

§ 3.1.2

- 1. 谓词: 刻画个体词之间性质、关系
- 2. n 元谓词变项 $P(a_1, \dots, a_n)$ 不是命题. 若想使其成为命题, 则要用谓词常项代替 P , 个体常项代替 a_1, \dots, a_n

§ 3.1.3

- 1. 区别 $\forall x (M(x) \wedge F(x))$ ①
 $\forall x (M(x) \rightarrow F(x))$ ②
- eg. "凡是人都呼吸",
若以①解释, 即"任意个体都是人且呼吸" \times
以②, "是人且, 则呼吸". \checkmark

§ 3.1.4

- 1. 一阶语言: 记为 L
- L 字母表:
- (1) 个体常项: $a, b, c, \dots, q_i, b_i, \dots$
- (2) 个体变项: x, y, z, \dots
- (3) 函数符号: $f, g, h, \dots, f_i, g_i, \dots$
- (4) 谓词: F, G, H, \dots
- (5) 量词: \forall, \exists
- (6) 联结词: $\neg, \wedge, \vee, \rightarrow, \leftrightarrow$
- (7) 括号与逗号: $(,), ', ', ', '$

Def 3.5: $\forall x A, \exists x A$ 中称 " x " 为指导变元.
 A 为相应量词 "辖域", A 中所有 x 被称为 "约束出现", 其余变元称为 "自由出现"

- 不同辖域中, 相同字母也代表不同变元
- 可用 $A(x_1, x_2, \dots, x_n)$ 代表含 x_1, \dots, x_n 自由出现的公式

Def 3.6: 设 A 为任意的公式. 若 A 中不含自由出现的个体变项, 则称 A 为封闭的公式, 简称闭式

· 将有 r 个自由变项的公式转为闭式, 要加 r 个量词

- 一阶语言 L 中个体常项、函数符号、谓词符号称为 非逻辑符号, 其余为逻辑符号".
 $\hookrightarrow L$ 中所有 $\dots \rightarrow$ 记为集合 L .
 L 称为 L 所生成的一阶语言

Def 3.7: 一个一阶语言 L 的解释 I 由以下 \dots 构成

- (a) 非空个体域 D
- (b) 每个个体常项 $a, \exists \bar{a} \in D$
- (c) $\dots n$ 元函数符号 $f, \exists \bar{f} \in D(f)$
- (d) $\dots n$ 元谓词 $F, \exists \bar{F} \in D(F)$

Thm 3.1: 封闭公式在任意解释下成为命题.

- 对自由出现的命题变项, 指定其为某 $i \in D$, 则给出解释与赋值, 任意公式 \rightarrow 命题

Def 3.8: A 为公式. 若 A 在某解释/赋值恒真 $\rightarrow A$ 为 "永真式"
 $\dots \dots \dots$ 恒假.
 $\rightarrow A$ 为 "永假式"
否则, 称 A 为可满足式

Def 3.9: 将 A 中任何一命题变项 p_i 都换为一个公式 A_i , 则称所得结果为 A 的 "实例代换"

§ 3.2.2.

设 A 为一阶逻辑公式. 若 A 有以下式:
 $Q_1 x_1 Q_2 x_2 \dots Q_k x_k B$

($Q_i (1 \leq i \leq k) = \forall$ 或 \exists , B 为不含量词的公式)
则称 A 为 约束范式