《概率论与数理统计》模拟题01

一、填空题 (本大题共 8 小题, 10 个空, 每空 2 分, 共 20 分)	
1、若事件 A , B 互斥,且 $P(A) = 0.4$, $P(B) = 0.3$,则 $P(\bar{A}\bar{B}) =$ 。	
2、甲、乙、丙三人等可能地被分到四个房间中的任一间内,则三个人分在同一	_
间的概率为。	
3 、若随机变量 $X \sim U(a,b)$,则 X 的概率密度函数为。	
4 、若随机变量 $X \sim N(2, \sigma^2)$,且 $P\{2 < X < 4\} = 0.3 则 P\{X < 0\} = 。$	
5、设随机变量 X 的标准差是 3,则 D(-3X+1)=。	
6、设随机变量 X 与 Y 的联合分布函数为 $F(x,y)$,则 $F(-∞,y)=$ 。	
7、设随机变量 $X \sim B(10,0.5)$, $Y \sim N(2,10)$, 又 $E(XY) = 14$,则 X 与 Y 相关系数	
$ ho_{\scriptscriptstyle XY}$ = \circ	
8、设随机变量 X 的期望 $E(X)=100$,方差 $D(X)=10$,则由切比雪夫不等式,	
$P\{80 < X < 120\} \ge \underline{\hspace{1cm}}$	
9、若 X_1, X_2, \cdots, X_{16} 是来自总体 $N(2, \sigma^2)$ 的样本, \bar{X} 为样本均值,则 $\frac{4\bar{X}-8}{2}$,	旧
· ·	,,
从。 10 况总体又服从二两公本 D (n, n) V V V 为亚白总体 V 始简的阵,	ĿĦ
10 、设总体 X 服从二项分布 $B(n, p)$, X_1, X_2, \dots, X_n 为来自总体 X 的简单随	
样本,其样本均值和样本方差分别为 \bar{X} 和 S^2 ,若 $\bar{X}+kS^2$ 为 np^2 的无偏估计,则	K
= <u></u> 。	
二、单项选择题(本大题共5小题,每题只有一个正确答案,答对一题得2分	. ,
共 10 分)	
1 、已知事件 \overline{A} 、 \overline{B} 互斥,则 $P(\overline{A \cup B}) = \mathbb{I}$	
A. $1 - P(A)$ B. $1 - P(A) - P(B)$ C. 0 D. $P(\overline{A})P(\overline{B})$	
2、一次抛3枚质地均匀的硬币,恰好有两枚正面向上的概率为【】	
A. 0. 75 B. 0. 25 C. 0. 625 D. 0. 375	
3、随机变量 X 与 Y 独立同分布, $P\{X=-1\}=0.5$, $P\{X=1\}=0.5$,则下列结果。	不
正确的是【 】	
A. $P\{XY=1\}=0.5$ B. $P\{X+Y=0\}=0.5$	
C. $P\{X = Y\} = 1$ D. $P\{X = Y\} = 0.5$	
4、设随机变量 X 与 Y 相互独立, 分别服从正态分布 $N(0.1)$ 和 $N(1.1)$ 则 【 X 】	l
A. $P\{X + Y \ge 0\} = \frac{1}{2}$ B. $P\{X + Y \le 1\} = \frac{1}{2}$	
A. $P\{X + Y \ge 0\} = \frac{1}{2}$ B. $P\{X + Y \le 1\} = \frac{1}{2}$ C. $P\{X - Y \le 0\} = \frac{1}{2}$ D. $P\{X - Y \le 1\} = \frac{1}{2}$	
6. $I(X - 1 \le 0) = \frac{1}{2}$	
$\sum_{i=1}^{n} X_{i} - np$	
5、若 X_1 , X_2 ,…, X_n 相互独立,且均服从参数为 p 的 0 -1 分布,记 $Y_n = \frac{\sum_{i=1}^{n-1} x_i - x_i}{\sqrt{np(1-p)}}$,
则 n 充分大时, Y_n 近似服从 【 】	
A. 非标准正态分布 B. 标准正态分布 C. 二项分布 D. 不确定	

三、计算题(本大题共4小题,共44分。)

- 1、(10 分) 一道单项选择题,列有 m 个答案,学生甲知道正确答案的概率为 p,而乱猜的概率为 1-p。设他乱猜而猜对的概率为 1/m。求(1) 学生甲答对的概率;
- (2) 如果他答对了, 问他确实知道正确答案的概率。
- 2、(10分)设随机变量 X 的概率密度函数为

$$f(x) = \begin{cases} kx^2, & 0 \le x \le 2 \\ 0, & \sharp : \exists$$

求(1)常数k;(2)X的分布函数F(x);(3) $P\{1 < X \le 2\}$ 。

3、(10分)设二维随机变量(X, Y)的分布律为

XY	0	1
0	0	1/3
1	1/3	1/3

求(1) X和Y的边缘分布; (2) Cov(X,Y); (3) ρ_{XY} 。

4、(14分)设二维随机变量(X, Y)的联合概率密度为

$$f(x,y) = \begin{cases} Ae^{-y}, & x > 0, y > x; \\ 0, & 其它. \end{cases}$$

(1) 求常数 A; (2) 求 X, Y 的边缘概率密度,并判断 X 与 Y 是否独立; (3) 求 $P\{2X>Y\}$ 。

四、统计题(本大题共2小题,共16分。)

1、(9分)设总体 X 的概率密度函数为:

$$f(x,\alpha) = \begin{cases} \frac{2}{\alpha^2}(\alpha - x), & 0 < x < \alpha \\ 0, & \text{ } \sharp \dot{\Xi} \end{cases},$$

求未知参数 α 的矩估计量。

2、(9分) 从某超市一年的来的发票存根中随机抽取 26 张, 计算得平均金额为 78.5元, 样本标准差为 20元, 假设发票金额服从正态分布, 试给出该超市一年来发票平均金额的 90%的置信区间

五、应用题(本大题共1小题,共10分。)

1、(10分)一个复杂的系统由 100 个相互独立起作用的部件所组成,在整个运行期间每个部件损坏的概率为 0.1,为使整个系统工作,至少有 85 个部件正常工作,求系统能正常工作的概率。

(
$$t_{0.05}(25) = 1.708$$
, $\Phi(1.67) = 0.9525$)