

第一次 质点运动学

一、选择题

1. 一质点作圆周运动时, 有【 】
(A) 切向加速度, 法向加速度均改变 (B) 切向加速度可能不变, 法向加速度一定改变
(C) 切向加速度可能不变, 法向加速度不变 (D) 切向加速度改变, 法向加速度不变
2. 质点作半径为 R 的变速圆周运动时, 加速度大小为(v 表示任一时刻质点的速率)【 】
(A) dv/dt (B) v^2/R (C) $dv/dt + v^2/R$ (D) $[(dv/dt)^2 + (v^4/R^2)]^{1/2}$
3. 在平稳而匀速直线运动的火车车厢里, 从某个坐上有人竖直向上抛出一石块, 下列说法中正确的是【 】
(A) 石块落在抛出者前方; (B) 石块落在抛出者后方;
(C) 石块落在抛出者手中; (D) 无法判定。
4. 质点沿半径为 R 的圆周作匀速率运动, 每 t 时间转一周, 在 $2t$ 时间间隔中, 其平均速度大小与平均速率大小分别为【 】
(A) $2\pi R/t, 2\pi R/t$ (B) $0, 2\pi R/t$ (C) $0, 0$ (D) $2\pi R/t, 0$
5. 某质点的运动方程为 $x = 3t^3 - 5t + 6$ (SI), 则该质点的运动是【 】
(A) 变加速直线运动; (B) 曲线运动;
(C) 匀加速直线运动; (D) 变速曲线运动。

二、填空题

1. 质点沿直线运动, 加速度 $a = 4 - t^2$ ($m \cdot s^{-1}$), 当 $t = 3s$ 时, $x = 9m$, $v = 2m \cdot s^{-1}$, 则质点运动方程为_____。
2. 已知质点的 X 和 Y 坐标是 $x = 0.1\cos(0.3\pi t)$, $y = 0.1\sin(0.3\pi t)$, 则此质点的法向加速度 $a_n =$ _____, 切向加速度 $a_\tau =$ _____。
3. 质点在 OY 轴上作直线运动, 其运动方程为 $y = 4t^2 - 2t^3$ (SI), 则质点返回原点时的速度为_____, 加速度为_____。
4. 一质点作平面运动, 已知其运动方程为 $\vec{r} = at^2\vec{i} + bt^2\vec{j}$, 其中 a 、 b 为常量, 则该质点运动的轨迹方程为_____。
5. 质点运动方程为 $x = -10t + 30t^2$ (m) 和 $y = 15t - 20t^2$ (m), 则初速度大小和方向为 $v_0 =$ _____, 加速度大小和方向为 $a =$ _____。

三、计算题

1. 如图 1.3 所示, 灯距地面高度为 h_1 , 有一身高为 h_2 的人, 在灯下以匀速率 v 沿水平直线行走。试求他的头顶在地上的影子 M 点沿地面移动的速度。

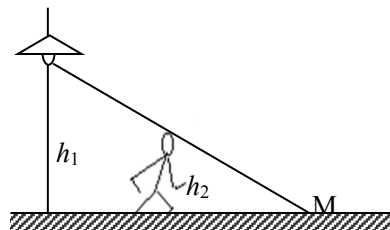


图 1 3

2. 如图 1.4 所示,质点 P 在水平面内沿一半径为 $R=2\text{m}$ 的圆轨道转动。转动的角速度 ω 与时间 t 的关系为 $\omega = k t^2$ (k 为常量),已知 $t = 2\text{s}$ 时质点 P 的速度为 32m/s 。试求 $t = 1\text{s}$ 时,质点 P 的速度与加速度的大小。

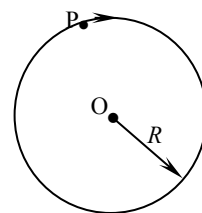
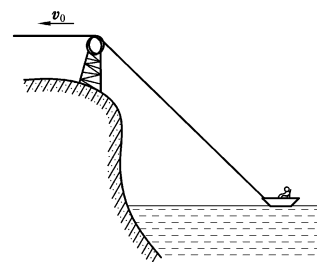


图 1.4

3. 在离水面高 h 米的岸上,有人用绳子拉船靠岸,船在离岸 S 处,如下图所示。当人以 v_0 ($\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$) 的速率收绳时,试求船运动的速度大小。



4. 一船以速率 $v_1 = 30\text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$ 沿直线向东行驶,另一小艇在其前方以速率 $v_2 = 40\text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$ 沿直线向北行驶,求在船上看小艇的速度和在艇上看船的速度。

四、证明题

一艘正在沿直线行驶的电艇,在发动机关闭后,其加速度方向与速度方向相反,大小与速度平方成正比,即 $dv/dt = -kv^2$, 式中 k 为常数。试证明电艇在关闭发动机后又行驶 x 距离时的速度为

$$v = v_0 e^{-kx}$$

其中 v_0 是发动机关闭时的速度。

第二次 牛顿定律

一、选择题

1. 平地上放一质量为 m 的物体, 已知物体与地面间的动摩擦因数为 μ , 今在恒力 \vec{F} 作用下, 物体向右运动, 如图 2.1 所示。欲使物体具有最大的加速度, 则力与水平方向的夹角应符合下列哪一个等式【 】

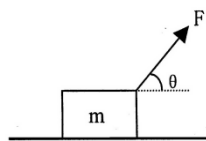


图 2.1

- (A) $\cos \theta = \mu$ (B) $\sin \theta = \mu$ (C) $\tan \theta = \mu$ (D) $\cot \theta = \mu$

2. 已知水星的半径是地球半径的 0.4 倍, 质量为地球的 0.04 倍, 设在地球上的重力加速度为 g , 则水星表面上的重力加速度为【 】

- (A) $0.1g$ (B) $0.25g$ (C) $4g$ (D) $2.5g$

3. 如图 2.5 所示, 一光滑的内表面半径为 10cm 的半球形碗, 以匀角速度 ω 绕其对称轴旋转, 已知放在碗内表面上的一个小球 P 相对碗静止, 其位置高于碗底 4cm, 则由此可推知碗旋转的角速度约为【 】 rad/s

- (A) 13 (B) 17 (C) 10 (D) 18

4. 质量为 m 的物体自空中落下, 它除受重力外, 还受到一个与速度平方成正比的阻力的作用, 比例系数为 k , k 为正值常量. 该下落物体的收尾速度(即最后物体作匀速运动时的速度)将是【 】

- (A) $\sqrt{\frac{mg}{k}}$ (B) $\frac{g}{2k}$ (C) gk (D) \sqrt{gk}

5. 一段路面水平的公路, 转弯处轨道半径为 R , 汽车轮胎与路面间摩擦因数为 μ , 要使汽车不至于发生侧向打滑, 汽车在该处的行驶速率【 】

- (A) 不得小于 $\sqrt{\mu g R}$ (B) 必须等于 $\sqrt{\mu g R}$
(C) 不得大于 $\sqrt{\mu g R}$ (D) 应由汽车的质量决定

二、填空题

1. 一质量为 m 的质点沿直线运动, 其所受的力 $f = -kv^2$ (k 为正常量)。已知初始时刻的速度为 v_0 , 则速度 v 随时间的变化关系为_____。

2. 有两个彼此相距很远的星球 A 和 B, A 的质量是 B 的质量的 1/4, A 的半径是 B 的半径的 2/3, 则 A 表面的重力加速度与 B 表面的重力加速度之比是_____。

3. 一个物体以 10 m/s 的初速度从 45° 的斜面的底部沿斜面向上滑行。如果物体与斜面之间的动摩擦因数为 0.2, 则物体所能达到的最大高度为_____, 再返回最低点时的速率为_____。

4. 如图 2.2 所示, 加速度 a 至少等于_____ 时, 物体 m 对斜面的正压力为零, 此时绳子的张力 $T =$ _____。

5. 一最大摆角为 θ 的单摆, 在摆动过程中, $\theta =$ _____ 时, 摆线中的张力最大, 最大张力为_____; $\theta =$ _____ 时, 摆线中的张力最小, 最小张力为_____; 任意时刻(此时摆角为 θ , $-\theta \leq \theta \leq \theta$) 摆线中的张力为_____。

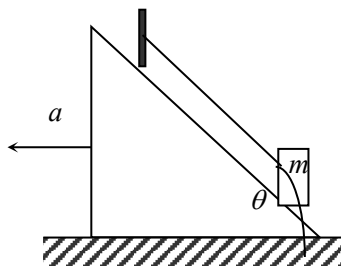


图 2.2

三、计算题

1. 长度为 l 的绳, 一端系一质量为 m 的小球, 另一端挂于光滑水平面上的 $h(h < l)$ 高度处, 使该小球在水平面上以 n r/s 作匀速圆周运动时, 水平面上受多少正压力? 为了使小球不离开水平面, 求 n 的最大值。

2. 在一只半径为 R 的半球形碗内, 有一个质量为 m 的小钢球, 当小球以角速度在水平面内沿碗内壁做匀速圆周运动时, 它距碗底有多高?

3. 从静止出发的一电梯具有向上的恒定加速度, 在 0.6s 内运动了 2.0m , 一乘客拎了 3kg 的手提包在电梯中, 试求手提带的张力在加速过程中是多大。

四、证明题

一质量为 m 的质点在流体中作直线运动, 受与速度成正比的阻力 kv (k 为常量) 作用, $t=0$ 时质点的速度为 v_0 , 证明

(1) t 时刻质点的速度为 $v = v_0 e^{-\frac{k}{m}t}$;

(2) 由 0 到 t 的时间内经过的距离为 $x = \frac{mv_0}{k} [1 - e^{-\frac{k}{m}t}]$;

(3) 停止运动前经过的距离为 $L = \frac{m}{k} v_0$;

(4) 当 $t = m/k$ 时速度减至 v_0 的 $\frac{1}{e}$ 。

第三次 动量守恒定律和能量守恒定律

一、选择题

- 人造地球卫星绕地球作椭圆运动(地球在椭圆的一个焦点上), 则卫星运动过程中【 】
(A) 卫星的动量不守恒, 动能守恒; (B) 卫星的动量守恒, 动能不守恒;
(C) 卫星的角动量守恒, 动能不守恒; (D) 卫星的角动量不守恒, 动能守恒。
- 一子弹以水平速度 v 射入一静止于光滑水平面上的木块, 随木块一起运动。对于这一过程的分析是【 】
(A) 子弹、木块系统的机械能守恒;
(B) 子弹、木块系统水平方向的动量守恒;
(C) 子弹所受的冲量等于木块所受的冲量;
(D) 子弹动能的减少等于木块动能的增加。
- 下面四种说法中, 正确的情况是【 】
(A) 一个物体具有能量则就具有动量;
(B) 物体运动速度越大, 外力对其所作的功越大;
(C) 两个质量相同的物体具有相同的动能, 则动量相同;
(D) 两个质量相同的物体动量相同, 则动能相同。
- 一质点作匀速率圆周运动时, 正确的情况是【 】
(A) 它的动量不变, 对圆心的角动量也不变。
(B) 它的动量不变, 对圆心的角动量不断改变。
(C) 它的动量不断改变, 对圆心的角动量不变。
(D) 它的动量不断改变, 对圆心的角动量也不断改变
- 下列叙述正确的是【 】
(A) 非保守力作功总是负的; (B) 一对保守力作功一定与路径无关;
(C) 一对保守力作功和参照系的选择有关; (D) 静摩擦力不是非保守力。

二、填空题

1. 一质点动能的增量等于_____, 一质点系动能的增量等于_____, 一力学系统机械能的增量等于_____。

2. 已知子弹在枪管内受力如图 3.2 所示, 若其在出口处的受力为零且速度为 v , 则该子弹的质量为_____。

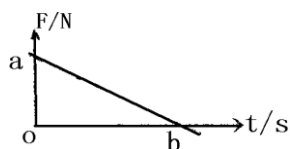


图 3.2

3. 初速度为 $\vec{v}_0 = 5\vec{i} + 4\vec{j}$ (m/s), 质量为 $m = 0.5\text{kg}$ 的质点, 受到冲量 $\vec{I} = 2.5\vec{i} + 2\vec{j}$ (N.s) 作用时, 则质点的末速度矢量为_____。

4. 在长为 L 的细绳一端系一小球, 另一端握在手中, 让小球在竖直面内作圆周运动。若小球到达最高点时的速率恰使绳变得松弛, 此时小球具有的动能与它在最低点时具有的动能之比为_____。

5. 一质量为 m 的人造地球卫星, 在环绕地球的圆形轨道上飞行, 轨道半径为 r , 地球质量为 M , 卫星的动能为_____, 卫星的总机械能为_____。

三、计算题

1. 某物体上有一变力 F 作用, 它随时间变化的关系如下: 在 0.1s 内, F 均匀地由 0 增加到 20N ; 又在以后 0.2s 内, F 保持不变; 再经 0.1s , F 又从 20N 均匀地减小到 0 。

- (1) 画出 $F-t$ 图;
- (2) 求这段时间内力 F 的冲量及平均值;
- (3) 如果物体的质量为 3kg , 开始速度大小为 1m/s , 方向与力的方向一致, 问在力刚变为 0 时, 物体的速度有多大?

2. 一人从 10.0m 深的井中提水, 起始桶中有 10.0kg 的水, 由于水桶漏水, 每升高 1.00m 要漏去 0.20kg 的水, 水桶匀加速地从井中提到井口, 求人所作的功。

3. 一链条, 总长为 l , 放在光滑的桌面上其中一段下垂, 长度为 a , 如图 3.4 所示。假定开始时链条静止, 求链条刚刚离开桌边时的速度。

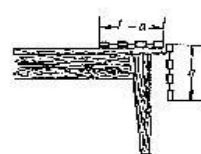


图 3.4

4. 如图 3.5 所示, 一质量为 2kg 的物体, 从 A 沿圆弧轨道由静止开始下滑, 到达 B 点时速率为 4m/s , 自 B 点以后物体又沿水平方向在桌面上向前滑行了 3m 而停止于 C 点。求

- (1) 物体自 A 至 B 的路程中摩擦力所作的功;
- (2) 物体与水平桌面间的动摩擦因数;
- (3) 若圆弧部分是光滑的, 物体到达 D 点时的速度、加速度及其对轨道的压力。

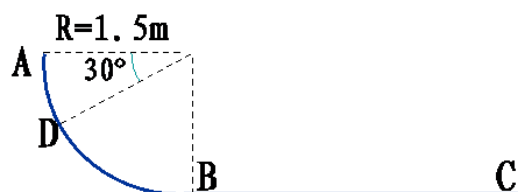


图 3.5

四、证明题

如图 3.6 所示, 两木块质量分别为 m_A 和 m_B , 以弹簧连接, 开始静止于水平光滑的桌面上, 现将两木块拉开, 然后由静止释放, 求证两木块的动能之比为

$$\frac{E_{KA}}{E_{KB}} = \frac{m_B}{m_A}$$



图 3.6

第四次 刚体转动

一、选择题

1. 根据转动定律 $M = J\beta$, 力矩 M 增加时, 【 】
(A) 角加速度增加; (B) 角加速度减小;
(C) 角速度增加; (D) 角速度和角加速度均增加
2. 关于力矩说做法正确的是 【 】
(A) 若两个作用力平行于刚体的固定转轴, 则它们对轴的合力矩一定为零;
(B) 若两个作用力的合力为零, 则它们对轴的合力矩一定为零;
(C) 若两个作用力对轴的合力矩为零, 则它们的合力一定为零;
(D) 一对作用力和反作用力对同一转轴的力矩之和不一定为零。
3. 花样滑冰运动员绕通过自身的竖直轴转动, 开始时两臂伸开, 转动惯量为 J_0 , 角速度为 ω_0 . 然后她将两臂收回, 使转动惯量减少为 $1/3J_0$. 这时她转动的角速度变为 【 】
(A) $1/3 \omega_0$. (B) $1/\sqrt{3} \omega_0$. (C) $\sqrt{3} \omega_0$. (D) $3 \omega_0$.;
4. 关于刚体对轴的转动惯量, 下列说法中正确的是 【 】
(A) 只取决于刚体的质量, 与质量的空间分布和轴的位置无关
(B) 取决于刚体的质量和质量的空间分布, 与轴的位置无关;
(C) 取决于刚体的质量, 质量的空间分布和轴的位置;
(D) 只取决于转轴的位置, 与刚体的质量和质量的空间分布无关。
5. 刚体角动量守恒的充分而必要条件是 【 】
(A) 刚体不受外力矩的作用;
(B) 刚体所受合外力矩为零;
(C) 刚体所受的合外力和合外力矩均为零;
(D) 刚体的转动惯量和角速度均保持不变

二、填空题

1. 半径为 $r = 1.5 \text{ m}$ 的飞轮作匀变速转动, 初角速度 $\omega_0 = 10 \text{ rad/s}$, 角加速度 $\alpha = -5 \text{ rad/s}^2$, 则在 $t = \underline{\hspace{2cm}}$ 时角位移为零, 而此时边缘上点的线速度 $v = \underline{\hspace{2cm}}$ 。
2. 一汽车发动机曲轴的转速在 12 s 内由 $1.2 \times 10^3 \text{ r} \cdot \text{min}^{-1}$ 均匀的增加到 $2.7 \times 10^3 \text{ r} \cdot \text{min}^{-1}$, 则曲轴的角加速度 $\alpha = \underline{\hspace{2cm}}$; 在此时间内, 曲轴转动 $\underline{\hspace{2cm}}$ 圈。
3. 如图 4.4 所示, 一长为 L 的轻质细杆, 两端分别固定质量为 m 和 $2m$ 的小球, 此系统在竖直平面内可绕过中点 O 且与杆垂直的水平光滑轴 (O 轴) 转动, 开始时杆与水平成 60° 角, 处于静止状态。无初转速地释放后, 杆和球这一刚体系统绕 O 轴转动。则系统绕 O 轴的转动惯量 $J = \underline{\hspace{2cm}}$; 释放后, 当杆转到水平位置时, 刚体受到的合外力矩 $M = \underline{\hspace{2cm}}$, 角加速度 $\alpha = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

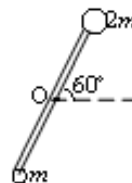


图 4.4

4. 将一质量为 m 的小球, 系于轻绳的一端, 绳的另一端穿过光滑水平桌面上的小孔用手拉住, 先使小球以角速度 ω_0 在桌面上做半径为 r_0 的圆周运动, 然后缓慢将绳下拉, 使半径缩小为 $r_0/2$, 在此过程中小球的角速度为 $\underline{\hspace{2cm}}$, 拉力所作的功是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

5. 在 OXY 平面内的三个质点, 质量分别为 $m_1 = 1\text{kg}$, $m_2 = 2\text{kg}$ 和 $m_3 = 3\text{kg}$, 位置坐标(单位为米)分别为 $(-3, -2)$ 、 $(-2, 1)$ 和 $(1, 2)$, 则这三个质点构成的质点组对 Z 轴的转动惯量 $J_z =$ _____。

三、计算题

1. 如图 4.6 所示, 滑轮的半径为 r , 转动惯量为 J , m_1 与桌面的动摩擦因数为 μ , 求绳的张力和 m_2 下降 h 高度时的速率。(设绳子与滑轮间无相对滑动)

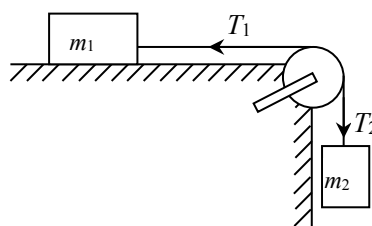


图 4.6

2. 如图 4.7 所示, 一根长为 $L=1\text{m}$, 质量为 $M=2\text{kg}$ 的均匀细杆可绕通过其一端 O 的水平轴自由摆动, 当杆静止时被一质量为 20g 的子弹在离 O 点 70cm 处击中后, 子弹即埋在杆内, 杆的最大偏转角度是 60° , 问

- (1) 棒开始运动时的角速度;
- (2) 子弹的初速度。

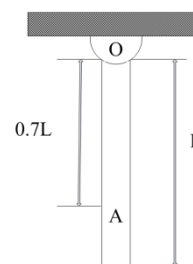


图 4.7

3. 如图 4.8, 一质量为 m 、长为 L 的均匀细棒, 可在水平桌面上绕通过其一端的竖直固定轴转动, 已知细棒与桌面的摩擦因数为 μ , 求棒转动时受到的摩擦力矩的大小。

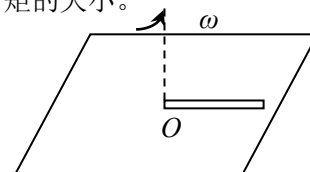


图 4.8

4. 如图 4.9 所示, 弹簧的劲度系数 $k = 2.0 \times 10^3 \text{ N/m}$, 轮子的转动惯量为 $J = 0.5 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$, 轮子的半径 $r=30\text{cm}$ 。试问当质量为 60kg 的物体落下 40cm 时的速率是多大? 假设开始时物体静止而弹簧无伸长。

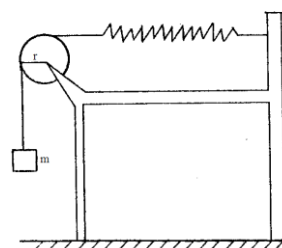


图 4.9

第五次 机械振动

一、选择题

1. 下列表述中正确的是【 】

- (A) 物体在某一位置附近来回往复的振动是简谐运动;
(B) 质点受到回复力(恒指向平衡位置的力)的作用, 则该质点一定做简谐运动;
(C) 小朋友拍皮球, 皮球的运动是简谐运动;

(D) 若某物理量 Q 随时间 t 的变化满足微分方程 $\frac{d^2 Q}{dt^2} + \omega^2 Q = 0$, 则此物理量 Q 按简谐运动的规律在变化(ω 是由系统本身性质决定的)。

2. 一质点沿 x 轴做简谐振动, 振动方程为 $x = 4 \times 10^{-2} \cos(2\pi t + \frac{\pi}{3})$ (SI), 从 $t = 0$ 时刻起到质点位置 $x = -2\text{cm}$ 处, 且向 x 轴正方向运动的最短时间间隔为【 】

- (A) 18s (B) 14s (C) 13s (D) 12s (E) 16s

3. 一个弹簧振子的振幅为 A , 周期为 T , 则【 】

- (A) 振幅为 $2A$ 时, 周期为 $2T$; (B) 振幅为 $2A$ 时, 周期为 T ;
(C) 振幅为 $A/2$ 时, 周期为 $2T$; (D) 振幅为 $A/2$ 时, 周期为 $T/2$

4. 一竖直悬挂的弹簧振子原来处于静止状态, 用力将振子下拉 0.02 m 后释放, 使之做简谐振动, 并测得振动周期为 0.2 s . 设向下为 x 轴的正方向, 则其简谐运动方程(SI)为【 】

- (A) $x = 0.02\cos(10\pi t + \pi)$ (B) $x = 0.02\cos(0.4\pi t + \pi)$
(C) $x = 0.02\cos 0.4\pi t$ (D) $x = 0.02\cos 10\pi t$

5. 弹簧振子在水平面上作简谐运动时, 弹性力在半个周期内所做的功为【 】

- (A) kA^2 (B) $\frac{kA^2}{2}$ (C) $\frac{kA^2}{4}$ (D) 0

二、填空题

1. 一质点做简谐振动, 其振动曲线如图 5.2 所示, 它的周期 $T =$ _____; 用余弦函数描述时初相位为 _____。

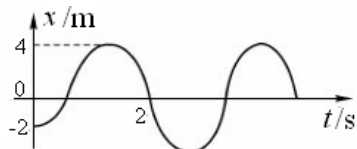


图 5.2

2. 一质点同时参与两个在同一直线上的简谐振动

$x_1 = 3\cos(10t - \frac{\pi}{2})\text{ cm}$, $x_2 = 4\cos(10t - \frac{\pi}{2})\text{ cm}$, 则合

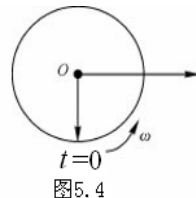
振动振幅等于_____。

3. 一质点作简谐振动, 其运动方程 $x = 0.4\cos(\pi t + \frac{\pi}{4})$ (SI), 则该振动的振幅

为_____；周期为_____；初相位为_____；最大速度为_____。

4. 一系统作简谐运动, 周期为 T , 初相位为零, 若以余弦函数表示, 则在 $0 \leq t \leq \frac{T}{4}$ 范围内, 当 $t = \frac{T}{8}$ 时, 系统的动能和势能相等。

5. 图 5.4 是用旋转矢量法表示的一简谐振动, 已知旋转矢量的长度为 0.04m , 旋转角速度 $\omega = 4\pi \text{ rad/s}$, 则此简谐振动的运动方程为 (以余弦函数表示)。



三、计算题

1. 一质量为 $m=0.25\text{kg}$ 的物体, 在弹性回复力作用下沿 Ox 轴运动, 弹簧的劲度系数 $k=25\text{N/m}$ 。

- (1) 求振动的周期和角频率;
- (2) 如果振幅 $A=2\text{cm}$, 在 $t=0$ 时, 物体位于 $x_0=1\text{cm}$ 处, 并沿 Ox 轴负方向运动, 求物体振动的初速度和初相位;
- (3) 写出简谐运动方程。

2. 一物体沿 x 轴做简谐振动, 振幅为 12cm , 周期为 2s 。当 $t=0$ 时, 位移为 6cm , 且向 x 轴正方向运动。试求:

- (1) 简谐运动方程;
- (2) 物体从 $x=-6\text{cm}$ 处且沿 x 轴负方向运动到平衡位置所需的最少时间。

3. 质量为 10^{-2}kg 的小球与轻弹簧组成的系统, 按 $x = 0.1\cos(8\pi t + 2\pi/3)$ (SI) 的规律做简谐振动。求:

- (1) 振动的圆频率、周期、振幅、初相位及速度和加速度的最大值;
- (2) $t=1, 2, 5, 10\text{s}$ 各时刻的相位;

4. 一弹簧振子沿 x 轴做简谐振动。已知振动物体最大位移 $x_m=0.4\text{m}$ 时, 最大恢复力为 $F_m=0.8\text{N}$, 最大速度为 $v_m=0.8\pi\text{m/s}$, 已知 $t=0$ 时的位移为 0.2m , 初速度与 x 轴方向相反。

求: (1) 弹簧振子的振动能量;

- (2) 此振动的简谐运动方程。

5. 两个同方向、同频率的简谐振动, 方程分别为 $x_1 = 0.05\cos(10t + \frac{3\pi}{4})$ (SI) 和

$x_2 = 0.06\cos(10t + \frac{\pi}{4})$ (SI)。试求:

- (1) 合振动的振幅及初相位;
- (2) 若另一个振动 $x_3 = 0.07\cos(10t + \phi)$, 问 ϕ 为何值时, $x_1 + x_3$ 的振幅最大? ϕ 为何值时, $x_1 + x_3$ 的振幅最小?

第六次 机械波

一、选择题

1. 如图 6.1 所示, 有一平面简谐波沿 x 轴负方向传播, 坐标原点 O 的简谐运动方程为 $y = A \cos(\omega t + \varphi_0)$, 则 B 点的简谐运动方程为 【 】

- (A) $y = A \cos[\omega(t - \frac{x}{u}) + \varphi_0]$ (B) $y = A \cos[\omega(t + \frac{x}{u}) + \varphi_0]$

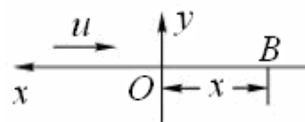


图6.1

- (C) $y = A \cos[\omega(t - \frac{x}{u})]$ (D) $y = A \cos[\omega(t + \frac{x}{u})]$

2. 下列叙述中不正确的是 【 】

- (A) 在波的传播方向上, 相位差为 2π 的两个质元间的距离称为波长;
 (B) 机械波实质上就是在波的传播方向上, 介质各质元的集体受迫振动;
 (C) 波由一种介质进入另一种介质后, 频率、波长、波速均发生变化;
 (D) 介质中, 距波源越远的点, 相位越落后。

3. 频率为 500Hz 的机械波, 波速为 360 m/s, 则同一波线上相位差为 $\pi/3$ 的两点相距为 【 】 m (A) 0.24 (B) 0.48 (C) 0.36 (D) 0.12

4. 如图 6.4 所示, 图(a)表示 $t=0$ 时的余弦波波形图, 该波沿 x 轴正向传播, 图(b)为一余弦振动曲线, 则图(a)中在 $x=0$ 处的振动初相位和图(b)中简谐振动的初相位分别为 【 】

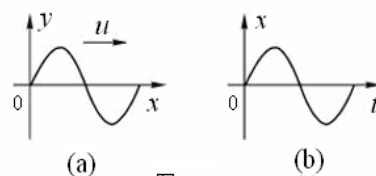


图6.4

- (A) 0, 0 (B) $\pi/2$, $\pi/2$ (C) $-\pi/2$, $-\pi/2$ (D) $\pi/2$, $-\pi/2$

5. 当一平面简谐波在弹性介质中传播时, 下列正确的结论 【 】

- (A) 介质质元的振动动能增大时, 其弹性势能减小, 总机械能守恒;
 (B) 介质质元的振动动能和弹性势能都作周期性变化, 但两者的相位不相同;
 (C) 介质质元的振动动能和弹性势能的相位在任一时刻都相同, 但两者的数值不相等;
 (D) 介质质元在其平衡位置处弹性势能最大。

二、填空题

1. 平面余弦波波动方程式为 $y = a \cos(bt - cx)$, 式中 a, b, c 皆为正常量。则频率等于_____, 波长等于_____, 波速等于_____, 媒质质点振动时的最大速度等于_____。

2. 一平面简谐波的波动方程为 $y = 2 \times 10^{-2} \cos[\pi(0.5t - 2x)]$ (SI), 则波的频率

为_____, $x_1 = 2 \text{ m}$ 及 $x_2 = 2.1 \text{ m}$ 处两质点振动的相位差为_____。

3.产生机械波的两个条件: (1)_____ (2)_____

4.A、B 是简谐波波线上两点。已知 B 点相位比 A 点落后 $\pi/3$, A、B 两点相距 0.5 m , 波源的振动频率为 100 Hz , 则该波的波长为_____, 波速为_____。

5.若两个相干波源 S_1 和 S_2 的角频率均为 ω , 初相位分别为 φ_1 和 φ_2 , 它们距媒质中点 P 的距离分别为 r_1 和 r_2 , 在 P 点引起的分振动振幅分别是 A_1 和 A_2 , 则 P 点的两个分振动的简谐运动方程分别为: $y_1(t) =$ _____, $y_2(t) =$ _____, 合振动振幅 $A =$ _____。(设波速为 u)

三、计算题

1.一平面简谐波沿 x 轴正方向传播, 波速为 100 m/s , $t=0$ 时的波形图如图 6.7 所示。求:

(1) 波长、振幅、频率、周期; (2) 波动方程;

(3) 在 $t=0$ 时, 判断 $x=0.3 \text{ m}$, 0.4 m , 0.5 m 和 0.6 m 处的质点的振动方向, 并在波形图上用小箭头标明;

(4) 写出 $x=0.4 \text{ m}$ 处的简谐运动方程。

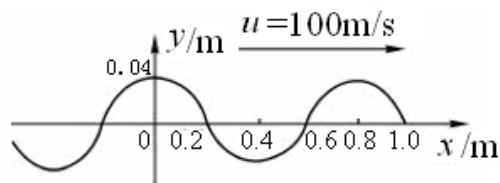


图6.7

2.如图 6.8 所示, 一平面简谐波沿 x 轴的负方向传播, 波速大小为 u , 若 P 点处质点的简谐运动方程为 $y_P = A \cos(\omega t + \varphi)$, 求:

(1) O 点处质点的简谐运动方程;

(2) 该波的波动方程 (以 O 点为坐标原点);

(3) 与 P 点处质点振动状态相同的点的位置。

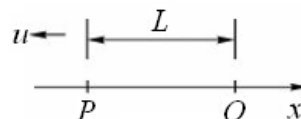


图6.8

3.如图所示, 一列沿 x 正向传播的简谐波, 已知 $t_1 = 0$ 和 $t_2 = 0.25 \text{ s}$ 时的波形如图 6.9 所示。

假设周期 $T > 0.25 \text{ s}$, 试求

(1) P 点的简谐运动方程;

(2) 此波的波动方程 (以 O 点为波源);

(3) 画出 O 点的振动曲线。

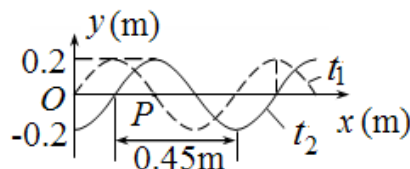


图6.9

4. 一横波沿绳子传播时的波动表式为 $y = 0.05 \cos(10\pi t - 4\pi x)$ (SI 制)。

(1) 求此波的振幅、波速、频率和波长。

(2) 求绳子上各质点振动的最大速度和最大加速度。

(3) 求 $x=0.2\text{m}$ 处的质点在 $t=1\text{s}$ 时的相位，它是原点处质点在哪一时刻的相位？

第七次 气体动理论

一、选择题

1. 物质分子间的主要作用力是【 】

(A) 万有引力引起的吸引力;

(B) 同性电荷间的库仑排斥力;

(C) 异性电荷间的库仑吸引力;

(D) 大小、方向随距离变化的电磁作用。

2. 按理想气体的微观模型，下面说法中正确的一个是【 】

(A) 分子之间永无相互作用;

(B) 除碰撞的瞬间外，分子之间无相互作用;

(C) 分子是有一定大小的刚性小球; (D) 以上说法都不对。

3. 关于温度下面说法正确的是【 】

(A) 温度是分子平均平动动能的量度; (B) 温度是分子无规运动快慢的量度;

(C) 温度是分子运动快慢的量度; (D) 温度是气体系统压强的量度。

4. 有两种不同种类的理想气体，它们的压强不同，但温度和体积相同，则【 】

(A) 总内能一定相同;

(B) 总动能一定相同;

(C) 平均平动动能相同;

(D) 平均速率一定相同。

5. 某种理想气体处于温度为 T_1 的平衡态的最概然速率与处于温度为 T_2 的平衡态的方均根速率相等，则 T_1/T_2 为【 】

(A) $4/\pi$;

(B) $3/2$;

(C) $\sqrt{3/2}$;

(D) $2/3$ 。

二、填空题

1. 一容器内储有氧气，其压强为 $1.01 \times 10^5 \text{Pa}$ ，温度为 27.0°C ，则

(1) 气体分子的数密度为_____;

(2) 氧气的密度为_____;

(3) 分子的平均距离为_____;

2. 在室温 (27°C) 下， 1mol 氢气和 1mol 氧气的内能之比是_____， 1g 氧气和 1g 氢气的内能之比是_____。

3. 理想气体的内能是_____的单值函数， $\frac{i}{2}kT$ 表示_____， $\frac{i}{2}RT$

表示_____， $\frac{m}{M}\frac{i}{2}RT$ 表示_____。

4. 下面给出的理想气体状态方程的几种微分形式，指出它们表示的是什么过程

(1) $p dV = (m/M) R dT$ 表示_____过程;

(2) $V dp = (m/M) R dT$ 表示_____过程;

(3) $p dV + V dp = 0$ 表示_____过程。

5. 氧气的压强为 2.026Pa ，体积为 $3 \times 10^{-2} \text{m}^3$ 时，其内能 $E =$ _____。

第八次 热力学基础

一、选择题

1. 热力学第一定律表明 【 】

- (A) 系统对外所做功小于吸收的热量;
- (B) 系统内能的增量小于吸收的热量;
- (C) 热机的效率小于 1;
- (D) 第一类永动机不可能实现。

2. 根据热力学第二定律判断下列哪种说法正确 【 】

- (A) 热量能从高温物体传到低温物体,但不能从低温物体传到高温物体;
- (B) 功可以全部变为热,但热不能全部变为功;
- (C) 气体能够自由膨胀,但不能自由压缩;
- (D) 有规则运动的能量能够变为无规则运动的能量,但无规则运动的能量不能变为有规则运动的能量。

3. 对于理想气体系统来说,下列哪个过程系统吸收的能量、内能的增量和对外做功三者均为负值 【 】

- (A) 气体降压过程
- (B) 等温膨胀过程
- (C) 绝热膨胀过程
- (D) 等压压缩过程

4. 系统由初态 I 经历不同过程达到终态 II,则在各个过程中, 【 】

- (A) 做功不同,内能变化不同,吸收热量不同;
- (B) 做功不同,内能变化相同,吸收热量不同;
- (C) 做功相同,内能变化不同,吸收热量不同;
- (D) 无法判断。

5. 有两个相同的容器,容积不变,一个盛有氦气,另一个盛有氢气(均可看成刚性分子),它们的压强和温度都相等,现将 5J 的热量传给氢气,如果使氦气也升高同样的温度,则应向氦气传递的热量是 【 】

- (A) 6J
- (B) 5J
- (C) 3J
- (D) 2J

二、填空题

1. 一汽缸内储有 10mol 的单原子理想气体分子,在压缩过程中, 外力做功 209J, 气体温度升高 1K。则气体内能的增量为_____, 吸收的热量为_____。

2. 摩尔数相同的三种理想气体: He, N₂, CO₂, 从相同的初态出发, 都经历等体吸热过程, 如吸收的热量相等, 则三种气体中_____的温度升高地最多, _____升高得最少; 三种气体的压强_____升高地最多, _____升高得最少。

3. 要使一热力学系统的内能变化, 可以通过_____或_____两种方式。理想气体的状态发生变化时, 内能的改变量只决定于_____, 而与_____无关。

4. 一定量的气体从同一初态 A 出发, 分别经历等压、等温、绝热三种过程, 体积由 V_1 膨

胀到 V_2 。则在上述三种过程中, _____ 过程对外做功最多, _____ 过程对外做功最少, _____ 过程内能增加, _____ 过程内能减少。

5. 一卡诺制冷机低温热源的温度为 300K, 高温热源温度为 450K. 每次循环从低温热源吸热 400J, 则该制冷机的制冷系数为 _____, 每一次循环中外界必须做功 _____。

三、计算题

1. 1mol 单原子理想气体从 300K 加热到 350K, (1) 体积不变; (2) 压强不变。问在这两个过程中各吸收了多少热量? 增加了多少内能? 气体对外做了多少功?

2. 如图 8.3 所示, 设有氮气 14g, 作 $abca$ 的循环过程(ca 为等温线)。求

- (1) 气体在各过程中所作的功;
- (2) 在各过程中传递的热量;
- (3) 循环效率。

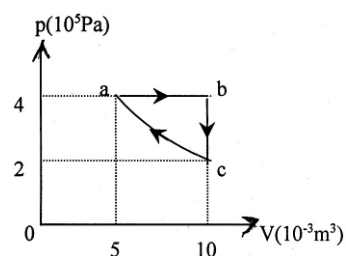


图 8.3

3. 1mol 的理想气体的 T - V 图如图 8.4 所示, ab 为直线, 延长线通过原点 O , 求 ab 过程气体对外所做的功。

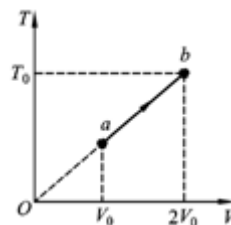


图 8.4

四、证明题

1. 如图 8.5 所示, 设有一以理想气体为工质的热机循环, 如图所示, bc 为绝热过程。试证明此循环的效率为

$$\eta = 1 - \gamma \frac{\frac{V_1}{V_2} - 1}{\frac{p_1}{p_2} - 1}$$

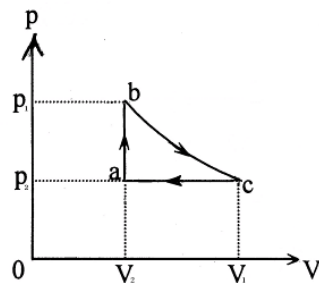


图 8.5

2. 证明：（选做一个）

- (1) 一条等温线和一条绝热线不能相交两次；
- (2) 两条绝热线不能相交。