### ZATVORENI TRANSPORTNI PROBLEMI – ZADACI

1. Zadan je transportni problem s četiri ishodišta i četiri odredišta. Ponuda ishodišta je 10, 28, 37 i 25 jedinica tereta, respektivno, a potražnja 30, 22, 24 i 24 jedinice tereta, respektivno.

Troškovi prijevoza po jedinici tereta, izraženi u novčanim jedinicama, iznose po pojedinoj relaciji:

(1,1)	4	(1,2)	2	(1,3)	1	(1,4)	6
(2,1)	2	(2,2)	0	(2,3)	6	(2,4)	5
(3,1)	3	(3,2)	6	(3,3)	0	(3,4)	4
(4,1)	7	(4,2)	2	(4,3)	4	(4,4)	1

Na relaciji (4,3) prijevoz nije moguć jer ne postoji prometnica, a na relaciji (2,4) cesta je u lošem stanju pa se ne preporuča odvijanje prometa tom relacijom.

Izračunati optimalno rješenje, tj. plan prijevoza tereta iz pojedinih ishodišta do pojedinih odredišta, da pritom ponuda ishodišta bude iskorištena i potražnja odredišta podmirena te troškovi prijevoza postignu minimalan iznos.

**2.** Zadana je matrica nabavke odabranog tipa vozila od dva proizvođača, s tri lokacije prodavatelja te troškovima prijevoza u n.j. po vozilu:

Proizvođač		Donudo		
Proizvouac	L1	L2	L3	Ponuda
P1	52	38	69	13
P2	84	100	75	7
Potražnja	6	6	8	20

Napomena: Pretpostavljeno je da su proizvođačke cijene vozila približno jednake, a razlike su samo u troškovima prijevoza od mjesta proizvodnje do prodavatelja, koji prema ugovoru preuzima troškove prijevoza.

Potrebno je odrediti broj vozila koja će se prevesti od pojedinog proizvođača do pojedine lokacije, ovisno o ponudi i potražnji broja vozila, s ciljem da ukupni troškovi prijevoza svih vozila od proizvođača do prodavatelja budu minimalni.

**3.** Građevinsko poduzeće treba organizirati prijevoz kamionima 80 tona građevinskog materijala dnevno iz tri proizvođačka pogona do četiri gradilišta. Dnevne potrebe gradilišta su: 20, 10, 10 i 40 tona, respektivno, a dnevni kapaciteti pogona: 20, 40 i 20 tona, respektivno. Udaljenosti od pojedinih pogona do gradilišta u kilometrima iznose:

Gradilište Pogon	G <sub>1</sub>	G <sub>2</sub>	G <sub>3</sub>	G <sub>4</sub>
$\mathbf{P}_{1}$	5	1	2	2
$\mathbf{P}_2$	3	2	2	4
$P_3$	2	3	2	1

Zadatak je odrediti dnevni program snabdijevanja gradilišta uz uvjet da potrebe gradilišta budu podmirene, kapacitet svakog pogona iskorišten i da ukupan iznos tonskih kilometara bude minimalan.

Da li broj kamena u početnom rješenju zadovoljava uvjet nedegeneriranog rješenja? Kako će se otkloniti degeneracija u matrici transporta?

**4.** Poduzeće ima tri pogona koja svoje proizvode dostavljaju na četiri potrošačka mjesta. Proizvodnja pogona iznosi 12, 18 i 10 jedinica mjesečno, a potražnja svakog mjesta je 10 jedinica mjesečno.

Udaljenost svakog pogona do odgovarajućeg potrošačkog mjesta iznosi u kilometrima:

Potrošač	1.	2.	3.	4.
Pogon				
1.	8	13	4	9
2.	11	15	8	10
3.	7	9	10	9

Cijena prijevoza za svaku jedinicu iznosi 10 jedinica plus 0,5 novčanih jedinica po kilometru udaljenosti.

Odrediti plan prijevoza od pogona do potrošačkih mjesta s ciljem da troškovi prijevoza budu minimalni.

**5.** Zadan je problem snabdijevanja četiri potrošača iz tri odredišta. Ponuda ishodišta, potrebe potrošača i cijene prijevoza u novčanim jedinicama po jedinici proizvoda dani su u tabeli:

Potrošač	$\mathbf{P}_{1}$	$\mathbf{P}_{2}$	<b>P</b> <sub>3</sub>	P <sub>4</sub>	Ponuda
Ishodište					
I-1	3	4	8	2	40
I-2	1	5	5	9	60
I-3	7	2	2	10	100
Potrebe	30	50	50	70	200

Postoji li za ovaj zadatak više optimalnih rješenja? Ako postoje, odrediti alternativna optimalna rješenja i usporediti ih međusobno.

**6.** Jedno poduzeće snabdijeva tri kupca istom robom. Skladišta poduzeća nalaze se na tri različita mjesta. Udaljenosti od skladišta do kupca u kilometrima dane su u tablici:

Kupci Skladište	K <sub>1</sub>	$\mathbf{K}_2$	<b>K</b> <sub>3</sub>
$S_1$	10	5	15
$\mathbf{S_2}$	5	20	30
$S_3$	10	15	25

Snabdjevenost skladišta tom robom iznosi:  $S_1=30$  tona,  $S_2=10$  tona i  $S_3=20$  tona.

Potrebe kupaca su:  $K_1=15$  tona,  $K_2=15$  tona i  $K_3=30$  tona.

Analizirati optimalno rješenje i usporediti ga s varijantom da se u problem uključe troškovi, i to: da trošak prijevoza do 5 km udaljenosti iznosi 4 novčane jedinice po jednom kilometru udaljenosti, do 10 km udaljenosti 3 novčane jedinice po kilometru udaljenosti, a iznad 10 km 2 novčane jedinice po kilometru udaljenosti.

7. Proizvođač s tri proizvodne lokacije treba sastaviti plan snabdijevanja svojim osnovnim proizvodom četiri potrošača.

Mogućnosti isporuka proizvođača su: 70, 50 i 80 jedinica, respektivno. Potrebe potrošača su: 60, 50, 40 i 50 jedinica, respektivno.

Troškovi prijevoza po jednoj jedinici proizvoda izraženi u novčanim jedinicama dani su u tabeli:

Potrošač Lokacija	I.	II.	III.	IV.
I.	10	5	16	36
II.	11	7	8	30
III.	6	9	10	32

**8.** Brodar u svojoj floti ima klasične brodove pogodne za prijevoz cementa koji se odvija na relacijama od tri luke iz zemalja proizvođača cementa do četiri luke u zemljama potrošačima cementa.

Izvozne količine cementa su 10, 17 i 20 tisuća tona, respektivno. Uvozne količine cementa su 12, 11, 14 i 10 tisuća tona, respektivno.

Troškovi prijevoza jedne tone cementa zavise od duljine puta, i to:

- do 6000 Nm 0,100 n.j. po jednoj Nm,
- od 6000 do 8000 Nm 0,075 n.j. po jednoj Nm,
- od 8000 do 10000 Nm 0,050 n.j. po jednoj Nm.

Udaljenosti između pojedinih luka u nautičkim miljama su:

Uvozna	U-1	U-2	U-3	U-4
Izvozna				
luka				
I-1	6200	5400	6900	7100
I-2	7100	6600	7800	8000
I-3	6000	5200	6700	9600

- a) Sastaviti matricu transporta za zadani transportni problem.
- b) Odgovarajućim metodama izračunati optimalno rješenje.
- **8.** Iz sjevernoeuropskih luka Antwerpen i Rotterdam svakodnevno se određene količine agruma i banana prevoze željeznicom u frigo-vagonima. Samo iz Antwerpena u München svakog dana vozi jedan vlak nakrcan isključivo bananama.

Na terminalima za južno voće u Antwerpenu i Rotterdamu za ukrcaj u frigovagone spremno je 1250 tona voća, od toga 750 tona u Antwerpenu i 500 tona u Rotterdamu. U Antwerpenu će se nakrcati 75 vagona, a u Rotterdamu 50 vagona dnevno. Voće je potrebno prevesti: do Münchena 40 vagona, Bruxellesa 10 vagona, Frankfurta 40 vagona, Kölna 20 vagona i Stuttgarta 15 vagona.

Cijene prijevoza su proporcionalne udaljenostima, pa željezničke tarife za količinu tereta jednog vagona iznose u n.j.:

Antwerpen – München	7,53	Rotterdam – München	7,94
Antwerpen – Bruxelles	0,42	Rotterdam – Bruxelles	1,42
Antwerpen – Frankfurt	7,94	Rotterdam – Frankfurt	7,62
Antwerpen – Köln	2,07	Rotterdam – Köln	2,43
Antwerpen – Stuttgart	5,35	Rotterdam – Stuttgart	5,85.

Treba odrediti plan prijevoza voća s ciljem da troškovi prijevoza budu minimalni.

Gradovi Luka	München	Bruxelles	Frankfurt	Köln	Stuttgart	Broj vagona
Antwerpen	7,53 <b>40</b>	0,42 <b>10</b>	7,94	2,07 <b>10</b>	5,35 <b>15</b>	75
Rotterdam	7,94	1,42	7,62 <b>40</b>	2,43 <b>10</b>	5,85	50
Broj vagona	40	10	40	20	15	125/125

**9.** U luku je stigao brod s teretom za domaćeg naručitelja koji zahtijeva od svog otpremnika da se teret što prije i uz što kraće vrijeme dopremi do odredišta. Otpremnik je organizirao prijevoz željeznicom i s tri ranžirna kolosijeka uputio vagone do četiri skladišta gdje je teret bio uskladišten.

Podaci o broju raspoloživih vagona na pojedinom kolosijeku te broju vagona koje treba uputiti ka pojedinim skladištima kao i vrijeme u minutama potrebno da vagon stigne od kolosijeka do skladišta dani su u tabeli:

Skladište	$S_1$	$S_2$	$S_3$	S <sub>4</sub>	Broj
Kolosijek					vagona
K <sub>1</sub>	25	22	48	32	12
$\mathbf{K}_2$	50	24	30	41	8
$K_3$	20	44	39	34	11
Broj vagona	15	5	8	3	31/31

Odrediti optimalan plan upućivanja vagona do pojedinih skladišta s ciljem da "utrošeno" vrijeme bude minimalno. Koliko ono iznosi u satima?

**10.** Brod za generalni teret iskrcao je četiri vrste tereta na operativnu obalu. Pri iskrcaju teret je odmah sortiran i složen u četiri grupe. Dimenzije i težina tereta pogodne su za prijevoz tog tereta viličarima do tri skladišta.

Broj viličara za pojedinu grupu tereta iznosi 4, 5, 3, 6, respektivno, a pri iskrcaju skladišta mogu prihvatiti 7, 5, 6 viličara, respektivno.

Budući da se radi o obalnom skladištu vrijeme vožnje za pojedinu grupu tereta do određenog skladišta iznosi:

- za 1. grupu tereta
- za 2. grupu tereta
- za 3. grupu tereta
- za 4. grupu tereta
- za 4. grupu tereta
- za 5, 4 i 6 minuta,
5, 3 i 8 minuta,
5, 6 i 7 minuta.

Zadatak je na temelju zadanih podataka odrediti ukupno minimalno vrijeme vožnje i plan kretanja viličara.

Za zadani problem jedinični troškovi, ponuda i potražnja su kako slijedi u tabeli:

Skladište	$S_1$	$S_2$	$S_3$	Broj
Teret				viličara
$G_1$	7	4	6	4
$G_2$	5	4	6	5
G <sub>3</sub> G <sub>4</sub>	5	3	8	3
$G_4$	5	6	7	6
Broj viličara	7	5	6	18/18

**11.** Robu smještenu u tri veleprodajna skladišta treba dnevno prevesti do tri maloprodajna skladišta. Količina robe kao i troškovi skladištenja dani su u tabeli:

Skladište	Količina robe	Troškovi
	<b>(t)</b>	( <b>n.j./t</b> )
$S_1$	30	10
$\mathbf{S_2}$	28	17
$S_3$	42	12
Ukupno	100	

Narudžbe maloprodajnog skladišta iznose 33, 31, 36 tona respektivno, a troškovi prijevoza robe (novčanim jedinicama/t) od pojedinog veleprodajnog skladišta do pojedinog maloprodajnog skladišta iznose:

Potražnja Skladište	P <sub>1</sub>	P <sub>2</sub>	P <sub>3</sub>
$S_1$	10	18	21
$S_2$	20	11	13
$S_3$	15	9	28

Problem je definiran kao transportni problem s tri ishodišta i tri odredišta. Matrica transporta izgleda ovako:

Potražnja Skladište	P <sub>1</sub>	<b>P</b> <sub>2</sub>	P <sub>3</sub>	Količina
$S_1$	20	28	31	30
$S_2$	37	28	30	28
S <sub>3</sub>	27	21	40	42
Narudžbe	33	31	36	100

**12.** Poduzeće prodaje robu iste uporabne vrijednosti u tri mjesta. Potražnja na prvom prodajnom mjestu je 15 pošiljaka, drugom 10 pošiljaka i trećem 25 pošiljaka tog dobra. Tri proizvođača (dobavljača) mogu isporučiti ove količine: prvi 10 pošiljaka, drugi 25 i treći 15 pošiljaka.

Zavisno od dobavljača i prodajnog mjesta, razlika u cijeni po jednoj pošiljci, izražena u stotinama kuna iznosi:

Prod. mjesto Dobavljač	I.	II.	III.
I.	4	6	8
II.	3	9	11
III.	5	9	7

Poduzeće želi ostvariti maksimalnu razliku u cijeni. Koji program snabdijevanja ostvaruje postavljeni cilj i koliko iznosi maksimalna razlika?

### OTVORENI TRANSPORTNI PROBLEMI – ZADACI

## ZADATAK 1.

Zadan je problem s tri ishodišta i tri odredišta sljedećeg sadržaja:

Ponuda – 7, 5, 3 jedinica, respektivno.

Potražnja – 8, 4, 6 jedinica, respektivno.

Udaljenost u kilometrima:

10	5	3
8	4	6
12	10	5

Prijevoz na relaciji (2,2) nije moguć.

- a) Postaviti početno rješenje po metodi sjeverozapadnog kuta. Zašto je dobiveno rješenje degenerirano? U koje polje se stavlja kamen s vrijednosti 0?
- b) Odrediti plan prijevoza jedinica iz pojedinog ishodišta do zadanih odredišta uz minimalnu ukupnu udaljenost.

# ZADATAK 2.

Razmatra se problem mjesečnog snabdijevanja s određenim proizvodom četiri potrošača iz tri proizvođačka centra. Količine proizvodnje su: 450, 400 i 550 tona, respektivno, a potrebe potrošača: 300, 300, 300 i 300 tona, respektivno.

Udaljenost između proizvođača i potrošača u kilometrima iznose:

Potrošač	1.	2.	3.	4.
Proizvođač				
1.	26	38	19	21
2.	22	40	48	26
3.	30	50	34	20

- a) Izračunati optimalno rješenje, tj. odrediti iznos tona tereta koji će se prevoziti od ishodišta do odredišta najkraćim putem.
- b) Kako bi se protumačio i proveo u praksi rezultat da je  $x_{35} = 200$ ?
- c) Na koji način bi trebalo uzeti u obzir ograničenje da je na relacijama (2,1) i (3,4) obustavljen promet zbog rekonstrukcije prometnice?

## ZADATAK 3.

Sa tri lokacije teret se prevozi kamionima na tri sabirna mjesta. Količine na lokacijama A, B, C su 10, 5 i 7 tona, respektivno. Najveće moguće količine tereta na sabirnim mjestima S-1, S-2, S-3 su 3, 7 i 9 tona, respektivno.

Udaljenost od pojedine lokacije do svakog sabirnog mjesta u kilometrima iznosi:

Sabirno mjesto Lokacija	S-1	S-2	S-3
A	8	5	10
В	3	2	8
C	5	4	6

Odrediti plan prijevoza tereta od lokacija A, B i C do sabirnih mjesta S-1, S-2 i S-3 da ukupan iznos tonskih kilometara bude minimalan.

### ZADATAK 4.

Odjel veleprodaje koji ima na zalihi određene količine cementa tipa "Portland" smještene u tri skladišta, treba organizirati prijevoz za tri naručitelja prema sljedećim uvjetima. Iz prvog skladišta treba isporučiti 600 tona cementa, iz drugog skladišta 800 tona i iz trećeg skladišta 300 tona cementa. U prvo odredište treba stići 500 tona, u drugo odredište 200 tona, a u treće odredište 1000 tona cementa. Cement je za sva tri naručitelja iste vrste.

Cijene prijevoza u novčanim jedinicama jedne tone cementa po pojedinim relacijama zadane su u tabeli:

Odredište Skladište	$O_1$	$O_2$	O <sub>3</sub>
$S_1$	2	7	5
$S_2$	3	1	4
$S_3$	5	3	7

- a) Postaviti rješenje po: metodi sjeverozapadnog kuta i metodi najmanjih troškova te međusobno usporediti i objasniti razlike.
- b) Odabrati jedno početno rješenje iz točke a) i odgovarajućim metodama odrediti optimalno rješenje.
- c) Ispitati kako se mijenja optimalno rješenje ako se potražnja drugog naručitelja poveća 50%. Obrazložiti dobivena rješenja.

### ZADATAK 5.

Poduzeće ima tri pogona koji proizvode određeni proizvod i njime snabdijevaju četiri veća potrošačka centra.

Raspoložive količine proizvođača i potrebe potrošača (u tonama) te troškovi prijevoza po jednoj toni dani su u tabeli:

Proizvođač	Potrošač				
Tioizvouac	$C_1$	$C_2$	C <sub>3</sub>	$C_4$	Količine
Pogon A	10	13	17	14	60
Pogon B	9	15	14	16	40
Pogon C	13	14	11	12	80
Potrebe	20	50	45	75	190/180

Direktan prijevoz iz pogona B u centar C<sub>3</sub> nije moguć s obzirom na postojeću mrežu prometnica.

- a) Odrediti plan snabdijevanja četiri potrošačka centra s ciljem da ukupni troškovi prijevoza budu minimalni.
- b) Da li postoji više optimalnih rješenja i ukoliko postoje, objasniti način njihovog izračunavanja. Po čemu se razlikuju dva alternativna rješenja međusobno?

#### ZADATAK 6.

Poduzeće ima tri pogona koji proizvode određeni proizvod i njime snabdijevaju tri veća potrošačka centra.

Mjesečna proizvodnja po pogonima iznosi 6,4 i 8 tisuća komada, respektivno, a potrošnja potrošača 2, 5 i 7.5 tisuća komada, respektivno.

Troškovi proizvodnje iznose 2, 2.5 i 3 novčane jedinice po komadu proizvoda, a troškovi prijevoza u novčanim jedinicama po komadu dani su u tabeli:

Pogon	$C_1$	$\mathbb{C}_2$	$C_3$
A	10	13	14
В	9	15	16
C	13	14	12

S obzirom na postojeću mrežu prometnica nije moguć direktan prijevoz iz pogona B u centar  $C_3$  .

Odgovarajućim metodama odrediti plan snabdijevanja potrošačkih centara da ukupni troškovi proizvodnje i prijevoza budu minimalni.

### ZADATAK 7.

Tri rezervoara snabdijevaju vodom četiri naselja. Kapaciteti rezervoara su: 1210, 1100, 730 litara na sat, a potrebe naselja 95, 325, 416 i 800 litara na sat. Cijena izgradnje vodovoda od i-tog rezervoara do j-tog naselja u milijunima kuna su:

Родонулови	Naselje					
Rezervoar	N-1	N-2	N-3	N-4		
R-1	11	21	13	8		
R-2	4	7	10	13		
R-3	8	6	11	7		

Odrediti minimalne troškove izgradnje vodovoda. Metodu izračunavanja optimalnog rješenja odabrati proizvoljno.

### ZADATAK 8.

Iz tri skladišta otprema se određena roba u četiri prodavaonice. Udaljenosti od pojedinog skladišta do svake prodavaonice dane su u tabeli (u km):

Prodavaonice Skladišta	P-1	P-2	P-3	P-4
1.	32	28	50	46
2.	24	34	38	68
3.	56	62	43	76

Troškovi prijevoza zavise linearno od udaljenosti i to 2 novčane jedinice po jednom kilometru udaljenosti.

Kapacitet pojedinog skladišta je 100 tona, ali raspoloživa količina iznosi 80%, 90% i 100% od ukupnog kapaciteta skladišta, respektivno.

Narudžbe prodavaonica su 80, 100,120 i 60 tona robe, respektivno.

Odrediti plan snabdijevanja prodavaonica iz postojećih skladišta uz minimalne troškove prijevoza.

### ZADATAK 9.

Dobivena količina proizvoda A ( $x_1$ =700) raspoređuje se na kupce ( $K_1$ ,  $K_2$ ,  $K_3$ ), koji su dostavili svoje maksimalne mjesečne potrebe u iznosu od 300, 200 i 350 komada A, respektivno.

Količina proizvoda A raspoređena je u skladištima s obzirom na njihov kapacitet prema proporciji 2:1:2.

Troškovi po jedinici proizvoda A od pojedinih skladišta do sjedišta kupaca, izraženi u novčanim jedinicama, dani su u sljedećoj tabeli:

Kupci Skladište	<b>K</b> <sub>1</sub>	K <sub>2</sub>	K <sub>3</sub>
$S_1$	30	34	24
$\mathbf{S_2}$	20	28	35
$S_3$	25	15	10

S obzirom na to da poduzeće snosi troškove prijevoza od skladišta do sjedišta kupaca, potrebno je odrediti raspored proizvedenih količina proizvoda na kupce uz minimalne prijevozne troškove. Analizirati dobiveno optimalno rješenje.

### ZADATAK 10.

Problem je zadan sa sljedećim elementima:

Građevinski se radnici dnevno prevoze autobusom od mjesta stanovanja do gradilišta.

• Prijevoz po jednom radniku u novčanim jedinicama plaća poduzeće koje zapošljava radnike prijevozniku prema ugovoru ovisno o mjestu stanovanja i gradilištu:

7	8	3	8
9	13	1	4
4	7	2	5

- Mjesta stanovanja su A, B, C; broj raspoloživih radnika 10,5,5, respektivno.
- Gradilišta su G<sub>1</sub>, G<sub>2</sub>, G<sub>3</sub>, G<sub>4</sub>; broj potrebnih radnika 10, 8, 4, 8, respektivno.
  - a) Na temelju zadanih elemenata definirati zadatak i odrediti kriterij optimizacije.
  - b) Izračunati optimalno rješenje i objasniti dobivene rezultate. Budući da je broj raspoloživih radnika manji od potrebnog broja na gradilištima, koje gradilište, prema optimalnom rješenju, ima najnepovoljniju lokaciju?
  - c) Da li je za prijevoz, koji se redovito odvija na nekoj relaciji za posebnu skupinu korisnika (tzv. poseban prijevoz), povoljnije ugovoriti iznos prema broju osoba i duljini relacije ili, pak, fiksni iznos za dnevnu vožnju autobusom bez obzira na broj osoba? Može li ista odluka zadovoljiti interese prijevoznika i korisnika usluge prijevoza?

# ZADATAK 11.

Zbog ograničenog kapaciteta lučkih skladišta, zamrznute namirnice koje stižu brodovima odnose se sa tri raspoloživa kamiona-hladnjače u četiri pozadinska skladišta – hladnjače.

Dnevni kapaciteti kamiona-hladnjača su: prvi kamion 25 t, drugi 10 t i treći 35t. Dnevne mogućnosti uskladištenja zamrznute robe u pozadinskim hladnjačama iznose: prvog skladišta 45 t, drugog 15 t, trećeg 20 t i četvrtog skladišta 30 t.

Troškovi prijevoza od luke do skladišta-hladnjača u novčanim jedinicama iznose:

Skladišta	$\mathbf{S_1}$	$S_2$	$S_3$	$S_4$
Kamioni				
$\mathbf{K_1}$	10	20	14	22
$\mathbf{K}_2$	12	10	18	18
$\mathbf{K}_3$	14	15	12	14

- a) Izračunati program prijevoza smrznutih namirnica, tako da ukupni troškovi prijevoza budu minimalni.
- b) Objasniti slučajeve kada neko skladište neće biti popunjeno.
- c) Izračunati program prijevoza ako prijevoz nije moguće izvesti na relaciji (2,2).

### ZADATAK 12.

Proizvod A se prodaje na skladištima u Rijeci, Puli i Karlovcu. Kupci K-1, K-2, K-3 i K-4 potražuju 300, 300, 400 i 200 komada tog proizvoda. Proizvedena količina proizvoda A iznosi 1000 komada i raspoređuje se na skladišta u Rijeci 50%, Puli 20% i Karlovcu 30%.

Uvjeti isporuke proizvoda su fco kupac pa treba utvrditi takav plan prijevoza proizvoda A od skladišta do kupaca da ukupni troškovi prijevoza budu minimalni.

Troškovi prijevoza u novčanim jedinicama po jednom komadu iznose:

Kupac Skladište	K-1	K-2	K-3	K-4
Pula	60	100	120	80
Rijeka	60	100	100	90
Karlovac	50	70	90	60

#### ZADATAK 13.

Na željezničke stanice Rijeka, Zagreb, Ljubljana i Karlovac jednom mjesečno stiže pošiljka od 2000, 1000, 200 i 500 komada nekog proizvoda, respektivno. Navedeni proizvod se prodaje u Rijeci, Senju, Sisku i Puli čija potražnja iznosi 1500, 800, 700 i 1000 komada, respektivno.

Pošiljka se dostavlja kamionima od željezničke stanice do potrošača. Prijevoz kamiona organizira otpremnik "Animo". Cestovna udaljenost od pojedine željezničke stanice do potrošača u kilometrima iznosi:

Mjesto	Rijeka	Senj	Sisak	Pula
Rijeka	0	70	208	102
Zagreb	186	234	60	288
Ljubljana	127	197	199	207
Karlovac	130	178	78	232

Na teritoriju Hrvatske cijena prijevoza kamionima je ujednačena i iznosi jednu novčanu jedinicu po kilometru udaljenosti, ali u Sloveniji, s obzirom na tečaj valute, prijevoz iz Ljubljane je 2,5 puta skuplji.

Odgovarajućim metodama odrediti količine proizvoda koje će se prevoziti od pojedine željezničke stanice do svakog potrošača, s ciljem da ukupni troškovi prijevoza budu minimalni.