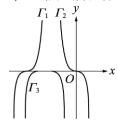
國立中興大學附屬高級中學

105學年度 第 1 學期

第一次期中考高一數學科試題

一.多選題(每題7分,錯一個選項可得4分,錯兩個選項可得1分,錯三個選項以上得0分)

1.( )下圖為  $y = a_1 x^3$ ,  $y = a_2 (x+5)^3$ ,  $y = a_3 (x-h)^4$  三個函數的圖形,選出正確的選項



(A)  $a_1 < 0$  (B)  $a_2 < 0$  (C)  $a_3 < 0$  (D) h > 0 (E) h < -5

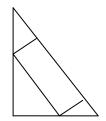
- )設 k 為實數, 若對任意的實數 x, 使得  $kx^2-5x-2<0$  恆成立, 則 k 可為下列哪些選項之值? (A) 0 (B) -2 (C) -3 (D) -4 (E) -5  $\circ$
- )設直線 L: y=mx+b,其中 m 與 b 均為實數且 |m|+|b|>|m+b|,則直線 L 可能通過下列哪些點? (A) (0, -5) (B) (5, 0) (C) (-5, 0) (D) (-1, -1) (E) (-1, 1)
- 4.( ) 設多項式f(x) 被 $x-\frac{2}{3}$  除之,得商式為q(x),餘式為6,則下列哪些選項正確? (A) f(x) 除以 3x-2 之餘式 為 18 (B) f(x) 除以 3x-2 之商式為  $\frac{1}{3}q(x)$  (C)  $f\left(\frac{x}{3}\right)$ 除以 x-2 之餘式為 6 (D)  $f\left(\frac{x}{3}\right)$ 除以 x-2 之商式 為  $\frac{1}{3}q(x)$  (E) xf(x) 除以 3x-2 之餘式為 6x 。
- )下列敘述何者為真?(A) 若 $a^7$ 與 $a^{10}$ 皆為有理數,則 a 為有理數 (B) 若 a 為有理數,b 為無理數,則 a-b 為無 理數 (C) 若 a , b , a+b皆為無理數 , 則 a-b亦為無理數 (D) 若 a , b 為有理數 , c 為無理數 , 則 a+bc 為 無理數 (E) 若 a+b , ab 皆為無理數 ,則 a , b 皆為無理數 。

## 一. 埴充題

| —·- | ; / LINZS |   |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|-----|-----------|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 答對  | 題數        | 1 | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 7  | 8  | 9  | 10 | 11 | 12 |
| 得   | 分         | 7 | 14 | 21 | 27 | 33 | 38 | 43 | 48 | 53 | 57 | 61 | 65 |

- 1. 設 $x \frac{1}{r} = 2$ ,則 $x^3 \frac{1}{r^3}$ 之值=\_\_\_\_\_。
- 2. 數線上兩點A(-6),B(4),已知P(x)為線段 $\overline{AB}$ 外一點,且長度比 $\overline{PA}$ : $\overline{PB}$  = 2:5,求 x 之值=\_\_\_\_\_。

- 3. 設 x , y 為有理數,若  $(1+\sqrt{2})x+\sqrt{11-6\sqrt{2}}$   $y=6+2\sqrt{2}$  ,則數對 (x,y)=\_\_\_\_\_。
- 4. 解不等式 |2x+1| < x+5,得 x 的範圍為\_\_\_\_\_。
- 5. 設多項式 $f(x) = (x-1)^4 2(x-1)^3 + 3(x-1)^2 + 5(x-1) 4$ ,則f(x) 展開式中偶次項係數和為\_\_\_\_\_。
- 6. 已知二次函數f(x) 滿足 f(3)=f(-1)=-3,且f(x)有最大值 5,求 f(6)=\_\_\_\_\_。
- 7. 設 $|x-2| \le 3$ ,若  $f(x) = -x^2 4x 1$ 之最大值為 M, 最小值為 m,求  $M m = _____$ 。
- 8. 若一正數a之小數部分為b,且 $3a^2+b^2=18$ ,求 a=\_\_\_\_\_。
- 9. 設多項式 $f(x) = x^4 + x^3 x + 2$ ,則 $f\left(\frac{1+\sqrt{5}}{2}\right)$ 之值 = \_\_\_\_\_\_。
- 10. k 為實數,若 x 的方程式 |x| |x-3| = k 有實數解,則 k 之範圍為\_\_\_\_\_。
- 11. 若 $f(x) = 8x^3 28x^2 + 36x 13$ ,則f(1.501) 之值 = \_\_\_\_\_。(四捨五入取至小數點後第三位,完全正確才得分)
- 12. 如下圖,某人有一塊直角三角形形狀的花圃,其中兩股長分為 6 公尺和 8 公尺,今欲在此花圃中挖出一個面積最大的矩形水池,且水池的一邊是在三角形的斜邊上,若當此水池的長為 x 公尺,寬為 y 公尺時,有最大面積 A 平方公尺,求 x+y+A=\_\_\_\_\_。



| 一.多選題(每題 7 分,錯一個選項可得 4 分,錯兩個選項可得 1 分,錯三個選項以上得 0 分) 1. 2. 3. 4. 5.  二.填充題  答對題數 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 | 找題<br>2頁 |  |  |
|--|----------|--|--|
| 答對題數 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11   |          |  |  |
| 答對題數 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11   |          |  |  |
|  |          |  |  |
|  | 12       |  |  |
| 得 分 7 14 21 27 33 38 43 48 53 57 61  | 65       |  |  |
|  |          |  |  |
| 1 2 3 4  |          |  |  |
|  |          |  |  |
| 5 6 7 8  | 8        |  |  |
|  |          |  |  |
| 9 10 11 12   | 12       |  |  |
|  |          |  |  |

| 國立中興 | 大學附屬 | 高級中學 | 105學年度 | 第 1 | 學期 第 | 第一次期中考高- | 一數學科試題 |
|------|------|------|--------|-----|------|----------|--------|
| 班級:  | 年    | 班    | 座號:    |     | 姓名:  |          | 試題共2頁  |

## 一.多選題(每題7分,錯一個選項可得4分,錯兩個選項可得1分,錯三個選項以上得0分)

| 2 1 - 1 - 1 7 1 |    | /    | * 1 * 7 * 1 1 1 1 1 1 1 1 | , , , , , , , , , , , , , , , , , , , |
|-----------------|----|------|---------------------------|---------------------------------------|
| 1.              | 2. | 3.   | 4.                        | 5.                                    |
| AC              | DE | ABDE | ВС                        | AB                                    |

## 二.填充題

| 答對 | 題數 | 1 | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 7  | 8  | 9  | 10 | 11 | 12 |
|----|----|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 得  | 分  | 7 | 14 | 21 | 27 | 33 | 38 | 43 | 48 | 53 | 57 | 61 | 65 |

| 1             | 2                | 3     | 4                       |
|---------------|------------------|-------|-------------------------|
| 14            | $-\frac{38}{3}$  | (3,1) | -2 < x < 4              |
| 5             | 6                | 7     | 8                       |
| 13            | -45              | 48    | $\frac{1+\sqrt{15}}{2}$ |
| 9             | 10               | 11    | 12                      |
| $7+2\sqrt{5}$ | $-3 \le k \le 3$ | 5.006 | 9 <del>7</del> 5        |