一論文題目一

時間軸セグメントを導入した 階層的時間記憶モデル

Hierarchical Temporal Memory With Time Axis Segment Introduced

> 指導教授 萩原 将文 教授 学習指導副主任 今井 倫太 教授

慶應義塾大学 理工学部 情報工学科 平成 29 年度 学籍番号 61412912 内藤 慎一郎

目 次

あらまし	まし			
第1章	はじめに			
第2章	Hierarchical Temporal Memory(HTM)			
2.1	HTM の概要			
2.2	HTM の構造	4		
	2.2.1 セルの状態変化	5		
	2.2.2 パターン表現	6		
	2.2.3 セル内の構造	6		
	2.2.4 疎な分散表現	7		
2.3	HTM の学習アルゴリズム	7		
	2.3.1 活性化状態の計算	8		
	2.3.2 予測状態の計算	8		
	2.3.3 セグメント集合を用いた接続値の更新	9		
2.4	HTM の学習の例	10		
	2.4.1 学習前	10		
	2.4.2 学習中	11		
	2.4.3 学習後	11		
	2.4.4 並列同時予測	12		
2.5	エンコーダと分類器	13		
2.6	HTM の問題点	14		
第3章	時間軸セグメントを導入した HTM	16		
3.1	提案モデルの概要	16		

3.2	提案モ	デルの構造	17	
	3.2.1	従来型と同じ部分	17	
	3.2.2	セル内の構造	17	
3.3	提案モ	デルの学習アルゴリズム	18	
	3.3.1	予測状態のセルの計算	18	
	3.3.2	セグメント集合を用いた接続値の更新	18	
	3.3.3	セグメント集合の大きさ	18	
第4章	評価実	* 監 食	20	
4.1	実験1		20	
1.1	4.1.1	実験目的	20	
	4.1.2	実験概要	20	
4.2	実験 2		20	
1.2	4.2.1	実験目的	20	
	4.2.2	実験概要	20	
4.3	実験3		20	
	4.3.1	実験目的	20	
	4.3.2	実験概要	20	
第5章	結論		21	
カリモ	사口 pm		41	
謝辞			21	
参考文献				
付録				
付録 A HTM のパラメータ				
付録 A HTM のパラメータ				

あらまし

本論文では大脳皮質の構造と学習アルゴリズムを模した時系列予測モデルである Hierarchical Temporal Memory(HTM) に長期依存考慮に関する改良を提案する。HTM は脳の神経細胞を表すセルを 2 次元マップ上に配置し、各セル間を繋げるシナプス接続をヘブ則に基づいて更新することで時系列データを学習する。従来のモデルでは時系列データ中の各データに対して一時刻前のデータとの接続のみを学習していたが、本研究では複数時刻前のデータとの接続を学習させることを目的とした。そのためにシナプスの集まりであるセグメントに対して時間軸を導入したモデルを提案した。よって提案モデルは様々な時系列データの予測タスクにおいて従来モデルよりも高い精度を記録することを確認した。

第1章

はじめに

近年、深層学習という多層に重ねたニューラルネットワークにおいて目的関数の誤差を減少させることで最適化を行うモデルが様々なタスクで成果をあげている。その中でも RNN, LSTM といった時系列データを扱うモデルが自然言語処理や音声認識といった幅広い分野に用いられている。

しかし人間の脳における大脳皮質の学習は目的関数に対して最適化するという学習をおこなっているのではないとされている。[2] 人間の脳における学習はニューロンが発火していくことによるニューロン間をつなぐシナプスの発生によって行われる。この学習を模したニューラルネットワークモデルとしてHierarchical Temporal Memory(HTM) が提案された。[1]

HTMの構造や学習アルゴリズムは人間の脳の大脳皮質を模したものとなっている。HTMの構造は神経細胞を模したセルと名付けなれたノードを2次元マップ状に配置したものとなっている。またそのセルはそれぞれ非活性化状態、予測状態、活性化状態と遷移するようになっている。学習アルゴリズムはそのセル間の繋がりであるシナプス接続の可否を変化させるというものである。シナプス接続の可否は各シナプスの接続値を増減させることで変化させるが、それはヘブ則によって行われる。これはあるセルの発火の後に他のセルが発火した時にその2つのセル間のシナプス接続が強化させるというものである。

HTM はシナプス接続を元にして活性化状態のセルと繋がっているセルが予測状態に遷移し、次の時刻に置いて予測状態のセルが活性化状態に遷移することで時系列データを再現しようとする。HTM はこのシナプス接続を束ねたものとしてセグメントという機構があるが、これは神経細胞の樹状突起を模した

はじめに 3

ものである。またこのセグメントは1つのセルに対して複数あるためセグメント集合となる。

またHTMの学習は深層学習でよく用いられるミニバッチ学習とは異なり、1つ1つのデータの入力に対して学習を更新するオンライン学習となっている。また目的関数に対して最適化を行うのではないため教師なし学習に分類される。

他の HTM の特徴として疎な分散表現が挙げられる。マップ状になったセルの内わずかなセルのみが発火してデータを表現するため少ない計算量と幅広い表現力を持っている。

HTM は深層学習におけるニューラルネットワークに対してわずかなタスクにおいては優位性があるが、ほとんどのタスクにおいて低い精度となっている。また自然言語処理などの複雑なタスクには用いられていない。特に RNN に長期依存考慮のためのゲート機構を導入した LSTM のような高度な時系列予測が行えていない。

この原因として HTM には長期依存考慮のための機構が加えられていないことが考えられる。特に疎な分散表現による学習が続けられていくによって発火するセルが減少する。これによって予測情報が維持できなくなり、長期依存関係が消失する。

そのため本研究では HTM のセグメント集合に対して時間軸を導入し、複数 前の時刻におけるデータを表現しているセルとの繋がりも学習可能なモデルを 構築した。これによって疎な分散表現を維持しつつも長期依存関係の学習を目 指す。また HTM の学習アルゴリズムを改良した研究というものは現在挙げら れていない。

本研究の評価として様々な時系列データの予測タスクにおいて従来の HTM との比較を行った。

以下、第2章でHTMの構造と学習アルゴリズムについて詳しく述べ、第3章で改良したHTMについて、第4章で評価実験、第5章で結論を述べる。

第2章

Hierarchical Temporal Memory(HTM)

2.1 HTM の概要

HTM は大脳皮質の構造と学習アルゴリズムを模して作られたニューラルネットワークである。構造はカラムとセルによる2次元マップ表現となっており、各セルが状態を偏移させる。学習アルゴリズムはヘブ則となっており各時刻間で活性化状態のセル同士の接続を強める。また活性化状態のセルと強く接続しているセルが予測状態に遷移することで予測を行う。

HTM は全部のセルを用いて1つのパターンを表現する。各セルの状態が遷移することで表現するパターンが変化する。

HTM の特徴は時系列データ中の各パターンを再現しつつ学習するためオンライン学習を行っているという点とモデルの訓練とデータの再現を同時に行っているという点がある。これによって時系列データを連続してモデルに流し続け学習を行うという連続オンライン学習が可能となっている。また疎な分散表現を用いることによる並列同時予測が可能な点も挙げられる。

2.2 HTM の構造

HTMの全体構造を図 2.1 に示す。HTM は複数のカラムの集合となっており、各カラムは複数のセルの集合からなっている。HTM 全体で 1 つのパターンを表現する。時間が進むごとにパターンが変化していくことで時系列データを表現する。

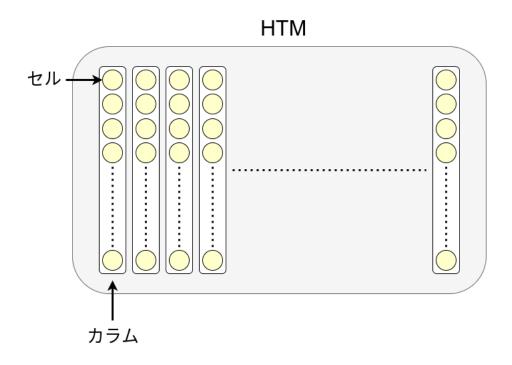


図 2.1 HTM の全体構造

2.2.1 セルの状態変化

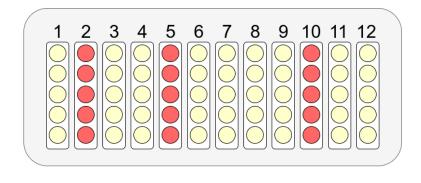
セルの状態は活性化状態と非活性化状態と予測状態の3つであり、各時刻に おいて常にどれか1つの状態を取る。各時刻ごとにそれぞれの状態を相互に遷 移する。



図 2.2 セルの状態

2.2.2 パターン表現

HTM はカラムの組み合わせでパターンを表現する。各カラムにおいてカラム中のセルのどれか1つでも活性化状態になっている場合にそのカラムがパターン表現を構成するカラムとみなす。



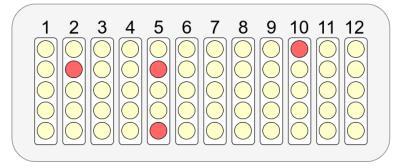


図 2.3 パターンの表現: 上下どちらの図も同じカラムの組み合わせ (2, 5, 10) でパターンを表現しているため、両方同じパターンを表す。

2.2.3 セル内の構造

HTM はセル内にセグメント構造を持っている。これは大きく分けて2つからなり、入力セグメントとセグメント集合からなる。入力セグメントは入力を受け取るもので、各セルに1つある。セグメント集合も各セルに1つあり、接続セグメントを複数持っている。この接続セグメントは他のセルとの接続値を保持しており、学習によってこの接続値を増減させしきい値との比較によって

セル間のシナプス接続を判定する。接続セグメントは HTM 中のすべてのセル との接続値を持つため 2 次元のテンソル値となる。そのためセグメント集合は 3 次元のテンソル値となる。

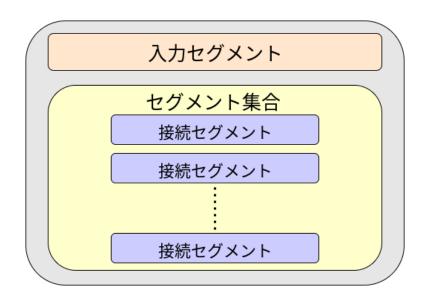


図 2.4 セル内の構造

2.2.4 疎な分散表現

学習が進んでいくとHTM中の僅かなセルのみが活性化状態に遷移していき、 少ないセルでパターンを表現するようになる。これによってあるパターンを表 現するのに疎な分散表現を用いていると言える。

2.3 HTM の学習アルゴリズム

 HTM 中のカラムの数を N とし、1 カラム中のセルの数を M とする。このとき HTM 中のセルの総数は $M \times N$ となる。

活性化状態にあるセルの集合を $M \times N$ の 2 進行列 \mathbf{A}^t で表し、活性化状態にある j 番目のカラムにある i 番目のセルを a_{ij}^t で表す。同様に予測状態にあるセ

ルの集合を $M \times N$ の 2 進行列 Π^t で表し、予測状態にある \mathfrak{g} 番目のカラムにある \mathfrak{g} 番目のセルを π^t_{ii} で表す。

各セルにあるセグメント集合の中で d 番目のセグメントの j 番目のカラムにある i 番目のセルを \mathbf{D}_{ij}^d で表す。またセグメント集合中のセグメントはそれぞれ各セルから他のセルへの接続値を保持しているため、セグメントの接続値がしきい値を超えたセルのみを記録した 2 進行列 $\tilde{\mathbf{D}}_{ij}^d$ で接続の可否のみを表す。

入力セグメントに入力を受けたセルが存在するカラムの集合を勝者カラムと し、 \mathbf{W}^t と表す。

2.3.1 活性化状態の計算

活性化状態の計算は式 2.1 で表される。

$$a_{ij}^{t} = \begin{cases} 1 & if \ j \in \mathbf{W}^{t} \ and \ \pi_{ij}^{t-1} = 1 \\ 1 & if \ j \in \mathbf{W}^{t} \ and \ \sum_{i} \pi_{ij}^{t-1} = 0 \\ 0 & otherwise \end{cases}$$
 (2.1)

式2.1は2つの場合においてセルが活性化状態に遷移することを表している。 1つ目はセルが勝者カラム中のカラムに含まれており、そのセルが予測状態に 遷移している場合である。2つ目はセルが勝者カラム中のカラムに含まれており、そのセルを含むカラム中に予測状態に遷移しているセルが1つも存在しない場合である。図2.3におけるパターンの表現において、上の図は2つ目の条件のみによって活性化状態に遷移した場合で、下の図は1つ目の条件のみによって活性化状態に遷移した場合である。実際の学習では2つの条件による活性化 状態が混在した状態でパターンが表現される。

2.3.2 予測状態の計算

予測状態の計算は式2.2で表させる。

$$\pi_{ij}^{t} = \begin{cases} 1 & if \ \exists_{d} \| \tilde{\mathbf{D}}_{ij}^{d} \circ \mathbf{A}^{\mathbf{t}} \|_{1} > \theta \\ 0 & otherwise \end{cases}$$
 (2.2)

この式はセルが予測状態に遷移する場合を表している。セグメント集合中の ある接続セグメントに関して活性化状態にあるセルとその接続セグメントによっ て接続しているセルが予測状態に遷移する。

2.3.3 セグメント集合を用いた接続値の更新

セグメント集合が持つ接続値を更新する場合として以下の3つが挙げられる。

1. セルが予測状態になり、その後活性化状態に遷移した場合

$$j \in \mathbf{W}^t$$
 and $\exists_i (\pi_{ij}^{t-1}) > 0$ (2.3)

2. 勝者カラム中にあるどのセルも予測状態になっていなかった場合

$$j \in \mathbf{W}^t$$
 and $\forall_i(\pi_{ij}^{t-1}) = 0$ (2.4)

3. セルが予測状態になっていたが、その後活性化状態に遷移しなかった場合

$$j \notin \mathbf{W}^t$$
 and $\exists_i (\pi_{ij}^{t-1}) > 0$ (2.5)

1と2の場合はシナプス接続を強化する。つまりセグメント集合中にある接続値を増加させる。1の場合はセグメント集合の中ですでに接続値がしきい値を超えている接続セグメントに関して、2の場合はセグメント集合のなかで一番大きい接続値を持つ接続セグメントに関して下の更新式を適用する。

$$\Delta \mathbf{D}_{ij}^d = p^+ \dot{\mathbf{D}}_{ij}^d \circ \mathbf{A}^{t-1} - p^- \dot{\mathbf{D}}_{ij}^d \circ (\mathbf{1} - \mathbf{A}^{t-1})$$
(2.6)

 p^+ と p^- は学習率となっており、 p_+ は p_- より大きい値となっている。 $\dot{\mathbf{D}}^d_{ij}$ は \mathbf{D}^d_{ij} の正の値をもつ位置のみをとりだした2進行列である。

$$\dot{\mathbf{D}}_{ij}^{d} = \begin{cases} 1 & if \ \mathbf{D}_{ij}^{d} > 0 \\ 0 & otherwise \end{cases}$$
 (2.7)

この更新式は不活性シナプスの接続値を減少させ、活性シナプスの接続値を 増加させることによってシナプス接続を強化している。

3の場合はセグメント集合の中でしきい値を超えている接続値を減少させる。 これはシナプス接続の減衰を再現している。

$$\Delta \mathbf{D}_{ij}^{d} = p^{--}\dot{\mathbf{D}}_{ij}^{d} \text{ where } a_{ij}^{t} = 0 \text{ and } \|\tilde{\mathbf{D}}_{ij}^{d} \circ \mathbf{A}^{t-1}\|_{1} > \theta \text{ , where } p^{--} \ll p^{-}$$
 (2.8)

2.4 HTM の学習の例

2.4.1 学習前

例として図2.5を考える。

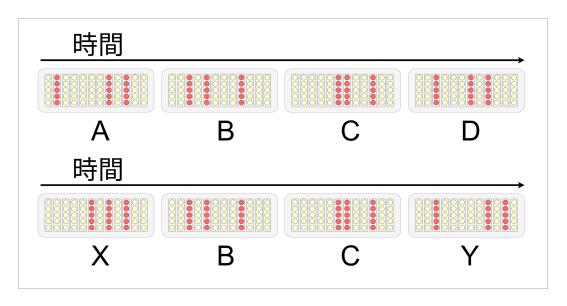


図 2.5 学習前の HTM: (A, B, C, D) という系列と (X, B, C, Y) という系列を 入力した場合

学習前のHTM は上の図 2.5 のようになっており、入力に対して予測状態になるセルが存在せずに勝者カラムのセルがすべて活性化状態に遷移していく。

2.4.2 学習中

例として図2.6を考える。

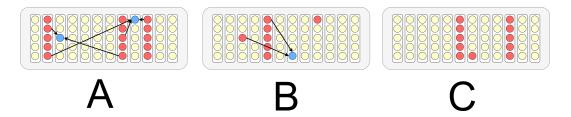


図 2.6 学習中の HTM

学習中のHTM は上の図 2.6 のようになっており、1 つ前の時刻の活性化状態のセルとのシナプス結合によってセルが予測状態に遷移することによって次の時刻のパターンが予測される。また予測状態に遷移するセルが増加するほどパターンの表現が疎になっていく。

2.4.3 学習後

例として図2.7を考える。

学習が完了すると最初の入力以外は疎な分散表現によってパターンを表現するようになり、系列中のすべてのパターンが予測されるようになる。

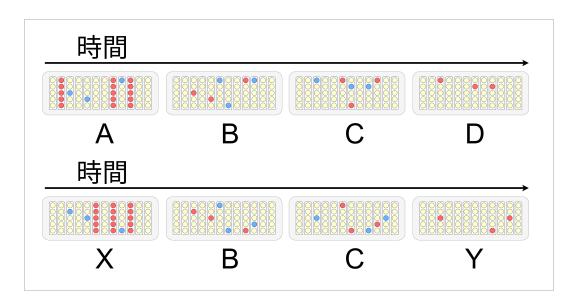


図 2.7 学習後の HTM: (A, B, C, D) という系列と (X, B, C, Y) という系列を 入力した場合

2.4.4 並列同時予測

HTM の特徴として並列同時予測が可能であるということが挙げられる。例として (A, B, C, D) と (X, B, C, Y) という 2 つの系列を学習後に前の文脈がない状態で (C) という系列を与えたものを考える。このとき C は最初の入力であるため勝者カラムのすべてのセルが活性化状態に遷移する。これによって D と Y 両方の予測を導くセルが予測状態に遷移するため、同時に複数の予想が可能になる。

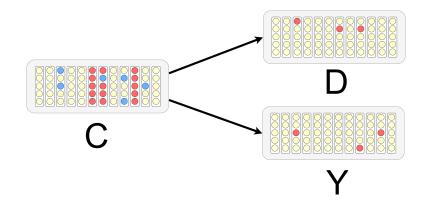


図 2.8 学習後の HTM: (A, B, C, D) という系列と (X, B, C, Y) という系列を 学習後に (C) という系列を入力した場合

2.5 エンコーダと分類器

HTMではパターンの表現はカラムの組み合わせによって表させる。そのためエンコーダによって入力値をカラムの組み合せに変換して HTM に入力し、分類器によって HTM の予測状態のセルから予測されているパターンへ分類することが必要となる。

エンコーダは入力値に対してランダムに一定数のカラムを選び出して割り当てている。分類器は最尤予測を用いて分類する。HTMの予測状態のセルを以下の式によって各カラムに関する予測点数 \mathbf{P}_i^t に変換する。

$$\mathbf{P}_j^t = \sum_{i=0}^M \pi_{ij}^t / M \tag{2.9}$$

 \mathbf{P}_{i}^{t} は長さ N の 1 次行列となる。

ここで各入力値に対応しているカラムの組み合わせを one-hot 行列に変換し、 \mathbf{P}_{j}^{t} との要素積をとる。この値をそれぞれの入力に対する予測点数とし、 $\mathrm{softmax}$ 関数に入力することで各入力値に対する予測値を確率分布で出力する。

2.6 HTM の問題点

HTM の問題点は長期依存考慮に関しての性能が低いことがあげられる。本 論文では長期依存考慮の性能を測るために活性化状態の計算に予測状態のセル のみを使用して予測を行った。そのため活性化状態の計算は以下のようにした。

$$a_{ij}^{t} = \begin{cases} 1 & if \ j \in \mathbf{W}^{t} \ and \ \sum_{i} \pi_{ij}^{t-1} = 0 \\ 0 & otherwise \end{cases}$$
 (t = 0) (2.10)

$$a_{ij}^t = \pi_{ij}^{t-1} \qquad (t \neq 0)$$
 (2.11)

 $t \neq 0$ のときに式 2.11 を用いたことによってカラムの入力を始めの 1 つのパターン以外は入れずに、予測状態のみを用いてセルの遷移を行うことになる。この際に長期依存考慮の性能が低くなる大きな理由として 2 つの問題点がある。それは以下の 2 つである。

- 1. 疎な分散表現を用いたために発火するセルが徐々に少なくなり消失する。
- 2. 学習が大きく進んだパターンにおいて表現が疎になった時に次のパターンに繋がっていたセルが消失するために学習が損失する。

1の問題について詳細に述べる。予測状態のセルの計算によって予測状態にあるセルは疎な分散表現となる。しかし学習の際は勝者カラムの中のセルが1つも活性化状態にないときはすべてのセルが活性化状態になることによって予測状態が疎になりすぎることを防いでいた。しかし長期依存考慮に関する予測タスクでは予測状態のセルのみを用いて活性化状態を計算するため予測状態になるセルが疎になりすぎてしまい、予測を進める内に予測状態になるセルが消失するという問題が発生した。

2の問題について詳細に述べる。これは活性化状態の計算によるものである。 学習が進んでいないときは勝者カラムのほとんどのカラム中のセルすべてが活性化する。それに対して、学習が進むにつれて勝者カラムの多くのカラムでカラム中の僅かなセルのみが活性化することになる。これによってその僅かなセ ル以外とつながっていたセルが予測状態に遷移しなくなるために学習が損失するという問題が発生する。

これらの問題に対処するため、本論文では時間軸セグメントを導入した HTM を提案する。

第3章

時間軸セグメントを導入したHTM

3.1 提案モデルの概要

従来のHTMは1つ前の時刻におけるパターンを表現するセルのみとの接続を持つように学習していたが、前章で述べたように長期依存考慮を要する予測タスクに対して脆弱性があった。そのためHTMの性能を改善するためにHTMに時間軸セグメントを導入することによって、複数前の時刻におけるパターンを表現するセルとの接続も持つように学習させた。

この改良の重要な点は新たに接続をもつようになった時刻の範囲においてのみに長期依存関係を保持できるようになったということではない。HTMの学習において予測状態に遷移するセルに関して適切な密度を保持し続けることは重要な要素である。改良した HTM は複数前の時刻にわたって接続を学習することによってセルの状態遷移が安定して行われるために、新たに接続を持つようになった時刻の範囲をはるかに超える長期依存考慮が可能になった。

具体的に前章で挙げた以下の2つの問題点に関する改良について述べる。

- 疎な分散表現を用いたために発火するセルが徐々に少なくなり消失する。
- 学習が大きく進んだパターンにおいて表現が疎になった時に次のパターンに繋がっていたセルが消失するために学習が損失する。

まず1つ目の問題に関しては複数前の時刻における活性化状態とそれらのセルとの接続セグメントを用いて予測状態のセルの計算を行い、それによるすべての予測状態のセルを予測に用いるためにセルの減少が抑制されている。

次に2つ目の問題に関しては学習が大きく進んだパターンにおいて表現が疎になった場合でも複数の時刻にわたる接続があることによって学習の損失が抑制されている。これは次のパターンの予測に用いる学習が複数の時刻間に分散されているためである。

以上の2つの問題点の抑制によって長期依存考慮に関する性能が向上した。

3.2 提案モデルの構造

3.2.1 従来型と同じ部分

HTM 全体の構造やセルの状態遷移、パターンの表現は従来の HTM を用いた。

3.2.2 セル内の構造

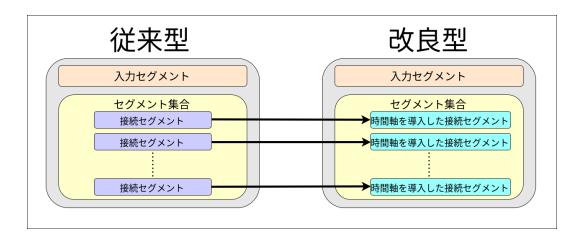


図 3.1 提案モデルにおけるセル内の構造

提案モデルのセル内の構造は図3.1のようになっている。入力セグメントは 従来型のHTMと同様になっているが、セグメント集合の構造は異なっている。 セグメント集合内の接続セグメントに関して時間軸を導入した。これによって 接続セグメントはHTM中のすべてのセルとの接続値と時間軸の3次元テンソ ル値となる。そのためセグメント集合は4次元のテンソル値となる。

3.3 提案モデルの学習アルゴリズム

提案モデルは従来のHTM を拡張しているため学習アルゴリズムにおいても 拡張した部分がある。時間軸を導入したことによって予測状態のセル計算とセ グメント集合を用いた接続値の更新において変更点がある。

3.3.0.1 従来型と同じ部分

活性化状態のセルの計算に関しては従来の HTM と同様である。

3.3.1 予測状態のセルの計算

時間軸セグメントの長さを τ_c とし、セグメント集合における接続値を $\mathbf{D}^d_{ij}(\tau)$ とする。また接続値がしきい値を超えた値のみを取り出した接続の可否のみを表す2進行列を $\tilde{\mathbf{D}}^d_{ij}(\tau)$ とする。

$$\pi_{ij}^{t} = \begin{cases} 1 & if \ \exists_{\tau} \exists_{d} \| \tilde{\mathbf{D}}_{ij}^{d}(\tau) \circ \mathbf{A}^{\mathbf{t}} \|_{1} > \theta \quad (t - \tau_{c} < \tau < t - 1) \\ 0 & otherwise \end{cases}$$
(3.1)

3.3.2 セグメント集合を用いた接続値の更新

セグメントを更新する場合分けは従来型と同様となっている。またセグメントの更新式も従来型と同様となっており式 2.6 と式 2.7 となっているが、セグメントの更新を複数の時間 $(t-\tau_c < t-1)$ にわたって適用するように変更している。

3.3.3 セグメント集合の大きさ

改良型のHTM は従来型に比べてセグメント集合の次元が時間軸によって1次元拡張されているが、セグメント集合を表すテンソルの大きさは一致するように調整している。HTM におけるセグメント集合の次元は従来型で3次元、改

良型で4次元となっており、これが各セルごとに存在しているが、実装ではすべてのセルのセグメント集合をまとめて定義している。これによってHTM全体でのセグメント集合は従来型で5次元、改良型で6次元となっている。

第 4章

評価実験

- 4.1 実験1
- 4.1.1 実験目的
- 4.1.2 実験概要
- 4.2 実験2
- 4.2.1 実験目的
- 4.2.2 実験概要
- 4.3 実験3
- 4.3.1 実験目的
- 4.3.2 実験概要

第5章

結論

本論文では、時間軸セグメントを導入したHTMを提案した。HTMの構造の面ではセグメント集合の次元を増やし時間軸次元を導入した。またHTMの学習アルゴリズムの面ではシナプス接続において複数時刻に渡るセルの発火との関係を持つことと予測状態のセルの計算において複数時刻からの繋がりの重ね合わせを行うことで長期依存関係を保持することに成功した。これによって並列予測を要する時系列データに対しての予測タスクにおいて従来のHTMよりも高い精度を記録することが確認された。今後の展望として、分散表現をHTMのカラム表現に変換する方法の確立することと、単語分散表現を用いることで自然言語処理における様々な言語モデルに適応することを考えている。これによって脳の言語処理における語彙を司る分野と文脈を司る分野に分けた学習を模した言語学習が可能になると考えられる。

謝辞

本研究を行うにあたり、指導教官の萩原将文教授から終始熱心なご指導を承りました。ここに感謝の意を表します。また研究室の方々には様々な相談をさせて頂き、特に武内先輩、米倉先輩、和田先輩には研究を通じて活発な議論にお付き合い頂きましたことを感謝致します。

参考文献

- [1] Yuwei Cui and Jeff Hawkins Subutai Ahmad. "Continuous Online Sequence Learning with an Unsupervised Neural Network Model". In: *MIT Press Journal* 28.11 (2016), pp. 2474–2504.
- [2] Jeff Hawkins and Subutai Ahmad. "Why Neurons Have Thousands of Synapses, A Theory of Sequence Memory in Neocortex". In: arxiv (2015).

付録 A

HTM のパラメータ