

位运算的运用(Bitwise operations)



本节内容

- 1. 位运算符
- 2. 算数移位与逻辑移位
- 3. 位运算的应用



什么是位运算

程序中的所有数在计算机内存中都是以二进制的形式储存的。位运算说穿了,就是直接对整数在内存中的二进制位进行操作。比如,and运算本来是一个逻辑运算符,但整数与整数之间也可以进行and运算。举个例子,6的二进制是110,11的二进制是1011,那么6 and 11的结果就是2,它是二进制对应位进行逻辑运算的结果(0表示False,1表示True,空位都当0处理):

110 AND 1011 --> 0010(b) --> 2(d)

由于位运算直接对内存数据进行操作,不需要转成十进制,因此处理速度非常快。当然有人会说,这个快了有什么用,计算6 and 11没有什么实际意义啊。本文就将告诉你,位运算到底可以干什么,有些什么经典应用,以及如何用位运算优化你的程序。

1	极客	时间
---	----	----

符号	描述	运算规则
&	与	两个位都为1时,结果才为1
	或	两个位都为0时,结果才为0
^	异或	两个位相同为0,相异为1
va .	取反	0变1, 1变0
<<	左移	各二进位全部左移若干位,高 位丢弃,低位补0
>>	右移	各二进位全部右移若干位,对 无符号数,高位补0,有符号 数,各编译器处理方法不一 样,有的补符号位(算术右 移),有的补0(逻辑右移)



XOR - 异或

异或:相同为0,不同为1。也可用「不进位加法」来理解。

异或操作的一些特点:

```
x ^0 = x

x ^1s = ^x // 1s = ^0

x ^(~x) = 1s

x ^x = 0 // interesting and important!

a ^b = c \Rightarrow a ^c = b, b ^c = a // swap

a ^b ^c = a ^(b ^c) = (a ^b) ^c // associative
```

- 1. 将 x 最右边的 n 位清零 x & (~0 << n)
- 2. 获取 x 的第 n 位值(0或者1) (x >> n) & 1
- 3. 获取 x 的第 n 位的幂值 x & (1 << (n 1))
- 4. 仅将第 n 位置为 1 x | (1 << n)
- 5. 仅将第 n 位置为 0 x & (~(1 << n))
- 6. 将 x 最高位至第 n 位(含)清零 x & ((1 << n) 1)
- 7. 将第 n 位至第0位(含)清零 x & (~((1 << (n + 1)) 1))

编程常用的位运算操作

• X & 1 == 1 OR == 0

- X = X & (X-1) => 清零最低位的1
- X & -X => 得到最低位的1

• $X \& \sim X => 0$



实战题目

1. https://leetcode.com/problems/number-of-1-bits/

2. https://leetcode.com/problems/power-of-two/

3. https://leetcode.com/problems/counting-bits/description/

4. https://leetcode.com/problems/n-queens-ii/description/