Comparação de Algoritmos de Ordenação

Em temos de tempo de execução

Cauã dos Santos Mateus Ryu Hashimoto Miguel de Paulo Leite de Oliveira Pedro Lauria Nassif

Universidade de Taubaté, UNITAU Engenahria de Computação Analise de Algoritmos Professor Eduardo Hidenori Enari

Taubaté, 28 Maio 2025

Conteúdo

| Li | ista d | le Figuras | 2 |
|----|--------|---------------------------------------------------|----|
| 1 | Inti | rodução | 3 |
| | 1.1 | Objetivo | 3 |
| 2 | Me | todologia | 4 |
| | 2.1 | Preparação | 4 |
| | 2.2 | Execução | 4 |
| | 2.3 | Reconsiderações | 4 |
| 3 | Res | sultados e Analises | 5 |
| | 3.1 | Resultados para DataSet Ordenado | 5 |
| | | 3.1.1 Analise para Dados Ordenados | 6 |
| | 3.2 | Resultados para DataSet Inversamente Ordenado | 7 |
| | | 3.2.1 Analise para Dados Inversamente Ordenados | 8 |
| | 3.3 | Resultados para DataSet Aleatoriamente Ordenado | 8 |
| | | 3.3.1 Analise para Dados Aleatoriamente Ordenados | 9 |
| 1 | Cor | aclusãos | 11 |

Lista de Figuras

| 3.1 | Tabela Dados Ordeanados | ţ |
|------|-----------------------------------------------------------------------------|---|
| 3.2 | Gráfico Performance Dados Ordenados em escala Logaritmica | Ę |
| 3.3 | Performance Bubble, Insertion e Selection em Dados Ordenados | (|
| 3.4 | Performance Restante em Dados Ordenados | (|
| 3.5 | Tabela Dados Inversamente Ordenados | 7 |
| 3.6 | Gráfico Performance Dados Inversamente Ordenados em escala Logaritmica | 7 |
| 3.7 | Performance Bubble, Insertion e Selection em Dados Inversamente Ordenados | 7 |
| 3.8 | Performance Restante em Dados Inversamente Ordenados | 8 |
| 3.9 | Tabela Dados Aleatoriamente Ordenados | 8 |
| 3.10 | Gráfico Performance Dados Aleatoriamente Ordenados em escala Logaritmica | Ć |
| 3.11 | Performance Bubble, Insertion e Selection em Dados Aleatoriamente Ordenados | ć |
| 3.12 | Performance Restante em Dados Aleatoriamente Ordenados | (|

Introdução

Todo engenheiro de computação deve ter conhecimento sobre algoritmos de ordenação, visto que estes estão presentes em diversas aplicações. Este projeto desafia seus participantes a se familiarizarem não só com a implementação de tais algoritmos, mas também com seu funcionamento interno, através da analise feita por este relatório.

1.1 Objetivo

O objetivo deste projeto é comparar o desempenho de diferentes algoritmos de ordenação em termos de tempo, utilizando uma variedade de conjuntos de dados.

Metodologia

2.1 Preparação

Para a medição do tempo de execução, primeiro os algorimos foram implementados em python e depois executados nos seguintes grupos de dados:

- 10000: ordenados, Inversamente ordenados e aletórios
- 20000: ordenados, Inversamente ordenados e aletórios
- 40000: ordenados, Inversamente ordenados e aletórios
- 80000: ordenados, Inversamente ordenados e aletórios
- 100000: ordenados, Inversamente ordenados e aletórios

2.2 Execução

Os algoritmos foram exectados um a um através do script make.sh com cada um dos dados apresentados na secção apresentação e os resultados de tempo gasto, comparações e trocas salvos no arquivo metrics.txt que então foram analizados através do notebook jupyter para gerar as figuras e tabelas presentes no relatório.

2.3 Reconsiderações

Durante a execução do projeto, foram feitas as seguintes reconsiderações:

- Os algoritmos foram executados apenas uma vez, por conta da demora de execução dos mesmos.
- As quantidades de comparações e trocas foram medidas para alguns algoritmos, visto que outros (como o count sort) não realizam trocas e nem comparações, por conta disso e da restrição de tempo para entrega, a analise dessas variaveis não foi incluida no relatorio final
- A complexidade de espaço não foi medida, visto que a implementação do calculo dessa métrica acarretou no aumento grandioso do já longo tempo de execução dos algoritmos, por isso e pela restrição de tempo, essa métrica não foi nem sequer computada.

Resultados e Analises

3.1 Resultados para DataSet Ordenado

| Time Performance (seconds) on Ordered Data | | | | | | |
|--------------------------------------------|----------|-----------|-----------|------------|------------|--|
| Size | 10000 | 20000 | 40000 | 80000 | 100000 | |
| Algorithm | | | | | | |
| Bubble | 2.446205 | 10.407193 | 41.720630 | 180.158629 | 282.438182 | |
| Count | 0.000991 | 0.002641 | 0.004656 | 0.007915 | 0.011064 | |
| Неар | 0.029200 | 0.062837 | 0.141775 | 0.295202 | 0.371031 | |
| Insertion | 0.000571 | 0.001152 | 0.002322 | | 0.005824 | |
| Merge | 0.012367 | 0.026255 | 0.054467 | 0.115752 | 0.150197 | |
| Radix | 0.013012 | 0.027121 | 0.053647 | 0.104612 | 0.160977 | |
| Selection | 1.991915 | 9.388031 | 32.990227 | 141.962518 | 221.004655 | |

Figura 3.1: Tabela Dados Ordeanados

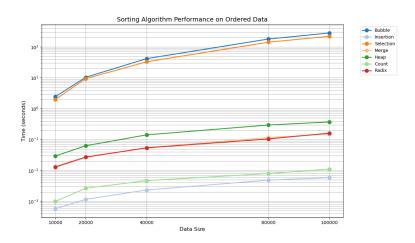


Figura 3.2: Gráfico Performance Dados Ordenados em escala Logaritmica

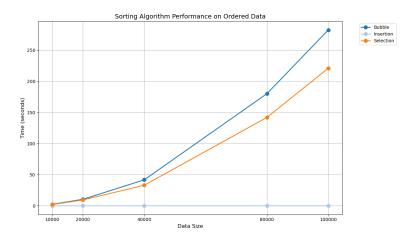


Figura 3.3: Performance Bubble, Insertion e Selection em Dados Ordenados

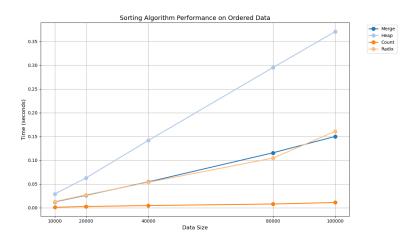


Figura 3.4: Performance Restante em Dados Ordenados

3.1.1 Analise para Dados Ordenados

Para os dados Ordenados:

• Pior Algorimo: Bubble Sort

• Melhor Algoritmo: Insertion Sort

Pela analise dos gráficos, observa-se os seguintes comportamentos:

• Parabólico: Selection e Bubble. Comportamento esperado

• Logaritmico: Radix e Merge. Esperado para Merge, inesperado para Radix

• Linear: Heap e Insertion. Comportamento Inesperado

3.2 Resultados para DataSet Inversamente Ordenado

| Time Performance (seconds) on Reverse Ordered Data | | | | | |
|----------------------------------------------------|----------|-----------|------------|------------|------------|
| Size | 10000 | 20000 | 40000 | 80000 | 100000 |
| Algorithm | | | | | |
| Bubble | 6.243569 | 25.477908 | 103.943412 | 424.523627 | 672.475248 |
| Count | 0.001281 | 0.002074 | 0.004293 | 0.008087 | 0.009846 |
| Неар | 0.031675 | 0.056419 | 0.121598 | 0.259416 | 0.328837 |
| Insertion | 5.290499 | 22.049225 | 85.254229 | 349.443866 | 546.964891 |
| Merge | 0.012248 | 0.025945 | 0.055972 | 0.114078 | 0.144794 |
| Radix | 0.013042 | 0.026472 | 0.051483 | 0.107809 | 0.162742 |
| Selection | 2.074581 | 8.428733 | 33.204356 | 143.188906 | 227.884410 |

Figura 3.5: Tabela Dados Inversamente Ordenados



Figura 3.6: Gráfico Performance Dados Inversamente Ordenados em escala Logaritmica

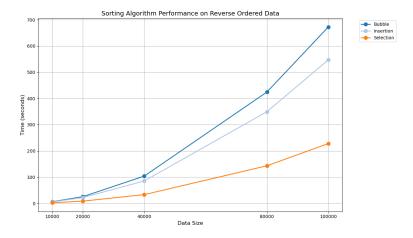


Figura 3.7: Performance Bubble, Insertion e Selection em Dados Inversamente Ordenados



Figura 3.8: Performance Restante em Dados Inversamente Ordenados

3.2.1 Analise para Dados Inversamente Ordenados

Para os dados Inversamente Ordenados:

 $\bullet\,$ Pior Algorimo: Bubble Sort

• Melhor Algoritmo: Count Sort

Pela analise dos gráficos, observa-se os seguintes comportamentos:

• Parabólico: Selection, Bubble e Insertion. Comportamento esperado

• Logaritmico: Radix, Merge e Heap. Inesperado para Radix

 \bullet Linear: Count. Comportamento Inesperado

3.3 Resultados para DataSet Aleatoriamente Ordenado

| Time Performance (seconds) on Ramdon Data | | | | | | |
|-------------------------------------------|----------|-----------|-----------|------------|------------|--|
| Size | 10000 | 20000 | 40000 | 80000 | 100000 | |
| Algorithm | | | | | | |
| Bubble | 4.594275 | 18.459088 | 74.987911 | 313.320278 | 497.353979 | |
| Count | 0.000992 | 0.002244 | 0.004226 | | 0.010917 | |
| Heap | 0.028111 | 0.060526 | 0.132589 | 0.283970 | 0.364093 | |
| Insertion | 2.688185 | 10.735552 | 43.996993 | 178.892856 | 277.858983 | |
| Merge | 0.015869 | 0.032941 | 0.070579 | 0.148076 | 0.188890 | |
| Quick | 0.009166 | 0.020654 | 0.039777 | 0.084266 | 0.124811 | |
| Radix | 0.014270 | 0.026870 | 0.058935 | 0.109538 | 0.159961 | |
| Selection | 2.116239 | 8.360220 | 33.848114 | 148.323356 | 230.244180 | |

Figura 3.9: Tabela Dados Aleatoriamente Ordenados



Figura 3.10: Gráfico Performance Dados Aleatoriamente Ordenados em escala Logaritmica

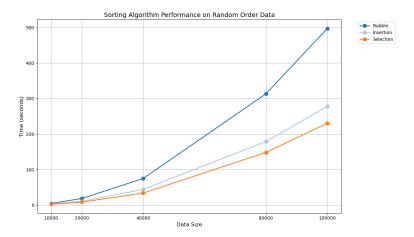


Figura 3.11: Performance Bubble, Insertion e Selection em Dados Aleatoriamente Ordenados



Figura 3.12: Performance Restante em Dados Aleatoriamente Ordenados

3.3.1 Analise para Dados Aleatoriamente Ordenados

Para os dados Inversamente Aleatoriamente Ordenados:

• Pior Algorimo: Bubble Sort

• Melhor Algoritmo: Count Sort

Pela analise dos gráficos, observa-se os seguintes comportamentos:

 $\bullet\,$ Parabólico: Selection, Bubble e Insertion. Comportamento esperado

• Logaritmico: Radix, Merge e Quick. Esperado apenas para Merge

• Linear: Count e Heap. Comportamento Inesperado para Heap

Conclusões

Um dos comportamentos inesperados para o Radix muito provavelmente vem da implementação do mesmo, que precisa encontrar o máximo dentre os elementos, consequentemente varrendo os mesmos até o final pelo menos uma vez. O comportamento dos algotimos também permite concluir que o melhor deles em termos de tempo de execução foi o Counting sort, exceto para o caso dos já ordenados, que foi o Insertion Sort, comportamento esperado do mesmo visto que ele apenas compara uma vez cada elemento, que por conta de estarem na ordem correta não precisam ser comparados com os anteriores, o que acarreta no comportamento linear.

Em conclusão, o projeto permitiu um aprofundamento no conhecimento dos diversos algoritmos de ordenação bem como seu funcionamento interno e requisitos de sistema. Uma futura pesquisa poderia pegar a base do projeto porém além de realizar as comparações de tempo dentro da mesma linguagem, realizar a implementação dos memsmos algoritmos em outras linguagens e então comparar o tempo etre elas.