財團法人大學入學考試中心基金會 112學年度學科能力測驗試題 數學B考科

請於考試開始鈴響起,在答題卷簽名欄位以正楷簽全名

—作答注意事項—

考試時間:100分鐘

作答方式:

- •選擇(填)題用 2B 鉛筆在「答題卷」上作答;更正時以橡皮擦擦拭,切勿使用修正帶(液)。
- 除題目另有規定外,非選擇題用筆尖較粗之黑色墨水的筆在「答題卷」上作答;更正時,可以使用修正帶(液)。
- 考生須依上述規定劃記或作答,若未依規定而導致答案難以辨識或評閱時,恐將影響成績。
- 答題卷每人一張,不得要求增補。
- 選填題考生必須依各題的格式填答,且每一個列號只能在一個格子劃記。請仔細閱讀下面的例子。

例:若答案格式是 (18-2) ,而依題意計算出來的答案是 $\frac{3}{8}$,則考生必須分別在答題卷上

的第 18-1 列的 ≧ 與第 18-2 列的 ≜ 劃記,如:

例:若答案格式是 $\underbrace{ \begin{bmatrix} 19-1 \\ 19-2 \end{bmatrix}}$,而答案是 $\frac{-7}{50}$ 時,則考生必須分別在答題卷的第 19-1 列

的□與第19-2列的□ 劃記,如:

選擇(填)題計分方式:

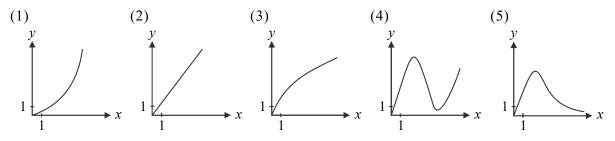
- 單選題: 每題有 n 個選項, 其中只有一個是正確或最適當的選項。各題答對者, 得該題的分數; 答錯、未作答或劃記多於一個選項者, 該題以零分計算。
- 多選題: 每題有n個選項,其中至少有一個是正確的選項。各題之選項獨立判定,所有選項均答對者,得該題全部的分數;答錯k個選項者,得該題 $\frac{n-2k}{n}$ 的分數;但得分低於零分或所有選項均未作答者,該題以零分計算。
- 選填題每題有 n 個空格, 須全部答對才給分, 答錯不倒扣。
- ※試題中參考的附圖均為示意圖,試題後附有參考公式及數值。

第壹部分、選擇(填)題(占85分)

一、單選題(占35分)

說明:第1題至第7題,每題5分。

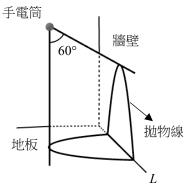
1. 某抽水站發現其用電量(單位:度)與抽水馬達轉速(單位:rpm)的三次方成正比。 根據上述,試問下列這五個圖中,哪一個最可以描述此抽水站的用電量 y (度)與抽水 馬達轉速x (rpm) 的對應關係?



- 2. 考慮實數二階方陣 $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$,若 $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix}$ = $\begin{bmatrix} 3 & -4 \\ -9 & -7 \end{bmatrix}$,則 c-2b 的值為何? (1) -11(3) 1 (4) 10 (5) 11
- 3. 地面上有甲、乙兩大樓,已知甲的高度大於乙,且甲、乙兩大樓的水平距離為 150 公 尺。某人從甲樓頂拉一條繩索到乙樓頂,並從甲樓頂測得乙樓頂的俯角為22°。假設該 繩索被拉成直線,試問繩索的長度(單位:公尺)最接近下列哪個選項?(註:眼睛往 下看目標物時,視線與水平線間的夾角稱為俯角)
 - (1) 150
- (2) 150sin 22°
- (3) 150cos 22°
- (4) $\frac{150}{\cos 22^{\circ}}$ (5) $\frac{150}{\sin 22^{\circ}}$
- 4. 某校期中考試有 29 名考生,且成績均相異,統計後得到位於第 25、第 50、第 75 與 第 95 百分位數的考生成績分別為 41、60、74 與 92 分。後來發現成績有誤需要調整 分數,成績較高的前 15 名學生的分數應該要各加 5 分,其餘學生成績不變。假設調 整後第 25、第 50、第 75 與第 95 百分位數的考生成績分別為 a、b、c與 d分,則數 組(a,b,c,d)為下列哪個選項?
 - (1) (41, 60, 74, 92)
- (2) (41, 60, 74, 97)
- (3) (41, 65, 79, 97)

- (4) (46, 65, 79, 92)
- (5) (46, 65, 79, 97)

- 5. 袋子裡有編號分別為 1, 2, ..., 100 的 100 顆球,某甲從袋中隨機抽取一球,每顆球被抽到的機率均相等。試問在下列哪個選項的條件下,某甲抽到 7 號球的條件機率最大?
 - (1) 某甲抽到球的號碼是奇數
 - (2) 某甲抽到球的號碼是質數
 - (3) 某甲抽到球的號碼是7的倍數
 - (4) 某甲抽到球的號碼不是5的倍數
 - (5) 某甲抽到球的號碼小於 10
- 6. 某甲計算多項式 $f(x)=x^3+ax^2+bx+c$ 除以 $g(x)=ax^3+bx^2+cx+d$ 的餘式,其中 a,b,c,d 為 實數,且 $a\neq 0$ 。他誤看成 g(x)除以 f(x),計算後得出餘式為 -3x-17。假設 f(x)除以 g(x) 正確的餘式等於 px^2+qx+r ,則 p的值會等於下列哪個選項?
 - (1) -3
 - (2) -1
 - (3) 0
 - (4) 2
 - (5) 3
- 7. 已知某手電筒照射的光線為直圓錐狀,且光發散的夾角為 60°,如圖所示。設牆壁與地板垂直且交界處為直線 L,將此手電筒以垂直於 L的方向照射,即此直圓錐的軸與 L垂直。若手電筒照射在牆壁上的光線邊緣為拋物線的一部份,則在地板上的光線邊緣為下列哪種圖形的一部份?
 - (1) 兩相交直線
 - (2) 圓形
 - (3) 拋物線
 - (4) 長短軸不相等的橢圓
 - (5) 雙曲線



二、多選題(占25分)

說明:第8題至第12題,每題5分。

- 8. 某電子看板持續不斷的輪流播放 $A \times B$ 兩段廣告 ($A \times B \times A \times B \dots$),每個廣告播放時間皆為 T 分鐘 (其中 T 為整數)。某甲經過時剛好開始播放 A 廣告,30 分鐘後,某甲回到該處,看到恰好開始播放 B 廣告。試選出可能是 T 值的選項。
 - (1) 15
- (2) 10
- (3) 8
- (4) 6
- (5)5
- 9. 已知 a=6 、 $b=\frac{20}{3}$ 、 $c=2\sqrt{10}$ 和 d ,且 d 為有理數,將這四個數標註在數線上,

即 A(a) 、 B(b) 、 C(c) 和 D(d) 。 試選出正確的選項。

- (1) a+b+c+d 必為一個有理數
- (2) abcd 必為一個無理數
- (3) 點 D 有可能與點 C 的距離等於 $2\sqrt{10}+6$
- (4) 點 A 和點 B 的中點位在點 C 的右邊
- (5) 數線上和點B距離小於8的所有點中,正整數有14個,負整數有1個
- 10. 某機構在 12 點時將兩種不同的營養劑分別投入培養皿甲與培養皿乙中,此時甲、乙的 細菌數量分別為 $X \times Y$ 。已知甲的數量每 3 小時成長為原來的 2 倍,例如 15 點時甲的 數量為 2X。乙的數量每 2 小時成長為原來的 2 倍,例如 14 點時乙的數量為 $2Y \times 16$ 點時乙的數量為 4Y,測量所得結果部分記錄於下表。該機構在 18 點時測量發現甲、乙的 數量相同,欲以細菌數量隨時間呈指數成長的模型來預估甲、乙 12 點至 24 點的細菌 數量。根據上述,試選出正確的選項。

時刻(點)	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
甲數量	X			2 <i>X</i>									
乙數量	Y		2 <i>Y</i>		4 <i>Y</i>								

- (1) X > Y
- (2) 在 13 點時,甲的數量為 $\frac{4}{3}X$
- (3) 在 15 點時,乙的數量為 3Y
- (4) 在 19 點時, 乙的數量為甲的 1.5 倍
- (5) 在24點時,乙的數量為甲的2倍

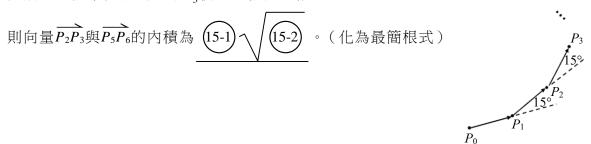
- 11. 坐標平面上有一圓,其圓心為 A(a,b),且此圓與兩坐標軸皆相切,另有一點 P(c,c),其中 a>c>0,且已知 $\overline{PA}=a+c$,試選出正確的選項。
 - (1) a = b
 - (2) 點 P 位於直線 x+y=0 上
 - (3) 點 P 在此圓內
 - $(4) \quad \frac{a+c}{b-c} = \sqrt{2}$
 - (5) $\frac{a}{c} = 2 + 3\sqrt{2}$
- 12. 在球心為O的球形地球儀上,有A、B、C、D、E五個點,其中A、B、C三點都在赤道上,且經度分別為東經0°、60°和90°;D、E兩點都在北緯30°線上,且經度分別為東經0°、180°。試選出正確的選項。
 - (1) 赤道的長度等於東經0°和180°這兩條經線長度的總和
 - (2) 北緯 45° 線的長度等於赤道長度的 $\frac{1}{2}$
 - (3) 「由A沿赤道移動到B的最短路徑長」等於「由D沿東經0°經線移動到北極點的路徑長」
 - (4) 「由D沿北緯 30°線移動到E的路徑長」等於「由D沿東經 0°經線移動到北極點,再由北極點沿東經 180°經線移動到E 的路徑長的總和」
 - (5) 通過北極點與A點的直線與通過北極點與C點的直線互相垂直

三、選填題(占25分)

說明:第13題至第17題,每題5分。

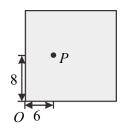
13. 有兩個正實數 $a \cdot b$,已知 $ab^2 = 10^5$, $a^2b = 10^3$,則 $\log b = \frac{(13-1)}{(13-2)}$ 。 (化為最簡分數)

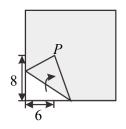
- 14. 從 1 到 20 的 20 個整數中,取出相異的 3 個數 $a \cdot b \cdot c$,使其成為等差數列,且 a < b < c,則 (a,b,c)的取法有 $\overbrace{(14-1)}$ $\overbrace{(14-2)}$ 種。
- 15.如圖所示,平面上有一點 P_0 先朝某方向前進 2 個單位長到達點 P_1 後,依前進方向左轉 15 度;朝新方向前進 2 個單位長到達點 P_2 後,然後再依前進方向左轉 15 度;再朝新方向前進 2 個單位長到達點 P_3 後,…依此類推。



16. 正方形紙張上有一點 P , P 點距離紙張左邊界 6 公分,距離下邊界 8 公分。今將紙張的

左下角O點往內摺至P點,如圖所示。則摺進去的三角形面積是 $\frac{(16-1)(16-2)(16-3)}{24}$ 平方公分。





17. 考慮所有只用 0,1,2 三種數字組成的序列,序列長度 n 是指該序列由 n 個數字組成(可重複出現)。令 a(n) 為在所有長度 n 的序列中連續兩個零(即 00)出現的次數總和。例如長度 3 的序列中含有連續兩個零的有 000,001,002,100,200,其中 000 貢獻 2 次 00,其餘各貢獻 1 次 00,故 a(3)=6。則 a(5) 的值為 a(7-1) a(7-2) a(7-3) 。

第 6 頁 共 7 頁

第貳部分、混合題或非選擇題(占15分)

說明:本部分共有1題組,選填題每題3分,非選擇題配分標於題末。限在答題卷標示題 號的作答區內作答。選擇題與「非選擇題作圖部分」使用 2B 鉛筆作答,更正時, 應以橡皮擦擦拭,切勿使用修正帶(液)。非選擇題請由左而右橫式書寫,作答時 必須寫出計算過程或理由,否則將酌予扣分。

18-20 題為題組

空地上有三根與地面垂直且等高的電線桿,其底座在一直線上且間距相等。某甲以單點透視法在畫布上畫這三根電線桿。在畫布上設坐標系,使得電線桿皆與y軸平行,三根底座的點分別為 $A_1(0,0)$ 、 A_2 、 A_3 ,都在直線L:x+3y=0上;三根頂端的點分別為 $B_1(0,3)$ 、 B_2 、 B_3 ,都在直線M:2x-3y+9=0上,如圖所示。已知 $\overline{A_3B_3}=2\overline{A_1B_1}$,且由單點透視法可知直線 A_1B_3 與直線 A_3B_1 的交點在直線 A_2B_2 上。設L和M相交於P點(此點又稱為「消失點」)。根據上述,試回答下列問題。

艮據上述,試回答下列問題。 B_1 B_2 B_3 A

18. 若向量 $\overline{PA_1} = k \overline{PA_3}$,則 k 的值為 $\overline{\underbrace{(18-1)}}$ 。 (化為最簡分數)(選填題,3 分)

19. 試求 P 與 B_3 這兩點的坐標。(非選擇題,6 分)

20. 若有隻蜜蜂恰好停在中間那根電線桿上距離底座與頂端的長度比為 1:2 的位置上。某甲想在這個畫布的線段 A_2B_2 上畫出這隻蜜蜂,假設畫布上蜜蜂位置為 Q點,即點 Q 到線段 A_2B_2 的底座 A_2 與到線段 A_2B_2 頂端 B_2 的長度比為 1:2,試求 Q 點坐標。(非選擇題,6分)

共 7 頁

参考公式及可能用到的數值

- 1. 首項為a,公差為d的等差數列前n項之和為 $S = \frac{n(2a + (n-1)d)}{2}$ 首項為a,公比為 $r(r \neq 1)$ 的等比數列前n項之和為 $S = \frac{a(1-r^n)}{1-r}$
- 2. $\triangle ABC$ 的正弦定理: $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$ (R 為 $\triangle ABC$ 外接圓半徑) $\triangle ABC$ 的餘弦定理: $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos C$
- 3. 一維數據 $X: x_1, x_2, \dots, x_n$

算術平均數
$$\mu_X = \frac{1}{n}(x_1 + x_2 + \dots + x_n)$$
 標準差 $\sigma_X = \sqrt{\frac{1}{n}[(x_1 - \mu_X)^2 + (x_2 - \mu_X)^2 + \dots + (x_n - \mu_X)^2]} = \sqrt{\frac{1}{n}[(x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_n^2) - n\mu_X^2]}$

4. 二維數據 $(X,Y):(x_1,y_1),(x_2,y_2),\cdots,(x_n,y_n)$

相關係數
$$r_{X,Y} = \frac{(x_1 - \mu_X)(y_1 - \mu_Y) + (x_2 - \mu_X)(y_2 - \mu_Y) + \dots + (x_n - \mu_X)(y_n - \mu_Y)}{n\sigma_X\sigma_Y}$$

迴歸直線 (最適合直線) 方程式 $y-\mu_Y = r_{X,Y} \frac{\sigma_Y}{\sigma_Y} (x-\mu_X)$

- 5. 參考數值: $\sqrt{2} \approx 1.414$, $\sqrt{3} \approx 1.732$, $\sqrt{5} \approx 2.236$, $\sqrt{6} \approx 2.449$, $\pi \approx 3.142$
- 6. 對數值: log2≈0.3010, log3≈0.4771, log5≈0.6990, log7≈0.8451

112年學測答題卷

數學B考科

112年學測答題卷

財團法人大學入學考試中心基金會

112 學年度學科能力測驗 數學 B 考科

2 1 11 11374 1141	
學B考科	
答題卷	
至確認確為本人之應試號碼與姓名	確認答題卷應試號碼與姓名正確無誤

※考試開始鈴響起,經確認確為本人之應試號碼與姓名後,於「確認後考生簽名」欄以正楷簽全名。使用備用答題卷者,請務必於「確認後考生簽名」欄簽全名。 ※請詳閱試題本上作答注意事項與答題卷劃記及書寫注

確認後 考生簽名 請用正楷簽全名

應試號碼、條碼、姓名(不得污損、塗改或破壞)

意事項。 ※選擇題工放佐祭詳

第壹部分、選擇(填)題(占85分)

注意:考生如未能劃滿方格,或不依試題本之作答注意事項劃記致機器無法正確辨識答案時,恐將影響成績。

_	1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
_	2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
_	3	1	2	3	4	5	6 —	7	8	9	0	_	±
_	4	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
_	5	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
_	6	1	2	3	4	5	6 	7	8	9	0	_	±
_	7	1	2	3	4	5	6 	7	8	9	0	_	±
_	8	1	2	3	4	5	6 —	7	8	9	0	_	±
_	9	1	2	3	4	5	6 	7	8	9	0	_	±
_	10	1	\Box	3	4	5	6 	7	8	9	0	_	±
_	11	1	2	3	4	5	6 	7	8	9	0	_	±
_	12	1	2	3	4	5	6 	7	8	9	0	_	±
_ 1	3-1	1	2	3	4	5	6 —	7	8	9	0	Ē	±
_ 1	3-2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
_ 1	4-1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
_ 1	4-2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
_ 1	5-1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
_ 1	5-2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0		±
_ 1	6-1	1	2 2	3	4	5 5	6	7 7	8 8	9	0		±
_ 1	6-2	1		3	4					9	0		±
_ 1	.6-3	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0		±
_ 1	7-1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0		±
- 1	7-2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0		±
_ 1	7-3	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0		±

第1頁/共4頁

第貳部分、混合題或非選擇題(占15分)

				フ貝Vロ									
題號	注意: 1.)	應依據題 或評閱時	號順序, ,恐將景	於作答區 /響成績	5內作答。4.不得	作 ∘2.除另 於作答區	有規定夕 基書寫姓.	ト,書寫E 名、應試	▲ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・	至右横; 無關之文	品 大書寫。 字、圖第	3.作答》 案符號	頁清晰,若未依規定而導致答案難以辨 等。
18-1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±	【請用 <u>2B 鉛筆</u> 作答】
18-2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±	【請用 <u>2B 鉛筆</u> 作答】
19												B_1 A_1	【請用 $\underline{\mathbb{R}}$ 色墨水的筆作答】 B_2 A_3 L

題號	作 注意: 1.應依據題號順序,於作答區內作答。2.除另有規定外,書寫時應由左至右橫式書寫。3.作答須清晰,若未依規定而導致答案難以辨 識或評閱時,恐將影響成績。4.不得於作答區書寫姓名、應試號碼或無關之文字、圖案符號等。
	【請用 $\underline{\mathbb{R}}$ 色墨水的 $\underline{\mathbb{E}}$ 作答】 $B_1 \qquad B_2 \qquad M$ $A_1 \qquad A_2 \qquad A_3 \qquad L$
20	

題號	注意: 1.應依據題號順序,於作答區內作答。2.除另有規定外,書寫時應由左至右橫式書寫。3.作答須清晰,若未依規定而導致答案難以辨識或評閱時,恐將影響成績。4.不得於作答區書寫姓名、應試號碼或無關之文字、圖案符號等。
	【請用 <u>黑色墨水的筆</u> 作答】
20	[請用 <u></u> <u><u></u><u></u><u></u><u></u> </u>