國立中興大學附屬高中 110 學年度 第2 學期 興附盃數學競賽 高一數學試題

班級:一年 _____ 班 座號: _____ 姓名: ____

一、單選題(每題8分共16分)

說明:第1題至第2題, 每題有5個選項, 其中只有一個是正確或最適當的選項.各題答對者, 得8分; 答錯、未作 答或畫記多於一個選項者, 該題以零分計算。

- 1. 有一個猜英文字母的遊戲, 進行的方式是給定10張卡片, 上面分別寫著AB、AC、AD、AE、BC、BD、BE、 CD、CE、DE 。主持人先從這10張卡片中任意抽選一張,由小淳來猜測這張卡片上的字母,每經過一分鐘, 主持人會給小淳一個提示,提示方法是主持人會寫下兩個字母,例如提示AB,則表示主持人所抽的卡片上必 定有字母 A 或 B ,因此小淳可以推測出主持人所抽的卡片可能是AB 、AC 、AD 、AE 、BC 、BD、BE 這 7 種可能。已知遊戲過程中,主持人每經過一分鐘給出的提示依序為AB、CD、AC、BD、CE、BC、BE,請 問小淳最早在哪一個提示時,就可以確實推測出主持人所抽的卡片為BC?
 - (1) BE (2) BC (3) CE (4) BD (5) AC \circ

Ans:3

- 2. 使用 3 種不同的顏色塗右圖(平面圖型),每區域只能塗一色,規定相鄰區域必須異色, 目 3 種顏色都必須使用。求所有塗色的方法數有幾種?
 - (1) 6 (2) 12 (3) 18 (4) 24 (5) 27



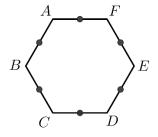
二、多重選擇題(每題10分共20分)

說明:第3題至第4題,每題有5個選項,其中至少有一個是正確的選項,請將正確選項畫記在答案卡之「選擇(填) 題答案區」。各題之選項獨立判定,所有選項均答對者,得10分;答錯1個選項者,得6分;答錯2個選項者, 得2分;答錯多於2個選項或所有選項均未作答者,該題以零分計算。

- 3. 若 $a \cdot b \cdot c$ 為三相異實數,則下列哪些敘述是「a > b > c」的否定敘述?
 - $(1)a \le b$ $\exists b \le c$ (2)a > b $\exists b > c$
- $(3)a \le b$ 或 $b \le c$
- $(4)a \cdot b \cdot c$ 三數中, a 不是最大的
- $(5)a \cdot b \cdot c$ 三數中,a 不是最大的或 c 不是最小的。

Ans : 3,5

- 4. 如右圖,從正六邊形 ABCDEF 的各邊中點,任取 3 點連成三角形,下列哪些是正確的?
 - (1) 依此方法可連成3種不同大小的三角形
 - (2) 這些三角形中,共有6個鈍角三角形
 - (3) 這些三角形中,共有6個銳角三角形
 - (4) 這些三角形中,共有6個直角三角形
 - (5) 這些三角形中,若為銳角三角形,則必為正三角形

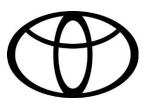


Ans: 125

三、選填題(每題8分共64分)

說明:1.第A至H題,將答案畫記在答案卡之「選擇(填)題答案區」所標示的列號(5~25)。 2. 第 A 至 H 題每題完全答對給 8 分。

【A】使用 4 種不同顏色來塗右圖某車廠 logo 的 6 個空白區域,每個區域只塗一色,顏色可重複使用,但相鄰區域不同色,則有 (5)(6)(7) 種塗法



Ans: 588

Ans:30

Ans: 834

【D】從 1 寫到 9869,總共寫了 (13)(14)(15)(16) 個 3。

Ans: 3977

- 【E】 若 $A = \{(t, t-5) \mid t \in R\}$, $B = \{(t+1,2t) \mid t \in R\}$, 若 $A \cap B = \{(a,b)\}$, 求 a+b = (17)(18)(19) Ans:-11
- [F] $A = \{x \mid x^2 + ax + b > 0\}$, $B = \{x \mid x^2 + cx 15 \le 0\}$ $\exists A \cap B = \{x \mid 2 < x \le 5\}$, $A \cup B = R$, $\exists A \in B = \{x \mid 2 < x \le 5\}$, $A \cup B = R$,

Ans:-7

【G】 $A = \{x \mid x+2 \le 1, x \in R\}, B = \{x \mid x-8 \le k, x \in R\}$ 若 A \subset B,求 k 之最小值= (22)(23)

Ans:11

【H】 $A = \{x, y, z\}$, $B = \{z + 1, 5, 6\}$,則滿足 $A \subset B$ 的序組(x, y, z)有多少組? (24)(25)

Ans:13