

Scaling Law:

# Scaling Laws



1.

Scaling Law

2.

3.

GPT-4

4.

5.

MacBook      Scaling Law

6.

Scaling Law

7.

AGI

Scaling Law:

## Part 1:

### Scaling Law



1.

- GPT-3: 175B
- GPT-4: 1.8T
- 

2.

- LLaMA: 1.4T tokens
- Chinchilla: 20
- vs

3.

- 
-

Scaling Law:

## Scaling Law

		Scaling Law
		N-D
		
		
	AGI	



## GPT

GPT-1 (2018)	117M params	→	Loss: ~3.4
GPT-2 (2019)	1.5B params	→	Loss: ~3.0
GPT-3 (2020)	175B params	→	Loss: ~2.0
GPT-4 (2023)	~1.8T params	→	Loss: ~1.5?

关键发现：Loss 与参数量的关系遵循幂律！

$$L(N) = (N_c / N)^\alpha$$

这意味着什么？

- 我们可以用小模型预测大模型性能
- 可以提前规划资源分配
- 能定量预测 AGI 所需规模

Scaling Law:

## **Part 2:**



## (Power Law)

$$y = a \cdot x^b$$

$$y \propto x^b$$

- 
- 
- 

$$\log(y) = \log(a) + b \cdot \log(x)$$

-



## 1. (Scale-free)

# 无论在什么尺度上观察，形态都类似

$$y(\lambda x) = a \cdot (\lambda x)^b = \lambda^b \cdot a \cdot x^b = \lambda^b \cdot y(x)$$

# 例子：分形、海岸线、互联网拓扑

## 2.

# 少数元素占据主要质量，多数元素分布在长尾

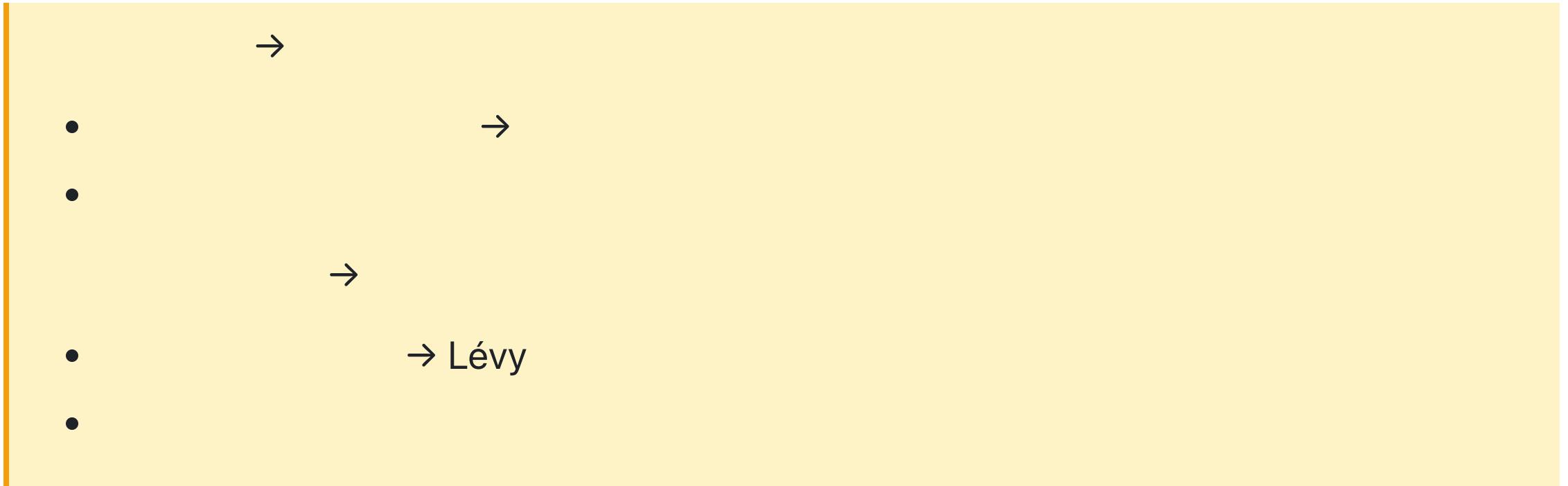
# 80-20 法则、马太效应

# 在深度学习中：

# - 少数困难样本贡献大部分 loss

# - 少数参数主导模型能力

Scaling Law:





## (Phase Transition)

100°C

< 100°C		
= 100°C		
> 100°C		

- |                        |                    |
|------------------------|--------------------|
| 小模型 ( $< N_c$ )        | → 简单模式匹配           |
| 临界规模 ( $\approx N_c$ ) | → 能力涌现 (Emergence) |
| 大模型 ( $> N_c$ )        | → 复杂推理、上下文学习       |



## (Emergent Abilities)

- In-context Learning
- Chain-of-Thought
- Few-shot Learning
- 
- 

Ability( $N$ ) = {

Scaling Laws -  $\theta$ ,  $f(N)$ ,  $N < N_{critical}$   $N \geq N_{critical}$

Scaling Law:

## Part 3:

GPT-4

## ⌚ Scaling Law

-  2001 → 早期观察: 感知机的泛化理论  
Vapnik: VC维理论
-  2017 → 实证研究: 深度的作用  
ResNet: 从残差到超深网络
-  2018 → 数据缩放: 第一个系统性研究  
Hestness (Baidu): 数据 Scaling Law
-  2020 → 奠基之作: OpenAI Scaling Laws  
Kaplan et al.: 计算、参数、数据三要素
-  2022 → 训练优化: Chinchilla 定律  
Hoffmann et al.: 数据量要  $20\times$  参数量
-  2023-2024 → 多维度扩展: 推理时计算、长度泛化  
Microsoft/Google: 新的 Scaling 维度



# 1: Statistical Learning Theory (1995-2001)

## Vapnik-Chervonenkis Theory

泛化误差上界:

$$E_{\text{gen}} \leq E_{\text{train}} + O(\sqrt{VC_{\text{dim}} / N})$$

关键洞察:

- 模型复杂度  $\uparrow \rightarrow$  表达能力  $\uparrow$ , 但泛化差距  $\uparrow$
- 训练样本  $\uparrow \rightarrow$  泛化差距  $\downarrow$
- 存在最优的复杂度-样本平衡点

局限:

- ✗ 对深度神经网络过于宽松 (上界太松)
- ✗ 无法解释过参数化现象
- ✗ 没有考虑优化算法的影响



## 2: Deep Learning Revival (2012-2017)

AlexNet (2012):	8 层	→	ImageNet Top-5: 84.7%
VGG (2014):	19 层	→	ImageNet Top-5: 92.7%
ResNet (2015):	152 层	→	ImageNet Top-5: 96.4%

观察：

- ✓ 深度  $\uparrow \rightarrow$  性能  $\uparrow$  (但有瓶颈)
- ✓ 残差连接突破瓶颈
- ✗ 还没有定量的 Scaling Law

He et al. (2015)

- skip connection
- 
-



## 3: Data Scaling (Hestness et al., 2018)

### Scaling Law

核心发现:

$$\text{Loss}(D) = A + B / D^\alpha$$

其中:

- D: 数据量
- $\alpha \approx 0.35$  (不同任务略有差异)
- A: 不可约误差 (irreducible error)
- B: 可学习部分的规模

关键结论:

- 指数级增加数据 → 线性提升性能
- 存在数据饱和点 (边际收益递减)
- 不同任务有不同的数据效率



## 4: Kaplan Scaling Laws (OpenAI, 2020)

核心公式：

$$L(N, D, C) = [ (N_c / N)^{\alpha_N} + (D_c / D)^{\alpha_D} + (C_c / C)^{\alpha_C} ]$$

其中：

- N: 参数量 (Parameters)
- D: 数据量 (Dataset size)
- C: 计算量 (Compute FLOPs)

实验发现：

$$\alpha_N \approx 0.076 \quad (\text{参数主导})$$

$$\alpha_D \approx 0.095 \quad (\text{数据次之})$$

$$\alpha_C \approx 0.050 \quad (\text{计算决定上限})$$

## Kaplan Scaling Laws:

1.

# 固定计算预算时，优先增加参数量

Best: 大模型 + 少训练步数

Bad: 小模型 + 多训练步数

例子：

$175B \times 300B \text{ tokens} > 6B \times 8.75T \text{ tokens}$

(相同计算量，但前者更优)

2.

# 在实验范围内 (300B tokens)，数据越多越好

# 没有观察到明显的数据饱和现象

3.



## 5: Chinchilla Scaling Laws (DeepMind, 2022)

### Kaplan

**Kaplan (2020):**

→ GPT-3: 175B params, 300B tokens (1.7×)

**Hoffmann (2022):**

→ Chinchilla: 70B params, 1.4T tokens (20×)

→ **Gopher (280B)**

新的最优配比:

$$N_{optimal} = (C / 6)^{0.5}$$

$$D_{optimal} = (C / 3)^{0.5}$$

简化规则:

$D \approx 20 \times N$  (tokens 应该是参数的 20 倍)

 **Kaplan vs Chinchilla**

	Kaplan (2020)	Chinchilla (2022)
	10M - 1B	70M - 16B
	5B - 300B tokens	5B - 500B tokens
	$N \gg D$	$N \approx D/20$

- Kaplan:
- Chinchilla:



✗ 旧思路：越大越好

GPT-3 (175B, 300B tokens)

Gopher (280B, 300B tokens)

Megatron-Turing (530B, 270B tokens)

✓ 新思路：高效训练

Chinchilla (70B, 1.4T tokens) → 超越 Gopher

LLaMA (7B–65B, 1T–1.4T tokens) → 开源 SOTA

Mistral (7B, 过度训练) → 超越 LLaMA-13B

结论：

💰 相同成本，性能提升 30–50%

⚡ 推理速度快 4–6 倍

🌐 普及化：个人 GPU 可跑



6:

## Scaling (2023-2024)

### Scaling Law

传统:

$$\text{Performance} = f(\text{训练时计算})$$

新发现:

$$\text{Performance} = f(\text{训练时计算, 推理时计算})$$

例子:

- Chain-of-Thought: 更多推理步骤 → 更好性能
- Self-Consistency: 采样多个回答 → 投票
- Tree-of-Thoughts: 搜索推理路径
- 强化学习 (RLHF, PPO): 推理时优化



## Snell et al. (2024)

$$\text{Accuracy}(N, T) = \alpha \cdot (N \cdot T)^\beta$$

其中：

- N: 模型参数量
- T: 推理时计算量（思考步数）
- $\beta \approx 0.3 - 0.5$

关键洞察：

★ 训练和推理可以相互替代！

- 小模型 + 多步推理  $\approx$  大模型 + 少步推理
- 灵活的计算分配策略

- OpenAI o1: →

- DeepSeek-R1: +

## **Part 4:**



## 1: Scaling (Compute)

(FLOPs)

$$C = 6 \cdot N \cdot D$$

其中：

- C: 总计算量 (FLOPs)
- N: 参数量
- D: 训练 tokens 数
- 6: 前向(2) + 反向(4)

例子：

GPT-3:

$$N = 175B$$

$$D = 300B \text{ tokens}$$

$$\begin{aligned} C &= 6 \times 175B \times 300B = 3.15 \times 10^{23} \text{ FLOPs} \\ &\approx 315 \text{ ZettaFLOPs} \end{aligned}$$



	<b>FP16</b>		<b>GPT-3</b>	
<b>MacBook M3 Max</b>	14 TFLOPS	\$0	~700	
<b>RTX 4090</b>	82 TFLOPS	\$1,600	~120	
<b>A100 (80GB)</b>	312 TFLOPS	\$15,000	~32	
<b>H100 (80GB)</b>	1000 TFLOPS	\$30,000	~10	
<b>8xA100</b>	2.5 PFLOPS	\$120K	~4	~\$5M
<b>1024xA100</b>	320 PFLOPS	\$15M	~11	~\$5M



## Scaling



## Scaling

# Kaplan et al. (2020)

$$L(C) = (C_c / C)^{\alpha_c}$$

其中：

$\alpha_c \approx 0.05$  (计算效率指数)

$C_c \approx 10^{10}$  (临界计算量)

解读：

- $10 \times$  计算  $\rightarrow 1.12 \times$  性能提升
- $100 \times$  计算  $\rightarrow 1.29 \times$  性能提升
- $1000 \times$  计算  $\rightarrow 1.48 \times$  性能提升

结论：

✓ 计算是性能上限

⚠ 但单纯增加计算收益递减

💡 需要配合参数和数据增长



## 2: Scaling (Parameters)

ELMo (2018):	94M
BERT-base (2018):	110M
BERT-large (2019):	340M
GPT-2 (2019):	1.5B
T5 (2020):	11B
GPT-3 (2020):	175B
PaLM (2022):	540B
GPT-4 (2023):	~1.8T (MoE)

每年增长 10×  
18 个月翻一个数量级



## Scaling

### Kaplan Scaling Law ( )

$$L(N) = (N_c / N)^{\alpha_N} + L_{\infty}$$

实验拟合：

$$\alpha_N \approx 0.076$$

$$N_c \approx 8.8 \times 10^{13}$$

$$L_{\infty} \approx 1.69 \text{ (不可约误差)}$$

关键发现：

1.  $10 \times$  参数  $\rightarrow 0.84 \times$  Loss
2.  $100 \times$  参数  $\rightarrow 0.71 \times$  Loss
3.  $1000 \times$  参数  $\rightarrow 0.59 \times$  Loss

斜率约  $-0.076$  in log-log space



$$\text{有效参数量} = \text{实际参数量} \times \text{利用率}$$

影响因素：

1. 架构设计

- Dense: 100% 参数激活
- MoE: ~10% 参数激活

2. 训练充分性

- 欠训练: ~50% 参数有效
- 充分训练: ~90% 参数有效

3. 任务相关性

- 预训练: 70% 参数泛化
- Fine-tuning: 95% 参数特化



### 3: Scaling (Data)

BERT (2018):	3.3B tokens	(Wikipedia + Books)
GPT-2 (2019):	40B tokens	(WebText)
GPT-3 (2020):	300B tokens	(Common Crawl)
PaLM (2022):	780B tokens	(高质量多语言)
LLaMA (2023):	1.4T tokens	(去重 + 过滤)
Llama 2 (2023):	2T tokens	(更长训练)
Llama 3 (2024):	15T tokens	(新数据源)

趋势：质量 > 数量



# Scaling

## Chinchilla Optimal Scaling

给定计算预算  $C$ , 最优配置:

$$N_{optimal} = G_N \cdot C^a$$

$$D_{optimal} = G_D \cdot C^b$$

其中:

$a \approx 0.50$  (参数随计算开方增长)

$b \approx 0.50$  (数据也随计算开方增长)

实用公式:

$$D_{tokens} \approx 20 \times N_{parameters}$$

例子:

70B 模型  $\rightarrow$  需要 1.4T tokens

7B 模型  $\rightarrow$  需要 140B tokens

**VS**

(Phi-1.5, Microsoft 2023)

GPT-3.5	175B	300B		Baseline
LLaMA	7B	1T		0.9× GPT-3.5
<b>Phi-1.5</b>	<b>1.3B</b>	<b>30B</b>		<b>1.2× GPT-3.5 ( )</b>



Scaling Law

+

&gt; 10B

+



## Scaling

$$\text{训练数据} = \sum (\text{Domain}_i \times \text{Weight}_i)$$

常见配比 (LLaMA):

- CommonCrawl: 67% (网页, 多样性)
- C4: 15% (过滤后网页)
- GitHub: 4.5% (代码)
- Wikipedia: 4.5% (知识)
- Books: 4.5% (长文本)
- ArXiv: 2.5% (科学)
- StackExchange: 2% (问答)

关键:

- ✓ 多样性 > 单一来源大数据
- ✓ 长尾知识不可忽视
- ✓ 不同领域的 Scaling 速率不同

Scaling Law:

## Part 5:

MacBook

Scaling Law



## MacBook MPS

- ✗ 8xA100 (\$120K)
- ✗ 175B ( TB )
- ✗ PB

+

核心思想：

1. 在小规模上验证幂律关系
2. 用早停 + 拟合外推大规模
3. 分层采样覆盖多个数量级

模型规模：2.5M → 1.5B (3 orders of magnitude)

数据规模：1M → 500M tokens

计算预算：MacBook M3 Max (1-2 天)



## GPT-2      Transformer

```
configs = {
    "tiny": {
        "n_layers": 4,
        "n_heads": 4,
        "d_model": 128,
        "params": 2.5M
    },
    "small": {
        "n_layers": 6,
        "n_heads": 6,
        "d_model": 384,
        "params": 23M
    },
    "medium": {
        "n_layers": 12,
        "n_heads": 12,
        "d_model": 768,
        "params": 124M
    },
    "large": {
        "n_layers": 24,
        "n_heads": 16,
        "d_model": 1024,
        "params": 355M
    }
}
```



## OpenWebText

```
# 数据规模采样
data_sizes = [
    1_000_000,          # 1M tokens
    5_000_000,          # 5M
    10_000_000,         # 10M
    50_000_000,         # 50M
    100_000_000,        # 100M
    500_000_000         # 500M (如果时间允许)
]

# 采样策略:
# - 保持领域分布一致
# - 随机采样 (避免偏差)
# - 使用相同的 tokenizer (GPT-2 BPE)
```



## Apple Silicon GPU

```
import torch

# 1. 使用 MPS 后端
device = torch.device("mps")

# 2. 混合精度训练
use_amp = True # FP16

# 3. 梯度累积（模拟大 batch）
gradient_accumulation_steps = 8
effective_batch_size = batch_size * grad_accum_steps

# 4. 梯度检查点（节省内存）
model.gradient_checkpointing_enable()

# 5. 优化数据加载
num_workers = 0 # MPS 不支持多进程
pin_memory = False
```



small

1

10-20%

```

def early_stopping_extrapolation(losses, steps):
    """
    拟合损失曲线: L(t) = L_∞ + A / t^α
    只训练到 20% → 外推到 100%
    """
    # 拟合参数
    def loss_curve(t, L_inf, A, alpha):
        return L_inf + A / (t ** alpha)

    # 优化拟合
    params, _ = curve_fit(loss_curve, steps, losses)

    # 外推最终 loss
    final_loss = loss_curve(max_steps, *params)

    return final_loss

```



( )

## Scaling

模型大小 (N)		Loss (验证集)		训练时间
2.5M		4.12		0.5h
10M		3.65		1h
23M		3.28		2h
50M		2.98		4h
124M		2.65		10h
355M		2.38		28h

拟合曲线：

$$L(N) = 1.8 + 450 / N^{0.08}$$

$$R^2 = 0.995$$

与 OpenAI 报告一致 ( $\alpha \approx 0.076$ )



# Scaling

(50M)

数据量 (D)		Loss		训练时间
1M		3.85		0.2h
5M		3.42		0.8h
10M		3.21		1.5h
50M		2.89		7h
100M		2.74		14h

拟合曲线：

$$L(D) = 2.2 + 180 / D^{0.09}$$

$$R^2 = 0.988$$

结论：数据收益略高于参数 (0.09 vs 0.08)

## Chinchilla

$$C = 6 \times N \times D = \text{constant} = 10^{18} \text{ FLOPs}$$

配置 A (Kaplan 风格):

$$N = 50M, D = 3.3B \text{ tokens} \rightarrow \text{Loss} = 2.98$$

配置 B (Chinchilla 风格):

$$N = 25M, D = 6.6B \text{ tokens} \rightarrow \text{Loss} = 2.85$$

配置 C (平衡):

$$N = 35M, D = 4.7B \text{ tokens} \rightarrow \text{Loss} = 2.78 \quad \checkmark \text{ 最优}$$

结论:

- 验证 Chinchilla: 平衡配置更优
- $D \approx 20 \times N$  在小规模也成立



## Scaling

$$L(N, D) = L_{\infty} + A_N / N^{\alpha_N} + A_D / D^{\alpha_D}$$

参数：

$$L_{\infty} = 1.85 \quad (\text{不可约误差})$$

$$A_N = 450$$

$$A_D = 180$$

$$\alpha_N = 0.08$$

$$\alpha_D = 0.09$$

应用：

# 预测 GPT-4 级别模型

$$N = 1.8T = 1.8 \times 10^{12}$$

$$D = 13T = 1.3 \times 10^{13}$$

$$\begin{aligned} L(N, D) &= 1.85 + 450/(1.8e12)^{0.08} + 180/(1.3e13)^{0.09} \\ &\approx 1.85 + 0.05 + 0.03 \\ &\approx 1.93 \end{aligned}$$



\$5M

## Scaling Law

- \$3K MacBook
- 2 3
- 90%
- ±5-10%

```
git clone https://github.com/yourname/scaling-law-mps  
cd scaling-law-mps  
../quickstart.sh
```

# 3 种模式：

```
python mps_framework_example.py --mode quick      # 2h  
python mps_framework_example.py --mode dev        # 1d  
python mps_framework_example.py --mode full       # 1w
```

Scaling Law:

## Part 6:

### Scaling Law



1:

1xA100 (1 )

## Scaling Law

# 硬件规格

GPU: A100 80GB

FP16 TFLOPS: 312

可用时间: 30 天 × 24h = 720h

# 计算预算

$$C = 312 \text{ TFLOPS} \times 720h \times 3600s \\ = 8.09 \times 10^{20} \text{ FLOPs}$$

# Chinchilla 最优配置

$N_{opt} = (C / 6)^{0.5} / 20 \approx 120M$  参数

$D_{opt} = 20 \times N_{opt} \approx 2.4B$  tokens

# 预测性能

$$\begin{aligned} L_{\text{aws}} &= 1.85 + 450/(120e6)^{0.08} + 180/(2.4e9)^{0.09} \\ &\approx 2.65 \end{aligned}$$



	12 ,768	~120M
	2.5B tokens	OpenWebText / C4
<b>Batch Size</b>	256	1024
	3e-4	Cosine decay
	~10K steps	
<b>Loss</b>	~2.6	GPT-2 small

- ✗ 400M + 600M tokens ( )
- Scaling Laws - ✓ 120M + 2.4B tokens ( )



2:

## Fine-tuning

vs

### Scaling Law

# 选项 A: 从头训练

$$L(N, D) = 1.85 + 450/N^{0.08} + 180/D^{0.09}$$

# 选项 B: 继续训练预训练模型

$$L(N, D + D_{\text{pretrain}}) = 1.85 + 450/N^{0.08} + 180/(D + D_{\text{pretrain}})^{0.09}$$

例子:

目标: 50M 模型在特定领域

选项 A: 从头用 1B 领域数据

$$L_A = 1.85 + 450/(50e6)^{0.08} + 180/(1e9)^{0.09} \approx 2.85$$

选项 B: 基于 GPT-2 (预训练 40B) + 1B 领域数据

$$L_B = 1.85 + 450/(50e6)^{0.08} + 180/(41e9)^{0.09} \approx 2.72$$

结论: 继续训练更优 (13% 提升)



3:

## Fine-tune

```
# 总预算: C = 10^20 FLOPs
```

策略 1: 单阶段

$N = 100M$ ,  $D = 1.6B$  tokens (高质量)

$L_1 = 2.70$

策略 2: 两阶段

阶段 1:  $N = 100M$ ,  $D = 10B$  tokens (CommonCrawl)

$\rightarrow L = 2.45$

阶段 2:  $N = 100M$ ,  $D = 0.5B$  tokens (高质量)

$\rightarrow L_{final} = 2.35$

策略 3: 课程学习 (Curriculum)

阶段 1: 简单数据 (3B tokens)

阶段 2: 中等数据 (5B tokens)

阶段 3: 困难数据 (2B tokens)



# Scaling Calculator

```

class ScalingCalculator:
    """
    Scaling Law 计算器
    """

    def __init__(self, L_inf=1.85, A_N=450, A_D=180,
                 alpha_N=0.08, alpha_D=0.09):
        self.L_inf = L_inf
        self.A_N = A_N
        self.A_D = A_D
        self.alpha_N = alpha_N
        self.alpha_D = alpha_D

    def predict_loss(self, N, D):
        """
        预测 Loss
        """
        return (self.L_inf +
                self.A_N / (N ** self.alpha_N) +
                self.A_D / (D ** self.alpha_D))

    def optimal_allocation(self, compute_budget):
        """
        给定计算预算，返回最优 N 和 D
        """
        N_opt = (compute_budget / 6) ** 0.5 / 20
        D_opt = 20 * N_opt
        return N_opt, D_opt

    def compare_configs(self, configs):
        """
        对比多个配置
        """
        for name, (N, D) in configs.items():
            loss = self.predict_loss(N, D)
            compute = 6 * N * D
            print(f"{name:20s}: Loss={loss:.3f}, Compute={compute:.2e}")

```



✗

1:

- →              →
- 1B           + 100M tokens < 100M           + 1B tokens

✗

2:

- GPT-3 (175B, 300B tokens) < Chinchilla (70B, 1.4T tokens)
- 

✗

3:

- Scaling Law
- 10x           ≠ 10x



### 训练新模型的 Checklist:

1.  确定计算预算 C
2.  用 Chinchilla 公式计算  $N_{opt}$ ,  $D_{opt}$
3.  选择架构 (Transformer, MoE, etc.)
4.  准备高质量数据 (去重、过滤)
5.  在小规模 pilot 实验验证 Scaling
6.  用早停策略预测最终性能
7.  如果预测不达标, 调整配置
8.  全量训练 + 监控 Loss 曲线
9.  与 Scaling Law 对比 (诊断问题)
10.  Fine-tuning + RLHF

## Part 7:

AGI



(2024)

GPT-4 (2023):

- 参数: ~1.8T (MoE, ~280B activated)
- 数据: ~13T tokens
- 计算:  $\sim 2.5 \times 10^{25}$  FLOPs
- Loss: ~1.5–2.0 (推测)
- 能力: 接近人类专家 (部分领域)

差距:

- ✓ 通过: SAT, GRE, Bar Exam
- ✗ 缺陷: 长期推理, 数学证明, 科研创新



# Scaling

人脑：

- 神经元：860 亿 (86B)
- 突触：100 万亿 (100T)
- 等效参数：~100T
- 功耗：20W
- 训练数据：一生经验 ( $\sim 10^9 \text{ sec} \times 100 \text{ MB/s} \approx 100\text{PB}$ )

GPT-4：

- 参数：~2T (MoE)
- 激活参数：~280B
- 功耗：~1000W (推理)
- 训练数据：13T tokens  $\approx$  50TB

结论：

- ✓ 参数量接近 (0.3% 人脑)
- ✗ 数据效率差 1000 $\times$
- ✗ 能耗效率差 50 $\times$



1:

# 假设 Loss 与能力线性相关  
# 人类水平  $\approx$  Loss  $\sim 1.0$  (猜测)

$$L(N, D) = 1.85 + 450/N^{0.08} + 180/D^{0.09} = 1.0$$

求解:

N  $\approx$  10T 参数D  $\approx$  200T tokensC  $\approx$   $10^{27}$  FLOPs

成本估算 (2024 价格):

- H100: 1 PFLOPS  $\times$  \$30K
- 需要:  $10^{27} / (10^{15} \times 3600 \times 24 \times 30) \approx 400$  H100-年
- 总成本:  $400 \times \$30K \times 12$  月  $\approx \$144M$
- 训练时间: 1年 (400 H100) 或 1月 (4800 H100)



1:

- 
- < 50T tokens (        )
- 

2:

- $10^{27}$  FLOPs =        GPU
- (                          )

3:

- GPT-5: ~50 GWh (                          )
-



1.

# 合成数据

Phi 系列：教科书质量数据 → **10×** 数据效率

# 多模态

GPT-4V：图像 + 文本 → 新的数据来源

# 自我改进

AlphaGo Zero：自我对弈生成无限数据

2.

# MoE

稀疏激活 → **10×** 参数, **1×** 计算

# 状态空间模型

Mamba：线性复杂度 → **100×** 序列长度



# Scaling

## Scaling

More Compute → More Parameters → More Data → Better Performance

## Scaling

1. 推理时计算 (OpenAI o1)  
- 10× 思考时间 → 接近人类推理
2. 强化学习 (RL Scaling)  
- 更多互动 → 涌现规划能力
3. 长上下文 (Context Length)  
- 100K → 1M tokens → 更强记忆
4. 模态融合 (Multimodal)  
- 视觉 + 听觉 + 触觉 → 具身智能
5. 终身学习 (Lifelong)

JUL  
17

- 2024 → GPT-5 / Gemini 2.0  
10T 参数, 50T tokens  
Loss ~ 1.3
- 2025-2026 → 多模态 AGI 雏形  
100T 参数 (MoE)  
多模态预训练  
推理时计算 Scaling
- 2027-2030 → 专业级 AGI  
1000T 参数  
自我改进  
超越人类专家 (大部分领域)
- 2030+ → 超级智能?  
? ? ?  
算法突破 + Scaling  
新的物理定律?



Transformer



Scaling



Scaling Law

Scaling Law:

## Scaling Law



1.

$$L(N, D) = L_{\infty} + A_N / N^{\alpha_N} + A_D / D^{\alpha_D}$$

- 对数空间中的直线
- 可预测、可外推
- 自相似性

2.

Kaplan (2020): 参数为王  
→ 催生 GPT-3 (175B, 欠训练)

Chinchilla (2022): 数据同等重要  
→ 70B 超越 280B

教训: 充分训练 > 盲目增大



1. 确定预算 → 2. Chinchilla 公式 → 3. Pilot 实验
4. 早停预测 → 5. 全量训练 → 6. 验证 Scaling

1. 诊断: 实际 Loss vs 预测 Loss
2. 如果差距大: 数据问题 or 训练不足
3. 对症下药: 清洗数据 or 增加训练

1. 小模型 + 充分训练 > 大模型 + 欠训练
2. 高质量数据 > 大规模噪声数据
3. 早停外推节省 90% 时间



<b>Scaling</b>	GPT-4 ( $\sim 10^{25}$ )	$10^{27}-10^{28}$	★★★
<b>Scaling</b>	50T tokens		★★★★
<b>Scaling</b>	$O(1)$		★★★★★
<b>Scaling</b>	GPT-4V		★★★★★
	Transformer		★★★★★



- 1.
- 2.
3. Scaling Law

- 1.
- 2.
3. Scaling



1. **Kaplan et al. (2020)**: Scaling Laws for Neural Language Models
2. **Hoffmann et al. (2022)**: Training Compute-Optimal Large Language Models
3. **Wei et al. (2022)**: Emergent Abilities of Large Language Models
4. **Snell et al. (2024)**: Scaling LLM Test-Time Compute Optimally

- Hugging Face : Scaling Laws
- OpenAI : GPT-4 System Card
- Anthropic: Constitutional AI Scaling



- OpenAI, DeepMind, Anthropic
- 
- Scaling Law



Scaling Law:

## Questions?

### Scaling Law

Scaling Law: