ДОМАШНИЕ ЗАДАНИЯ ПО КУРСУ «ТЕОРИЯ ТИПОВ» весна 2016 г.

1. На вход вашей программе дается файл task1.in, содержащий лямбда-выражение в следующей грамматике:

```
\langle {\rm Выражение} \rangle ::= [\langle {\rm Применение} \rangle] ' \langle {\rm Переменная} \rangle ' \cdot \langle {\rm Выражение} \rangle 
\langle {\rm Применение} \rangle 
\langle {\rm Применение} \rangle \langle {\rm Атом} \rangle | \langle {\rm Атом} \rangle 
\langle {\rm Атом} \rangle ::= ' (' \langle {\rm Выражение} \rangle ') ' | \langle {\rm Переменная} \rangle 
\langle {\rm Переменная} \rangle ::= ('a' . . . 'z') \{'a' . . . . 'z' | '0' . . . . '9' | ',' \}^*
```

Аргументы-переменные в применении должны разделяться пробелом. В остальных случаях пробелы могут отсутствовать. Любые пробелы между нетерминальными символами (кроме пробела, разделяющего аргументы в применении) — а также начальные и конечные пробелы в строке — должны игнорироваться. Символы табуляции, возврата каретки и перевода строки должны трактоваться как пробелы.

Требуется нормализовать его и результат записать в файл task2.out. Вы можете рассчитывать, что лямбда-выражение имеет нормальную форму.

2. Просто типизированное лямбда-исчисление. На вход в файле task2.in задано лямбдавыражение. Выведите в файл task2.out какой-нибудь наиболее общий тип для этого выражения в просто типизированном лямбда-исчислении (если этот тип существует), или укажите, что выражение типа не имеет.

Результат должен соответствовать следующей грамматике:

3. Алгоритм W. На вход программе передается файл task3.in, содержащий лямбдавыражение. Требуется применить алгоритм W и выдать в выходной файл task3.out результирующий тип и контекст в следующей грамматике:

```
\langle {\rm Otbet} \rangle ::= \langle {\rm Tun} \rangle '\n' \langle {\rm Kohtekct} \rangle | 'Лямбда-выражение не имеет типа.' \langle {\rm Kohtekct} \rangle ::= \{ \langle {\rm Переменная} \rangle :: \langle {\rm Tun} \rangle \cdot {\rm 'n'} \}^* \langle {\rm Tun} \rangle ::= \langle {\rm Atom} \rangle \cdot -> \langle {\rm Tun} \rangle \mid \langle {\rm Atom} \rangle \langle {\rm Atom} \rangle ::= \langle {\rm Переменная} \rangle \mid `(` \langle {\rm Tun} \rangle `)` \langle {\rm Переменная} \rangle ::= `'` (`a`...`z`) \{`a`...`z' | `0`...`9'\}^*
```

4. Вывод типа в НМ — построение ограничений. На вход программе передается файл task4.in, содержащий лямбда-выражение. Требуется построить набор ограничений для типизиации данного выражения, и выдать его в виде файла в следующей грамматике (имена переменных должны совпадать с соответствующими именами из исходного лямбда-выражения).

```
⟨Ограничение⟩ ::= ⟨Отношение⟩ | ⟨Конъюнкция⟩ | ⟨Существование⟩ | ⟨def⟩ ⟨Отношение⟩ ::= ⟨Переменная⟩ '<' ⟨Тип⟩ | ⟨Тип⟩ = ⟨Тип⟩ ⟨Конъюнкция⟩ ::= '('⟨Ограничение⟩ '&' ⟨Ограничение⟩ ')' ⟨Существование⟩ ::= '(''?' ⟨Типовая переменная⟩ . ⟨Ограничение⟩ ')' ⟨def⟩ ::= '(''def' ⟨Переменная⟩ ':' ⟨sigma⟩ 'in' ⟨Тип⟩ ')' ⟨sigma⟩ ::= '@'{⟨Tиповая переменная⟩}+'[' ⟨Ограничение⟩ ']' ⟨Переменная⟩ ::= ('a' . . . 'z') {'a' . . . 'z' | '0' . . . '9'}* ⟨Типовая переменная⟩ ::= ''' ⟨Переменная⟩ ⟨Тип⟩ ::= ⟨Атом⟩ '->' ⟨Тип⟩ | ⟨Атом⟩ ⟨Атом⟩ ::= ⟨Типовая переменная⟩ | '('⟨Тип⟩ ')'
```

- 5. Вывод типа в НМ разрешение ограничений и вывод типа (для групп 38-39). На вход программе передаётся файл task5.in, содержащий набор ограничений результат работы программы из задачи 4. Требуется по данным ограничениям вывести тип выражения и выдать его в файл task5.out в формате вывода для задачи 3.
- 6. Постройте доказательство на языке Идрис для одного из следующих утверждений (на выбор):
 - Докажите корректность алгоритма Эвклида.
 - Определите сетоид для рациональных чисел и функции для четырёх арифметических операций.