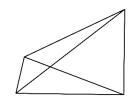
## 國立中興大學附屬高中 110 學年度 第2 學期 興附盃數學競賽 高一數學試題

班級:一年 \_\_\_\_\_ 班 座號:\_\_\_\_\_ 姓名:\_\_\_\_ 命題:林老師 審題:涂老師

## 一、單選題(每題8分共16分)

說明:第1題至第2題, 每題有5個選項, 其中只有一個是正確或最適當的選項.各題答對者, 得8分; 答錯、未作 答或畫記多於一個選項者, 該題以零分計算。

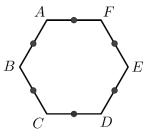
- 1. 有一個猜英文字母的遊戲, 進行的方式是給定10張卡片, 上面分別寫著AB、AC、AD、AE、BC、BD、BE、 CD、CE、DE 。主持人先從這10張卡片中任意抽選一張,由小淳來猜測這張卡片上的字母,每經過一分鐘, 主持人會給小淳一個提示,提示方法是主持人會寫下兩個字母,例如提示AB,則表示主持人所抽的卡片上必 定有字母 A 或 B ,因此小淳可以推測出主持人所抽的卡片可能是AB 、AC 、AD 、AE 、BC 、BD、BE 這 7 種可能。已知遊戲過程中,主持人每經過一分鐘給出的提示依序為AB、CD、AC、BD、CE、BC、BE,請 問小淳最早在哪一個提示時,就可以確實推測出主持人所抽的卡片為BC?
  - (1) BE (2) BC (3) CE (4) BD (5) AC  $\circ$
- 2. 使用 3 種不同的顏色塗右圖(平面圖型),每區域只能塗一色,規定相鄰區域必須異色, 目 3 種顏色都必須使用。求所有塗色的方法數有幾種?
  - (1) 6 (2) 12 (3) 18 (4) 24 (5) 27



## 二、多重選擇題(每題10分共20分)

說明:第3題至第4題,每題有5個選項,其中至少有一個是正確的選項,請將正確選項畫記在答案卡之「選擇(填) 題答案區 1。各題之選項獨立判定,所有選項均答對者,得10分;答錯1個選項者,得6分;答錯2個選項者, 得2分;答錯多於2個選項或所有選項均未作答者,該題以零分計算。

- 3. 若  $a \cdot b \cdot c$  為三相異實數,則下列哪些敘述是「a > b > c」的否定敘述?
  - $(1)a \le b$  且  $b \le c$  (2)a > b 或 b > c
- $(3)a \le b$  或  $b \le c$
- $(4)a \cdot b \cdot c$  三數中,a 不是最大的
- $(5)a \cdot b \cdot c$  三數中,a 不是最大的或 c 不是最小的。
- 4. 如右圖,從正六邊形 ABCDEF 的各邊中點,任取 3 點連成三角形,下列哪些是正確的?
  - (1) 依此方法可連成3種不同大小的三角形
  - (2) 這些三角形中,共有6個鈍角三角形
  - (3) 這些三角形中,共有6個銳角三角形
  - (4) 這些三角形中,共有6個直角三角形
  - (5) 這些三角形中,若為銳角三角形,則必為正三角形

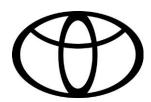


## 三、選填題(每題8分共64分)

說明:1.第A至H題,將答案畫記在答案卡之「選擇(填)題答案區」所標示的列號(5~25)。

2. 第 A 至 H 題每題完全答對給 8 分。

【A】使用 4 種不同顏色來塗右圖某車廠 logo 的 6 個空白區域,每個區域只塗一色,顏色可重複使用,但相鄰區域不同色,則有 (5)(6)(7) 種塗法



【B】興大附中第一次段考高一 15 班全班 40 人中,國文及格者有 30 人,英文及格者有 28 人, 數學及格者有 26 人,設此三科均及格者有 x人,則 x最大值為 a ,x最小值為 b ,求 a+b=(8)(9)

【C】 
$$A = \{ x | \sqrt{x} \in \mathbb{N} : 1 \le x \le 10^6 \}$$
  $B = \{ x | x = 18k : k \in \mathbb{Z} \}$   $\mathbb{H}$   $n(A - B) = (10)(11)(12)$  ∘

【D】從 1 寫到 9869,總共寫了 (13)(14)(15)(16) 個 3。

【E】 若 
$$A = \{(t, t-5) \mid t \in R\}$$
,  $B = \{(t+1,2t) \mid t \in R\}$ , 若  $A \cap B = \{(a,b)\}$ , 求  $a+b = (17)(18)(19)$ 。

【F】  $A = \{x \mid x^2 + ax + b > 0\}$  ,  $B = \{x \mid x^2 + cx - 15 \le 0\}$  且  $A \cap B = \{x \mid 2 < x \le 5\}$  ,  $A \cup B = R$  , 則 a + b + c = (20)(21)

【G】  $A = \{x \mid x+2 \le 1, x \in R\}, B = \{x \mid x-8 \le k, x \in R\}$ ,若  $A \subset B$ ,求 k 之最小值= (22)(23)

【H】  $A = \{x, y, z\}$  ,  $B = \{z + 1, 5, 6\}$  ,則滿足  $A \subset B$  的序組(x, y, z)有多少組? (24)(25)