牛顿定律

牛顿运动定律是高中物理的基础,贯穿于高中物理的各个部分。在高中物理课程中,我们学习了牛顿运动定律的具体内容和基本应用。在未来的两次课中,我们将进一步研究牛顿第二定律(涉及分解加速度、加速度关联等问题)以及在非惯性系中如何使用牛顿第二定律。

□ 牛顿第二定律

牛顿第二定律是矢量定律,因此可以分方向使用:

$$F_i = ma_i, (2.1)$$

其中 i = 1, 2, 3 可以理解为力和加速度在给定直角坐标系中的 x, y, z 分量。在常规的高考问题中,一般是将外力沿加速度方向和垂直加速度方向进行正交分解,列出分量方程。在一些复杂问题中,分解加速度列出分量方程可能会使问题更简化。

2.1 如图所示,光滑的水平面上有甲、乙两个物体靠在一起,同时在水平力 F_1 和 F_2 的作用下运动. 已知 $F_1 > F_2$,下列说法中正确的是()



图 2.1: 第 1 题

- A. 如果撤去 F_1 , 甲的加速度一定会减小;
- B. 如果撤去 F_2 ,甲的加速度一定会减小;
- C. 如果撤去 F_2 ,乙的加速度一定会增大;
- D. 如果撤去 F_1 ,乙对甲的作用力一定减小.

答案: CD 解析:

2.2 如图所示,在光滑水平面上有一斜劈,其斜面倾角为 α ,一质量为 m 的物体放在其斜面上,现用水平力 F 推斜劈,恰使物体 m 与斜劈间无相对滑动,则斜劈对物块 m 的弹力大小为.

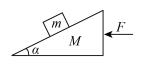


图 2.2: 第 2 题

答案: $mg\cos\alpha + \frac{m}{M+m}F\sin\alpha$

解析:

2.3 如图所示,在置于水平地面上的盛水容器中,用一端固定于容器底部的细线拉住一个空心的塑料球,使之静止地悬浮在深水中,此时容器底部对地面的压力记为 N_1 ; 某时刻拉紧球的细线突然断开后,球便在水中先加速后匀速地竖直上升,若球在此加速运动阶段和匀速运动阶段对应着容器底部对地面的压力分别记做 N_2 和 N_3 ,则()

- A. 球加速上升时, $N_1 < N_2$
- B. 球加速上升时, $N_1 > N_2$
- C. 球匀速上升时, $N_1 < N_3$
- D. 球匀速上升时, $N_1 > N_3$

答案: B

解析: 球的加速上升和匀速上升可以认为与球等体积的水在加速下降和匀速下降.容器、水和球作为一个整体,塑料球静止和匀速运动时,系统处于平衡状态,地面对容器底部的支持力等于系统的重力. 当球加速上升时,水加速下降,系统整体有向下的加速度,重力和支持力的合力提供加速度,所以重力大于支持力. 故 $N_1=N_3>N_2$ 故 B 正确, ACD 错误.

2.4 如图所示,质量为 M 的劈块,其左右劈面的倾角分别为 $\theta_1 = 30^\circ, \theta_2 = 45^\circ$ 质量分别为 $m_1 = \sqrt{3}$ kg 和 $m_2 = 2.0$ kg 的两物块,同时分别从左右劈面的顶端从静止开始下滑,劈块始终与水平面保持相对静止,各相互接触面之间的动摩擦因数均为 $\mu = 0.20$,求两物块下滑过程中(m_1 和 m_2 均未达到底端)劈块受到地面的摩擦力、取 $g = 10 \text{m/s}^2$.

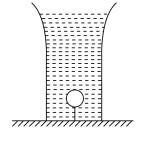


图 2.3: 第 3 题



图 2.4: 第 4 题

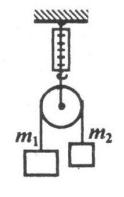


图 2.5: 第 5 题

答案: $f \simeq 2.1$ N, 方向向右;

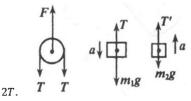
取向左为正 $f=m_1(g\sin\theta_1-g\cos\theta_1\mu)\cos\theta_1-m_2(g\sin\theta_2-g\cos\theta_2\mu)\cos\theta_2\approx -2.1$ N,方向向右.

2.5 如图, $m_1 > m_2$,滑轮质量和摩擦不计,则 m_1 和 m_2 匀加速运动的过程中,弹簧秤的读数是多少?

答案: $F = (4m_1m_2g)/(m_1 + m_2)$



【解析】此题实际上涉及三个物体,且滑轮、 $m_1 \sim m_2$ 的加速度均不相同(滑轮加速度为 $0, m_1 \sim m_2$ 加速度大小相同,但方向不同),故应用隔离法、弹簧秤的读数实际上就是弹簧秤对定滑轮的向上拉力,先隔离出滑轮进行受力分析,因为滑轮加速度为零,所以F=



欲求绳拉力T, 必须隔离两物体进行受力分析

对
$$m_1$$
: $m_1g - T = m_1a$

对
$$m_2:T'-m_2g=m_2a$$
, 且 $T=T'$.

所以,
$$T = \frac{2m_1m_2g}{m_1+m_2}$$
, $F = \frac{4m_1m_2g}{m_1+m_2}$

2.6 如图所示,一根绳跨过装在天花板上的滑轮,一端接质量为 M 的物体,另一端吊一载人的梯子而平衡,人的质量为 m,若滑轮与绳子的质量均不计,绳绝对柔软,不可伸长,为使滑轮对天花板的作用力为零,求人相对于梯子应按什么规律运动.

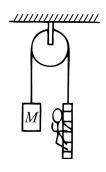


图 2.6: 第 6 题

答案: 向下以相对速度 a=2M/mg 做匀加速运动。

【解析】由 "滑轮对天花板的作用力为零"可知绳上张力为零,则 $a_M=g$. 因此,梯子的加速度大小也为g,方向向上。对人和梯子整体由牛顿第二定律得: $Mg=ma_{\bigwedge}-(M-m)g$,解得: $a_{\bigwedge}=\frac{2M-m}{m}g$,方向向下,则人相对梯子的加速度为 $a_{\bigwedge T \not B \not F}=\frac{2M}{m}g$,方向向下。即人相对梯子向下以 $a_{\bigwedge T \not B \not F}=\frac{2M}{m}g$ 做匀加速运动。

2.7 如图所示,不计绳和滑轮质量,不计摩擦,A,B 质量均为 m,剪断 A 上 部的绳子,则 B 的加速度多大.

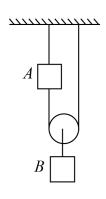
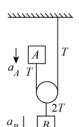


图 2.7: 第 7 题



【解析】 如图所示,剪断A上部的绳子后, 设与A相连的绳子张力为T,则与B连接的绳子张力为2T,

由牛顿第二定律得: $mg-2T=ma_B$, $mg+T=ma_A$, A、B的加速度关系为 $a_A=2a_B$, 联立解得: $a_B=\frac{3}{5}g$, $a_A=\frac{6}{5}g$.

故答案为: $a_B = \frac{3}{2}g$.

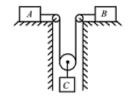


图 2.8: 第 8 题

2.8 如图所示,A、B、C 三个物体的质量分别为 m_1 、 m_2 、 m_3 ,所有接触面的摩擦均不计,绳、滑轮的质量也不计.求 A、B、C 运动时三个物体加速度的大小.

【答案】
$$a_A = \frac{2m_2m_3g}{4m_1m_2 + m_1m_3 + m_2m_3}$$
, $a_B = \frac{2m_1m_3g}{4m_1m_2 + m_1m_3 + m_2m_2}$, $a_C = \frac{m_3m_1 + m_2g}{4m_1m_2 + m_1m_3 + m_2m_3}$

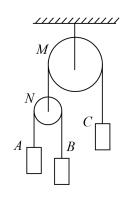


图 2.9: 第 9 题

【解析】设绳的拉力为T,A、B、C三个物体的加速度大小分别为
$$a_1$$
、 a_2 、 a_3 ,在时间t内位移分别为 x_1 、 x_2 、 x_3 ,各物体运动的位移关系为 $2x_3=x_1+x_2$,而 $x_1=\frac{1}{2}a_1t^2$, $x_2=\frac{1}{2}a_2t^2$, $x_3=\frac{1}{2}a_3t^2$,故有 $2a_3=a_1+a_2$. 对 A 有 $T=m_1a_1$,对 B 有 $T=m_2a_2$,对 C 有 $m_3g-2T=m_3a_3$,联立解得: $a_1=\frac{2m_2m_3g}{4m_1m_2+m_1m_3+m_2m_3}$, $a_2=\frac{2m_1m_2g}{4m_1m_2+m_1m_3+m_2m_3}$, $a_3=\frac{m_3m_1+m_2g}{4m_1m_2+m_1m_3+m_2m_3}$.

2.9 如图所示,三个物体 $m_A = 1 \text{kg}, m_b = 2 \text{kg}, m_c = 3 \text{kg}$,不计滑轮重力与摩擦,求 C 物体加速度.

答案: $a = \frac{g}{17}$

解析:

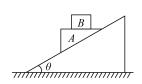


图 2.10: 第 10 题

2.10 如图所示,一个质量为 M 的小三角形物体 A 放在倾角为 $\theta=30^\circ$ 的固定斜面上,在此三角形上又放一质量为 m 的物体 B,A 与 B 之间、A 与斜面之间均光滑接触,设开始时 A 和 B 均静止.当 A 沿斜面下滑时,A 对地面的加速度大小

_____,方向为 _____

答案: $\frac{2(M+m)g}{4M+m}$, 沿斜面向下。

【解析】B受重力mg及A对B竖直向上支承力 N_2 ,合力产生竖直向下加速度 a_B ,A受重力mg, B对A竖直向下压力 n_2 及斜面对a垂直于斜面向上的支承力 n_1 ,合力产生沿斜面向下的加速度 a_A ,由牛顿第二定律有:

$$mg - N_2 = ma_B$$
,

 $(Mg + N_2)\sin \theta = Ma_A$,

由加速度关联关系有: $a_B = a_A \sin \theta$ (可由位移关系推导,也可以换参考系分析),

联立解得:
$$a_A = \frac{(M+m)g\sin\theta}{M+m\sin^2\theta} = \frac{2(M+m)g}{4M+m}$$
.

2.11 如图所示,尖劈 A 的质量为 m_A ,一面靠在光滑的竖直墙上,另一面与质量为 m_B 的光滑棱柱 B 接触,B 可沿光滑水平面滑动,求 A、B 的加速度 a_A 和 a_B 的大小及 A 对 B 的压力.

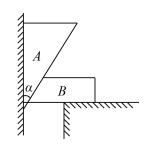


图 2.11: 第 11 题

【答案】
$$a_A = \frac{m_A g}{m_A + m_B \tan^2 \alpha}$$
, $a_B = \frac{m_A g \tan \alpha}{m_A + m_B \tan^2 \alpha}$, $N = \frac{m_A m_B g \tan \alpha}{(m_A + m_B \tan^2 \alpha) \cos \alpha}$

【解析】 根据A、B在相等时间内的位移关系可得 $a_B=a_A an \alpha$ (也可以换参考系分析).

设A、B之间的相互作用力为N,对A有 $m_A g - N \sin \alpha = m_A a_A$,对B有 $N \cos \alpha = m_B a_B$;

联立解得
$$a_A=rac{m_Ag}{m_A+m_B an^2lpha},\;\;a_B=rac{m_Ag anlpha}{m_A+m_B an^2lpha},\;\;N=rac{m_Am_Bg anlpha}{(m_A+m_B an^2lpha)\coslpha}$$
 故答案为: $a_A=rac{m_Ag}{m_A+m_B an^2lpha},\;\;a_B=rac{m_Ag anlpha}{m_A+m_B an^2lpha},\;\;N=rac{m_Am_Bg anlpha}{(m_A+m_B an^2lpha)\coslpha}.$

2.12 如图所示,斜面质量为 M,倾角为 α ; 木杆只能沿竖直方向运动,质量为 m. 一个水平力 F 作用在斜面上,不记一切摩擦,求斜面的加速度.

答案:
$$a = \frac{F\cos\alpha - mg\sin\alpha}{M\cos\alpha + m\tan\alpha\sin\alpha}$$
解析:

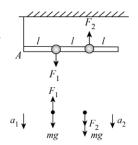
2.13 如图所示,一根长度为 3*l* 的轻杆上固定质量均为 *m* 的两个重物,它们之间的距离以及它们分别到杆两端的距离相等.用两根竖直的绳子系在杆的两端,使杆水平放置且保持平衡状态.试求当右边绳子被剪断时刻两球的加速度.



图 2.12: 第 13 题

答案: $a_1 = \frac{3}{5}g, a_2 = \frac{6}{5}g$

【解析】如图所示,设左球对杆的作用力 F_1 向下(若 F_1 < 0则表示向上),则右球对杆作用力 F_2 应向上. 对杆,以A为支点由力矩平衡得: $F_1l=2l\cdot F_2$,对左球: $mg-F_1=ma_1$,对右球: $mg+F_2=ma_2$,两球的加速度关系为: $a_1:a_2=1:2$,



联立解得
$$a_1 = \frac{3}{5}g$$
, $a_2 = \frac{6}{5}g$.

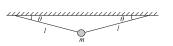


图 2.13: 第 14 题

2.14 如图所示,用两根长度均为 l 的完全相同的细线将一重物悬挂在水平的天花板下,细线与天花板的夹角为 θ ,整个系统静止,这时每根细线中的张力为 T. 现在将一根细线剪断,在这一时刻另一根细线中的张力 T' 为 ______

答案: $2T\sin^2\theta$

解析:

【解析】 剪断细线前,根据共点力的平衡,有 $2T\sin\theta=mg$. 剪断细线后,根据牛顿第二定律, $T'-mg\sin\theta=m\frac{v^2}{I}=0.$ 联立得 $T'=2T\sin^2\theta$.

2.15 如图所示,木棒 AB 质量均匀分布、质量大小为 m、长为 2l,静止于光滑水平地面上. 现给 A 端一微小扰动 (近似认为扰动后速度仍为零),使 AB 沿逆时针方向倾倒,落地后不弹起. 求 AB 翻倒到最终静止于水平地面的整个过程中,质心 O 点水平方向的位移.

答案: 0

解析: