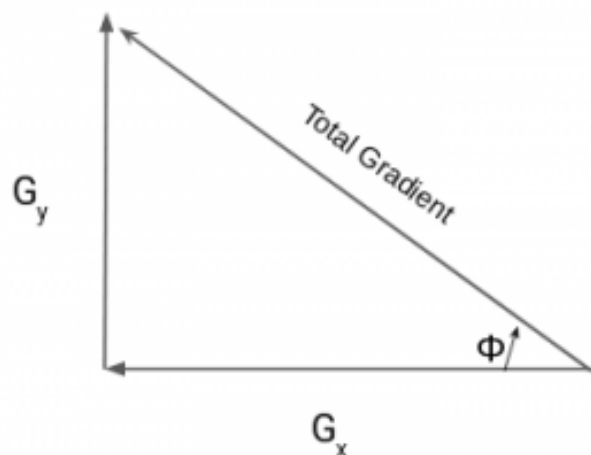
فرض می کنیم مقادیر پیکسلی قسمت زوم شده به صورت زیر باشد:

121	10	78	96	125
48	152	68	125	111
145	78	85	89	65
154	214	56	200	66
214	87	45	102	45

فرض کنید میخوایم گرادیان عدد ۸۵ را حساب کنیم. برای محاسبه تغییرات در راستای محور x ها ۸۵ را منهای عدد سمت چپ آن یعنی ۷۸ میکنیم و آن را Gx می نامیم. و برای محاسبه تغییرات در محور y ها عدد ۸۵ را منهای عدد پایین آن، یعنی ۵۶ می کنیم و آن را Gy می نامیم. با این کار الان دو متریک جدید داریم و این کار را برای تمام پیکسل های موجود در عکس تکرار می کنیم.

برای محاسبه اندازه و جهت گرادیان هر پیکسل با استفاده از گرادیان به دست آمده در مرحله قبل به صورت زیر عمل می کنیم.

برای محاسبه اندازه گرادیان:



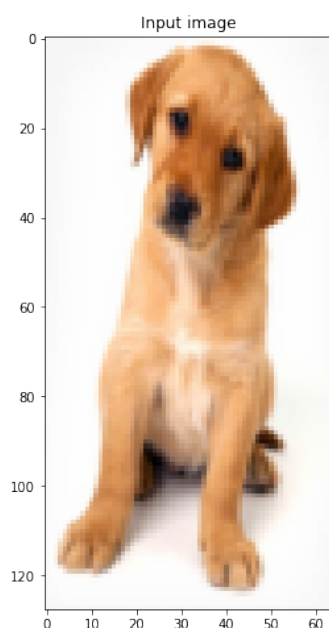
$$\text{Total Gradient Magnitude} = \sqrt{[(G_x)^2 + (G_y)^2]}$$

$$\text{Total Gradient Magnitude} = \sqrt{[(11)^2 + (8)^2]} = 13.6$$

و برای محاسبه جهت آن به صورت زیر عمل می کنیم:

$$\tan(\Phi) = G_y / G_x$$

پس ما تا اینجا اندازه گرادیان هر پیکسل و جهت آن را داریم. در آخرین مرحله یک هیستوگرام می سازیم. هیستوگرام ها نشان دهنده تعداد تکرار جهت های مختلف را نشان می دهد. و در نهایت تصویر ما به صورت زیر در می آید:



این مقاله روی دیتاست FashionMNIST با استفاده از کلاسیفایر SVM به دقت ۸۶.۵۳٪ رسیده بود با توجه به قسمت زیر در مقاله، ما نیز هایپرپارامترهای خود را بر همین اساس انتخاب کردیم.

B. Histogram of Oriented Gradients (HOG)

One of the simple and effective feature extraction methods is HOG feature descriptor. It is a fast and efficient feature descriptor in compare to the SIFT and LBP due to the simple computations, it has been also shown that HOG features are successful descriptor for detection. Mainly it is used for object detection in image processing and computer vision. Using HOG the shape and appearance of the image can be described. It divides the image into small cells like 4-by-4 which is used in this work and computes the edge directions. For improving the accuracy the histograms can be normalized.

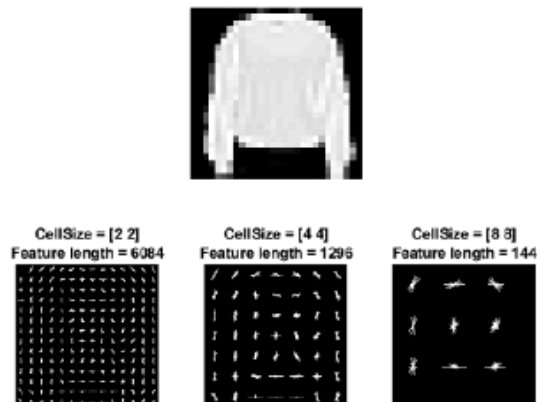
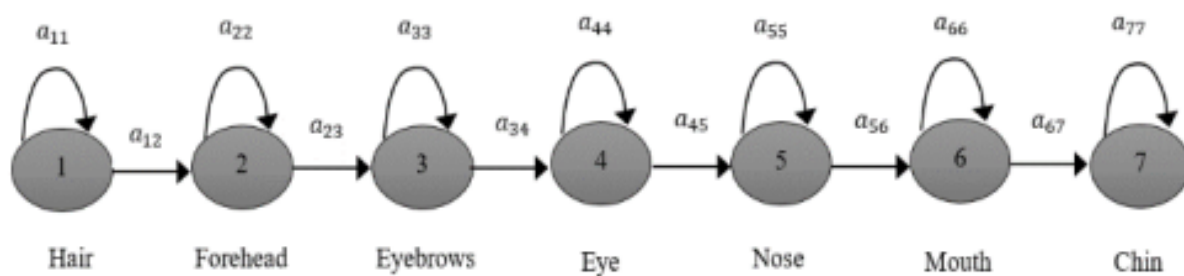
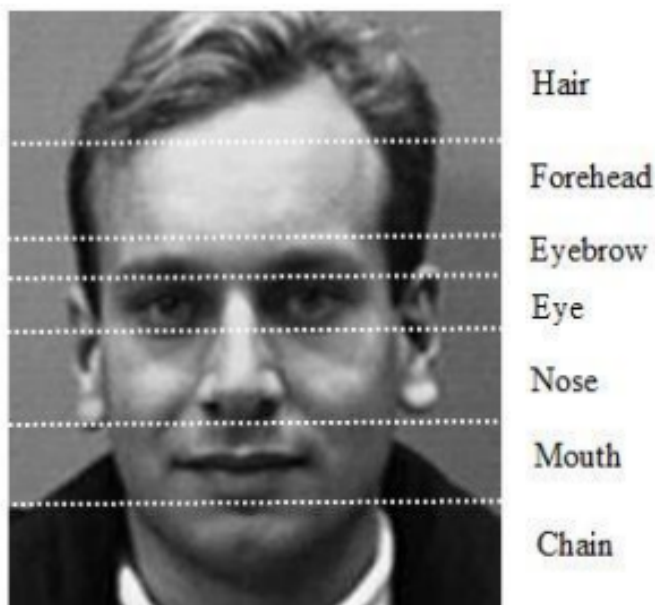


Fig. 2. Extracted features of an image in Fashion-MNIST Dataset

In Figure 2 extracted HOG features of one image using three different cell sizes are shown. In this figure the visualization of cell size [2 2], [4 4] and [8 8] are shown. From that it is clearly understood that the cell size [2 2] contains more shape information than the cell size of [8 8] in their visualization. But in the latter case the dimensionality of feature vector using HOG increases comparing with the former. A good choice is the [4 4] cell size. By using this size the numbers of dimensions are limited and this helps to speed up the training process. Also it contains enough information to visualize the fashion image shape. For identifying the suitable parameter setting configuration of HOG parameters more training and testing processes using the classifier has to be performed.

مقالات دیگری هم مثل این مقاله برای تشخیص چهره با استفاده از مدل مخفی مارکوف دیدیم که به ما برای تشخیص تعداد استیت های مدل کمک کرد.

در این مقاله آورده شده بود که برای تشخیص یک چهره، آن را به هفت قسمت شامل مو، پیشانی، ابرو، چشم، بینی، دهان و چانه تبدیل کرده و تعداد استیت های مدل مارکوف خود را بر این اساس انتخاب کرده است.



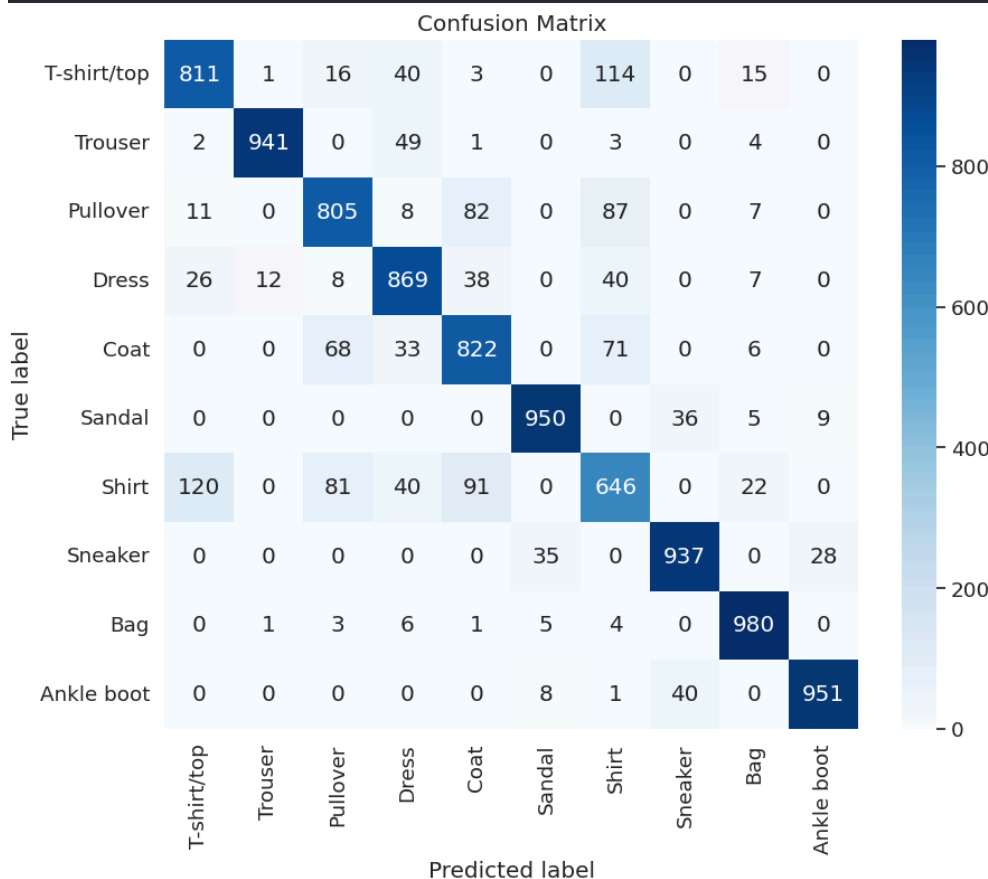
پس ما نیز نتیجه گرفتیم که احتمالاً با تقسیم بندی تصاویرمان به ۲ یا ۳ استیت می توانیم به جواب خوبی برسیم.

پیاده سازی الگوریتم HOG برای رسیدن به دقت بالا کافی نبود. در مقالات مختلف مثل [این مقاله](#) دیدیم که معمولاً ترکیب چند روش کاهش بعد می تواند به ما برای رسیدن به دقت بهتر کمک کند.

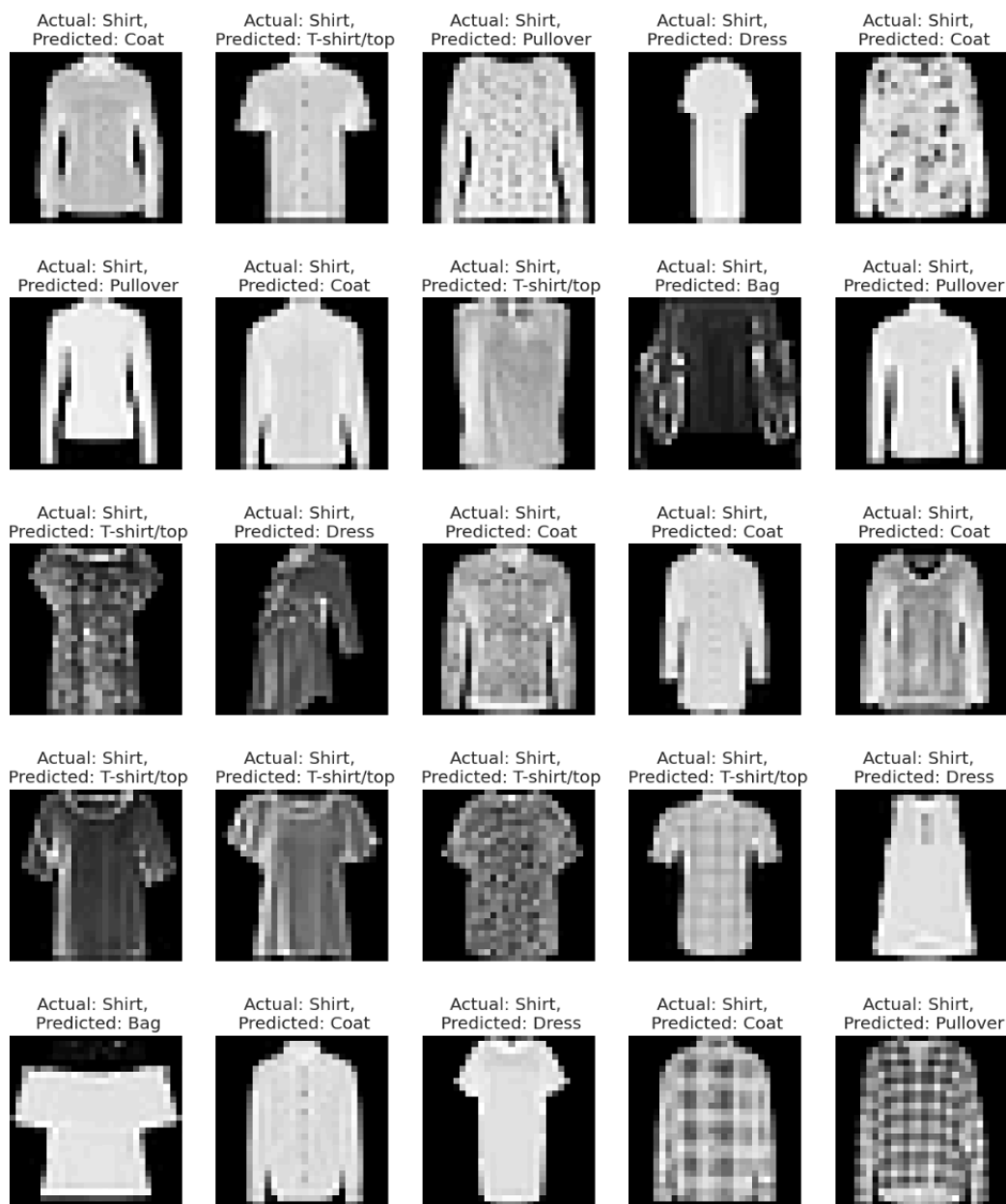
پس ما تصمیم گرفتیم این الگوریتم را با الگوریتم LDA ترکیب کنیم. که دقت حاصله با دو استیت به ۸۶٪ و با یک استیت به ۸۷٪ رسید. با افزایش تعداد استیت های مدل دقت مدل کاهش داشت.

Accuracy: 87.12%

	precision	recall	f1-score	support
T-shirt/top	0.84	0.81	0.82	1000
Trouser	0.99	0.94	0.96	1000
Pullover	0.82	0.81	0.81	1000
Dress	0.83	0.87	0.85	1000
Coat	0.79	0.82	0.81	1000
Sandal	0.95	0.95	0.95	1000
Shirt	0.67	0.65	0.66	1000
Sneaker	0.92	0.94	0.93	1000
Bag	0.94	0.98	0.96	1000
Ankle boot	0.96	0.95	0.96	1000
accuracy			0.87	10000
macro avg	0.87	0.87	0.87	10000
weighted avg	0.87	0.87	0.87	10000

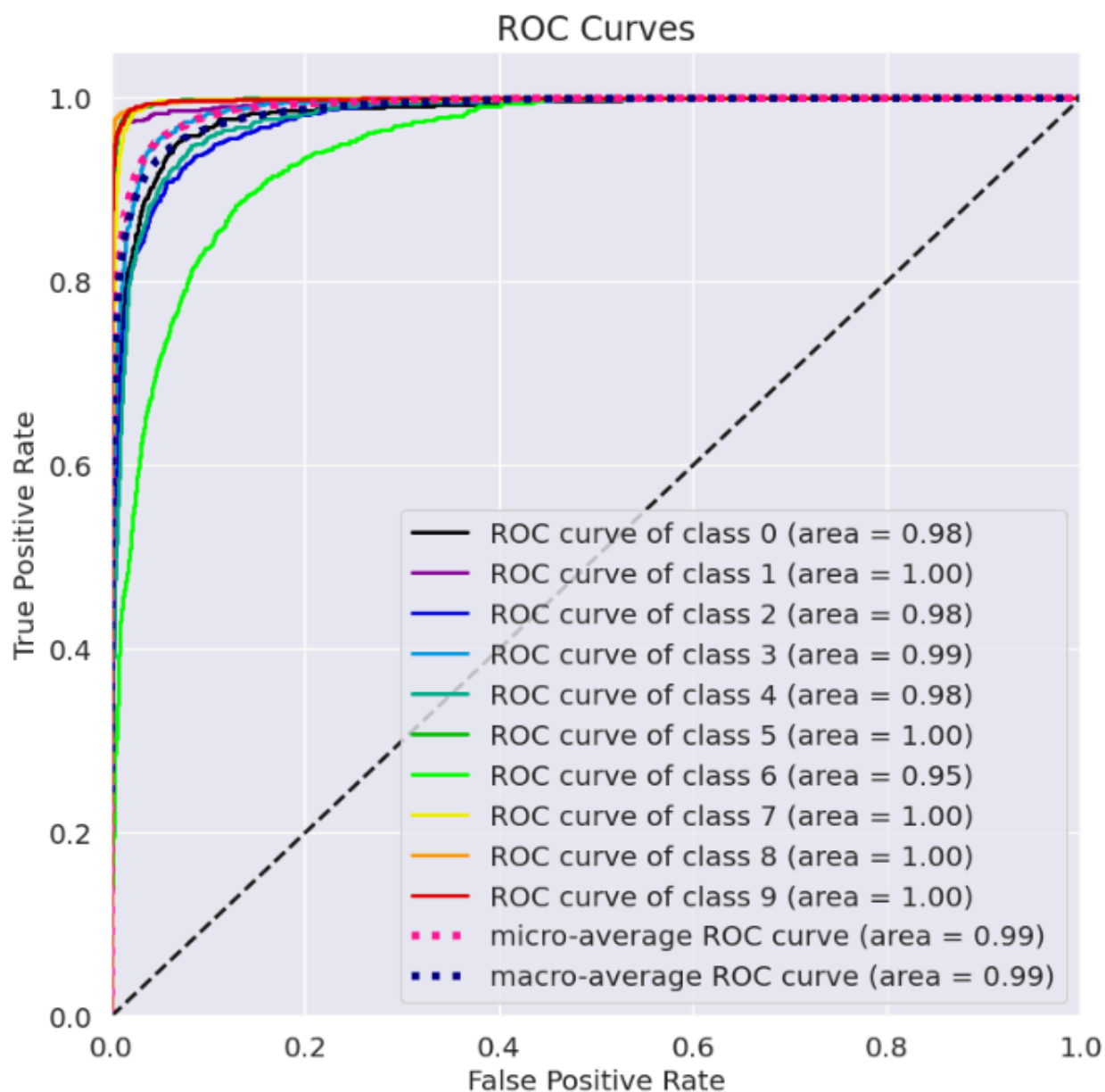


همانطور که میبینیم مدل ما عملکرد خوبی داشته ولی در تشخیص کلاس shirt کمی ضعیف بوده، برای متوجه شدن بهتر دلیل این ضعف پیش‌بینی های این کلاس را نمایش دادیم که به‌صورت زیر است:



البته تشخیص این کلاس در مدل های پیشرفته‌تر مثل CNN ها نیز به خوبی انجام نمی‌شود زیرا همانطور که میبینیم شامل داده های دشواری است.

در نهایت AUC-ROC این مدل به صورت زیر است:



مسئله ما مولتی کلاس است و برای رسم این نمودار به صورت one vs all استفاده کردیم. همطور که میبینیم مدل ما توانایی تمایز بخشیدن بسیار خوبی دارد ولی چون این نمودار به صورت one vs all رسم شده، هر کلاس یک threshold بهینه دارد ولی چون ما باید تنها یک threshold کلی در و خوب برای هر ده کلاس در نظر بگیریم، دقت کلی مدل ما را روی ۸۷٪ قرار می‌دهد و نمی‌تواند از این عدد فراتر رود.

نتیجه گیری

با اینکه مدل مخفی مارکوف مدلی مرسوم برای انجام تسک طبقه‌بندی تصاویر FashionMNIST نیست، اما با استخراج درست ویژگی‌ها از تصاویر و معماری درست برای این تسک که می‌تواند train کردن یک مدل به‌ازای هر کلاس باشد، به نتایج قابل قبولی دست پیدا کرد. در این گزارش مروری بر مسیری که طی شد تا به بیشینه دقت برسیم گفته شده که مهم‌ترین بخش آن استفاده از استخراج‌گر ویژگی HOG و ترکیب آن با LDA بود. همچنین هایپرپارامترهای مسئله از عوامل بسیار مهم در رسیدن به جواب بهینه در این مسئله هستند.