100 囚犯抽签问题

一、算法说明

两种搜索策略的成功率对比:

1. 随机搜索策略:

每个囚犯随机选择 K 个盒子检查 整体成功率为独立事件概率的乘积: (K/N) N 当 N=100, K=50 时,成功率约为(1/2) 100 ≈ 7.89e-31

2. 循环搜索策略:

囚犯从自己编号的盒子开始,按盒内纸条跳转成功率取决于盒子排列中最长循环的长度是否≤K理论成功率约为 1-1n2 ≈ 30.68%

3. 理论计算:

循环策略的理论成功率公式为: $1 - \Sigma(1/i)$, $i \, \text{K+1} \, \text{MN}$ 当 K=N/2 时,近似为 $1-\ln 2$

- 二、实验结果
- 1. 结果

囚犯数量: 100, 尝试次数: 50, 模拟轮次: 10000

随机搜索策略成功率: 0.000000

循环搜索策略成功率: 0.309900

理论成功率: 0.311828

调整参数后的模拟 (N=50, K=25):

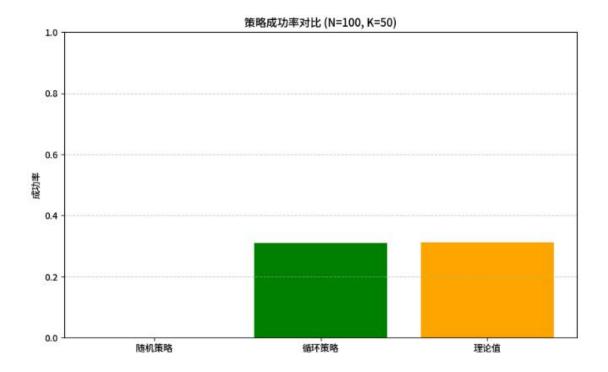
囚犯数量: 50, 尝试次数: 25, 模拟轮次: 10000

随机搜索策略成功率: 0.000000

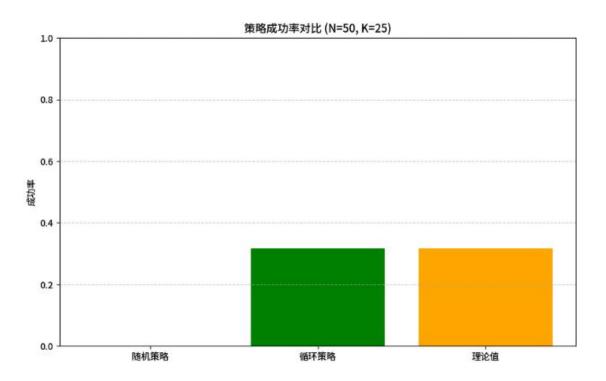
循环搜索策略成功率: 0.316600

理论成功率: 0.316753

2. N=100, K=50 时两种策略成功率的对比图



3. N=50, K=25 时两种策略成功率的对比图



三、优化思路

- 1. 原代码每次模拟都遍历所有囚犯,可以优化为直接检测最长循环长度,使用 visited 数组标记已访问的盒子,避免重复计算。
- 2. 添加循环长度分布直方图,直观展示排列特性。
- 3. 显示不同 N/K 值的成功率变化曲线,分析参数敏感性。
- 4. 计算不同 K 值对应的最优成功率,找到临界点。
- 5. 统计验证:计算置信区间,评估模拟结果的可靠性;添加统计显著性检验,确认两种策略差异
- 6. 使用多进程或线程并行运行模拟,提高效率。
- 7. 优化内存:对于极大 N 值,使用位运算表示访问状态或考虑使用生成器模式减少内存占用。