A题 自动驾驶中的车辆调头问题

自动驾驶是近年人工智能应用的热门研究领域之一，其中调头是自动驾驶中一个非常实际又很有趣的场景。假设无人车为四轮乘用车，采用前轮转向后轮驱动；车身可认为是一个矩形，车长5米，车宽2米，轴距2.8米；方向盘最大转角470°，方向盘与前轮转角的传动比为16：1（方向盘每转动16°，前轮转动1°），方向盘最大转速为400°/s；最大油门加速度，极限刹车加速度。

无人车的轨迹，指的是一条含有位置和时间等信息的曲线，它由一列轨迹点构成，各个轨迹点中应包含位置坐标、方向角、曲率、曲率变化率、速度、加速度及运动到此点时的时间等信息。这里轨迹指的是车身中某一特定点的轨迹，即控制点。控制点是事先选定的，通常位于无人车车身对称轴（车身可以近似认为是左右轴对称的）上的一点，在行驶时，控制点的位置会与轨迹点相重合，控制点处的速度方向将与轨迹点的方向角一致。

由于无人车的车辆动力学性质和安全性要求，轨迹必须满足以下条件：

（1）任何点的加速度不得高于最大油门加速度，不得低于极限刹车减速度；

（2）无人车朝向和方向盘转角都不能突变，轨迹线必须是连续、且切线方向连续，当无人车不是静止时，曲率也必须连续（静止时可以原地打方向，非静止时不能）；

（3）轨迹线的最大曲率应尽量不高于0.205，禁止高于0.21；

（4）按轨迹行驶时，在调头完成之前，无人车车身任何点不得与任何障碍物或者掉头区域边界发生碰撞，且与障碍物至少保留一个最小安全距离，一般不小于30cm。

无人车调头轨迹在保证上述条件之外也应具备尽可能舒适的驾乘体感，以及具备尽可能高的通行效率，同时出于规范驾驶的考虑，尽量减少不必要的压车道线行驶。

请按照下面问题中简化版的无人车调头场景和附件数据，建立无人车安全快速调头的数学模型，设计无人车调头轨迹的计算方法，在输入外部道路和障碍物信息后，计算出合理可行的无人车轨迹。同时，由于附近障碍物可能由于视野问题被遮挡，导致调头中周围环境信息发生变化，轨迹应当是可以实时更新的。附件数据文件中的边界线均表示为折线点列，按坐标点从上到下的顺序连接形成；所有障碍物均以多边形表示，其中的点均按逆时针顺序排列，路况简图见数据文件。请完成以下问题：

问题1：如图1所示场景，无人车（用橙色矩形表示）正在最左侧车道准备调头，存在三个对向车道。附件数据文件中，掉头区域边界以红色边框A 表示，两条对向车道线以B、C 表示（均为路面上的虚线），中间的隔离障碍物以D 表示。无人车起始位置已经在附件数据文件中给出，当无人车身触碰到对向的掉头区域边界（图1中绿色部分）时，认为调头完成。请阐述控制点位置，解释其理由；基于此建立无人车调头的数学模型，并给出一个合理可行的算法设计，给出调头轨迹。

问题2：当掉头区域狭窄时，判断什么样的场景下无人车能够在不倒车的情况下完成调头，什么情况需要至少一次倒车（如图2场景，蓝色箭头表示向前，红色箭头表示倒车）才能通过。建立相应的无人车调头的数学模型，给出合理的算法设计，并给出仿真结果。

问题3：如图3场景，如果道路上还存在其它静止障碍物（附件数据文件中以F 和G表示），当仅存在F、仅存在G、或二者都存在时，建立相应的无人车调头的数学模型，给出合理的算法设计，并给出调头轨迹，你的算法应明确如何进行避障？

问题4：按交规规定，如果道路上存在人行横道即斑马线，其所占区域在附件数据文件中以E表示，则无人车需要尽可能在不压人行横道的情况下通过，如果无法做到，则需要越过（后轮越过）人行横道后再开始调头，禁止骑人行横道调头（如图4场景所示）。其中标识“√”的为可行通行方式，标识“×”为骑人行道调头方式。建立相应的无人车调头的数学模型，给出合理的算法设计和相应的调头轨迹；当斑马线和障碍物同时存在时（如图5场景所示），你的模型和算法如何同时满足交规并进行避障绕行？

问题5：无人车在实际路况行驶中进行调头时，道路中的障碍物通常是处于移动状态，如对向来车等，针对图3和图5的两种场景，假设图中标识的障碍物位置为无人车处在起始时刻的初始位置，障碍物以一定的速度移动，假设只考虑与道路平行方向移动，请建立更一般的无人车调头轨迹规划模型并给出相应算法设计和无人车调头策略，给出仿真结果。

问题6：为保证无人驾驶的安全性，无人车的轨迹规划算法必须拥有尽可能高的求解成功率（应倾向使用更收敛更稳定，失败率更低的计算方法）同时为了能对路况进行快速反应，需要以尽可能高的频率进行计算（计算复杂度尽量低）。你的算法如何在求解成功率和求解耗时这两方面优化？

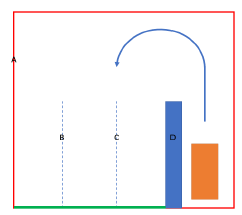
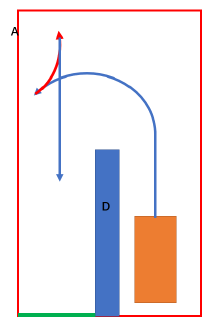
 

图1： 无人车调头场景1 图2： 无人车调头场景2

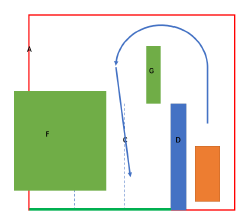
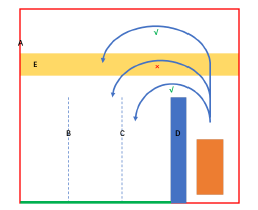
 

图3： 无人车调头场景3 图4： 无人车调头场景4

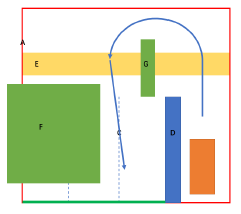


图5： 无人车调头场景5

B题 数据驱动的异常检测与预警问题

推动生产企业高质量发展，最根本的底线是保证安全、防范风险，而生产过程中产生的数据能够实时反映潜在的风险。附件为某生产企业某日00:00:00-22:59:59由生产区域的仪器设备记录的时间序列数据（已经进行数据脱敏），这些数据可能是温度、浓度、压力等与安全密切相关的数据。

请依据附件数据，建立数学模型，完成以下问题：

**问题1：**附件所给出的数据都可能存在波动，且所有波动都在安全值范围内。有些波动可能是正常性波动，例如随着外界温度或者产量变化的波动，或者可能是传感器误报，这些波动具有规律性、独立性、偶发性等特点，并不能产生安全风险，我们视为非风险性异常，不需要人为干预；有些波动具有持续性、联动性等特点，这些异常性波动的出现是生产过程中的不稳定因素造成的，预示着可能存在安全隐患，我们视为风险性异常，需要人为干预、分析和评定风险等级。请建立数学模型，给出判定非风险性异常数据和风险性异常数据的方法。

**问题2：**结合问题1的结果，建立数学模型，给出风险性异常数据异常程度的量化评价方法，要求使用百分制（0-100分）对每个时刻数据异常程度进行评价（分值越高表示异常程度越高）。应用所建立的模型和附件的数据，找到数据中异常分值最高的5个时刻及这5个时刻对应的异常传感器编号（每个时刻只填写5个异常程度最高的传感器编号，异常传感器不足5个则无需填满；如果得分为0，可以不用填写异常传感器编号），并给出数学模型对所得结果进行评价。

表1 问题2的结果

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 第一高分 | 第二高分 | 第三高分 | 第四高分 | 第五高分 |
| 异常程度得分 |  |  |  |  |  |
| 异常时刻编号 |  |  |  |  |  |
| 异常传感器编号 |  |  |  |  |  |
| 异常传感器编号 |  |  |  |  |  |
| 异常传感器编号 |  |  |  |  |  |
| 异常传感器编号 |  |  |  |  |  |
| 异常传感器编号 |  |  |  |  |  |

**问题3：**为了提前发现未来生产过程中可能存在的风险隐患，请建立风险性异常预警模型，预测当日23:00:00-23:59:59可能产生的风险性异常。结合问题2中给出的风险性异常程度量化评价方法，指出23:00:00-23:59:59中四个时间段（见表2），每个时间段内的最高异常分值及对应的异常传感器编号（只填写5个异常程度最高的传感器编号，异常传感器不足5个则无需填满；如果得分为0，可以不用填写异常传感器编号）。

表2 问题3的结果

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 时间 | 23:00:00-23:14:59 | 23:15:00-23:29:59 | 23:30:00-23:44:59 | 23:45:00-23:59:59 |
| 异常最高分 |  |  |  |  |
| 异常传感器编号 |  |  |  |  |
| 异常传感器编号 |  |  |  |  |
| 异常传感器编号 |  |  |  |  |
| 异常传感器编号 |  |  |  |  |
| 异常传感器编号 |  |  |  |  |

**问题4：**根据问题2和问题3中的结果，建立数学模型对该生产企业整个生产系统的安全性进行评价，请在00:00:00-23:59:59内每隔30分钟，用0-100分进行安全性评分，0分表示安全性最低，100分表示安全性最高（包括00:00:00-23:00:00的得分和23:00:00-23:59:59的预测得分），并用适当的方法对所给评分的结果进行评价和敏感性分析。

表3 问题4的结果

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| 时间 | 安全性评分 | 时间 | 安全性评分 |
| 00:30:00 |  | 12:30:00 |  |
| 01:00:00 |  | 13:00:00 |  |
| 01:30:00 |  | 13:30:00 |  |
| 02:00:00 |  | 14:00:00 |  |
| 02:30:00 |  | 14:30:00 |  |
| 03:00:00 |  | 15:00:00 |  |
| 03:30:00 |  | 15:30:00 |  |
| 04:00:00 |  | 16:00:00 |  |
| 04:30:00 |  | 16:30:00 |  |
| 05:00:00 |  | 17:00:00 |  |
| 05:30:00 |  | 17:30:00 |  |
| 06:00:00 |  | 18:00:00 |  |
| 06:30:00 |  | 18:30:00 |  |
| 07:00:00 |  | 19:00:00 |  |
| 07:30:00 |  | 19:30:00 |  |
| 08:00:00 |  | 20:00:00 |  |
| 08:30:00 |  | 20:30:00 |  |
| 09:00:00 |  | 21:00:00 |  |
| 09:30:00 |  | 21:30:00 |  |
| 10:00:00 |  | 22:00:00 |  |
| 10:30:00 |  | 22:30:00 |  |
| 11:00:00 |  | 23:00:00 |  |
| 11:30:00 |  | 23:30:00 |  |
| 12:00:00 |  | 23:59:59 |  |