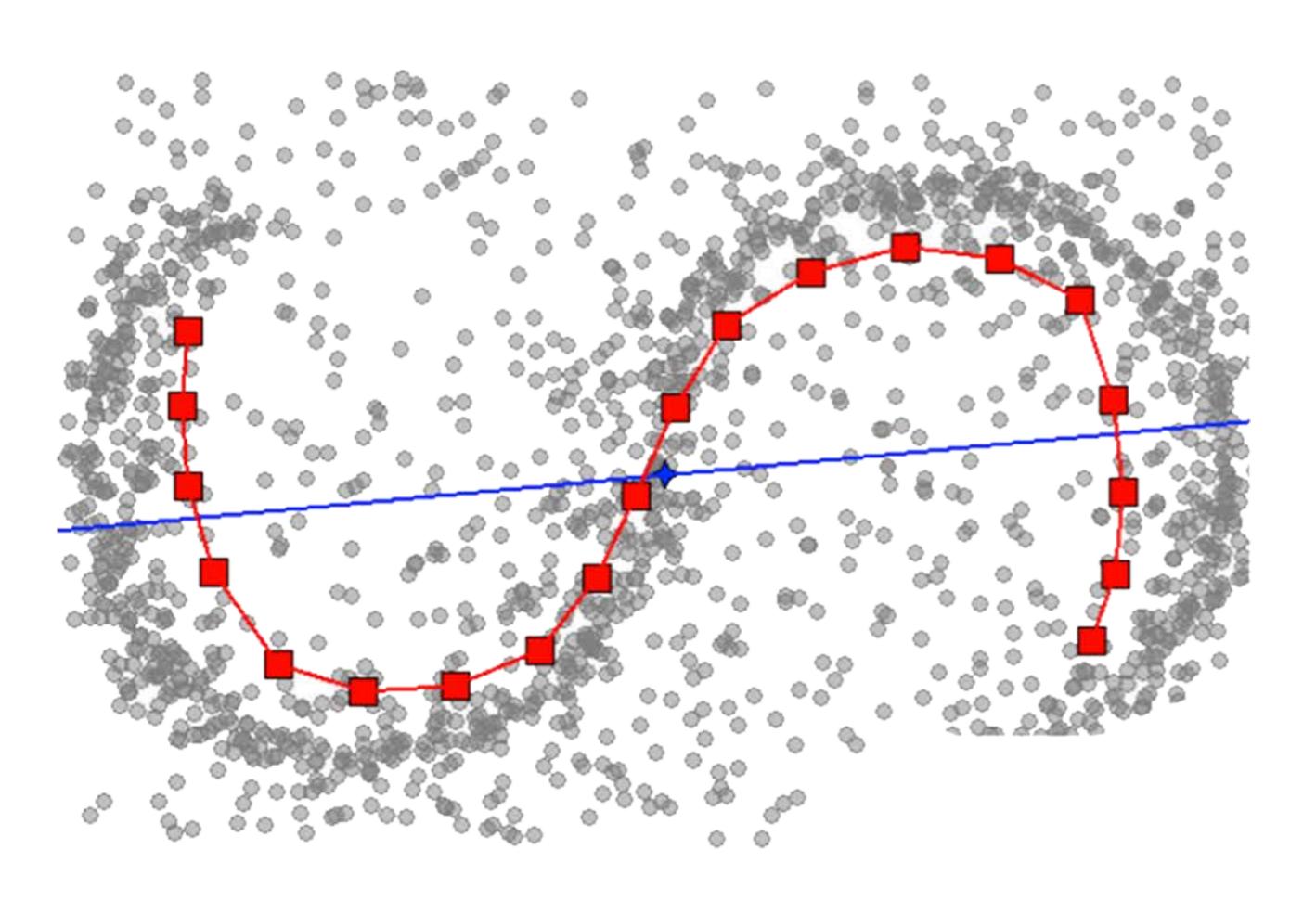
### ЗАДАЧА ВИЗУАЛИЗАЦИИ



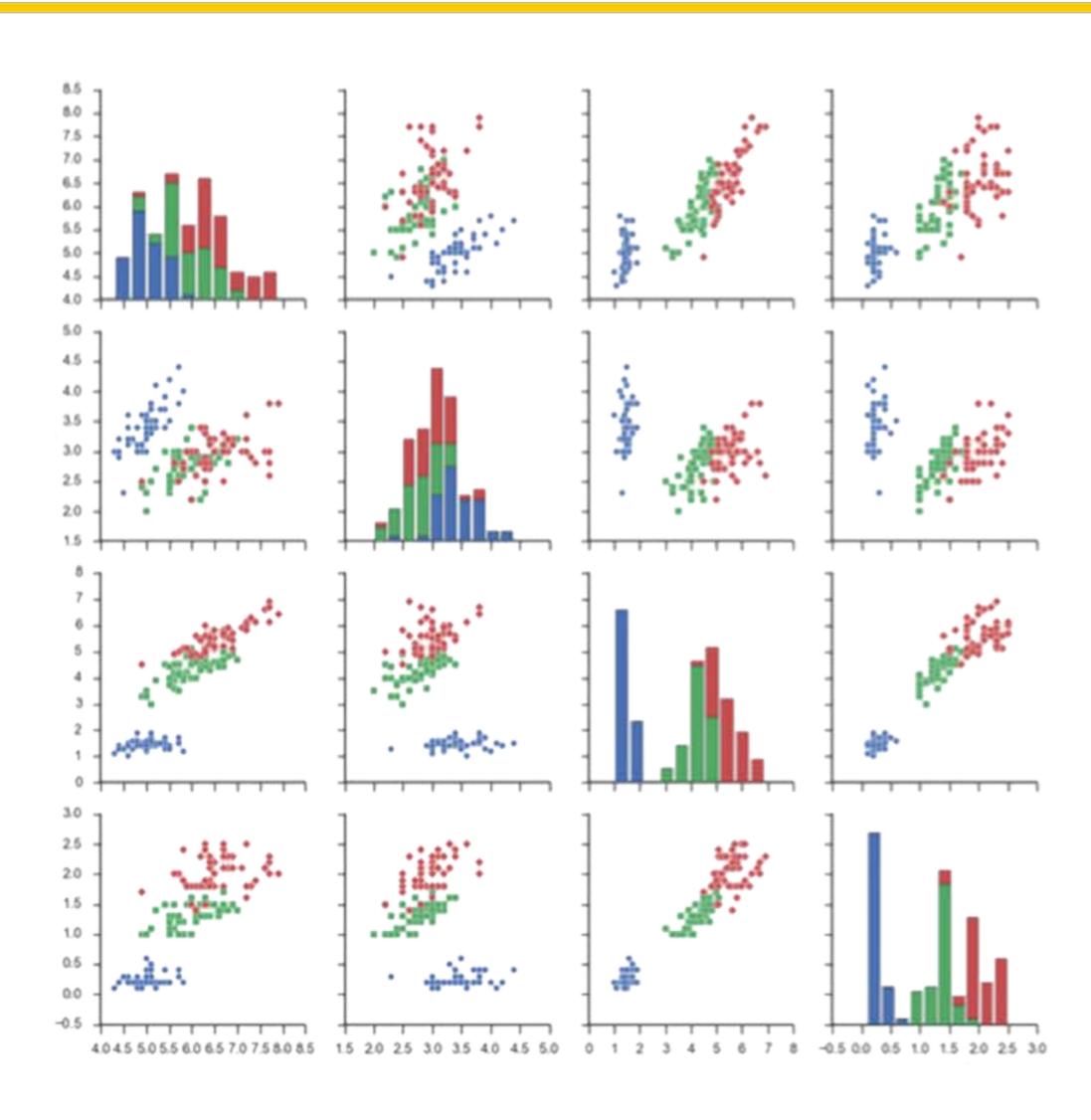
#### ПОНИЖЕНИЕ РАЗМЕРНОСТИ





-99.99	-99.99	315.7	317.45	317.5	317,26	315.86	314.93	313.2	312.44	313.33	314.67	-99.59
315.62	316.38	316.71	317.72	318.29	318.16	316.54	314.8	313.84	313.26	314.8	315.58	315.98
316.43	316.97	317.58	319.02	320.03	319.59	318.18	315.91	314.16	313.84	315	316.19	316.91
316.93	317.7	318.54	319.48	320.58	319.77	318.57	316.79	314.8	315.38	316.1	317.01	317.64
317.94	318.56	319.68	320.63	321.01	320.55	319.58	317.4	316.25	315.42	316.69	317.7	318.45
318.74	319.08	319.86	321.39	322.24	321.47	319.74	317.77	316.21	315.99	317.12	318.31	318.99
319.57	-99.99	-99.99	-99.99	322.24	321.89	320.44	318.7	316.7	316.79	317.79	318.71	-99.99
319.44	320.44	320.89	322.13	322.16	321.87	321.39	318.8	317.81	317.3	318.87	319.42	320.04
320.62	321.59	322.39	323.87	324.01	323.75	322.39	320.37	318.64	318.1	319.79	321.08	321.38
322.06	322.5	323.04	324.42	325	324.09	322.55	320.92	319.31	319.31	320.72	321.96	322.16
322.57	323.15	323.89	325.02	325.57	325.36	324.14	322.03	320.41	320.25	321.31	322.84	323.05
324	324.42	325.64	326.66	327.34	326.76	325.88	323.67	322.38	321.78	322.85	324.12	324.63
325.03	325.99	326.87	328.14	328.07	327.66	326.35	324.69	323.1	323.16	323.98	325.13	325.68
326.17	326.68	327.18	327.78	328.92	328.57	327.34	325.46	323.36	323.57	324.8	326.01	326.32
326.77	327.63	327.75	329.72	330.07	329.09	328.05	326.32	324.93	325.06	326.5	327.55	327.45
328.55	329.56	330.3	331.5	332.48	332.07	330.87	329.31	327.51	327.18	328.16	328.64	329.68
329.35	330.71	331.48	332.65	333.09	332.25	331.18	329.4	327.43	327.37	328.46	329.57	330.25
330.4	331.41	332.04	333.31	333.96	333.6	331.91	330.06	328.56	328.34	329.49	330.76	331-15
331.75	332.56	333.5	334.58	334.87	334.34	333.05	330.94	329.3	328.94	330.31	331.68	332.15
332.93	333.42	334.7	336.07	336.74	336.27	334.93	332.75	331.59	331.16	332.4	333.85	333.9
334.97	335.39	336.64	337.76	338.01	337.89	336.54	334.68	332.76	332.55	333.92	334.95	335.51
336.23	336.76	337.96	338.89	339.47	339.29	337.73	336.09	333.91	333.86	335.29	336.73	336.85
338.01	338.36	340.08	340.77	341.46	341.17	339.56	337.6	335.88	336.02	337.1	338.21	338.69
339.23	340.47	341.38	342.51	342.91	342.25	340.49	338.43	336.69	336.86	338.36	339.61	339.93
340.75	341.61	342.7	343.57	344.13	343.35	342.06	339.81	337.98	337.86	339.26	340.49	341.13
341.37	342.52	343.1	344.94	345.75	345.32	343.99	342.39	339.86	339.99	341.15	342.99	342.78
343.7	344.5	345.28	347.08	347.43	346.79	345.4	343.28	341.07	341.35	342.98	344.22	344.42
344.97	346	347.43	348.35	348.93	348.25	346.56	344.68	343.09	342.8	344.24	345.55	345.9
346.3	346.96	347.86	349.55	350.21	349.54	347.94	345.9	344.85	344.17	345.66	346.9	347.15
348.02	348.47	349.42	350.99	351.84	351.25	349.52	348.1	346.45	346.36	347.81	348.96	348.93
350.43	351.73	352.22	353.59	354.22	353.79	352.38	350.43	348.72	348.88	350.07	351.34	351.48
352.76	353.07	353.68	355.42	355.67	355.13	353.9	351.67	349.8	349.99	351.29	352.52	352.91
353.66	354.7	355.39	356.2	357.16	356.23	354.82	352.91	350.96	351.18	352.83	354.21	354.19
354.72	355.75	357.16	358.6	359.33	358.24	356.17	354.02	352.15	352.21	353.75	354.99	355.59
355.98	356.72	357.81	359.15	359.66	359.25	357.02	355	353.01	353.31	354.16	355.4	356.37
356.7	357.16	358.38	359.46	360.28	359.6	357.57	355.52	353.69	353.99	355.34	356.8	357.04
358.37	358.91	359.97	361.26	361.68	360.95	359.55	357.48	355.84	355.99	357.58	359.04	358.89
359.97	361	361.64	363.45	363.79	363.26	361.9	359.46	358.05	357.76	359.56	360.7	360.88
362.05	363.25	364.02	364.72	365.41	364.97	363.65	361.48	359.45	359.6	360.76	362.33	362.64
363.18	364	364.56	366.35	366.79	365.62	364.47	362.51	360.19	360.77	362.43	364.28	363.76
365.33	366.15	367.31	368.61	369.3	368.87	367.64	365.77	363.9	364.23	365.46	366.97	366.63
368.15	368.87	369.59	371.14	371	370.35	369.27	366.93	364.63	365.13	366.67	368.01	368.31
369.14	369.46	370.52	371.66	371.82	371.7	370.12	368.12	366.62	366.73	368.29	369.53	369.48
370.28	371.5	372.12	372.87	374.02	373.3	371.62	369.55	367.96	368.09	369.68	371.24	371.02
372.43	373.09	373.52	374.86	375.55	375.41	374.02	371.49	370.7	370.25	372.08	373.78	373.1
374.68	375.63	376.11	377.65	378.35	378.13	376.62	374.5	372.99	373.01	374.35	375.7	375.64
376.79	377.37	378.41	380.52	380.63	379.57	377.79	375.86	374.07	374.24	375.86	377.47	377.38
378-37	379.69	380.41	382.1	382.28	382.13	380.66	378.71	376.42	376.88	378.32	380.04	379.67
381.38	382.03	382.64	384.62	384.95	384.06	382.29	380.47	378.67	379.06	380.14	381.74	381.64
382.45	383.68	384.23	386.26	386.39	385.87	384.39	381.78	380.73	380.81	382.33	383.69	383.55
200							ACCOUNT OF THE PARTY OF THE PAR				200 200 000	









- Частный случай нелинейного понижения размерности
- d=2 или d=3
- Нужно сохранить структуру данных и зависимости



```
23450123450555041
001120113333444150
```

<u>/\МФТИ</u>\_

- У Каждое изображение 784 признака
- Внутренняя размерность данных гораздо ниже



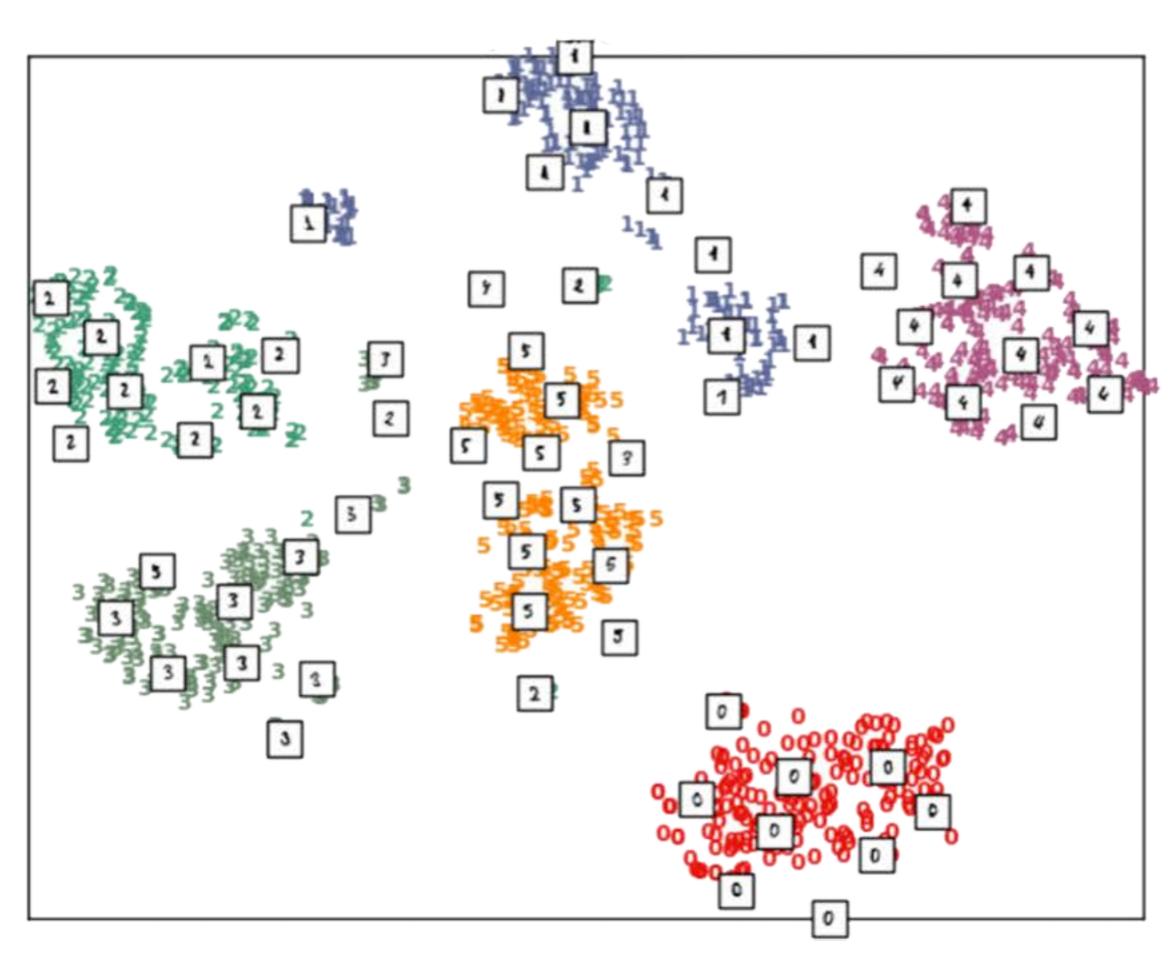












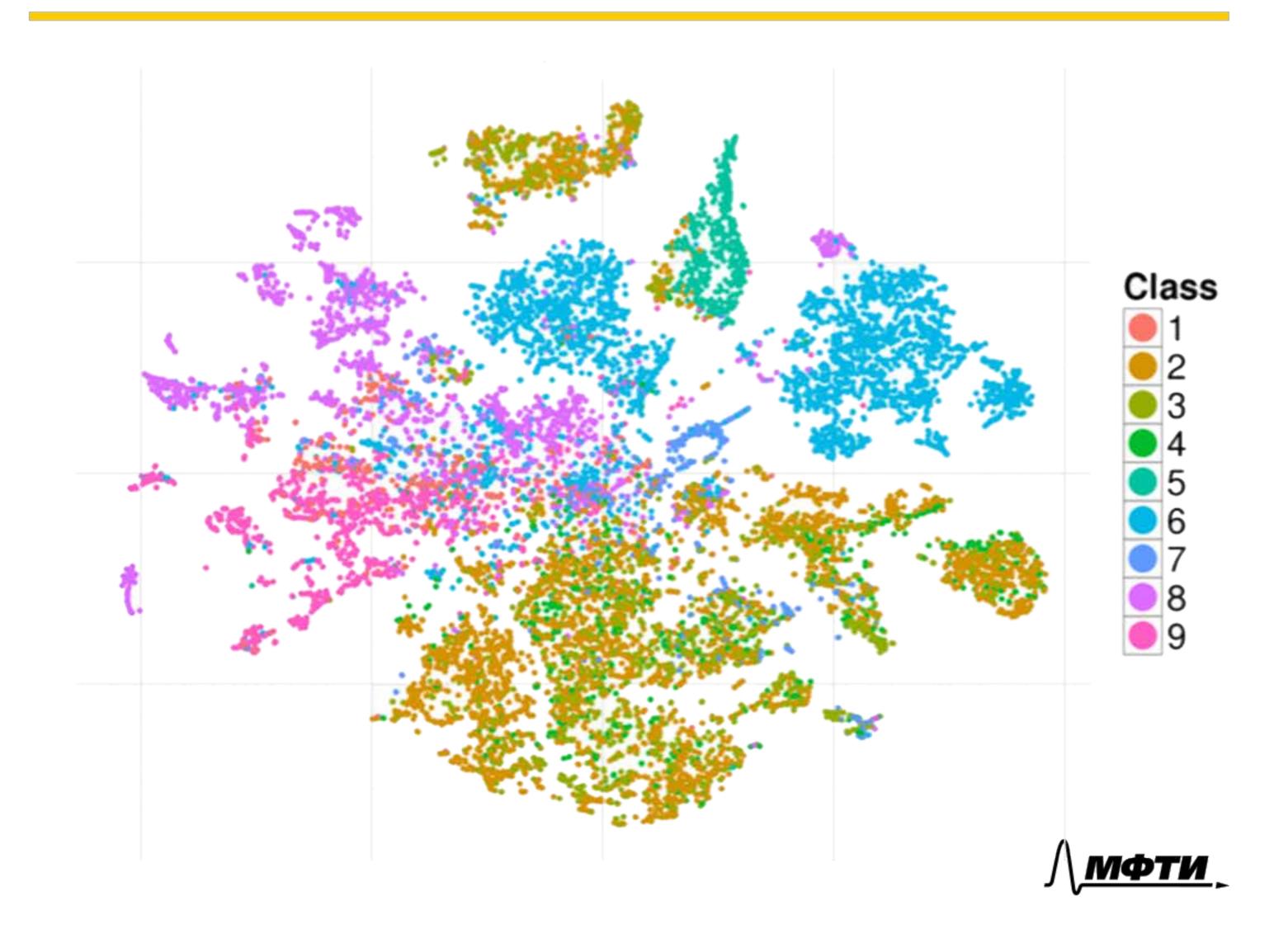


### КЛАССИФИКАЦИЯ ТОВАРОВ

- Определить категорию товара по его описанию
- > 93 признака
- 9 классов



## КЛАССИФИКАЦИЯ ТОВАРОВ



#### РЕЗЮМЕ

- Визуализация данных отображение в пространство размерности 2 или 3
- Позволяет увидеть структуру и взаимосвязи в данных





# МЕТОД СЛУЧАЙНЫХ ПРОЕКЦИЙ

$$z_{ij} = \sum_{k=1}^{D} \mathbf{w}_{jk} \, x_{ik}$$

$$\mathbf{w_{jk}} \sim \mathcal{N}(\mathbf{0}, \frac{1}{d})$$



## МЕТОД ГЛАВНЫХ КОМПОНЕНТ

- > Линейный метод
- Оси для проецирования выражаются через сингулярные векторы



- Multidimentional scaling, MDS
- Гипотеза: при визуализации должны сохраняться попарные расстояния



- $x_1,...,x_\ell$  объекты в исходном пространстве
- $m{\tilde{x}_1,..., ilde{x}_\ell}$  объекты в маломерном пространстве
- $d_{ij} = 
  ho(x_i, x_j)$  расстояния в исходном пространстве
- $|\tilde{d}_{ij}| = ||\tilde{x}_i \tilde{x}_j||$  расстояния в маломерном пространстве

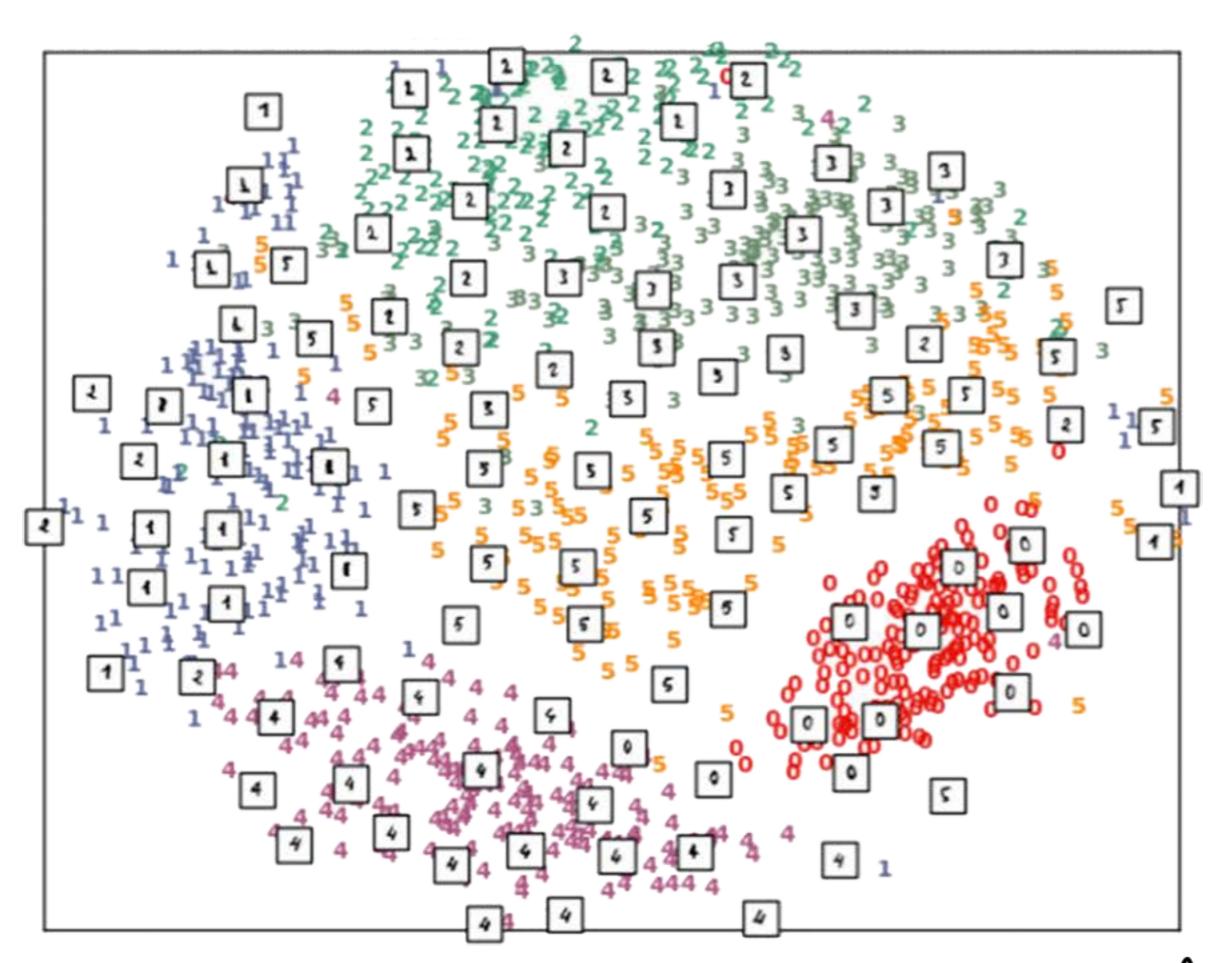


Задача:

$$\sum_{i < j}^\ell (\| ilde{x}_i - ilde{x}_j\| - d_{ij})^2 
ightarrow \min_{ ilde{x}_1, ..., ilde{x}_\ell}$$

Решение: алгоритм SMACOF







#### РЕЗЮМЕ

- Многомерное шкалирование поиск маломерных представлений объектов
- Сохранение попарных расстояний



## METOД t-SNE



Задача:

$$\sum_{i < j}^\ell (\| ilde{x}_i - ilde{x}_j\| - d_{ij})^2 
ightarrow \min_{ ilde{x}_1, ..., ilde{x}_\ell}$$

- Задача MDS сложная
- Очень сложно сохранить расстояния при резком уменьшении размерности



#### SNE

- Stochastic Neighbor Embedding
- Сохраняем пропорции расстояний:

$$ho(x_i,x_j)=lpha
ho(x_i,x_k)$$
 ,

TO 
$$ho( ilde{x}_i, ilde{x}_j)=lpha
ho( ilde{x}_i, ilde{x}_k)$$



#### SNE

Расстояния в исходном и маломерном пространствах:

$$p(x_j|x_i) = rac{\exp{(||x_i - x_j||^2/2\sigma^2)}}{\sum\limits_{k 
eq i} \exp{(||x_i - x_k||^2/2\sigma^2)}}$$

$$q(\tilde{x}_{j}|\tilde{x}_{i}) = \frac{\exp{(||\tilde{x}_{i} - \tilde{x}_{j}||^{2}/2\sigma^{2})}}{\sum\limits_{k \neq i} \exp{(||\tilde{x}_{i} - \tilde{x}_{k}||^{2}/2\sigma^{2})}}$$



#### SNE

Минимизация расстояний по дивергенции Кульбака-Лейблера:

$$\sum_{i=1}^\ell \sum_{j 
eq i} p(x_j|x_i) \log rac{p(x_j|x_i)}{q( ilde{x}_j| ilde{x}_i)} 
ightarrow \min_{ ilde{x}_1,..., ilde{x}_\ell}$$



#### t-SNE

- Улучшение SNE
- В пространствах высокой размерности объекты легко разместить близко друг к другу
- В пространствах низкой размерности сложно сохранить это свойство
- Евклидова метрика слишком сильно штрафует за увеличение пропорций

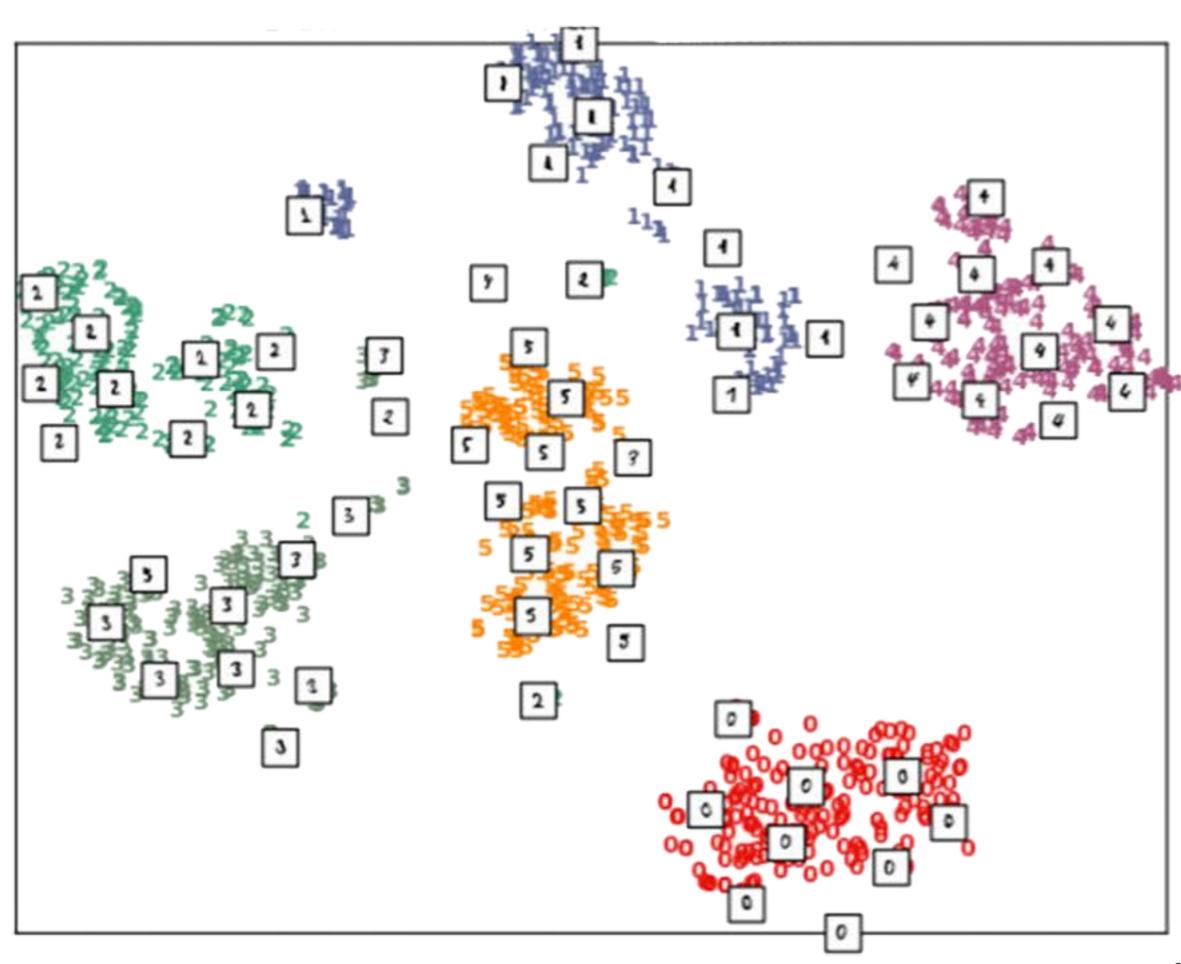


#### t-SNE

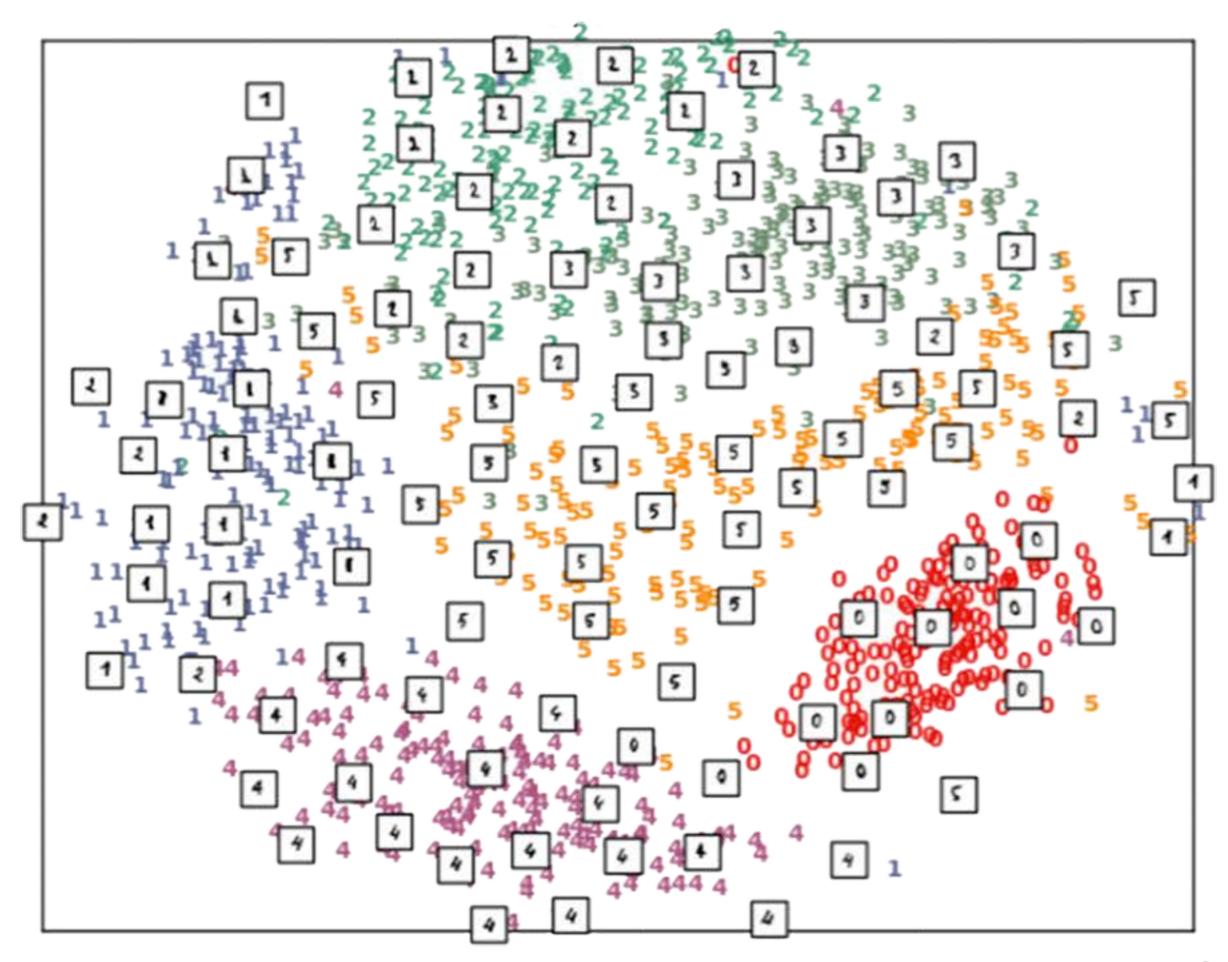
Новый способ измерения расстояний в маломерном пространстве:

$$q( ilde{x}_{j}| ilde{x}_{i}) = rac{\left(1+\| ilde{x}_{i}- ilde{x}_{j}\|^{2}
ight)^{-1}}{\sum\limits_{m{k}
eq i} \left(1+\| ilde{x}_{i}- ilde{x}_{k}\|^{2}
ight)^{-1}}$$











#### РЕЗЮМЕ

- t-SNE сохранение пропорций расстояний
- Слабо штрафует за увеличение расстояний в маломерном пространстве

