

Aufgabe 1:

①ⓐ) worst case kann man beobachten wenn die Liste absteigend sortiert ist. Also in diesem Fall muss man jedes neue Element mit allen Elementen vorne vergleichen, weil sie alle größer sind.

Die Funktion $\text{insert}(xs, i)$ wird $n-1$ Mal aufgerufen. Zum ersten Mal ist nur ein Vergleich nötig zum zweiten — 2 Vergleiche, ..., zum $n-1$ Mal benötigt man dann $n-1$ Vergleiche. Also könnte man dann ~~schon~~ aufschreiben:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n-2 + n-1 = \sum_{i=1}^{n-1} i = \frac{n^2 - n}{2} = \frac{1}{2}n^2 - \frac{1}{2}n \Rightarrow O(n^2)$$

⑤ 42 13

erg=0 a=42 b=13
 erg=0 a=21 b=26
 erg=26 a=10 b=52
 erg=26 a=5 b=104
 erg=130 a=2 b=208
 erg=130 a=1 b=416
 erg=546 a=0 b=832
 return (546)

17 121

erg=0 a=17 b=121
 erg=121 a=8 b=242
 erg=121 a=4 b=484
 erg=121 a=2 b=968
 erg=121 a=1 b=1936
 erg=2057 a=0 b=3872
 return (2057)

⑥ ~~index~~ zip: list_sum:

Für jedes Element in der Liste wird eine Additionoperation durchgeführt. Also $n = \text{len}(xs)$ Operationen insgesamt.

$O(n)$

sorted_zip:

Laufzeit der Funktion $\text{mergesort}(xs)$ ist gleich $2n \log(n)$, wobei $n = \text{len}(xs)$ ist.

Laufzeit der Funktion $\text{mergesort}(ys)$ ist gleich $2m \log(m)$, wobei $m = \text{len}(ys)$ ist.

Dann in der Schleife ^{werden} jedes Mal zwei Elemente kopiert

Falls x_1 länger als y_1 ist dann die Laufzeit ~~ist~~ ^{ist} $2 \cdot n = 2 \cdot \log(x_1) \cdot 2$ sein. Andernfalls ist sie $2 \cdot m = 2 \cdot \log(y_1) \cdot 2$

Wenn man alle Laufzeiten addiert:

$$2n \cdot \log(n) + 2m \cdot \log(m) + \text{~~2n~~ } 2n \text{ (oder } 2m)$$

Wenn n und m unbegrenzt groß werden, dann alle Faktoren und den Summanden $2n$ kann man vernachlässigen.

$O(n \cdot \log(n))$, wo n die Länge der größeren Liste ist.

baummultiplikation:

Hier ist es sinnvoll, die Anzahl von Vergleichen zu rechnen

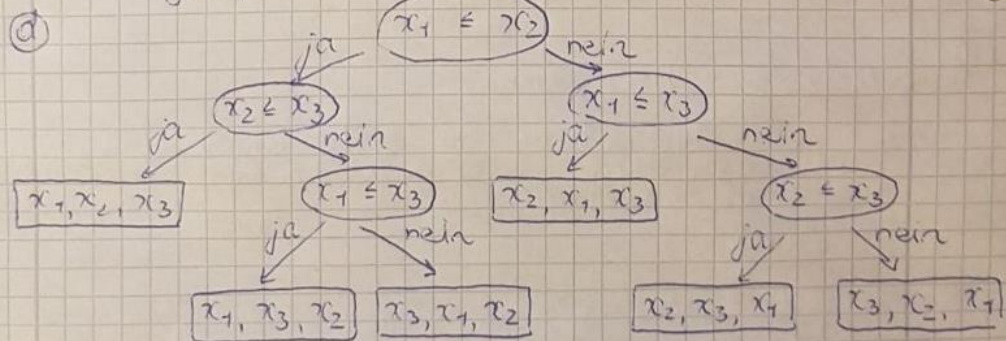
Es werden solange die Vergleiche gemacht, bis die Zahl (die erste Zahl a) gleich 0 wird.
Also:

$$\frac{a}{2^{n-1}} \geq 1$$

$$a \geq 2^{n-1} \quad | \log$$

$$\log a \geq n-1 \Rightarrow n \leq \log a + 1$$

$$O(\log a)$$



Bei der Aufgabe 1c) wäre es vielleicht sinnvoller die Laufzeit für den schlimmsten Fall zu Schreiben, wenn die Länge der kleineren Liste der Länge der größeren Liste ist, also $n = m$.

Dann würde das so aussehen:

$$2n \log(n) + 2n \log(n) + 2n = 4n \log n + 2n$$

$O(n) = n \log n$, wobei n Länge der Listen ist.