## 88 年聯考 (自然組)

第一部分:選擇題(共佔40分,請將答案劃記在『答案卡』上。)

單一選擇題:共有4題,每題的五個備選答案中,只有一個是對的。每題6 分,答錯了倒扣1.5分,若不答,則得零分。

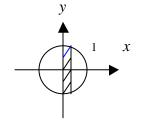
令 f(x)表右圖單位圓內斜線部分的面積,

0 < x < 1,  $\iint f'(x) =$ 

(A) 
$$\sqrt{1-x^2}$$
 (B)  $-\sqrt{1-x^2}$  (C)  $2\sqrt{1-x^2}$ 

(D)  $-2\sqrt{1-x^2}$  (E)  $\pi$ 

Ans : (C)



- 某甲觀測一飛行中的熱汽球,發現其方向一直在正前方,而仰角則以等速 2. 遞減。已知此汽球的高度維持不變,則汽球正以
  - (A) 等速飛行 (B) 加速向某甲飛來 (C) 減速向某甲飛來
  - (D) 加速離某甲飛去 (E) 減速離某甲飛去。

Ans : (D)

- 將連接(1,0,0)與(0,0,1)兩點的直線,繞z軸旋轉而得一個圓錐面, 3. 則此直圓錐面與平面 x = 2 相交而得的圖形為
  - (A) 直線 (B) 圓 (C) 橢圓 (D) 抛物線 (E) 雙曲線

Ans: (E)

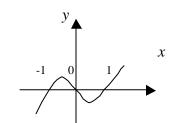
4. 下列各方陣中何者之秩為2?

(A) 
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \\ 3 & 6 & 9 \end{pmatrix}$$
 (B)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  (C)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  (D)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \\ 3 & 4 & 5 \end{pmatrix}$  (E)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 4 & 9 \\ 1 & 8 & 27 \end{pmatrix}$ 

(D) 
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \\ 3 & 4 & 5 \end{pmatrix}$$
 (E)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 4 & 9 \\ 1 & 8 & 27 \end{pmatrix}$ 

Ans: (D)

- 多重選擇題:共有2題,每題的五個備選答案中,至少有一個是對的。每題8分,每答對一個選項,可得1.6分;每答錯一個選項,倒扣1.6分;若完全不答,則得零分。
- 5. 已知 y = x(x 1)(x + 1)知圖形如右圖所示。今 考慮 f(x) = x(x - 1)(x + 1) + 0.01,則方程式 f(x) = 0



- (A) 有三個實根。
- (B) 當 *x* < -1 時 , 恰有一實根(有一實根 且只有一實根)。
- (C) 當 1 < x < 0 時, 恰有一實根。

Ans: (A)(B)

- 6. 某班數學老師算出學生成績後,鑒於學生平時都很用功,決定每人各加 5 分(加分後沒人超出滿分),則加分前與加分後,學生成績統計數值絕對不會改變的有
  - (A) 算術平均數 (B) 中位數 (C) 標準差 (D) 變異係數 (E) 全距 Ans: (C)(E)

第二部分:非選擇題(三大題,共佔60分)

## 說明:

- (1) 第一大題為填空題,必須在「非選擇題試卷」上第一欄開始作答; 為節省空間,請不要把演算過程寫在上面,但務必寫上題號 (1,2,3,4,5後,再寫答案。
- (2) 第二大題與第三大題為計算證明題,每題 10 分,作答在「非選擇題試卷」上,必須寫明題號(二或三),並寫出演算過程。
- 一.填空題:(共有5個空格,每個空格8分)
- 1. 假設某球形的地球儀,其赤道長為 100 公分,則北緯 60°的緯線長為\_\_\_\_\_公分。

Ans: 50

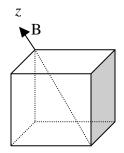
2. 在平面 z = 0 上有一圓,其圓心為(0,0,0),半徑為 1。今有一球,其球

面含此圓及點 $(0,0,\sqrt{3})$ ,則此球之半徑為\_\_\_\_\_

Ans: 
$$\frac{2}{\sqrt{3}}$$

3. 如右圖,有一邊長為1的正立方體。今置頂點A於空間座標系中之原點(0,0,0),置頂點B於正z軸上,則頂點C之z座標為

Ans:  $\frac{1}{\sqrt{3}}$ 



Ans: 48

- 5. 某甲向銀行貸款 100 萬元,約定從次月開始每月還給銀行 1 萬元,依月利率 0.6% 複利計算,則某甲需要\_\_\_\_\_\_年就可還清。(答案以四捨五入計算成整數,而  $\log 2 = 0.3010$ ,  $\log 1.006 = 0.0026$ ) Ans: 13
- 二、假設  $\cos\theta$   $3\sin\theta$  = 2 ,且  $0 < \theta < 90^{\circ}$  ,求  $\cos\theta$  +  $\sin\theta$ 之值。 Ans :  $\frac{4+\sqrt{6}}{5}$
- 三、如右圖,A,B 為橢圓  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ 之兩頂點, 其中 a,b 皆為正數。若 P 為第一象限的橢圓 弧上之一點,則 $\Delta$ ABP 最大面積為何?

Ans:  $\frac{1+\sqrt{2}}{2}ab$ 

