## 概率论期中试题 2017年4月17日

整理: 张桐\*

1、(10分)

从一副扑克牌(52 张)中有放回地一张一张地抽取,求抽取的前 6 张牌中包含四种花色的概率。

2、(20分)

盒中有 10 个乒乓球, 8 个是全新的, 2 个是使用过的。第一次比赛时从盒中随机取 3 个使用后放回,第二次比赛再取三个,

- (1) 求第二次取出的是三个新球的概率:
- (2) 已知第二次取出的是三个新球,求第一次取的三个都是新球的概率。

3、(10分)

A, B, C 三个随机事件不能同时发生,且两两独立。如果  $P(A) = P(B) = P(C) = \rho$ , 证明:  $\rho$  的最大值为  $\frac{1}{9}$ 。

4、(10分)

设连续型随机变量 X 服从参数为 2 的指数分布,试证明:  $Y=1-e^{-2X}$  服从区间 (0,1) 上的均匀分布。

5、(10分)

在线段(0,a)上独立地任取两点,求两点之间距离的分布函数。

6、(15分)

X,Y 为连续型随机变量, 其联合密度是:

$$p(x,y) = \begin{cases} \frac{x}{5} + cy, & 0 < x < 1, 1 < y < 5 \\ 0, & \text{ 其他} \end{cases}$$
 (1)

- (1) 求c的值;
- (2) 判断 *X*, *Y* 是否相互独立;
- (3) 计算 P(X + Y > 3).

7、(10分)

X,Y 是相互独立的随机变量, $X \sim A,Y$  的概率密度函数是 p(x),求 X+Y 的分布。

其中,
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0.4 & 0.6 \end{pmatrix}$$

8、(15分)

一个赌徒每局以概率 p 赢得 1 元,以概率 1-p 输掉 1 元,开始时他的资产为 n (偶数)元, $\tau$  表示他输光的时刻,求:

- (1)  $P(\tau = n + 2i)$
- (2) 在输光之前, 他的资金最大值为 N 的概率。

<sup>\*</sup>mail:zt001062@mail.ustc.edu.cn phone:18856017324