A题 自动驾驶中的车辆调头问题

自动驾驶是近年人工智能应用的热门研究领域之一,其中调头是自动驾驶中一个非常实际又很有趣的场景。假设无人车为四轮乘用车,采用前轮转向后轮驱动;车身可认为是一个矩形,车长5米,车宽2米,轴距2.8米;方向盘最大转角470°,方向盘与前轮转角的传动比为16:1(方向盘每转动16°,前轮转动1°),方向盘最大转速为400°/s;最大油门加速度3m/s²,极限刹车加速度—5m/s²。

无人车的轨迹,指的是一条含有位置和时间等信息的曲线,它由一列轨迹 点构成,各个轨迹点中应包含位置坐标、方向角、曲率、曲率变化率、速度、 加速度及运动到此点时的时间等信息。这里轨迹指的是车身中某一特定点的轨 迹,即控制点。控制点是事先选定的,通常位于无人车车身对称轴(车身可以 近似认为是左右轴对称的)上的一点,在行驶时,控制点的位置会与轨迹点相 重合,控制点处的速度方向将与轨迹点的方向角一致。

由于无人车的车辆动力学性质和安全性要求,轨迹必须满足以下条件:

- (1) 任何点的加速度不得高于最大油门加速度,不得低于极限刹车减速度;
- (2) 无人车朝向和方向盘转角都不能突变,轨迹线必须是连续、且切线方向连续,当无人车不是静止时,曲率也必须连续(静止时可以原地打方向,非静止时不能);
 - (3) 轨迹线的最大曲率应尽量不高于0.205, 禁止高于0.21;
- (4) 按轨迹行驶时,在调头完成之前,无人车车身任何点不得与任何障碍物或者掉头区域边界发生碰撞,且与障碍物至少保留一个最小安全距离,一般不小于30cm。

无人车调头轨迹在保证上述条件之外也应具备尽可能舒适的驾乘体感,以 及具备尽可能高的通行效率,同时出于规范驾驶的考虑,尽量减少不必要的压 车道线行驶。

请按照下面问题中简化版的无人车调头场景和附件数据,建立无人车安全快速调头的数学模型,设计无人车调头轨迹的计算方法,在输入外部道路和障碍物信息后,计算出合理可行的无人车轨迹。同时,由于附近障碍物可能由于视野问题被遮挡,导致调头中周围环境信息发生变化,轨迹应当是可以实时更新的。附件数据文件中的边界线均表示为折线点列,按坐标点从上到下的顺序连接形成;所有障碍物均以多边形表示,其中的点均按逆时针顺序排列,路况简图见数据文件。请完成以下问题:

问题1:如图1所示场景,无人车(用橙色矩形表示)正在最左侧车道准备调头,存在三个对向车道。附件数据文件中,掉头区域边界以红色边框A表示,两条对向车道线以B、C表示(均为路面上的虚线),中间的隔离障碍物以D表示。无人车起始位置已经在附件数据文件中给出,当无人车身触碰到对向的掉头区域边界(图1中绿色部分)时,认为调头完成。请阐述控制点位置,解释其理由;基于此建立无人车调头的数学模型,并给出一个合理可行的算法设计,给出调头轨迹。

问题2: 当掉头区域狭窄时,判断什么样的场景下无人车能够在不倒车的情况下完成调头,什么情况需要至少一次倒车(如图2场景,蓝色箭头表示向前,红色箭头表示倒车)才能通过。建立相应的无人车调头的数学模型,给出合理的算

法设计,并给出仿真结果。

问题3: 如图3场景,如果道路上还存在其它静止障碍物(附件数据文件中以F和G表示),当仅存在F、仅存在G、或二者都存在时,建立相应的无人车调头的数学模型,给出合理的算法设计,并给出调头轨迹,你的算法应明确如何进行避障?

问题4:按交规规定,如果道路上存在人行横道即斑马线,其所占区域在附件数据文件中以E表示,则无人车需要尽可能在不压人行横道的情况下通过,如果无法做到,则需要越过(后轮越过)人行横道后再开始调头,禁止骑人行横道调头(如图4场景所示)。其中标识"√"的为可行通行方式,标识"×"为骑人行道调头方式。建立相应的无人车调头的数学模型,给出合理的算法设计和相应的调头轨迹;当斑马线和障碍物同时存在时(如图5场景所示),你的模型和算法如何同时满足交规并进行避障绕行?

问题5: 无人车在实际路况行驶中进行调头时,道路中的障碍物通常是处于移动状态,如对向来车等,针对图3和图5的两种场景,假设图中标识的障碍物位置为无人车处在起始时刻的初始位置,障碍物以一定的速度移动,假设只考虑与道路平行方向移动,请建立更一般的无人车调头轨迹规划模型并给出相应算法设计和无人车调头策略,给出仿真结果。

问题6:为保证无人驾驶的安全性,无人车的轨迹规划算法必须拥有尽可能高的求解成功率(应倾向使用更收敛更稳定,失败率更低的计算方法)同时为了能对路况进行快速反应,需要以尽可能高的频率进行计算(计算复杂度尽量低)。你的算法如何在求解成功率和求解耗时这两方面优化?

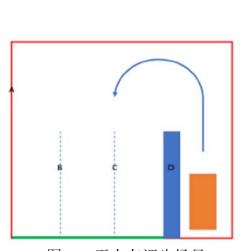


图1: 无人车调头场景1

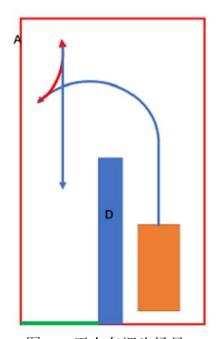


图2: 无人车调头场景2

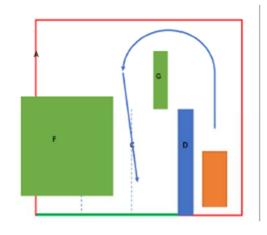


图3: 无人车调头场景3

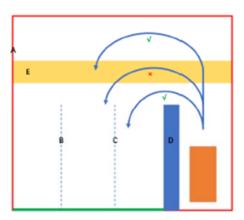


图4: 无人车调头场景4

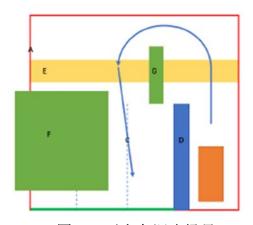


图5: 无人车调头场景5

B题 讲出口公司的货物装运策略

进出口公司经常需要将销售的货物通过货运飞机进行运输。货运飞机有大、中、小三种类型,每一种飞机均有前、中、后三个货舱,每个货舱有最大容积、最大载重量的限制。每种货物可以在一个或多个货舱中任意分布,多种货物可以混装。为了保证飞机飞行平稳,三个货舱中实际载重必须与其最大载重成比例。详细数据见附件。

销售的货物有HW1-HW10等10种,每件货物均为长方体,货物尺寸、体积(立方米)、重量(吨)、运输单价均已知。进出口公司为了精确营销,收集了前50个周期的每种货物的销售量以及下一个周期的销售价格。下一个周期货物的销售量是随机的,但销售价格是已知的,而且所有货物在装运飞机之前的所有成本为货物销售价格的40%;按照规则,一个周期内,产品如果不能销售出去,产品只能按照销售价的30%清仓甩卖。数据见附件。

请结合附件的数据,建立数学模型,解决下列问题:

- 1.假设只有大、中、小三种类型的货运飞机各一架,所有货物可以直接装入 飞机,并按照前50个周期各种货物销售量的平均值来组织货源。问如何装运,可 以使得货运飞机尽量不留空隙? (货物不必全部装完)
- 2. 继续按照前50个周期各种货物销售量的平均值来组织货源,要求体积在 2m³以下的货物都要用集装箱装载。集装箱为长方体,封闭,塑料制品,厚度为 5厘米,数据见附件。集装箱尽量不留空隙,货运飞机尽量不留空隙,基于这种 思路,请分析确定使用哪种机型最为合适,至少需要多少架次,并给出各架次的 具体装运方案。
- 3. 接第2问,进出口公司总觉得以集装箱尽量不留空隙、货运飞机尽量不留空隙作为为货物装运的思路影响了他们的经济效益。请你帮助他们调整一下装运方案,以满足他们的经济期望,并计算最佳利润。
- 4. 市场对产品的需求是不确定的,在一个周期内组织多少货源是有风险的。 为安全起见,进出口公司希望能够得到在可靠性为95%下的最大利润值,以及为 实现这个利润值应该实施的货运装运策略。请帮助其实现他们的目标。
 - 5. 如果将可靠性95%改为70%, 最大利润值和装运策略将如何改变?