國立中興大學附屬高級中學 111 學年度第 1 學期第二次期中考 高一數學測驗卷

座號: 姓名: 試題共四頁 班級: 命題老師:Bao 審題老師:Derek

第壹部分:選擇題(占 44 分)

一、單選題(占 20 分)

說明:第1題至第4題,每題有5個選項,其中只有一個是正確或最適當的選項,請畫記在答案 卡之「選擇(填)題答案區」。各題答對者,得5分;答錯、未作答或畫記多於一個選項 者,該題以零分計算。

1. 將直線 2x - y + 3 = 0 往右平移 2 個單位,再向下平移 1 個單位,則下列哪個選項為平移後 的直線方程式?

(1) 2x - y - 6 = 0

(2) 2x - y + 2 = 0

(3) 2x - y - 2 = 0

 $(4) \, 2x - y + 8 = 0$

(5) 2x - y = 0

2. 設 x, y 滿足 $(x-2)^2 + y^2 = 25$,若欲求 $\frac{y-7}{x-1}$ 的最大值和最小值,下列選項何者正確?

(1) 最大值為 $\frac{4}{3}$; 最小值為 $\frac{3}{4}$ (2) 最大值為 $\frac{4}{3}$; 最小值為 $-\frac{3}{4}$

(3) 最大值為 $\frac{4}{3}$; 最小值不存在 (4) 最大值不存在;最小值為 $-\frac{3}{4}$

(5) 最大值不存在;最小值不存在

3. P(a,b) 為圓 $(x-3)^2 + (y-4)^2 = 3$ 上的點,則使 $a^2 + b^2$ 為整數的點 P 有幾個?

(1)4

(2) 8

(3) 35

(4)50

(5)70

4. 平面坐標上,下列哪個不等式組為右下圖中陰影部分(含邊界)?

$$(1) \begin{cases} 2x \ge y, \\ 4x + 5y \ge 18, \\ 3x - 7y \ge 11, \end{cases}$$

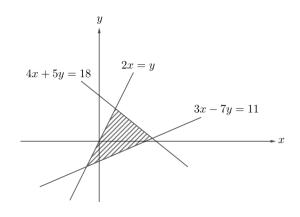
$$(2) \begin{cases} 2x \ge y, \\ 4x + 5y \le 18, \\ 3x - 7y \le 11, \end{cases}$$

$$(3) \begin{cases} 2x \le y, \\ 4x + 5y \ge 18, \\ 3x - 7y \ge 11, \end{cases}$$

$$(4) \begin{cases} 2x \le y, \\ 4x + 5y \ge 18, \\ 3x - 7y \le 11, \end{cases}$$

$$(5) \begin{cases} 2x \le y, \\ 4x + 5y \le 18, \\ 3x - 7y \ge 11, \end{cases}$$

$$(5) \begin{cases} 3x - 7y \ge 11, \\ 3x - 7y \ge 11, \end{cases}$$



二、多選題(占24分)

說明:第5題至第7題,每題有5個選項,其中至少有一個是正確的選項,請將正確選項畫記在 答案卡之「選擇(填)題答案區」。各題之選項獨立判定,所有選項均答對者,得8分;答 錯 1 個選項者,得 4.8 分;答錯 2 個選項者,得 1.6 分;答錯多於 2 個選項或所有選項均 未作答者,該題以零分計算。

5. 三條直線 2y = x + a, y = bx + 4, cy = dx + 1 可圍成一個三角形,且此三角形中有兩個頂 點為 (2,0) 與 (0,6),下列哪些選項是正確的?

$$(1) a = -2$$

$$(2) b = -2$$

$$(3) c = \frac{1}{6}$$

$$(4) d = \frac{1}{2}$$

(5) 第三個頂點為
$$(\frac{-4}{5}, \frac{28}{5})$$

6. 坐標平面上,點 A(1,2) 可對圓 $C: x^2 + y^2 + 2x + 4y + k - 2 = 0$ 做兩條切線,下列選項哪些 為可能之化值。

$$(1) - 13$$

$$(1) - 13$$
 $(2) - 2\sqrt{2}$ $(3)2\pi$ $(4) 7$

$$(3)2\pi$$

7. 坐標平面上直線 L: y = mx + 2 與四條直線 $L_1: y = -\frac{x}{2} + 10 \cdot L_2: y = -\frac{x}{2} \cdot L_3: y = 2x + 5$ 、 $L_4: y=2x-10$ 恰有三個交點,以下哪些選項為可能的 m 之值?

 $(1) -1 \qquad (2) -\frac{1}{2} \qquad (3)0$

 $(4)\,\frac{1}{2} \qquad (5)\,\frac{7}{2}$

第貳部分:選填題 (56 分)

說明:1. 第 A 至 H 題,將答案畫記在答案卡之「選擇(填)題答案區」所標示的列號(8-23)

- 2. 每題完全答對給 7 分,答錯不倒扣,未完全答對不給分。
- 3. 若答案為分數,皆須化為最簡分數;若答案內有根號,皆須化為最簡根式。
- A. 對於任意實數 m,兩直線 (3+m)x+(1-m)y=1+3m 與 (2k+1)x+(3k-2)y=k-2 恆 有一個固定的交點,則 k=8。

B. 設 x 為實數 $, |\sqrt{x^2 - 2x + 5} - \sqrt{x^2 + 4x + 5}|$ 的最大值為 $\sqrt{910}$ 。

C. 已知圓 C 的圓心為 (0,0),半徑為 2,點 P 在第三象限,自 P 作圓 C 的兩條切線,斜率為 $\frac{4}{3}$ 與 $-\frac{5}{12}$,若 P 之坐標為 (a,b),求 $a+b=\underbrace{11}(12)$ 。

D. 已知 $\triangle ABC$ 的 A(1,-2) 與 B(-3,0), C 在 y 軸正向上, $\triangle ABC$ 的外心 O 在 x 軸上,則 C 點坐標為 (13), $\sqrt{14}$)。

E. 設 m 為整數,已知圓 $C:x^2+y^2-(2m+2)x-(2m+6)y-5=0$ 的圓心落在第二象限,則此圓面積為 $\widehat{(15)}\pi$ 。

F. ABCD 與 PQRS 皆為平行四邊形,A(3,3),B(2,-1),C(7,1),D(8,5),P(-5,6),Q(-3,2),R(1,8),S(-1,12),若一直線 ax+by=39 同時將兩個平行四邊形的面積二等分,求數對 $(a,b)=(\widehat{16},\widehat{17})$ 。

G. 已知 P(1,1) 為圓 $x^2+y^2+4x+2y-20=0$ 內部一點,過 P 的弦之中點所形成的軌跡為 $x^2+y^2+\underbrace{18}x+\underbrace{19}y=\underbrace{20}$ 。

H. 有一長方形撞球台 ABCD,已知 $\overline{AB}=8$,點 P 在 \overline{AB} 上且 $\overline{AP}=1$,將球置於 P 朝 \overline{BC} 上的 Q 點射出,反射撞到 \overline{CD} 上的 R 點,再反射撞到 \overline{AD} 上的 S 點,在 S 反射又回到 P 點,若不計摩擦力,已知 $\overline{BQ}=5$,則 \overline{AD} 之值為 $\overline{21/22}$ 。

試題結束,請記得檢查,並將答案塗在答案卡上,班級姓名座號標示正確,祝考試順利。

選择題:1. (3) 2. (5) 3. (5) 4. (2) 5.(2)(3)(5) 6.(2)(3) 7.(1)(5)

選填題:A. 1 B. $\sqrt{10}$ C. -4 D. $(0,\sqrt{6})$ E. 7 F. (5,7) G. (1,0,3) H. $\frac{40}{7}$