2021 高教社杯全国大学生数学建模竞赛

承 诺 书

我们仔细阅读了《全国大学生数学建模竞赛章程》和《全国大学生数学建模竞赛参赛规则》(以下简称"竞赛章程和参赛规则",可从 http://www.mcm.edu.cn 下载)。

我们完全清楚,在竞赛开始后参赛队员不能以任何方式,包括电话、电子邮件、"贴吧"、QQ群、微信群等,与队外的任何人(包括指导教师)交流、讨论与赛题有关的问题;无论主动参与讨论还是被动接收讨论信息都是严重违反竞赛纪律的行为。

我们完全清楚,在竞赛中必须合法合规地使用文献资料和软件工具,不能有任何侵犯知识产权的行为。否则我们将失去评奖资格,并可能受到严肃处理。

我们以中国大学生名誉和诚信郑重承诺,严格遵守竞赛章程和参赛规则,以保证竞赛的公正、公平性。如有违反竞赛章程和参赛规则的行为,我们将受到严肃处理。

我们授权全国大学生数学建模竞赛组委会,可将我们的论文以任何形式进行公开展示(包括进行网上公示,在书籍、期刊和其他媒体进行正式或非正式发表等)。

我们参赛选择的题号(从 A/B/C/D/E 中选择一项填写):A				
我们的报名参赛队号(12 位数字全国统一编号):4321				
参赛学校(完整的学校全称,不含院系名):				
参赛队员 (打印并签名): 1. 成员 A				
2. 成员 B				
3. 成员 C				
指导教师或指导教师组负责人(打印并签名):				
(指导教师签名意味着对参赛队的行为和论文的真实性负责)				

日期: 2017 年 08 月 22 日

(请勿改动此页内容和格式。此承诺书打印签名后作为纸质论文的封面,注意电子版论文中不得出现此页。以上内容请仔细核对,如填写错误,论文可能被取消评奖资格。)

赛区评阅编号:	全国评阅编号:	
(由赛区填写)	全国组委会填写)	

2021 高教社杯全国大学生数学建模竞赛 编号专用页

寨区评阅记录(可供寨区评阅时使用):

一次一层对 hand () 1 1 2 2 2 2 1 1 2 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1					
评阅人					
备注					

送全国评阅统一编号: (赛区组委会填写)

(请勿改动此页内容和格式。此编号专用页仅供赛区和全国评阅使用,参赛队打印后装订到纸质论文的第二页上。注意电子版论文中不得出现此页。)

液滴问题

摘要

这是 abstract。

关键字: 液滴碰撞 流体力学 液角微元 COMSOL 多相流

一、问题重述

1. 对 402 家供应商

二、问题分析

2.1 问题一分析

在问题一中,由于流体铺展形变过程中的形状难以确定,且液滴尺寸较小,重力对液滴形态影响较小,我们假设铺展过程中微液滴的形状始终为球冠状,采用球冠模型,以三个相互关联的量x、 θ 、h (分别为接触面半径,接触角,球冠高度),对微液滴的形状进行表征。我们通过分析液滴球缺与固体壁面接触面随时间的变化来确定液滴铺展的运动过程。在分析接触面的运动受力情况时,我们采用了微元法对接触面三相交界处的液角微元进行受力分析。对于液角所受的三种毛细力,我们参考了PHYSICAL REVIEW LETTERS,并从《接触线毛细力平衡的微观成因》[1] 一文中获得启发,依据学界最新提出的杨式方程的微观力学解释,构建了界面张力和毛细力之间的关系函数。在此基础上综合由液滴重力产生的压力、液滴水平层流之间的黏性力,以及固体基板对液角微元的吸引力,建立了动力学模型。并编写程序使用 Runge-Kutta 方法进行对二阶微分方程进行数值求解。

2.2 问题二分析

在问题二中,液滴运动主要分为两个阶段。即液滴下落但没有接触壁面的空中阶段和液滴以一定速度撞击壁面的撞击阶段。其中,液滴撞击壁面的过程是我们第二问主要研究的部分。对于空中阶段,我们建立了简单的动力学模型,使用了密立根对斯托克斯方程近似求解的结果,分析了液滴的收尾速度与释放高度的关系,并得出了液滴收尾速度最大值。此后,分析第二阶段之前,我们通过第一阶段的结论得出液滴只进行层流的结论,适当简化了第二阶段的模型。对于撞击壁面阶段,我们使用了 Navier-Stokes 方程对液滴进行建模,并使用了 LSV 方法,即水平集方法 (Level Set) 对难以直接求数值解的 □ - □ 方程进行化简,从而求得液滴表面随时间变化的数值模拟。并且使用数值分析软件 □□MS□□ 内置的水平集求解器进行模型求解和验证。

2.3 问题三分析

在问题三中,微液滴不再与固体基质作用,而是与液体平面相作用,此题中我们以油层作为碰撞液体壁。由于碰撞涉及水、空气、汽油三种流体介质的相互作用,所以我

们使用 COMSOL 三相流-相场模型模拟其碰撞过程。而对于水滴在油层中的最终稳定状态,我们通过两种液体的密度、动力黏度与界面张力计算其相场变量函数的迁移率进行定量判断。

三、模型的假设

- 1. 假设问题一中液滴铺展过程中始终为球冠状
- 2. 假设液滴铺展过程中液体流动为水平的层流
- 3. 假设室温为 25℃,实验室内无扰动,固体壁面始终水平

四、符号说明

符号	意义
h	球缺高度

五、问题分析

六、总结

附录的内容。