國立中興大學附屬高級中學 111 學年度第 2 學期 期末考 高一 數學 試題卷

命題教師:\_\_Derek\_\_ 審題老師:\_\_Bao\_\_

班級:\_\_\_\_ 座號:\_\_\_\_ 姓名\_\_\_\_\_

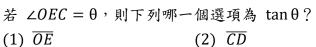
試題共四頁,答案卡一張

答案卡資料若未劃記書寫,或因劃記書寫錯誤,扣成績5分。考卷末頁附有參考公式,提供使用。

第一部分:單選題(占16分)

說明:第1題至第4題,每題有5個選項,其中有一個是正確或最佳的選項,請將正確答案畫記在答案卡之「選擇(填)題答案區」。每題答對,得4分;答錯或未作答者,該題以零分計算。

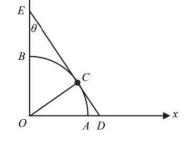
- 1. 已知等腰  $\triangle ABC$  中, $\overline{AB} = \overline{AC} = 1$  且  $\angle ABC = \theta$ ,則  $\overline{BC}$  長度為下列哪個選項?
  - (1)  $\sin \theta$
- (2)  $\cos \theta$
- (3)  $2 \sin \theta$
- (4)  $2\cos\theta$
- (5)  $\sin\theta\cos\theta$
- 2. 坐標平面上,以原點 O 為圓心,1 為半徑畫圓,分別交坐標軸正向於  $A \times B$  兩點。在第一象限的圓弧上取一點 C 作圓的切線分別交於兩軸於點  $D \times E$ ,如右附圖。  $\to (OFC A)$  則下列哪一個選項為 tan A?



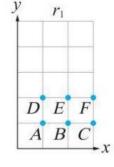




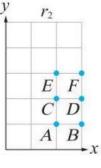
(5)  $\overline{CE}$ 



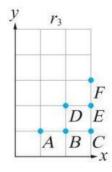
3. 附圖有五組數據,每組各有六個資料點,各組的相關係數依序是  $r_1 imes r_2 imes r_3 imes r_4 imes r_5$ ,則下列關係何者錯誤?



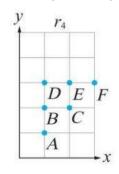
(1)  $r_1 = r_2$ 



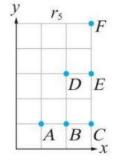
(2)  $r_2 < r_3$ 



(3)  $r_3 = r_4$ 



(4)  $r_3 > r_5$ 



(5)  $r_1 < r_5$ 

- 4. 有一條筆直的道路,在道路的左側遠方有一煙囪,現在想對此煙囪測量高度,首先在道路上 A 點測得其煙囪頂部的仰角為  $30^{\circ}$ ,沿著道路往前走 100 公尺後來到 B 點,在 B 點測得其煙囪頂部的仰角為  $45^{\circ}$ ,繼續在道路往前走 50 公尺後來到 C 點,在 C 點測得其煙囪頂部的仰角為  $60^{\circ}$ ,試問此煙囪的高度為多少公尺?
  - (1)  $100\sqrt{3}$
- (2) 150
- (3)  $150\sqrt{3}$
- (4) 200
- (5)  $200\sqrt{3}$

## 第二部分:多選題(占24分)

- 說明:第5題至第7題,每題有5個選項,其中至少有一個是正確的選項,請將正確選項畫記在答案卡之「選擇(填)題答案 區」。各題之選項獨立判定,所有選項均答對者,得8分;答錯1個選項者,得4.8分;答錯2個選項者,得1.6分;答 錯多於2個選項或所有選項均未作答者,該題以零分計算。
  - 5. 全班有四十位同學,其身高 (X) 與體重 (Y) 的算術平均數分別為  $\mu_X = 170(公分)$  與  $\mu_Y = 60(公斤)$ ,標準差分別為  $\sigma_X = 8(公分)$  與  $\sigma_Y = 5(公斤)$ ,若身高與體重的相關係數為 r = 0.8,則下列選項哪些正確?
    - (1) Y 對 X 的迴歸直線必通過 (170,60)
    - (2) Y 對 X 的迴歸直線斜率為 0.8
    - (3) 由 Y 對 X 的迴歸直線進行預測,身高 180 公分的同學其體重為 65 公斤
    - (4) 若將每位同學的身高進行調整後的數據為 Z,其中  $Z = \frac{X-170}{8}$ ,則 Y 對 Z 的相關係數為 0.1
    - (5) 承 (4), Y 對 Z 的迴歸直線為 y = 0.8z
  - 6. 下列關於三角比的相關敘述,哪些選項是正確的?
    - (1) 存在角度  $\alpha$  可以滿足  $\tan \alpha = 10^{10}$
    - (2)  $\triangle ABC$  中,若  $\sin A = 0.5$ ,則  $\angle A = 30^{\circ}$
    - (3) 若 θ 為第三象限角,則  $\tan \frac{\theta}{2} < 0$
    - (4) 若  $270^{\circ} < \theta < 360^{\circ}$ ,則  $\sin(180 + \theta) = \sin \theta$
    - (5) 已知  $0^{\circ} < \theta_1 < 90^{\circ}$ , $90^{\circ} < \theta_2 < 180^{\circ}$ ,若  $|\cos \theta_1| = |\cos \theta_2| = \frac{1}{5}$ ,則  $\theta_1 + \theta_2 = 180^{\circ}$
  - 7. 在  $\triangle ABC$  中,D 為  $\overline{AB}$  上一點,且  $\overline{AD} = 5$ , $\overline{BD} = 3$ ,若  $\overline{BC} = 2\overline{CD}$ , $\cos \angle CDB = -\frac{1}{\sqrt{5}}$ ,則下列選項哪些正確?
    - $(1) \sin \angle CDB = \frac{2}{5}$
- (2) ΔABC 的面積為 8
- $(3) \ \overline{AC} = \sqrt{5}$

- (4) ΔABC 為等腰三角形
- (5) ΔABC 為鈍角三角形

## 第三部分:選填題(占60分)

說明:1.第A至J題,將答案畫記在答案卡之「選擇(填)題答案區」所標示的列號(8-36)2.第A題到第J題答對得6分,答錯不倒扣,該題未完全答對不給分,每題答案請皆化到最簡表示之。

A. 已知坐標平面上兩直線, $L_1$ :  $-\sqrt{3}x + y + 1 = 0$  與  $L_2$ : x + y - 5 = 0,則此兩直線的銳夾角為 8 9 度。

B. 已知 θ 為第一象限角,滿足  $\frac{\sin \theta + 3\cos \theta}{\sin \theta - 2\cos \theta} = 6$ ,則  $\tan \theta = 10$  。

C. 坐標平面上一點 P ,P 的直角坐標為 (4,-y) ,P 的極坐標為  $[8,\theta^{\circ}]$  ,其中 y>0 且  $0^{\circ}<\theta^{\circ}<360^{\circ}$  , 則數對  $(y,\theta)=$  ( ①  $\sqrt{$  ①  $}$  , ② 13 ① ① 。

D. 已知數據如附表,其Y 對 X 的迴歸直線為 y=ax+b,則  $a=\frac{1617}{18}$  ,  $b=\frac{19}{20}$  。

X	1	2	3	4
Y	3	5	6	10

E. 設 270° < θ < 360°, 若  $\sin \theta = \sin 2023$ °, 則 θ 為 ②1 ②2 ③3 度。

F. 若  $\triangle ABC$  中, $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$  的對邊邊長分別為 a、b、c。已知 5a-2b-c=0,a+2b-2c=0, 則  $\sin A$  :  $\sin B$  :  $\sin C = 20$  : 20 : 20 .

G. 已知  $0^{\circ} < \theta < 45^{\circ}$ ,满足  $\sin \theta + \cos \theta = \frac{\sqrt{6}}{2}$ ,則  $\frac{1}{\sin \theta} - \frac{1}{\cos \theta} = \underline{27}$   $\sqrt{28}$  。

H. 在 ΔABC 中,設 D 為  $\overline{BC}$  上一點,已知  $\angle BAD = 45^\circ$ , $\angle CAD = 60^\circ$ , $\Delta ABC$  的面積為  $\Delta ACD$  的 7 倍,若  $\overline{AB}$  長為  $\overline{AC}$  長的 t 倍,則 t = 29  $\sqrt{30}$  。

I. 在 ΔABC 中,D 為 
$$\overline{BC}$$
 上一點,已知  $\overline{AB} = \overline{AC} = 5$ , $\overline{AD} = 4$ ,且  $\cos \angle BAD = \frac{37}{40}$ ,則  $\overline{CD} = \frac{31}{32}$  。

J. 
$$ΔABC$$
 為正三角形,其內部有一點  $P$ ,若  $P$  到  $\overline{AB}$  與  $\overline{AC}$  的距離分別為 1 與 3,則  $\overline{AP} = \frac{33 \sqrt{34} \sqrt{3}}{36}$  。

## <試題結束,請記得檢查,並將答案塗在答案卡上,祝考試順利>

## ◎参考公式

 $\Delta ABC$ 的正弦定理:  $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$  ( R 為  $\Delta ABC$  外接圓半徑)

 $\triangle ABC$ 的餘弦定理:  $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos C$ 

一維數據  $X: x_1, x_2, \dots, x_n$ ,

算術平均數  $\mu_X = \frac{1}{n}(x_1 + x_2 + \dots + x_n)$ 

標準差 
$$\sigma_X = \sqrt{\frac{1}{n}[(x_1 - \mu_X)^2 + (x_2 - \mu_X)^2 + \dots + (x_n - \mu_X)^2]} = \sqrt{\frac{1}{n}[(x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_n^2) - n\mu_X^2]}$$

二維數據 (X,Y):  $(x_1,y_1),(x_2,y_2),\cdots,(x_n,y_n)$  相關係數  $r_{X,Y} = \frac{(x_1-\mu_X)(y_1-\mu_Y)+(x_2-\mu_X)(y_2-\mu_Y)+\cdots+(x_n-\mu_X)(y_n-\mu_Y)}{n\sigma_X\sigma_Y}$ 

迴歸直線(最適合直線)方程式  $y-\mu_Y=r_{X,Y}\frac{\sigma_Y}{\sigma_Y}(x-\mu_X)$ 

參考數值:  $\sqrt{2} \approx 1.414, \sqrt{3} \approx 1.732, \sqrt{5} \approx 2.236, \sqrt{6} \approx 2.449, \pi \approx 3.142$ 

班級:\_\_\_\_ 座號:\_\_\_ 姓名\_\_\_\_ 試題共<u>四</u>頁,答案卡<u>一</u>張 參考答案 敬請指正 單選題 1. 2. 3. 4. 4 2 4 2 多選題 5. 6. 1 3 1 3 5 2 4 5 填充題 A. C. В. D.  $4\sqrt{3}$ , 300 75 3 E. F. G. Н.  $2\sqrt{2}$ 317  $3\sqrt{6}$ 2:3:4 I. J.  $\frac{9}{2}$  $\frac{2\sqrt{39}}{3}$ 

國立中興大學附屬高級中學 111 學年度第 2 學期 期末考 高一 數學