MEM6804 物流与供应链建模与仿真

中美物流研究院 上海交通大学

2021年春 (非全日制)

作业 1

截止时间: 4月11日 23:59:59, 延后到 4月18日 23:59:59

说明

- (a) 相关解答可以手写在纸上, 在课堂上提交; 也可以以电子版 (Word 或 PDF) 的形式上传至 Canvas.
- (b) 相关的文件 (如 Excel, 程序源文件, 仿真软件源文件等) 也需上传至 Canvas (如多于一个文件, 请打包后再上传).
- (c) 电子文件、压缩包的文件名称中请注明姓名与学号.
- (d) 在 (纸质或电子的) 解答中指明与每一题对应的相关源文件 (如有).
- (e) 超出截止时间上交, 记为 0分; 若有抄袭行为, 双方均记为 0分.

.....

问题 $1 (15 \times 2 = 30 \text{ })$

假如我们现在要设计一个扔硬币的游戏. 硬币是公平的, 即, 扔到正面 (记为 H) 或反面 (记为 T) 的概率都是 0.5. 游戏参与者可重复地扔这枚硬币, 于是他将得到一个序列, 例如, HTTHH... 我们约定, 当参与者连着扔到两个 H 时, 游戏即刻结束, 此时我们奖励他 100 元. (在前述例子中, 参与者在扔完第 5 次之后, 由于出现了两个连着的 H, 于是游戏结束.)

- (1) 假设参加这个游戏的人, 都是会一直扔直到出现两个连着的 H 为止. 现在我们对这个游戏进行定价. 假设每扔一下硬币, 参与者就要付 x 元. 问, 当 x 取什么值时, 长远来看我们将不赚不亏? (显然, 当 x 小于这个值时, 我们会亏钱; 大于这个值时, 我们会赚钱.) 请用仿真的方法进行求解, 使用 Excel 或编程实现都可以, 相关源文件请上传. 答案与理论值相差 ±1 之内可接受.
- (2) 现在我们采用了问题 (1) 中计算出来的价格, 即, 长远来看我们将不赚不亏. 此时, 前来参加游戏的小明提出了一个要求. 他最多只扔 10 次, 如果扔完 10 次还没出现两个连着的 *H*, 他也会停止. 如果允许小明这样做, 对我们来说是有利, 无差别, 还是不利? 请用仿真的方法进行求解, 使用 Excel 或编程实现都可以, 相关源文件请上传.

问题 2 $(10 \times 3 = 30 \text{ })$

已知连续随机变量 X 的 pdf 为

$$f(x) = \begin{cases} x, & 0 \le x \le 1, \\ 1, & 1 < x \le 3/2, \\ 0, & \sharp \text{ i.e.} \end{cases}$$

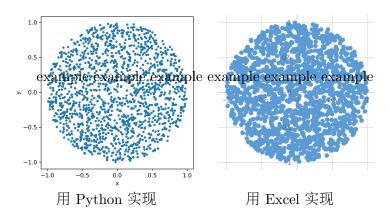
(注: 不难验证, $\int_0^{3/2} f(x) dx = 1$, 说明该随机变量 X 的定义是满足要求的.)

- (1) 写出它的 CDF F(x).
- (2) 任选一种方法生成该分布下的随机数 (假设 Uniform(0,1) 随机数发生器已经有了), 写出该方法的步骤和相关的计算.
- (3) 生成该分布下的随机数 (1000 个左右), 并画出直方图 (纵坐标为频次、频率或经验 pdf 均可). 使用 Excel 或编程实现都可以, 相关源文件请上传.

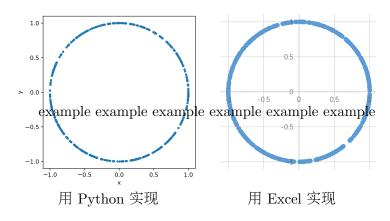
问题 $3(10 \times 4 = 40 \text{ })$

根据下面每个小问的要求,设计方法来生成满足需要的随机数,即,实现特定要求的随机采样.在每个小问中,写出采样的步骤 (计算和分析可略),并画出采样的效果图 (应该类似于给出的参照图,但不会完全一样). 使用 Excel 或编程实现都可以,相关源文件请上传.

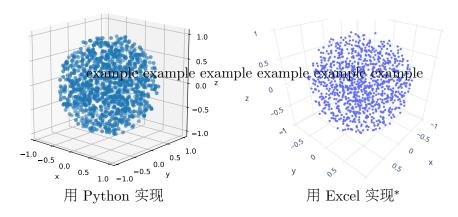
(1) 在单位圆的区域内进行随机均匀采样, 采样效果如下图所示.



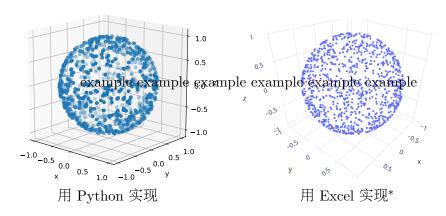
(2) 在单位圆的圆周上进行随机均匀采样,采样效果如下图所示.



(3) 在单位球的区域内进行随机均匀采样,采样效果如下图所示.



(4) 在单位球的球面上进行随机均匀采样, 采样效果如下图所示.

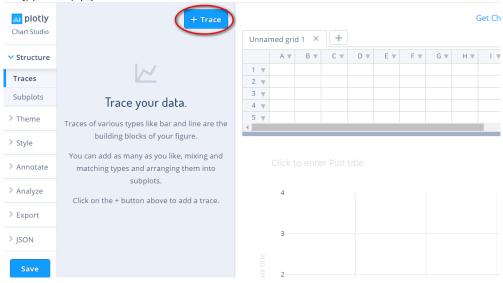


*注: Excel 自身不能画 3D 散点图, 需要借助第三方工具来实现. 示例中的图是通过 Online Graph Maker 实现 https://chart-studio.plotly.com/create/scatter-chart/#/基本的操作步骤, 见下页附录说明.

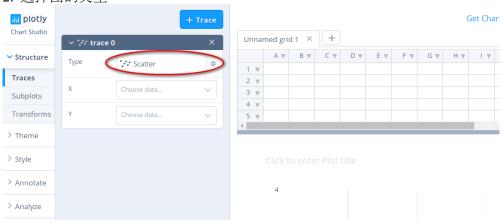
附录: Online Graph Maker 使用简介.

https://chart-studio.plotly.com/create/scatter-chart/#/

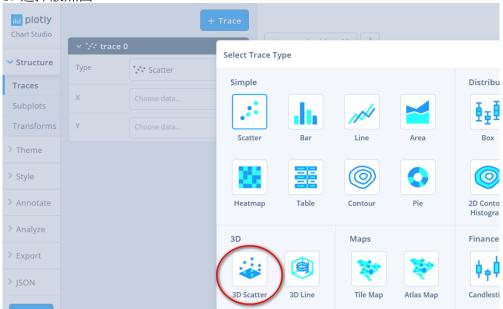




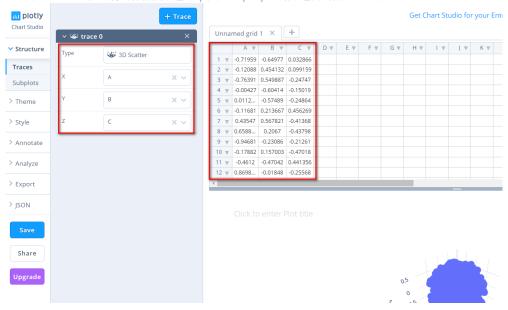
2. 选择图的类型



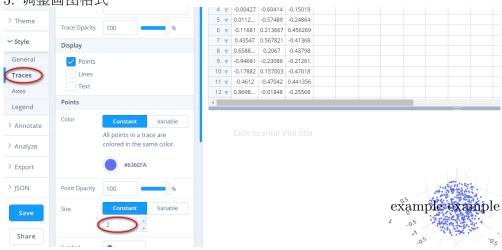
3. 选择散点图



4. 将 Excel 中的数据粘贴过来, 为 X,Y,Z 轴选择相应的列







6. 调整图的大小、角度和位置等



