大學入學考試中心 九十四學年度指定科目考試試題 數學乙

--作答注意事項---

考試時間:80分鐘

作答方式:第壹部分請用 2B 鉛筆在答案卡之「解答欄」內作答,選擇題答錯均倒扣。

修正時應以橡皮擦拭,請勿在答案卡上使用修正液。第貳部分作答於「非選

擇題答案卷」,請在規定之欄位以黑色或藍色筆作答,並於題號欄標明題號。

第壹部分作答示例:請仔細閱讀下面的例子。

(一)選擇題:只用1,2,3,4,5等五個格子,而不需要用到-,±,以及6,7,8,9,0等格子。

例:若第1題為單一選擇題,選項為(1)3(2)5(3)7(4)9(5)11,而正確的答案為7, 亦即選項(3)時,考生要在答案卡第1列的予劃記(注意不是7),如:



例: 若第 10 題為多重選擇題,正確選項為(1)與(3)時,考生要在答案卡的第 10 列的 □與□ 劃記,如:

$$10 \quad \stackrel{1}{\blacksquare} \quad \stackrel{2}{\Box} \quad \stackrel{3}{\blacksquare} \quad \stackrel{4}{\Box} \quad \stackrel{5}{\Box} \quad \stackrel{6}{\Box} \quad \stackrel{7}{\Box} \quad \stackrel{8}{\Box} \quad \stackrel{9}{\Box} \quad \stackrel{0}{\Box} \quad \stackrel{-}{\Box} \quad \stackrel{\pm}{\Box}$$

(二)選填題的題號是 A,B,C,……,而答案的格式每題可能不同,考生必須依各題的格式填答,且每一個列號只能在一個格子劃記。

例:若第 C 題的答案格式是 $\frac{202}{50}$, 而答案是 $\frac{-7}{50}$ 時,則考生必須分別在答案 卡的第 20 列的 一 與第 21 列的 7 劃記,如:

第壹部分: (77%)

一、單一選擇題(16%)

說明:第1、2題為單一選擇題,選出最適當的一個選項,劃記在答案卡之「解答欄」。 每題答對得8分,答錯或劃記多於一個選項者倒扣2分;倒扣到本大題之實得 分數為零分為止。未答者,不給分亦不扣分。

- 1. 設一地球儀的球心爲空間坐標的原點,有兩個城市的坐標分別爲 A(1,2,2), B(2,-2,1)。假定地球爲半徑等於 6400 公里的圓球,試問飛機從 A 城市直飛至 B 城市的最短航線長最接近下列那一個選項的值?
 - (1) 8000 公里
 - (2) 8500 公里
 - (3) 9000 公里
 - (4) 9500 公里
 - (5) 10000 公里

12

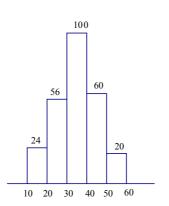
2. 下列五個直方圖表示的資料,何者之標準差最大?

(1)

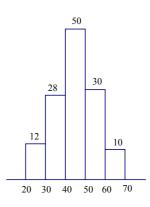


10

(2)

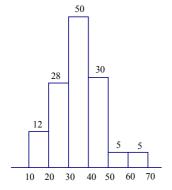


(3)

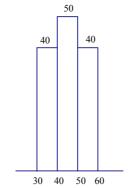


(4)





10 20 30 40 50 60



二、多重選擇題(16%)

說明:第3、4題,每題各有5個選項,其中至少有一個選項是正確的。請選出正確選項,劃記在答案卡之「解答欄」。各選項獨立計分,每答對一個選項,可得1.6分;每答錯一個,倒扣1.6分;完全答對得8分;整題未答者,不給分亦不扣分。若在備答選項以外之區域劃記,一律倒扣1.6分。倒扣到本大題之實得分數為零為止。

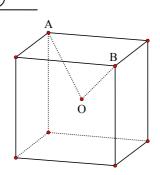
- 3. 定義一組資料的第一十分位數 \mathbf{w}_1 為 \mathbf{w}_1 第 至少有(含) $\frac{1}{10}$ 的資料不大於 \mathbf{w}_1 ,且至少有 (含) $\frac{9}{10}$ 的資料不小於 \mathbf{w}_1 。,試問下列敘述何者爲真?
 - (1)任一組資料都恰有一個第一十分位數
 - (2) 若將原資料每個數據分別乘以 5, 則原資料的第一十分位數乘以 5 也會是新 資料的第一十分位數
 - (3) 若將原資料每個數據分別加 5, 則原資料的第一十分位數加 5 也是此新資料的第一十分位數
 - (4) 若有 A,B 兩組資料其第一十分位數分別爲 w_A, w_B ,則 $w_A + w_B$ 也是此兩組資料合併成一組後的第一十分位數
 - (5)任一組資料的第一十分位數必小於該組資料之算術平均數

- 4. 試問在坐標平面上,下列有關拋物線的敘述哪些是正確的?
 - (1) 能夠找到拋物線以x 軸為準線,x+y=0 為對稱軸。
 - (2) 能夠找到拋物線以x 軸爲準線,頂點是(1,1),焦點是(1,2)。
 - (3) 能夠找到拋物線以x 軸爲準線,焦點是(2,2),且通過(3,3)。
 - (4) 能夠找到拋物線以x 軸爲準線,且通過(3,3),(-3,4)。
 - (5) 能夠找到拋物線以x 軸為準線,y 軸為對稱軸,且通過(3,3),(-3,3)。

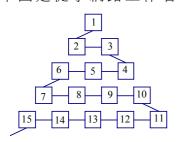
三、選塡題(45%)

説明: A, B, C, D, E 各題為選填題,劃記在答案卡之「解答欄」所標示的列號(5-21) 內。每一題完全答對得9分,答錯不倒扣,未完全答對不給分。

A. 如圖所示設一正立方體的中心為 O,而 A,B 爲此正立方體同一面上的兩個對頂點,則 $\cos \angle AOB = \frac{\boxed{5}}{\boxed{7}}$ 。(以最簡分數表示)



B. 下圖是從事網路工作者經常用來解釋網路運作的蛇形模型:



C. 設 10^4 的所有正因數的乘積爲 n,則 log n= 12 13。

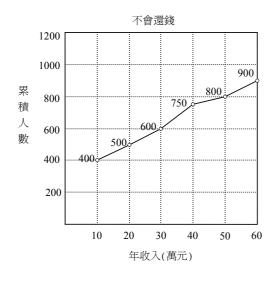
D. 小明玩戰爭網路遊戲,在螢幕上有一坐標平面,飛機 P 以等速直線前進,在坐標 (-12,4)的位置被發現,經過 1 秒後到達坐標(-10,4),再經 1 秒後,小明從原點 選一方向發射一飛彈 R,假設 R 也以直線前進且速率跟 P 相同,而且 R 剛好擊中 P。試求 R 擊中 P 時的坐標(a,b)爲 (14 5 ,16)。

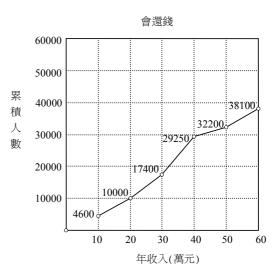
E. 一實驗室培養兩種菌,令 $\langle a_n \rangle$ 和 $\langle b_n \rangle$ 分別代表兩種培養菌在時間點 n 的數量,彼此有如下的關係: $a_{n+1} = 2(a_n + b_n)$, $b_{n+1} = 2b_n$ $(n = 0,1,2,\cdots)$. 若二階方陣 $A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ 滿足 $\begin{bmatrix} a_{n+3} \\ b_{n+3} \end{bmatrix} = A \begin{bmatrix} a_n \\ b_n \end{bmatrix}$, (其中 $n = 0,1,2,\cdots$),則 $a = \underline{17}$, $b = \underline{18}$ ①, $c = \underline{20}$, $d = \underline{21}$ 。

第貳部分: (23%)

說明:本大題共有二題計算證明題,答案務必寫在答案卷上,並於題號欄標明題號 (一、二)與子題號(1、2),同時必須寫出演算過程或理由,否則將予扣分。 每題配分標於題末。

一、某銀行檢討『一年期 20 萬元的小額急用貸款,一年後還款 21 萬元』的申請資格。過去幾年的記錄顯示:申辦此項貸款者一年後只有依約還款 21 萬元與違約不理(1 元都不還)兩種情形,沒有還一部分錢等其他情形發生;且發現會還錢或不會還錢者與其年收入有關,兩者的累積次數分配部分圖形如下:





- (1)一個年收入 30 萬元以下的貸款者,會還錢的機率爲何? (4分)
- (2)銀行貸款給一個年收入 30 萬元以下的客戶,銀行的獲利期望值爲多少元? (6分)
- 二、根據過去長期統計資料顯示:某公司推銷員的年資 x (年),與每次推銷成功的 機率 y(x),滿足下列關係式: $y(x) = \frac{2^{-3+x}}{1+2^{-3+x}}$
 - (1) 化簡 $r(x) = \frac{y(x)}{1 y(x)}$, 並說明 r(x)的値隨 x 增大而增大(即 r(x)爲遞增函數)。 (6 分)
 - (2) 說明年資8年(含)以上的推銷員,每次推銷不成功的機率小於4%。(7分)