

## 第四章 狭义相对论

1

4.1 伽利略变换式

2

4.2 狭义相对论的基本原理

3

4.3 狭义相对论的时空观

4

4.4 光的多普勒效应

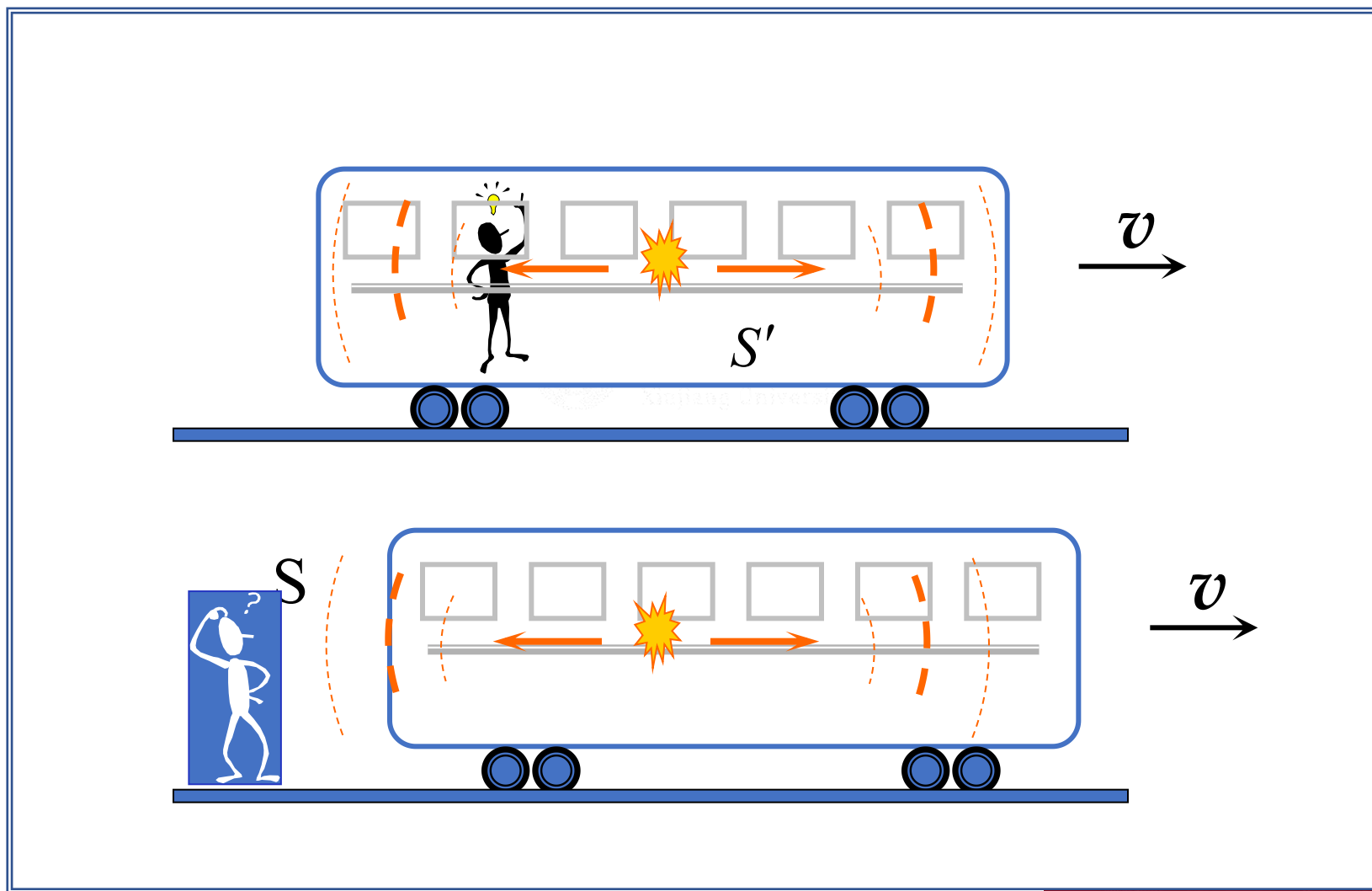
5

4.5 相对论性动量和能量

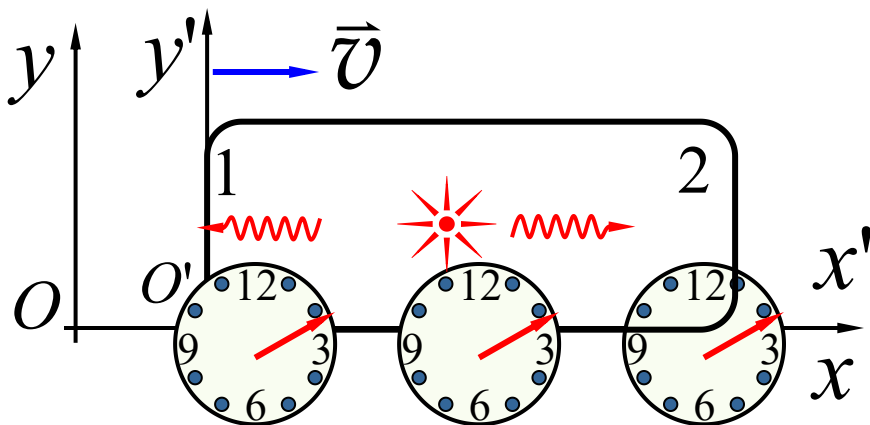
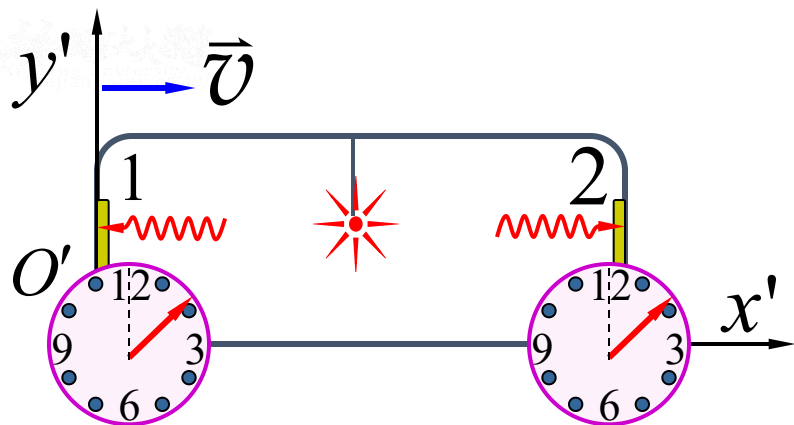
我们正青春年少

## 4.3 狭义相对论的时空观

### 一、同时的相对性



## 4.3 狭义相对论的时空观



	S 系 (地面参考系)	S'系 (车厢参考系)
事件 1	$(x_1, y_1, z_1, t_1)$	$(x'_1, y'_1, z'_1, t'_1)$
事件 2	$(x_2, y_2, z_2, t_2)$	$(x'_2, y'_2, z'_2, t'_2)$

同时不同地

$$\begin{cases} \Delta t' = t'_2 - t'_1 = 0 \\ \Delta x' = x'_2 - x'_1 \neq 0 \end{cases}$$

$$\Delta t = \frac{\Delta t' + \frac{v}{c^2} \Delta x'}{\sqrt{1 - \beta^2}} = \frac{\frac{v}{c^2} \Delta x'}{\sqrt{1 - \beta^2}} \neq 0$$

### 4.3 狭义相对论的时空观

在  $S'$  系**同时同地** 发生的两事件

$$\Delta t' = t'_2 - t'_1 = 0$$

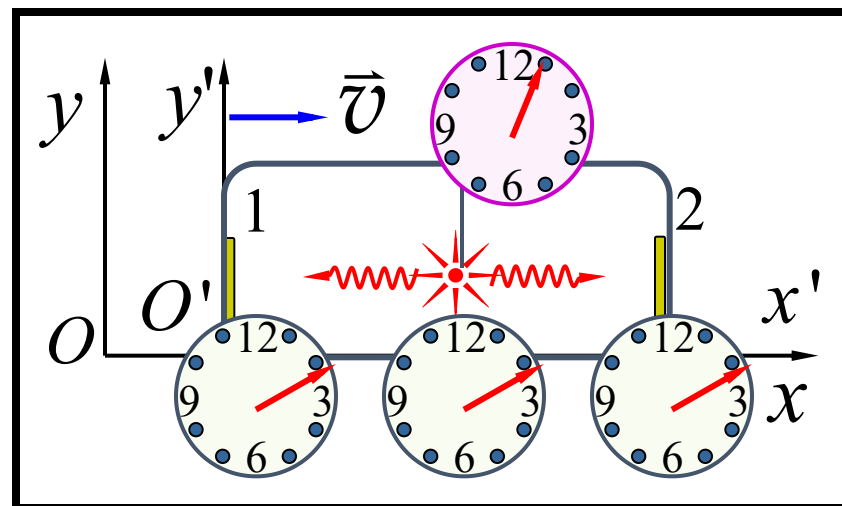
$$\Delta x' = x'_2 - x'_1 = 0$$

在  $S$  系

$$\Delta t = \frac{\Delta t' + \frac{v}{c^2} \Delta x'}{\sqrt{1 - \beta^2}} = 0$$

**注意**

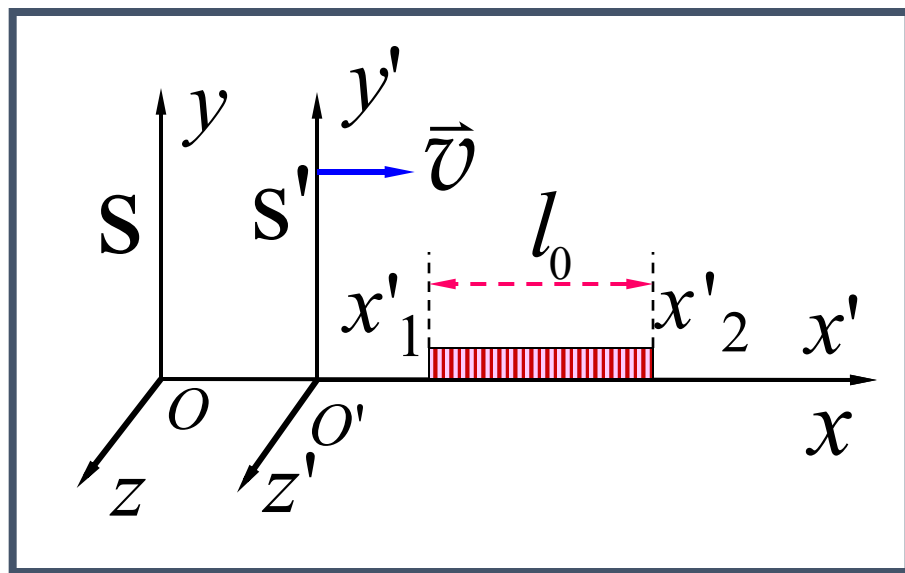
此结果反之亦然



**结论：** 沿两个惯性系运动方向，**不同地点**发生的两个事件，在其中一个惯性系中是**同时**的，在另一惯性系中观察则**不同时**，所以同时具有**相对**意义；只有在**同一地点、同一时刻**发生的两个事件，在其他惯性系中观察才是**同时**的。

## 4.3 狭义相对论的时空观

### 二、空间间隔的相对性—长度收缩



标尺相对  $S'$  系静止

在  $S'$  系中测量

$$l_0 = x'_2 - x'_1 = l'$$

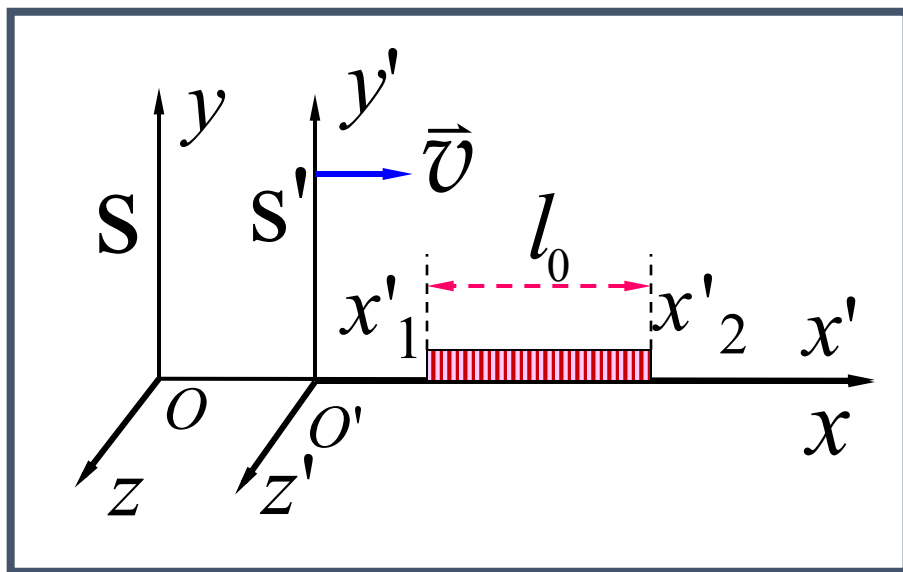
在  $S$  系中测量

$$l = x_2 - x_1$$

测量为两个事件  $(x_1, t_1), (x_2, t_2)$  要求  $t_1 = t_2$

$$x'_1 = \frac{x_1 - vt_1}{\sqrt{1 - \beta^2}} \quad x'_2 = \frac{x_2 - vt_2}{\sqrt{1 - \beta^2}} \quad x'_2 - x'_1 = \frac{x_2 - x_1}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

## 4.3 狭义相对论的时空观



$$l_0 = x'_2 - x'_1 = l'$$

$$l = x_2 - x_1$$

$$x'_2 - x'_1 = \frac{x_2 - x_1}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

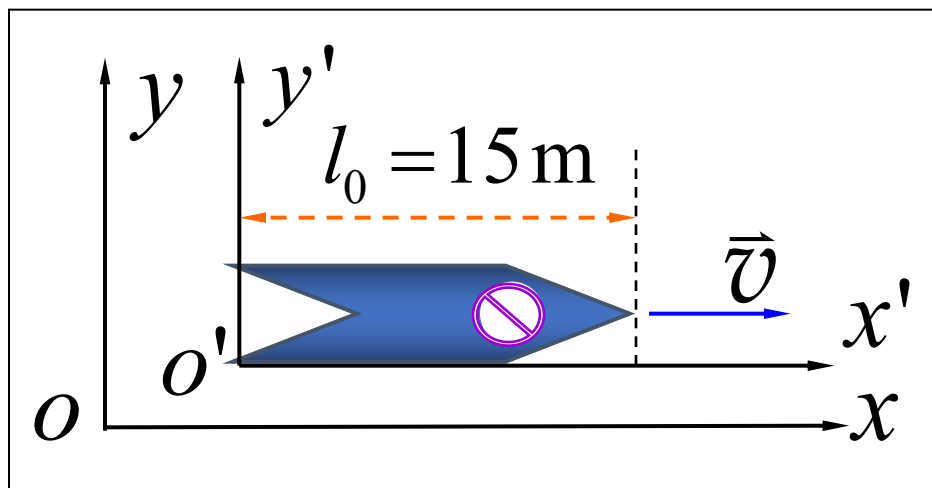
$$l = l' \sqrt{1 - \beta^2} < l_0$$

**固有长度：**物体相对静止时所测得的长度。（**最长**）

**洛伦兹收缩：**运动物体在运动方向上长度**收缩**。

## 4.3 狭义相对论的时空观

**例4-2** 设想有一光子火箭，相对于地球以速率  $v = 0.95c$  飞行，若以火箭为参考系测得火箭长度为 15 m，问以地球为参考系，此火箭有多长？



$S'$  → 火箭参考系  
 $S$  → 地面参考系

**解：** 固有长度

$$l = l' \sqrt{1 - \beta^2}$$

$$l_0 = 15 \text{ m} = l'$$

$$l = 15 \sqrt{1 - 0.95^2} \text{ m} = 4.68 \text{ m}$$

我们正青春年少

### 4.3 狭义相对论的时空观

**例4-3** 一长为1m的棒，相对于S'系静止并与  $x'$  轴夹角  $\theta' = 45^\circ$ 。问：在S系的观察者来看，此棒的长度以及它与  $x$  轴的夹角为多少？（已知  $v = \sqrt{3}c/2$ ）

**解：**  $l'_x = l' \cos \theta'$

$$l_y = l'_y = l' \sin \theta'$$

$$l_x = l'_x \sqrt{1 - v^2/c^2} = l' \cos \theta' \sqrt{1 - v^2/c^2}$$

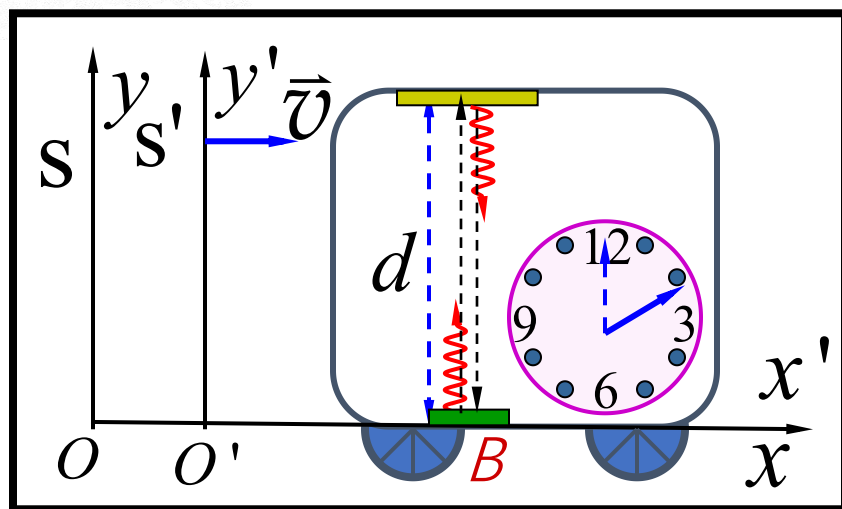
$$l = \sqrt{l_x^2 + l_y^2} = l' \sqrt{1 - (v^2/c^2) \cos^2 \theta'} = 0.79 \text{ m}$$

$$\tan \theta = \frac{l_y}{l_x} = \frac{l' \sin \theta'}{l' \cos \theta' \sqrt{1 - v^2/c^2}} = 2 \quad \theta = 63^\circ 27'$$



## 4.3 狭义相对论的时空观

### 三、时间间隔的相对性—时间延缓



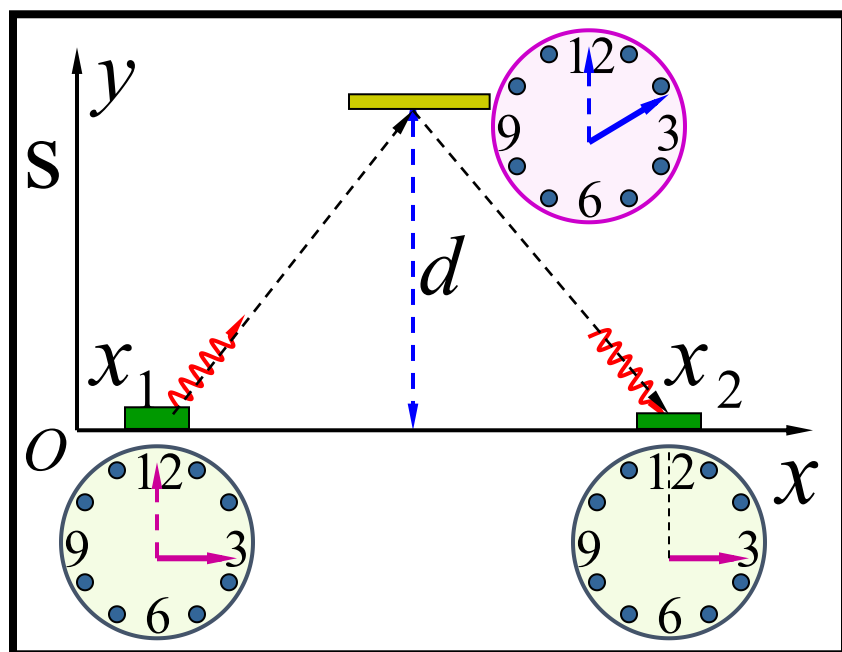
$S'$ 系**同一地点**  $B$  发生两事件

发射一光信号  $(x', t'_1)$

接受一光信号  $(x', t'_2)$

时间间隔  $\Delta t' = t'_2 - t'_1 = 2d/c$

在  $S$  系中观测两事件



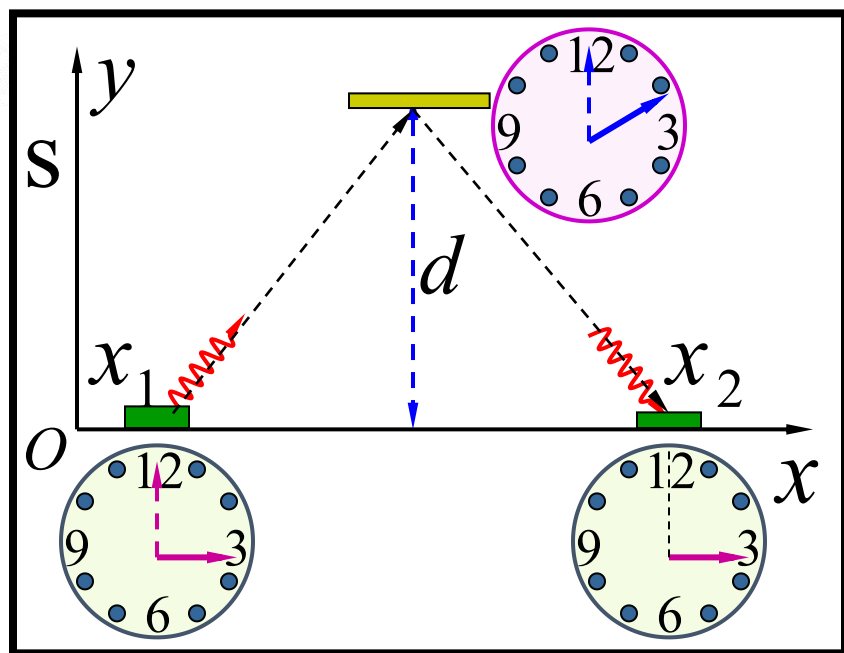
$$(x_1, t_1), (x_2, t_2)$$

$$t_1 = \gamma(t'_1 + \frac{vx'_1}{c^2})$$

$$t_2 = \gamma(t'_2 + \frac{vx'_2}{c^2})$$

我们正青春年少

### 4.3 狭义相对论的时空观



$$\Delta t = \gamma \left( \Delta t' + \frac{v \Delta x'}{c^2} \right)$$

$$\because \Delta x' = 0$$

$$\therefore \Delta t = t_2 - t_1 = \gamma \Delta t'$$

$$\Delta t = \frac{\Delta t'}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

**固有时间**：同一地点发生的两事件的时间间隔。

$$\Delta t > \Delta t' = \Delta t_0$$

**时间延缓**：运动的钟走得慢。

我们正青春年少

## 4.3 狭义相对论的时空观



注意

- 1、时间延缓是相对论效应，是一种普遍的时空性质；
- 2、时间延缓是相对的；
- 3、时间延缓与同时性的相对性密切相关。

### 狭义相对论的时空观

(1) 两个事件在不同的惯性系看来，它们的空间关系是相对的，时间关系也是相对的，只有将空间和时间联系在一起才有意义。

(2) 时一空不互相独立，而是不可分割的整体。

(3) 光速 $c$ 是建立不同惯性系间时空变换的纽带。

### 4.3 狭义相对论的时空观

**例4-4** 设想有一光子火箭以  $v = 0.95c$  速率相对地球作直线运动，若火箭上宇航员的计时器记录他观测星云用去 10 min，则地球上的观察者测得此事用去多少时间？

**解：** 设火箭为  $S'$  系、地球为  $S$  系

$$\Delta t' = 10 \text{ min}$$

$$\Delta t = \frac{\Delta t'}{\sqrt{1 - \beta^2}} = \frac{10}{\sqrt{1 - 0.95^2}} \text{ min} = 32.01 \text{ min}$$

**运动的钟似乎走慢了。**