

[illegible]

座位号

新疆大学 2011—2012 学年度第二学期
《高等数学》试卷 (汉二本 16 周下册)

姓名: _____ 学号: _____ 专业: _____

学院: _____ 班级: _____

2012年6月18日

题号	一	二	三	四	五	六	总分
得分							

得分	评卷人

一、选择题(本大题共 6 小题, 每题 3 分, 共 18 分)

$$1、\text{函数 } f(x,y) = \begin{cases} \frac{2x^2 + y^2}{x^2 + y^2} & (x,y) \neq (0,0) \\ 0 & (x,y) = (0,0) \end{cases}$$

在 $(0, 0)$ 点 ()

- A、连续 B、有极限但不连续
C、极限不存在 D、无定义

2、点 $M(1,2,1)$ 到平面 $x+2y+2z-10=0$ 的距离为. ()

- A、1 B、 ± 1 C、 -1 D、 $\frac{1}{3}$

3、函数 $z = f(x, y)$ 在点 (x_0, y_0) 处具有偏导数是它在该点存在全微分的 ()

- A、必要而非充分条件； B、充分而非必要条件；
C、充分必要条件； D、既非充分又非必要条件

4、关于直线 $\begin{cases} 3x+2z=0 \\ 5x-1=0 \end{cases}$ 正确的说法是 ()

- A、平行 y 轴 B、垂直 y 轴
C、平行 x 轴 D、平行 zox 平面

5、方程 $x^2 = 2y$ 在空间表示的是 ()

- A、抛物线 B、抛物柱面
C、母线平行 x 轴的柱面 D、旋转抛物面

6、级数 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)}$ 的和为 ()

- A、 1 B、 2、 C、 3 D、 4

得分	评卷人

二、填空题(本大题共 6 小题, 每题 4 分, 共 24 分)

1、若 $\begin{cases} 2x+3y-z+D=0 \\ 2x-2y+2z-6=0 \end{cases}$ 与 x 轴有交点, 则 $D=$ _____

2、极限 $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ y \rightarrow 0}} \frac{x^2 + e^y}{\cos y - \sin x} =$ _____

3、设函数 $u = \frac{x}{y^2} + \frac{y}{x}$, 则 $\frac{\partial u}{\partial y} =$ _____

4、曲线 $x = \sin t, y = 4 \cos t, z = t^2$ 在对应于 $t = \frac{\pi}{2}$ 点处的法平面方程是 _____

5、交换积分次序后 $\int_1^e dx \int_0^{\ln x} f(x, y) dy =$ _____

6、函数 $f(x) = \frac{1}{1-2x}$, $f(x)$ 关于 x 的幂级数展开式为 _____

得分	评卷人

三、计算题(本大题共 6 小题, 其中第 1 小题 10 分, 其余小题每小题 6 分, 共 40 分)

1、已知 $A(3, -1, 2), B(1, 3, -2), C(2, 7, 6)$, (1) 求 AB 所在的直线方程,

(2) 求 A、B、C 三点所在的平面方程, (3) 求角 $\angle ABC$

[illegible]

3、计算二重积分 $\iint_D xy dx dy$, 其中 D 为区域: $x \leq y \leq \sqrt{3}x$, $1 \leq x \leq 2$

4、利用极坐标计算二重积分 $\iint_D \sqrt{x^2 + y^2} dx dy$, 其中 D 为区域: $x^2 + y^2 \leq 1$

5、设 L 是从 $A(1, 0)$ 到 $B(-1, 2)$ 的线段, 计算曲线积分 $\int_L (x+y)ds$

6、计算曲线积分 $\int_L 2xydx + x^2dy$, 其中 L 为沿曲线 $y=x^2$ 从点 $A(0,0)$ 到 $B(1,1)$ 的一段

装
订
线
内
答
题
无
效

得分	评卷人

四、其它题(本大题共 3 小题, 每小题 6 分, 共 18 分)

1、判别级数 $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} 2^n \sin \frac{\pi}{3^n}$ 的敛散性, 若收敛, 判别是绝对收敛还是条件收敛

2、求级数函数项级数 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n}$ 的收敛半径和收敛域

2、设 $f(x)$ 是周期为 2π 的周期函数，它在 $[-\pi, \pi)$ 上的表达式为 $f(x) = \begin{cases} -1, & -\pi \leq x < 0, \\ 1, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$

试将函数 $f(x)$ 展开成傅里叶级数