



**INSTITUTO  
FEDERAL**

Sudeste de  
Minas Gerais

Campus  
Manhuaçu

# Estruturas de Dados I

## Pilhas

Prof. Leonardo C. R. Soares - [leonardo.soares@ifsudestemg.edu.br](mailto:leonardo.soares@ifsudestemg.edu.br)

Instituto Federal do Sudeste de Minas Gerais

23 de setembro de 2023





# Pilhas

## Descrição

- Uma pilha é um contêiner de objetos que são inseridos e retirados de acordo com o princípio de que o **último que entra é o primeiro que sai** (do inglês, Last In First Out, LIFO).





# Pilhas

## Descrição

- ▶ Uma pilha é um contêiner de objetos que são inseridos e retirados de acordo com o princípio de que o **último que entra é o primeiro que sai** (do inglês, Last In First Out, LIFO).
- ▶ O nome pilha deriva-se da metáfora de uma pilha de pratos em uma cantina.





# Pilhas

## Descrição

- ▶ Uma pilha é um contêiner de objetos que são inseridos e retirados de acordo com o princípio de que o **último que entra é o primeiro que sai** (do inglês, Last In First Out, LIFO).
- ▶ O nome pilha deriva-se da metáfora de uma pilha de pratos em uma cantina.
- ▶ As pilhas são estruturas de dados fundamentais sendo utilizadas em muitas aplicações, por exemplo:





# Pilhas - Exemplos

- Navegadores *web* armazenam os endereços mais recentemente visitados em uma pilha. Cada vez que o navegador visita um novo site, o endereço do site é armazenado na pilha de endereços (*push*). Usando a operação de retorno, *back*, o navegador permite que o usuário retorne ao último site visitado, retirando o endereço do topo da pilha (*pop*).





# Pilhas - Exemplos

- ▶ Navegadores *web* armazenam os endereços mais recentemente visitados em uma pilha. Cada vez que o navegador visita um novo site, o endereço do site é armazenado na pilha de endereços (*push*). Usando a operação de retorno, *back*, o navegador permite que o usuário retorne ao último site visitado, retirando o endereço do topo da pilha (*pop*).
- ▶ Editores de texto geralmente oferecem um mecanismo de reversão de operações (*undo*) que cancela as operações recentes e reverte um documento ao estado anterior à operação. O mecanismo de reversão é implementado mantendo-se as alterações no texto em uma pilha.





# Operações

O tipo abstrato de dados (TAD) pilha deve, obrigatoriamente, suportar os métodos:

- ▶ `push(o)`: Insere o objeto `o` no topo da pilha.





# Operações

O tipo abstrato de dados (TAD) pilha deve, obrigatoriamente, suportar os métodos:

- ▶ `push(o)`: Insere o objeto `o` no topo da pilha.
- ▶ `pop()`: Retira o objeto no topo da pilha e o retorna; se a pilha estiver vazia, ocorre um erro.







# Operações

O tipo abstrato de dados (TAD) pilha deve, obrigatoriamente, suportar os métodos:

- ▶ `push(o)`: Insere o objeto `o` no topo da pilha.
- ▶ `pop()`: Retira o objeto no topo da pilha e o retorna; se a pilha estiver vazia, ocorre um erro.

Adicionalmente, podemos definir os seguintes métodos auxiliares:

- ▶ `tamanho()`: Retorna o número de objetos na pilha.





# Operações

O tipo abstrato de dados (TAD) pilha deve, obrigatoriamente, suportar os métodos:

- ▶ `push(o)`: Insere o objeto `o` no topo da pilha.
- ▶ `pop()`: Retira o objeto no topo da pilha e o retorna; se a pilha estiver vazia, ocorre um erro.

Adicionalmente, podemos definir os seguintes métodos auxiliares:

- ▶ `tamanho()`: Retorna o número de objetos na pilha.
- ▶ `vazia()`: Retorna um *boolean* indicando se a pilha está vazia;





# Operações

O tipo abstrato de dados (TAD) pilha deve, obrigatoriamente, suportar os métodos:

- ▶ `push(o)`: Insere o objeto `o` no topo da pilha.
- ▶ `pop()`: Retira o objeto no topo da pilha e o retorna; se a pilha estiver vazia, ocorre um erro.

Adicionalmente, podemos definir os seguintes métodos auxiliares:

- ▶ `tamanho()`: Retorna o número de objetos na pilha.
- ▶ `vazia()`: Retorna um *boolean* indicando se a pilha está vazia;
- ▶ `top()`: Retorna o elemento no topo da pilha sem removê-lo.





# Formas de implementação

Existem várias opções de estruturas de dados que podem ser usadas para representar pilhas. As duas representações mais utilizadas são:

- ▶ Por meio de arranjos.
- ▶ Por meio de referências.

Independente da forma de implementação, uma pilha é uma lista com restrições quanto às formas de inserção e remoção, o que permite a reusabilidade de código.

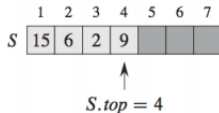




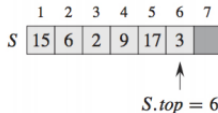
# Implementação por arranjos

Os itens da pilha são armazenados em posições contíguas de memória.

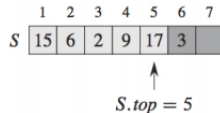
Como as inserções e as remoções ocorrem no topo da pilha, um campo chamado **topo** é utilizado para controlar a posição do item no topo da pilha.



(a)



(b)



(c)

(a) Uma pilha com quatro elementos. (b) Após empilhar (push) dois elementos. (c) Após desempilhar (pop) um elemento.





# Implementação por referência

- Cada célula de uma pilha contém um item da pilha e um apontador para outra célula.





# Implementação por referência

- ▶ Cada célula de uma pilha contém um item da pilha e um apontador para outra célula.
- ▶ A estrutura contém um apontador para o topo da pilha (célula cabeça).





# Implementação por referência

- ▶ Cada célula de uma pilha contém um item da pilha e um apontador para outra célula.
- ▶ A estrutura contém um apontador para o topo da pilha (célula cabeça).
- ▶ Criar um campo tamanho evita a contagem do número de itens na função tamanho.

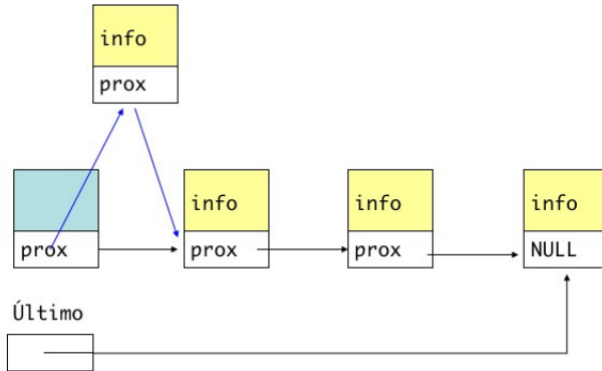






## Implementação por referência - Inserção

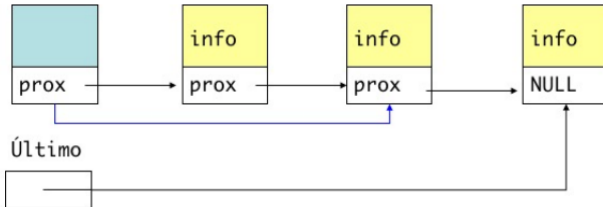
De acordo com a política **LIFO**, há apenas uma opção de posição onde podemos inserir elementos: o topo da pilha (ou seja, primeira posição).





## Implementação por referência - Remoção

De acordo com a política **LIFO**, há apenas uma opção de posição onde podemos remover elementos: o topo da pilha (ou seja, primeira posição).





# Complexidade

A complexidade de todas as operações é mantida da implementação de Lista:

- ▶ Empilhar:  $\theta(1)$
- ▶ Desempilhar:  $\theta(1)$







```
public class Processo {  
    int codigo;  
    String responsavel;  
    String cliente;  
    public Processo(int codigo, String responsavel, String cliente) {  
        this.codigo = codigo;  
        this.responsavel = responsavel;  
        this.cliente = cliente;  
    }  
    public Processo() {  
    }  
}
```





```
public class Pilha {
    static final int MAX_TAM = 100;
    Processo[] pilha = new Processo[MAX_TAM];
    int topo = -1;
    public boolean isVazia(){
        return topo == -1;
    }
    public int getTamanho(){
        return topo+1;
    }
    public void push(Processo p) throws Exception{
        if (topo==MAX_TAM-1)
            throw new Exception ("Não há espaço disponível");
        pilha[++topo] = p;
    }
    public Processo pop() throws Exception{
        if (isVazia())
            throw new Exception ("Lista vazia");
        return pilha[topo--];
        // Atenção ao operador de pós-decremento
    }
}
```





```
public class Main {  
    public static void main(String[] args) throws Exception{  
        Pilha p = new Pilha();  
        Processo proc = new Processo();  
        p.push(new Processo(1, "Rosimeire", "Acme"));  
        p.push(new Processo(2, "Afonso", "Samsung"));  
        p.push(new Processo(3, "Rosimeire", "Lenovo"));  
        p.push(new Processo(4, "Ana", "Lenovo"));  
        p.push(new Processo(5, "Afonso", "Acme"));  
        p.push(new Processo(6, "Rosimeire", "Lenovo"));  
  
        System.out.println("Lista de processos a serem executados:");  
        while (!p.isVazia()){  
            proc = p.pop();  
            System.out.printf("Responsável: %s\t\t Código: %d\t Cliente: %s\n",  
                             proc.responsavel, proc.codigo, proc.cliente);  
        }  
    }  
}
```





## Exercício

Após implementar o exemplo, altere-o de forma que, após o cadastro inicial de processos, os mesmos sejam desempilhados e re-empilhados nas pilhas específicas de cada responsável (considere que a empresa possui apenas os três funcionários utilizados no exemplo). Após a re-empilhagem, imprima a pilha de cada responsável.

Acrescente um método à estrutura pilha que retorne a posição que um determinado processo (busque o processo pelo código) se encontra na pilha. Se o processo não for encontrado, lance uma exceção.







# Exercício

Utilizando uma pilha de caracteres, desenvolva uma aplicação que verifique se os parênteses de uma determinada expressão estão ou não corretos. Por exemplo:

- ▶  $a+(b*c)-2-a$  está correto
- ▶  $(a+b*(2-c)-2+a)*2$  está correto
- ▶  $(a*b-(2+c)$  está incorreto
- ▶  $2*(3-a))$  está incorreto
- ▶  $)3+b*(2-c)($  está incorreto







# Referências

- ▶ CARVALHO, Marco Antonio Moreira de. **Projeto e análise de algoritmos**. 01 mar. 2018, 15 jun. 2018. Notas de Aula. PPGCC. UFOP
- ▶ GOODRICH, Michael T.; TAMASSIA, Roberto. **Estruturas de Dados & Algoritmos em Java**. Bookman Editora, 2013.
- ▶ ZIVIANI, Nivio. **Projeto de Algoritmos com implementações em Java e C++**, 2007.

