

TP 19 graphes (suite)

Télécharger sur Cahier de Prépa le fichier nommé "TP 19 : module graphe à télécharger", enregistrez-le dans votre dossier personnel sous le nom **graphe.py**. Dans Spyder, ouvrez ce fichier, et ouvrez aussi le fichier **TP18.py** que vous aviez sauvegardé de la dernière fois.

1. Le module **graphe** a été modifié par rapport à la semaine dernière. Lisez la nouvelle fonction `__init__` et comprenez son fonctionnement.
2. Dans votre script **TP18.py** importez le module **graphe**, puis créez un graphe ayant 5 noeuds 'a', 'b', 'c', 'd', 'e' avec les liens $a \rightarrow b, a \rightarrow c, c \rightarrow e, d \rightarrow c, d \rightarrow e, e \rightarrow a, e \rightarrow b$.
3. Lisez et comprenez la méthode `ajout_noeud` du module **graphe**. Utilisez la pour ajouter un noeud 'f' à votre graphe, avec les liens $e \rightarrow f, f \rightarrow a, f \rightarrow d$.
4. Créez une méthode `ajout_liens(self, liens_depart, liens_arrivee)` qui ajoute des liens au graphe sans changer les noeuds du graphe. `liens_depart` et `liens_arrivee` seront des listes de même taille contenant les noeuds de départ et d'arrivée des liens à ajouter.
5. Testez la méthode `est_oriente` sur votre graphe.
6. Calculez à l'aide de la matrice de votre graphe le nombre de chemins de longueur 5 reliant 'c' à 'd'. Vous pourrez vous aider de la commande `matrix_power` du module `numpy.linalg` pour calculer les puissance de la matrice d'adjacence.
7. Dans le module **graphe**, créez une nouvelle classe `graph_pondere(graph)` qui gère les graphes pondérés en héritant de la classe **graph**. Pour ce faire, dans le dictionnaire `dico` associé à un graphe pondéré, les entrées seront des dictionnaires au lieu d'ensembles. Par exemple un graphe pondéré sera créé par la commande suivante :

```
G = graphe.graph_pondere({'a' : {'b' : 3, 'c' : 2}, 'b' : {'c' : 1}, 'c' : {}})
```

Il faut adapter au moins la méthode `__init__`.

8. Adaptez aussi la méthode `ajout_noeud` et la méthode `matrice`.
9. On cherche maintenant le poids total du plus court chemin partant d'un sommet donné et allant à un autre sommet du graphe. Pour ceci on va coder l'algorithme de Bellman-Ford. On commence avec un dictionnaire nommé π contenant les distances du sommet fixé (appelons le s) aux autres sommets. La distance de s à s est bien sûr 0, et on met la distance aux autres sommets à $+\infty$ au départ : on utilise pour ça `float('inf')` qui se comporte comme l'infini pour Python : c'est un objet supérieur strictement à tout réel, et si on ajoute un réel à `float('inf')` on obtient toujours `float('inf')`. On parcourt ensuite plusieurs fois tous les liens du graphe en mettant à jour au fur et à mesure les distances obtenues.

```
pour tous les sommets  $k$  du graphe :
     $\pi(k) \leftarrow +\infty$ 
 $\pi(s) \leftarrow 0$ 
 $\pi_0 \leftarrow \{ \}$ 
tant que  $\pi \neq \pi_0$  :
     $\pi_0$  est une copie de  $\pi$ 
    pour chaque lien  $u - v$  du graphe :
        si  $\pi(v) > \pi(u) + poids(u, v)$  :
             $\pi(v) \leftarrow \pi(u) + poids(u, v)$ 
retourner  $\pi$ 
```

Dans votre module **graphe**, codez une fonction `bellman(graph, source)` qui renvoie le dictionnaire `pi` donné par cet algorithme. Testez le sur le graphe de la question précédente.

Vous aurez besoin de la méthode `deepcopy` du module `copy` pour faire une copie de π .

Formulaire :

Vous aurez besoin des commandes suivantes (dans le désordre)

```
#### LES MODULES USUELS
from math import *
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy.random as rd

#### LES VARIABLES ALEATOIRES
rd.randint(a,b,N)
rd.random(N)
rd.binomial(n,p,N)
rd.geometric(p,N)
rd.poisson(lambda,N)

## LES LISTES
np.linspace(a,b,n)
for compteur in liste :
for compteur in range(a,b):
[ f(compteur) for compteur in liste ]
[ f(compteur) for compteur in range(a,b) ]

#### COMMANDES CLASSIQUES
while condition:
def nom_fonction( variables ) :
return resultat
print( 'message', variable )
if condition :
else :
log(x)
plt.plot( abscisses , ordonnees )

#### CLASSES EN PYTHON
class nom_de_classe :
class nom_de_classe(classe_d_heritage):
def __init__(self , autres_parametres):
def __str__(self):

#### MATRICES EN PYTHON
np.array ([ [...] , ... , [...]])
A.shape
np.zeros ([p,n])
np.eye(n)
np.ones ([p,n])
A.dot(B)
np.dot(A,B)
A.transpose()
A.all()
```