# 財團法人大學入學考試中心基金會 113學年度學科能力測驗試題 數學B考科

## 請於考試開始鈴響起,在答題卷簽名欄位以正楷簽全名

#### —作答注意事項—

考試時間:100分鐘

#### 作答方式:

- 選擇(填)題用 2B 鉛筆在「答題卷」上作答;更正時以橡皮擦擦拭,切勿使用修正帶(液)。
- 除題目另有規定外,非選擇題用筆尖較粗之黑色墨水的筆在「答題卷」上作答;更正時,可以使用修正帶(液)。
- 考生須依上述規定劃記或作答,若未依規定而導致答案難以辨識或評閱時,恐將影響 成績。
- 答題卷每人一張,不得要求增補。
- 選填題考生必須依各題的格式填答,且每一個列號只能在一個格子劃記。請仔細閱讀下面的例子。

例:若答案格式是 (18-2), 而依題意計算出來的答案是 3/8, 則考生必須分別在答題卷上

的第 18-1 列的 ≧ 與第 18-2 列的 ≜ 劃記,如:

例:若答案格式是 $\underbrace{(19-1)(19-2)}_{50}$ ,而答案是 $\frac{-7}{50}$ 時,則考生必須分別在答題卷的第 19-1 列

的□與第19-2列的□ 劃記,如:

#### 選擇(填)題計分方式:

- 單選題: 每題有 n 個選項, 其中只有一個是正確或最適當的選項。各題答對者, 得該題的分數; 答錯、未作答或劃記多於一個選項者, 該題以零分計算。
- 多選題: 每題有n個選項,其中至少有一個是正確的選項。各題之選項獨立判定,所有選項均答對者,得該題全部的分數;答錯k個選項者,得該題 $\frac{n-2k}{n}$ 的分數;但得分
- 低於零分或所有選項均未作答者,該題以零分計算。 • 選填題每題有 n 個空格,須全部答對才給分,答錯不倒扣。
- ※試題中參考的附圖均為示意圖,試題後附有參考公式及數值。

#### 第壹部分、選擇(填)題(占85分)

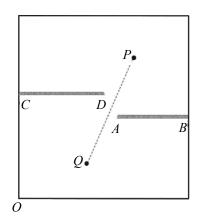
一、單選題(占35分)

說明:第1題至第7題,每題5分。

- 1. 某遊戲共有 210 位玩家,每位玩家均持有寶石,其中持有 1 顆的有 1 位,持有 2 顆的 有 2 位,依此類推,持有 20 顆寶石的有 20 位。試問這些玩家每人持有寶石數量的第 90 百分位數為下列哪一個選項?
  - (1) 16
- (2) 17
- (3) 18
- (4) 19
- (5) 20
- 2. 已知 a,b,c 為實數,且滿足 1 < a < 10、  $b = \log a$ 、  $c = \log b$ , 試選出正確的選項。
  - (1) c < 0 < b < 1
- (2) 0 < c < 1 < b
- (3) 0 < c < b < 1

(4) 1 < c < b

- (5) c < b < 0
- 3. 某射擊遊戲的玩家要避開障礙物射擊目標。今在遊戲畫面 中設立一直角坐標系,以長方形螢幕左下角點0為原點, 螢幕下方的邊緣為 x 軸、螢幕左方的邊緣為 y 軸,目標物 放在點 P(12,10)。畫面中有兩面牆(牆厚度可忽略不計), 一面牆由點 A(10,5) 水平延伸到點 B(15,5) , 另一面牆由點 C(0,6) 水平延伸到點 D(9,6) ,如右圖之示意圖。若玩家在點 Q可直線射擊點P的目標物,不會被兩面牆阻擋。下列哪一 個選項有可能是點 Q 的坐標?

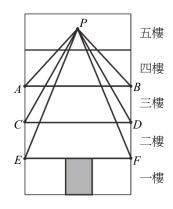


- (1) (6,3)
- (2) (7,3)
- (3) (8,5)
- (4) (9,1)
- (5) (9,2)

- 4. 已知坐標平面上有一向量  $\overline{v} = (-2,3)$  及兩點  $A \times B$ ,且點 A的 x坐標和 y坐標、點 B的 x坐標和y坐標都落在區間[0,1]內,試問 $|\overrightarrow{v}+\overrightarrow{AB}|$ 的最大值為下列哪一個選項?
  - (1)  $\sqrt{13}$
- (2)  $\sqrt{17}$
- (3)  $3\sqrt{2}$
- (4) 5 (5)  $\sqrt{2} + \sqrt{13}$

- 5. 設二次函數  $f(x) = x^2 + bx + c$ , 其中 b,c 為實數。已知 f(x-2) = f(-x-2)對任意實數 x 均 成立,且當 $-3 \le x \le 1$ 時,f(x)的最大值會是最小值的 4 倍,則 f(x)的最小值是下列哪 一個選項?
  - (1) 0
- (2)  $\frac{5}{3}$
- (3) 3 (4) 4
- (5) 6

6. 某大樓居民在大樓外牆展示聖誕樹造型燈飾,如圖所示,從五 樓外牆某處 P 向四樓地板的兩端 A,B 拉小燈泡形成等腰三角 形 PAB, 其中  $\overline{PA} = \overline{PB}$ ; 向三樓地板的兩端 C,D 拉小燈泡形成 等腰三角形 PCD; 向二樓地板的兩端 E,F 拉小燈泡形成等腰 三角形 PEF。假設每層樓等高且樓地板等長。若五樓地板在 三角形 PAB 內部所截出的線段長度為樓地板長度的 $\frac{1}{2}$ ,則五



樓地板在三角形 PEF 內部所截出的線段長度是樓地板長度的 幾分之幾?(燈飾粗細可忽略不計)

- $(1) \frac{1}{7}$
- (2)  $\frac{1}{6}$
- (3)  $\frac{1}{5}$  (4)  $\frac{2}{9}$
- (5)  $\frac{1}{4}$

7. 有一城市分為東、西兩區。兩區各有一個氣溫偵測站,該城市當天的最高溫(單位: 攝氏度)是取這兩區當天氣溫的最大值來記錄。下表顯示東、西兩區某月(共30天) 每日最高溫分布的情形。

溫度 t	18 ≤ <i>t</i> < 24	$24 \le t < 30$	$30 \le t < 36$	36 ≤ t
東區(天數)	0	11	14	5
西區(天數)	3	12	15	0

根據上表,該城市當月每日最高溫分布的情形如下表。

溫度 t	$18 \le t < 24$	$24 \le t < 30$	$30 \le t < 36$	36≤ <i>t</i>
天數	A	В	C	D

試選出有可能為數組 (A,B,C,D)的選項。

- $(1) \quad (0,15,15,0) \quad (2) \quad (3,12,15,5) \quad (3) \quad (0,9,16,5) \quad (4) \quad (3,7,15,5) \quad (5) \quad (0,12,13,5)$

### 二、多選題(占25分)

說明:第8題至第12題,每題5分。

- 8. 已知正實數數列 a,b,c,d,e 為等比數列,且 a < b < c < d < e,試選出下列為等比數列的選項。
  - (1) a,-b,c,-d,e
  - (2) e,d,c,b,a
  - (3)  $\log a, \log b, \log c, \log d, \log e$
  - (4)  $3^a, 3^b, 3^c, 3^d, 3^e$
  - (5) *abc,bcd,cde*
- 9. 已知多項式 f(x) 除以  $x^2 + 5x + 1$ 後,所得出的商式為  $x^3 + 7x^2 + x + 3$ ,試選出下列可能為 f(x) 的選項。
  - (1)  $2(x^3 + 7x^2 + x + 3)(x^2 + 5x + 1)$
  - (2)  $(x^3 + 7x^2 + x + 3)(x^2 + 5x + 1) x$
  - (3)  $(x^3 + 7x^2 + x + 3)(x^2 + 5x + 1) + x^2$
  - (4)  $(x^3 + 7x^2 + x + 4)(x^2 + 5x + 1) x$
  - (5)  $(x^3 + 7x^2 + x + 4)(x^2 + 5x + 1) x^2$
- 10. 有兩個光點在一條長度為 120 公分的直線形軌道上移動,碰到端點就反向繼續移動。 一開始兩點分別在軌道的兩端相向而動,光點 A、光點 B 的移動速率分別為每秒 5 公分 及每秒 10 公分。試選出正確的選項。
  - (1) 兩個光點第一次相遇的位置,與其中一個端點的距離為 40 公分
  - (2) 光點 A 的位置呈週期現象,週期為 24 秒
  - (3) 當光點 A 回到 A 的出發點時,光點 B 也在 B 的出發點
  - (4) 兩個光點第二次相遇在其中一個端點上
  - (5) 兩個光點在軌道上共有3個不同的相遇位置

11. 某國家過去五年的碳排放總量,由第 1 年的 X億公噸二氧化碳當量(CO2e)下降至第 5 年的 Y億公噸二氧化碳當量(CO2e),達到每年平均減碳 5% 的效益,亦即  $Y = (1-0.05)^4 X$ 。將五年的碳排放總量與年成長率記錄如下表,其中

第 n年碳排放成長率 =  $\frac{(\hat{\pi} n + \hat{\pi} + \hat{\pi} + \hat{\pi}) - (\hat{\pi} n - 1 + \hat{\pi} + \hat{\pi} + \hat{\pi})}{\hat{\pi} n - 1 + \hat{\pi} + \hat{\pi} + \hat{\pi}}$ , n = 2, 3, 4, 5。

	第1年	第2年	第3年	第4年	第 5 年
碳排放總量 (億公噸 CO2e)	X	A	В	С	Y
碳排放年成長率		-0.07	p	q	r

試選出正確的選項。

- (1) A = 0.93X
- (2)  $Y \le 0.8X$

(3) 
$$\frac{-0.07 + p + q + r}{4} = -0.05$$

(4) 
$$\sqrt[4]{\frac{Y}{X}} - 1 = -0.05$$

(5)  $0.93(1+p)(1+q)(1+r) = (0.95)^4$ 

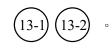
- 12. 小明寫了一個程式讓機器人在  $2\times 2$  的棋盤中移動,如圖所示。每執行一次,程式會選擇「上、下、左、右」中的某一個方向,不同方向被選擇的機率均相等,並指示機器人依該方向移動一格,但若選到的方向會跑出棋盤,則機器人該次會停在原地。每次執行都是從上次所在位置依程式重新選取的方向移動,假設機器人的初始位置在 A 。令執行程式 n 次後,機器人停留在 A 、B 、C 、D 的機率分別為  $a_n$  、 $b_n$  、 $c_n$  和  $d_n$  。試選出正確的選項。
  - (1)  $b_1 = \frac{1}{4}$
  - (2)  $b_2 = \frac{1}{8}$
  - (3)  $a_2 + d_2 = \frac{3}{4}$
  - $(4) \quad b_{99} = c_{99}$
  - (5)  $a_{100} + d_{100} > \frac{1}{2}$

A	В
С	D

### 三、選填題(占25分)

說明:第13題至第17題,每題5分。

13. 已知 a,b,c,d 為實數,且  $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 3 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ 。若  $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 3 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2a+1 \\ 2b+1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} c \\ d \end{bmatrix}$ ,則 c-3d 的值為



14. 某校全體高三學生都有報考學測數學 A或數學 B,在這些學生中只報考數學 A的學生 占全體高三學生的  $\frac{3}{10}$ 。報考數學 A的學生中有  $\frac{5}{8}$ 的學生同時也報考數學 B。則只報考

數學 B 的學生在該校所有報考數學 B 的學生中所占的比例為



15. 已知  $P_1 \cdot P_2 \cdot Q_1 \cdot Q_2 \cdot R$  為平面上相異五點,其中  $P_1 \cdot P_2 \cdot R$  三點不共線,且滿足

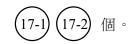
$$\overrightarrow{P_1R} = 4\overrightarrow{P_1Q_1} \quad , \quad \overrightarrow{P_2R} = 7\overrightarrow{P_2Q_2} \quad , \quad \text{[I]} \quad \overrightarrow{Q_1Q_2} = \underbrace{\left(15\text{-}1\right)} \quad \overrightarrow{P_1Q_1} + \underbrace{\left(15\text{-}2\right)} \underbrace{\left(15\text{-}3\right)} \quad \overrightarrow{P_2Q_2} \quad \circ$$

16. 在空間坐標系中,有一球心坐標在 O(0,0,0) 且北極點在 N(0,0,2) 的地球儀。已知球面上點 A 坐標為  $\left(\frac{\sqrt{3}}{2},\frac{1}{2},\sqrt{3}\right)$ ,赤道上距離點 A 最遠的點為點 P,則在通過點 A、點 P的大圓上

這兩點的劣弧長為 
$$\frac{16-1)\pi}{16-2}$$
 。( 化為最簡分數  $\frac{16-2}{16-2}$ 

第 6 頁 共 7 頁

17. 在一圓的圓周上取 12 個等分點並以順時針方向 依序編 1 號至 12 號。由這 12 個點任取 3 點為頂點所形成的三角形中,三個內角的角度由小到大會成等差數列的三角形有



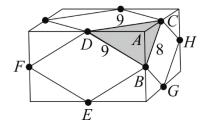
#### 第貳部分、混合題或非選擇題(占15分)

說明:本部分共有 1 題組,單選題每題 3 分,非選擇題配分標於題末。限在答題卷標示題號的作答區內作答。

選擇(填)題與「非選擇題作圖部分」使用 2B 鉛筆作答,更正時以橡皮擦擦拭,切勿使用修正帶(液)。非選擇題請由左而右橫式書寫,作答時必須寫出計算過程或理由,否則將酌予扣分。

#### 18-20 題為題組

如圖所示,考慮長方體的石塊上某一頂點 A 及包含點 A 的一個面,令這個面的各邊中點分別為 B,E,F,D 。此長方體上包含點 B 的另一個面,令其各邊中點分別為 B,C,H,G 。已知  $\overline{BC}=8,\overline{BD}=\overline{DC}=9$  。現將此石塊截去八個角,使得每個截角的截面恰通過該截角之三鄰邊的中點。根據上述,試回答下列問題。



18. 截角後的石塊為幾面體? (單選題,3分)

- (1)八面體
- (2)十面體
- (3)十二面體
- (4)十四面體
- (5)十六面體

- 19. 試求 ΔBCD 的面積。(非選擇題, 4分)
- 20. 試求  $\overline{AD}$  的長度與四面體 ABCD 的體積,並求此四面體以  $\Delta BCD$  為底面時,頂點 A 到底面的高度。(角錐體積 = 底面積×高 ) (非選擇題,8分)

113年學測 數學B考科

#### 参考公式及可能用到的數值

- 1. 首項為a,公差為d的等差數列前n項之和為 $S = \frac{n(2a + (n-1)d)}{2}$  首項為a,公比為 $r(r \neq 1)$ 的等比數列前n項之和為 $S = \frac{a(1-r^n)}{1-r}$
- 2.  $\triangle ABC$ 的正弦定理:  $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$  ( R 為  $\triangle ABC$  外接圓半徑)  $\triangle ABC$  的餘弦定理:  $c^2 = a^2 + b^2 2ab\cos C$
- 3. 一維數據  $X: x_1, x_2, \dots, x_n$

算術平均數 
$$\mu_X = \frac{1}{n}(x_1 + x_2 + \dots + x_n)$$

標準差 
$$\sigma_X = \sqrt{\frac{1}{n}[(x_1 - \mu_X)^2 + (x_2 - \mu_X)^2 + \dots + (x_n - \mu_X)^2]} = \sqrt{\frac{1}{n}[(x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_n^2) - n\mu_X^2]}$$

4. 二維數據  $(X,Y):(x_1,y_1),(x_2,y_2),\cdots,(x_n,y_n)$ ,相關係數

$$r_{X,Y} = \frac{(x_1 - \mu_X)(y_1 - \mu_Y) + (x_2 - \mu_X)(y_2 - \mu_Y) + \dots + (x_n - \mu_X)(y_n - \mu_Y)}{n\sigma_X\sigma_Y}$$

迴歸直線 (最適合直線) 方程式 
$$y-\mu_Y=r_{X,Y}\frac{\sigma_Y}{\sigma_Y}(x-\mu_X)$$

- 5. 參考數值:  $\sqrt{2} \approx 1.414, \sqrt{3} \approx 1.732, \sqrt{5} \approx 2.236, \sqrt{6} \approx 2.449, \pi \approx 3.142$
- 6. 對數值:  $\log 2 \approx 0.3010$ ,  $\log 3 \approx 0.4771$ ,  $\log 5 \approx 0.6990$ ,  $\log 7 \approx 0.8451$

113年學測答題卷

## 財團法人大學入學考試中心基金會

# 113 學年度學科能力測驗 數學 B 考科 答題卷

※考試開始鈴響起,經確認	確為本	人之质	焦試號	碼與姓名
後,於「確認後考生簽名」	欄以」	E楷簽	全名。	使用備用
答題卷者,請務必於「確	認後考	生簽名	3」欄	簽全名。
※請詳閱試題本上作答注意	事項與	答題者	&劃記	及書寫注
意事項。		ъ		ъ

\•/	· PP	LW	HI	~	-H	11	たた	1.4	1-1		
•ו	7 TE	ブモ	윤티	11-	確	1/I-		太子:	1 <i>5</i> 11	-	
<b>/•</b> \	75.	17	ᄶ	ᅭ	, TO E	1 -	77	11K	12.1	•	

A	В	C	D
		_	

確認答	題卷	應	試	號	碼	與	姓	名	正	確	無	誃
確認後												

應試號碼、條碼、姓名(不得污損、塗改或破壞)

考生簽

請用正楷簽全名

數學B考科

## 第壹部分、選擇(填)題(占85分)

注意:考生如未能劃滿方格,或不依試題本之作答注意事項劃記致機器無法正確辨識答案時,恐將影響成績。

1	1		2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
2	1	]	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
3	1		2	3	4	5	6 —	7	8	9	0	_	±
4	1	]	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
5	1	]	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
6	1	]	2	3	4	5	6	7	8	9	0		±
7	1	]	2	3	4	5	6	7	8	9	0		±
8	1	J 1	2	3	4	5 5	6	7 7	8 8	9	0		±
9	1	]	2	3	4		6	7 7		9	0	ā	±
10	1	J 1	2	3	4	5	6		8 8	9	0		±
11	1		2	3	4	5	6	7		9	0		±
12	1	]	2	3	4	5	6	7	8	9	0		±
13-1	1	]	2	3	4	5	6	7	8	9	0		±
13-2	1	]	2	3	4	5	6	7	8	9	0		±
14-1	1	]	2	3	4	5	6	7 7	8	9	0		±
14-2	1	J 1	2	3	4	5	6		8	9	0		±
15-1	1	]	2	3	4	5	6	7	8 8	9	0		± .
15-2	1	J 1	2	3	4	5	6	7		9	0		± .
15-3		]	2	3	4	5	6	7	8	9	0		± .
16-1	1	]	2	3	4	5	6	7	8	9	0		± .
16-2		]	2	3 3	4	5	6	7	8	9	0		±
17-1		]	2	3 3	4	5	6	7 7	8	9	0		±
17-2	1	]	2	3	4	5	6		8	9	0		±

第1頁/共4頁

113年學測答題卷

### 第貳部分、混合題或非選擇題(占15分)

					コリ貝に							Ц 1				
題號	注意:	1.應信 識或言	衣據題號 平閱時,	虎順序 , , 恐將影	於作答區 響成績	<ul><li>內作答</li><li>4.不得</li></ul>	<b>作</b> 。2.除另 於作答區	有規定外 直書寫姓2	、書寫 名、應試	大 寺應由左 法號碼或名	至右横立無關之文	品 大書寫。3 字、圖案	.作答須 系符號等	[清晰 , 若未依 [。	<b>灭規定而導致</b>	文答案難以辨
18		1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	ō	±	【請	用 <b>2B 鉛</b>	<u>筆</u> 作答】
19												F		【請用 <mark>黑t</mark>		<b>筆</b> 作答】

第2頁/共4頁

題號	作 注意: 1.應依據題號順序,於作答區內作答。2.除另有規定外,書寫時應由左至右橫式書寫。3.作答須清晰,若未依規定而導致答案難以辨 識或評閱時,恐將影響成績。4.不得於作答區書寫姓名、應試號碼或無關之文字、圖案符號等。
20	東東洋風勢。馬斯影響成績。4.不得於作等區畫系姓名、島東德烏及曲國之文字、廣常作義等。 (請用 <u>黑色墨水的筆</u> 作答]

題號	作
	【請用 <u>黑色墨水的筆</u> 作答】  F  D  A  B  B  C  B  C  C  C  C  C  C  C  C  C
20	