國立中興大學	學附屬高級中學	103	學年度 第 2 學期	第 2 次期中考	高二數學科試題(自)	命題:張 審題:陳老	師試題共	3 頁
班級・	年	班	広號∙	姓名・			頁 ,第	0 頁

答案卷

一、多選題: (每題 5 分。所有選項均答對者得 5 分;錯一個選項得 3 分;錯二個選項得 1 分; 所有選項均未作答或答錯多於 2 個選項者,該題以 0 分計算。共 20 分)

1	2	3	4
(A)(C)(D)(E)	(A)(B)(E)	(B)(D)	(A)(B)(D)

二、填充題: (計分方式如下,共 80 分)

答對格數	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
得分	6	12	18	24	30	36	42	48	52	56	60	64	68	72	76	80

1	0	9	4
1	2	3	4
(4, 1, 5)	-2	(1,7,2)	0 或 2
5	6	7	8
$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$	(16, -16)	(-6, -4)	$\left[\begin{array}{cc}2&0\\0&1\end{array}\right]$
9	10	11	12
$\left[\begin{array}{cc} 1024 & 0 \\ 0 & 1 \end{array}\right]$	$\begin{bmatrix} -1022 & 2046 \\ -1023 & 2047 \end{bmatrix}$	4x - 5y + 3z = 1	2x - y = -1
13	14	15	16
$\frac{\sqrt{5}}{3}$	(12,3)	134	$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ $\vec{\mathbb{Q}}$ $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

國	 立中興大學附	屬高級中學	103		學期 第 2 次期中考	高二數學科試題(自)	命題:張	審題:陳老師試題共 3
班	級:	_ 年	班	座號:	姓名:			頁 ,第1頁
		所有選項均	未作	答或答錯多	於 2 個選項者,請	·個選項得 3 分;錯二 核題以 0 分計算。共 2		分;
	(A) P 點在區 (B) Q 點在區 (C) 直線 PQ (D) Q 點到區 (E) 包含 L 」	直線 L 上 直線 L 上 Q 與直線 L 垂 直線 L 的距離 Q 且與直線 \overrightarrow{PQ}	直 爲 $\sqrt{6}$ 垂直之	.平面方程式爲	x + y - 2z = 0	,請選出正確的選項?	•	
	(A) 若 (x, y) , (B) 若 (x, y) , (C) 若 (x, y) , (D) 當 $a \neq 5$	z 的方程組 z) 為此方程組 z) 為此方程組 z) 為此方程組 z) 為此方程組 5 時,恰有一組 5 時,此方程組	l的解 l的解 l的解 l(x, y)	,則 $x = 1$,則 $y > 0$,則 $y < z$		數,請選出正確的選項? _		•
	(A) $(A + B)$ (B) 若 $A^2 =$ (C) 若 $A \neq 0$ (D) $A^3 - I =$	是 2 階方陣, C $A^2 = A^2 + 2A$ $A^2 = I$,則 (ABA) $A^2 = A$ $A^2 = A$ $A^2 = A$ $A^2 = A$ $A^2 = A$ $A^2 = A$ $A^2 = A$	$B + B$ $)^{3} = A$ $C \cdot \mathbb{R}$ $+ A - B$	3^2 恆成立 AB^3A 引 $B=C$	為 2 階單位方陣,請達	選出正確的選項?	•	
4.	1,今設 A 、 (A) A^2 是轉 (B) AC 是轉 (C) $2A$ 是轉 (D) $\frac{1}{2}(A+B)$	B 是兩個 2 × 移矩陣 導移矩陣	2 的轉	, ,		是一個非負的實數;(乙)該 車,請選出正確的選項? _	核矩陣的每一行 	的數字相加都等於 。

二、塡充題:

答對格數

得分

 $1 \mid 2$

(計分方式如下,共 80 分)

1. 已知 A(2,3,1),B(3,2,3) 是空間中的二點,求直線 \overleftarrow{AB} 與平面 3x-2y+z=15 的交點坐標。_

48 | 52

2. 空間中,一道雷射光由點 A(a,3,-4) 射向點 B(4,0,8),行走的路徑中與 y 軸交於 C 點,求 a 之值爲 ______。

國立中興大學附屬高級中學 103 學年度 第 2 學期 第 2 次期中考 高二數學科試題(自) 命題:張 審題:陳老師試題共 3

班級: 年 班 座號: 姓名: 頁,第2頁

3. 已知矩陣
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & a & 5 \\ 2 & b & -3 & 3 \\ 3 & 1 & -1 & c \end{bmatrix}$$
 經過列運算後, 得
$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 4 \\ 0 & 1 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$
,求序對 (a,b,c) 爲
$$\underline{ 3 }$$
 。

4. 已知聯立方程式
$$\begin{cases} x + ay + 3z = 0 \\ x + 2y + (a+1)z = 0 \end{cases}$$
 除了 $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$ 的解,尚有其他解,求 a 的值爲 a 。
$$x - 2y + 5z = 0$$

5. 已知矩陣
$$A \cdot B$$
 滿足 $A + B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$, $A - B = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$, 求 $A^2 - B^2 = \underline{\quad \ \ }$ 。

7. 已知矩陣
$$\left[egin{array}{cc} a & b \\ c & d \end{array}
ight]$$
 的反方陣爲 $\left[egin{array}{cc} 3 & \pi \\ 2 & \sqrt{5} \end{array}
ight]$, 則聯立方程式 $\left\{ egin{array}{cc} ax+by=-2 \\ cx+dy=0 \end{array}
ight.$ 的解 $(x,y)=$ _______ \circ

8. 已知矩陣
$$A=\begin{bmatrix} -1 & 2 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$
, $P=\begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$, 且 $B=APA^{-1}$,求

$$(1) 矩陣 \textit{B} = \underline{ 8 } \circ (2) 矩陣 \textit{B}^{10} = \underline{ 9 } \circ (3) 矩陣 \textit{P}^{10} = \underline{ 10 } \circ$$

- 9. 空間中,設點 P(1,0,-1),直線 $L_1: \frac{x-1}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-4}{2}$, $L_2: \frac{x}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-3}{2}$,試求下列各題:

 - (3) 直線 L_1 與 L_2 的距離爲 $\underline{\hspace{1cm}}$

10. 設聯立方程式
$$\begin{cases} a_1x + b_1y = c_1 \\ a_2x + b_2y = c_2 \end{cases}$$
 恰有一組解 $(4,2)$,求聯立方程式
$$\begin{cases} a_1x + 2b_1y - 3c_1 = 0 \\ a_2x + 2b_2y - 3c_2 = 0 \end{cases}$$
 的解爲 $(x,y) = \underline{\qquad \qquad }$ 0

- 11. 菲歐烈王國中,有衆多魔導士公會,其中妖精的尾巴、蛇姬之鱗、青色天馬三大魔導士公會組成了一個策略聯盟,開始時各有72、144、144 位魔導士,爲了讓魔導士們吸取其他公會的良好經驗,所以進行兩次移地修業。每次移地修業都是:將當時妖精的尾巴魔導士中的 $\frac{1}{4}$ 移到蛇姬之鱗、 $\frac{1}{4}$ 移到青色天馬;將當時蛇姬之鱗魔導士中的 $\frac{1}{6}$ 移到妖精的尾巴、 $\frac{1}{3}$ 移到青色天馬;將當時青色天馬魔導士中的 $\frac{1}{2}$ 移到妖精的尾巴、 $\frac{1}{3}$ 移到蛇姬之鱗。則兩次的移地修業後,妖精的尾巴有 位魔導士。
- 12. 對於正整數 n , 設 $(1+\sqrt{2})^n = a_n + b_n \cdot \sqrt{2}$, 其中 a_n 、 b_n 爲有理數 ,從恆等式 $(1+\sqrt{2})^{n+1} = (1+\sqrt{2})^n (1+\sqrt{2})$ 可推得

國立中興大學	中興大學附屬高級中學 103 學年度 第 2 學期		第 2 次期中考	高二數學科試題(自)	命題:張	審題:陳老師試題共 3	
班級:	年	班	座號:	姓名:			頁,第3頁

答案卷

一、多選題: (每題 5 分。所有選項均答對者得 5 分;錯一個選項得 3 分;錯二個選項得 1 分; 所有選項均未作答或答錯多於 2 個選項者,該題以 0 分計算。共 20 分)

1	2	3	4

二、填充題: (計分方式如下,共 80 分)

答對格數	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
得分	6	12	18	24	30	36	42	48	52	56	60	64	68	72	76	80

1	2	3	4
	_		_
5	6	7	8
9	10	11	12
13	14	15	16