# Hat言語の仕様

#### 島 和之

#### 2023年11月10日

Hat は Scheme と同様に静的スコープを持つ動的型付けのプログラミング言語である. ただし, その評価戦略は Scheme とは異なり, 名前呼びである. つまり, 引数として与えられた式の評価が必要な場合, 呼び出された関数で明示的に評価する必要がある. 一方, 使わない引数を評価する無駄を省くことができる. また, プログラマが遅延評価を用いた独自の制御構造を実現できる.

### 1 形式的構文

この節では、Hat の形式的構文を示す. 記述を簡潔にするため、BNFを以下のように拡張する.

- ⟨thing⟩\* は ⟨thing⟩ の 0 個以上の出現を意味する.
- ⟨thing⟩+ は ⟨thing⟩ の 1 個以上の出現を意味する.

上記のように拡張した BNF で、Hat プログラムの構文 〈program〉 の生成規則を以下に示す.

 $\langle \texttt{program} \rangle \ \rightarrow \ \langle \texttt{includer} \rangle^* \ \langle \texttt{definition} \rangle^*$ 

 $\langle includer \rangle \rightarrow (include \langle string \rangle)$ 

 $\langle definition \rangle \rightarrow (defun \langle symbol \rangle \langle function \rangle)$ 

 $\langle hat expression \rangle \rightarrow \hat{\ } \langle head \rangle \langle body \rangle$ 

 $\langle \mathtt{head} \rangle \rightarrow (\langle \mathtt{symbol} \rangle^*)$ 

 $\langle body \rangle \rightarrow \langle expression \rangle^+$ 

 $|\langle expression \rangle^+ \langle hat expression \rangle$ 

 $\langle \texttt{expression} \rangle \ \rightarrow \ \langle \texttt{datum} \rangle \quad | \quad (\langle \texttt{hat expression} \rangle)$ 

 $\langle \texttt{datum} \rangle \; \rightarrow \; \langle \texttt{number} \rangle \quad | \quad \langle \texttt{string} \rangle \quad | \quad \langle \texttt{symbol} \rangle$ 

 $| (\langle datum \rangle^*)$ 

上記で未定義の記号 〈variable〉, 〈literal〉, 〈lambda expression〉の定義は R5RS と同じである。 〈variable〉は変数を示す。〈literal〉は真偽値,数値,文 字列, quote を付けたシンボルやリストなどを示す。 〈lambda expression〉はラムダ式を示す。

## 2 形式的意味論

この節では Hat プログラムに対する形式的な表示的意味 論を定める. 以下のように記号を定義する.

 $I \in Ide$  識別子(変数)

 $E \in \operatorname{Exp}$   $\exists$ 

 $\rho \in U = Ide \rightarrow L$  環境

 $\kappa \in K = E* \rightarrow C$  式の継続

 $v, v_1, v_2, \ldots \in \langle \text{hat variable} \rangle$ 

 $f, f_1, f_2, \ldots \in \langle \text{hat function} \rangle$ 

 $c, c_1, c_2, \ldots \in \langle \text{hat call} \rangle$ 

 $e, e_1, e_2, \ldots \in \langle \text{hat expression} \rangle$ 

 $L, L_1, L_2, \ldots \in \langle \text{lambda expression} \rangle$ 

(defineCPS v f) は  $(v,f) \in \rho$  を意味する.ここで, $\rho$  は変数に対応する関数を示す環境であり,〈hat variable〉と〈hat function〉からなる二項組の集合として定義される.以下, $\mathcal{H}[\![e]\!]$  は Hat の式 e に対する数学的意味を返す意味関数, $\mathcal{E}[\![e]\!]$  は Scheme の式 e に対する数学的意味を返す意味関数, $\mathcal{F}[\![e]\!]$  は式 e に含まれる自由変数の集合とする.

〈hat variable〉の意味は次のように定義される.

$$\mathcal{H}[\![v]\!] = \begin{cases} \mathcal{H}[\![(f)]\!] & \text{if } ((v,\exists f) \in \rho) \\ \text{wrong "undefined variable"} \\ & \text{otherwise} \end{cases}$$

〈hat function〉の意味は以下のように定義される.

$$\mathcal{H} \llbracket (f) \rrbracket = \\ \begin{cases} \lambda x. x (\lambda v_1. \mathcal{H} \llbracket ( \widehat{\ \ } (v_2 \ \cdots \ v_n) \ c ) \rrbracket ) \\ \text{if } (f = \widehat{\ \ } (v_1 \ v_2 \ \cdots \ v_n) \ c) \wedge (n \geq 1) \\ \mathcal{H} \llbracket (c) \rrbracket & \text{if } (f = \widehat{\ \ } ( \ ) \ c) \\ \lambda x. x (\lambda v_1. \mathcal{H} \llbracket ( \widehat{\ \ } (v_2 \ \cdots \ v_n \ . \ v_{n+1}) \ c ) \rrbracket ) \\ \text{if } (f = \widehat{\ \ } (v_1 \ v_2 \ \cdots \ v_n \ . \ v_{n+1}) \ c) \\ \lambda x. x (\lambda v_1. \mathcal{H} \llbracket ( \widehat{\ \ } v_2 \ c ) \rrbracket ) \\ & \text{if } (f = \widehat{\ \ } (v_1 \ . \ v_2) \ c) \\ \lambda v. \mathcal{H} \llbracket (c) \rrbracket v & \text{if } (f = \widehat{\ \ } v \ c) \end{cases}$$

〈hat call〉の意味は以下のように定義される.

$$\mathcal{H}[\![(c)]\!] =$$

$$\begin{cases} \lambda x.x(\mathcal{E}[\![L]\!]e_1e_2\cdots e_n) \\ & \text{if } (c=L\ e_1\ e_2\ \cdots\ e_n) \end{cases} \\ \mathcal{H}[\![(f)\ e_1\ e_2\ \cdots e_n)]\!] \\ & \text{if } (c=v\ e_1\ e_2\ \cdots\ e_n) \\ & \wedge (n\geq 0) \wedge ((v,\exists f)\in \rho) \end{cases} \\ \mathcal{H}[\![(f)\ e_1\ e_2\ \cdots e_{n-1})]\!](\lambda x.xe_n) \\ & \text{if } (c=(f)\ e_1\ e_2\ \cdots e_n) \wedge (n\geq 1) \end{cases} \\ \mathcal{H}[\![(f)]\!] \qquad \qquad \text{if } (c=(f)) \\ \mathcal{H}[\![(c_1)^*(v)\ v\ e_1\ e_2\ \cdots e_n)]\!] \\ & \text{if } (c=(c_1)\ e_1\ e_2\ \cdots e_n) \\ & \wedge (n\geq 1) \wedge v \not\in \mathcal{F}[\![(c)]\!] \\ \mathcal{H}[\![(c_1)]\!] \qquad \qquad \text{if } (c=(c_1)) \\ \lambda x.\mathcal{H}[\![(\kappa_1\ e_1\ e_2\ \cdots\ e_n\ )]\!]x_1 \\ & \text{if } (c=(f,C\ \kappa_1\ .\ x_1)\ e_1\ e_2\ \cdots\ e_n) \\ \mathcal{H}[\![(e_1\ e_2\ \cdots\ e_n\ .\ (f))]\!] \\ & \text{if } (c=e_1\ e_2\ \cdots\ e_n\ f) \wedge (n\geq 1) \\ \lambda x.\mathcal{H}[\![(e_1\ e_2\ \cdots\ e_n\ )]\!](\mathbf{F}.C\ \kappa\ .\ x) \\ & \text{if } (c=e_1\ e_2\ \cdots\ e_n\ .\ \kappa) \wedge (n\geq 1) \end{cases}$$